ci2.3.429Filtracja krawędzi o małym gradiencie jasnościsubsection.2.3.4

Politechnika Śląska Wydział Automatyki, Elektroniki i Informatyki kierunek: informatyka

Mateusz Trzeciak

Określenie wieku twarzy na podstawie tekstury

praca dyplomowa magisterska

promotor: dr hab. inż. Karolina Nurzyńska

Gliwice, październik 2019

Oświadczenie

| Wyrażam zgodę / Nie wyrażam zgodyplomowej / rozprawy doktorskiej*. | ody* na udostępnienie mojej pracy | |
|--------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------|--|
| Gliwice, dnia 21 października 2019 | | |
| | (podpis) | |
| | (poświadczenie wiarygodności podpisu przez Dziekanat) | |

^{*} podkreślić właściwe

Oświadczenie promotora

| Oświadczam, że praca "Określenie wieku tw spełnia wymagania formalne pracy dyplomowej | · - |
|---------------------------------------------------------------------------------------|--------------------|
| | |
| | |
| Gliwice, dnia 21 października 2019 | (podpis promotora) |

Spis treści

| 1 | Wst | tęp | | 1 |
|----------|----------------------------|--------|--------------------------------------------------------|----|
| 2 | Me | toda b | pazowa - wrinkle feature | 3 |
| | 2.1 | Metoo | da wykrywania twarzy | 5 |
| | | 2.1.1 | Konwersja do skali szarości oraz przestrzenie barw | 10 |
| | | 2.1.2 | Algorytm Haar Cascade | 13 |
| | 2.2 | Wyzn | aczanie stref | 20 |
| | 2.3 | Wykr | ywanie zmarszczek - detektor Canny | 26 |
| | | 2.3.1 | Redukcja szumów na obrazie filtrem Gaussa | 27 |
| | | 2.3.2 | Szukanie gradientów jasności | 28 |
| | | 2.3.3 | Zastosowanie techniki zmniejszania grubości krawędzi . | 29 |
| | | 2.3.4 | Filtracja krawędzi o małym gradiencie jasności | 29 |
| | | 2.3.5 | Filtracja poprzez histerezę | 30 |
| | 2.4 | Wylic | zanie wrinkle feature | 30 |
| | 2.5 | Algor | ytm trenowania | 31 |
| | 2.6 | Grupe | owanie danych - Fuzzy C-Means oraz wyznaczanie wieku | 32 |
| 3 | Modyfikacje metody bazowej | | | |
| | 3.1 | Odjęc | ie wybranej strefy | 37 |
| | | 3.1.1 | Zmiana algorytmu względem metody bazowej | 37 |
| | 3.2 | Zasto | sowanie metody HOG | 37 |
| | | 3.2.1 | HOG - Zastosowanie w projekcie | |
| | 3.3 | Metoo | da HOG oraz grupowanie KNN | |
| | | 3.3.1 | Grupowanie KNN | |
| | | 3.3.2 | | |

| II | | | |
|----|---------|--|-----------|
| | | | |
| 4 | Badania | | 45 |

47

5 Podsumowanie

Rozdział 1

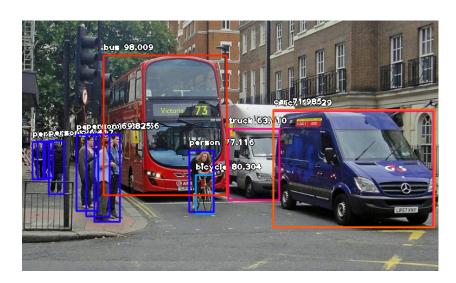
Wstęp

Wiek jest cechą, którą niełatwo człowiekowi odczytać z czyjejś twarzy. Dla komputera rozpoznawanie wieku jest trudniejsze niż dla człowieka. Dlatego do wyznaczania wieku z pomocą programu komputerowego należy podchodzić z dystansem. Mimo trudności programiści i naukowcy udoskonalają algorytmy, tak aby ocena wieku danej osoby była coraz dokładniejsza.

Istnieje wiele sposobów wyznaczania wieku. Większość metod skupia się na analizie tekstury twarzy. Idąc dalej - z obrazu danej osoby lub jego części, np tułowia, musi zostać wykryta twarz. Wykrycie twarzy na teksturze jest możliwe dzięki algorytmom rozpoznawaniu obrazu. Rozpoznawanie obrazu jest stosowane w wizji komputerowej i polega na wyodrębnieniu z obrazu jakichś szczegółów. Mogą to być osoby, pojazdy, przedmioty itp. (Rys. 1.1)

Można znaleźć wiele witryn internetowych, które udostępniają interfejsy programistyczne umożliwiające zaimplementowanie rozpoznawania wieku z obrazu. Istnieją algorytmy przetwarzania obrazu, które oprócz wieku wyznaczają z pewnym prawdopodobieństwem płeć danej osoby. Oprócz płci mogą one także wyznaczyć mine oraz czy dana osoba nosi okulary.

Z weryfikacją wieku danej osoby można się spotkać przed wejściem do niektórych miejsc, tj. klub nocny. Większość osób musi okazać ważny dowód osobisty, co generuje duże kolejki do wejścia. Aplikacje analizujące wiek na podstawie obrazu twarzy z kamery przed wejściem do takich miejsc znacząco usprawniłyby weryfikację wieku. Rozpoznawanie wieku może być wykorzy-



Rysunek 1.1: Przykład rozpoznawania obiektów na zdjęciu ulicy. [20]

stywane przy analizie średniego wieku ludzi w jakimś miejscu np. podczas demonstracji.

Wiele gier posiada treści nieodpowiednie dla młodszych użytkowników. Możliwe jest stosowanie technologii wykrywania wieku użytkownika przed udostępnieniem mu treści, która wymaga odpowiedniego wieku.

Można znaleźć o wiele więcej potencjalnych zastosowań przetwarzania obrazu oraz rozpoznawania wieku na podstawie tekstury (obrazu) twarzy. Z biegiem lat z pewnością będzie można zauważyć dalszy rozwój tej dziedziny, która opiera się w głównej mierze na sztucznej inteligencji [26].

Rozdział 2

Metoda bazowa - wrinkle feature

Istnieje wiele metod wyznaczania wieku z obrazu twarzy. W literaturze spotkano rozwiązania, w których wyznaczany jest konkretny wiek osoby przez algorytm lub przedział wiekowy. Jedna z pierwszych metod szacowania wieku opierała się na wyznaczaniu proporcji twarzy, a następnie na detekcji i interpretacji zmarszczek. Była ona w stanie ze stu procentową poprawnością wyznaczyć czy dana osoba jest osobą dorosłą lub dzieckiem [29].

W kolejnych latach algorytmy i techniki szacowania wieku były udoskonalane. Badano wpływ starzenia się osób na wygląd skóry. Oprócz naturalnych zmian skóry pod wpływem starzenia się skóry należało uwzględnić także
inne czynniki. Takimi czynnikami są min. płeć, poziom stresu, ekspozycja na
działanie środowiska zewnętrznego. Powyższe metody zastosowano w pracy
"Toward automatic simulation of aging effects on face images" autorstwa A.
Lanitis, Ch. J. Taylor oraz T. F. Cootes [1]. Należy dodać, że w powyższej
pracy stosowano trenowanie zbioru zdjęć. Trenowanie polega na wykryciu
relacji pewnych cech twarzy do wieku osób.

W kolejnych latach pojawiło się podejście porównywania cech twarzy tej samej osoby w różnym wieku. Różnice w powyższych cechach posłużyły do zbudowania statystyki zmian cech twarzy wraz ze starzeniem się. Powyższe podejście zostało zaprezentowane w pracy "Face verification across age

progression" autorstwa N. Ramanathan oraz R. Chellappa [19].

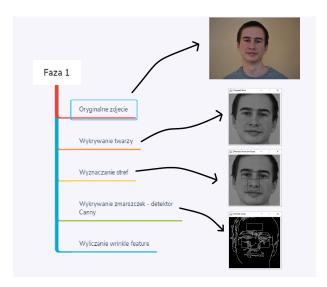
Rozwinięciem tego pomysłu była praca "Automatic age estimation based on facial aging patterns" autorstwa X. Geng, Z. Zhou i K. Smith-Miles [28]. W tej pracy porównywano sekwencje wielu zdjęć twarzy jednej osoby. Zdjęcia przestawiały twarz w różnym wieku. Powyższe badania pozwoliły na zbudowanie wzorca starzenia się twarzy.

Praca "A new algorithm for age recognition from facial images" autorstwa M.M. Dehshibi oraz A. Bastanfard [8] przy szacowaniu wieku analizuje proporcje twarzy oraz ilość zmarszczek.

Praca "Age Estimation from Face Images: Challenging Problem for Audience Measurement Systems" autorstwa Vladimira Khryashcheva, Alexandra Ganina, Olgi Stepanovej oraz Antona Lebedeva podsumowała techniki szacowania wieku [13]. Z podsumowania wynikło, że najczęściej stosuje się do wyodrębniania cech z twarzy BIF, czyli biologically inspired features. Powyższa metoda została zaprezentowana w książce "Human Age Estimation Using Bio-inspired Features" autorstwa Guodong Guo i in. Mniej popularne metody analizujące cechy twarzy to filtry Gabora oraz LBP- local binary patterns.

Metoda bazowa została opisana w artykule "Age Estimation from Face Image using Wrinkle Features" [23]. Wykrywanie wieku dzieli się na kilka faz. Na początku należy wykryć twarz. Zastosowany algorytm wykrywania został opisany w sekcji 2.1 Następnie należy wyznaczyć strefy zmarszczkowe na twarzy. W artykule [23] udowodniono, że istnieje kilka konkretnych stref, w których następuje znacząca zmiana ilości zmarszczek wraz z wiekiem. Powyższe strefy zostały wymienione w sekcji 2.2. Sekcja ?? przedstawia technikę wykrywania zmarszczek znajdujących się w strefach. Wykryte zmarszczki pozwalają na obliczenie wrinkle feature dla danej twarzy, zgodnie z opisem w sekcji 2.4. W tym miejscu kończy się faza wyznaczania wrinkle feature dla danej osoby (Rysunek 2.1). Kolejna faza jest potrzebna do znalezienia relacji pomiędzy wrinkle feature a wiekiem. Do tego celu należy zastosować algorytm trenujący, który został opisany w sekcji 2.5. Wynikiem algorytmu trenującego jest zbiór danych, który należy pogrupować, tak jak to opisano w sekcji 2.6. Ostatnią fazą algorytmu jest wykrywanie wieku na podstawie

wyników działania FCM - sekcja ?? (Rysunek 2.2).



Rysunek 2.1: Faza 1 algorytmu



Rysunek 2.2: Faza 2 algorytmu

2.1 Metoda wykrywania twarzy

W literaturze można odnaleźć wiele metod wykrywania twarzy. Istnieje kilka podejść aby skutecznie wykrywać twarz na danym obrazie [24]:

- metoda oparta na nauce
- metoda niezmienności cech
- metoda dopasowania szablonu twarzy
- metoda bazująca na wyglądzie

Metoda oparta na nauce kieruje się wiedzą na temat wyglądu twarzy, a bardziej precyzyjnie chodzi o charakterystyczne cechy, dzięki którym na zdjęciu można wyodrębnić obszar twarzy. Mowa tutaj o cechach takich jak kształt twarzy, kolor, miejsca o różnej jasności czy specyficzne krawędzie tworzone np przez usta.

W metodzie niezmienności cech wyszukuje się takie strukturalne cechy twarzy, które są widoczne w każdych warunkach oświetleniowych. Ponadto te cechy są widoczne bez względu na punkt widzenia, nawet jeśli twarz jest widoczna z profilu czy przechylona pod kątem.

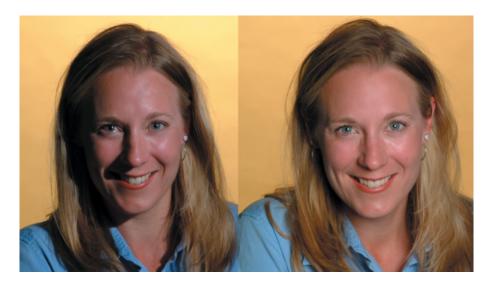
Z kolei metoda dopasowania szablonu twarzy wykorzystuje kilka standardowych wzorów opisujących twarz. Na wejściu algorytmu obraz jest porównywany z tymi wzorami, a na wyjściu dostajemy informację, w jakim stopniu obraz jest dopasowany do szablonu twarzy.

Ideą metody bazującej na wyglądzie jest trenowanie dużego zbioru obrazów twarzy, tak aby wychwycić zmienność cech twarzy. Tak wytrenowany model jest później wykorzystywany do wykrywania twarzy.

Ponadto w procesie ekstrakcji twarzy z obrazu istnieje wiele problemów [24].

Jednym z problemów jest nieodpowiednia poza. Wiąże się to z różnymi ustawieniami twarzy wobec aparatu fotograficznego lub kamery. Twarz może być nachylona, przechylona lub odchylona. Inaczej mówiąc może mieć różne położenie w trzech wymiarach, a niektóre części twarzy lub jej cechy mogą zostać przysłonięte. Im mniej cech widocznych na twarzy, tym mniej danych, które algorytm może z niej wyodrębnić, a im mniej danych, którymi algorytm operuje, tym mniejsze prawdopodobieństwo prawidłowego wykrycia twarzy.

Niektóre twarze mogą zawierać pewne wyróżniające je cechy takie jak broda, blizny czy okulary. Różnorodność tych cech także wpływa na efektywność wykrywania twarzy.

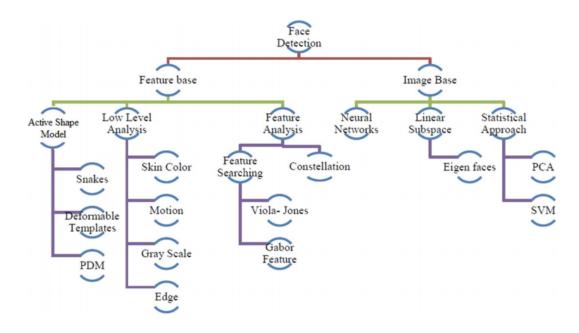


Rysunek 2.3: Przykład twarzy oświetlonej twardym (twarz po lewej) oraz miękkim światłem. [10]

Ilość zmarszczeń na twarzy jest zmienna, w zależności od wyrazu mimicznego. Przy różnych minach zmienia się kształt ust, a czasem pojawiają się ostre krawędzie wynikające z pracy mięśni twarzowych. Widoczne mogą być różne pofałdowania skóry.

Zdarza się, że twarz zostaje częściowo przysłonięta przez jakiś inny obiekt. Na przykład na zdjęciu, które obejmuje grupę wielu osób, część danej twarzy może być przysłonięta przez inną twarz. Takie przysłonięcie przez inny obiekt wiąże się z utratą informacji o części twarzy, co zmniejsza prawdopodobieństwo prawidłowego jej wykrycia.

Kolejnym istotnym elementem jest oświetlenie twarzy. Gdy twarz oświetlona jest tzw. twardym światłem, występują na niej cienie i światła określane jako ostre (Sekcja 2.3). W tym przypadku ryzyko utraty szczegółów oświetlanej twarzy jest większe. Kiedy twarz jest skierowana na wprost słońca, z dużym prawdopodobieństwem można stwierdzić, że zostanie oświetlona twardym światłem. Z kolei miękkie światło jest generowane na przykład przez zachmurzone niebo. Istotne jest także źródło światła, które może być punktowe lub rozproszone. Przy punktowym źródle światła cała twarz jest okryta jednolitym cieniem, którego intensywność zależy od "twardości"światła. Natomiast przy świetle rozproszonym intensywność cieni jest mniejsza.



Rysunek 2.4: Różne techniki wykrywania twarzy. [3]

Na Rys 2.4 przedstawione są różne techniki wykrywania twarzy.

Jak widać metod wykrywania twarzy jest sporo. Omówienie każdej z nich zajęłoby dużo czasu. Poniżej zostaną przytoczone dwie metody wykrywania twarzy. Dodatkowo zostanie omówiona metoda, która posłużyła do wykrywania twarzy w niniejszej pracy.

W pracy "An efficient algorithm for human face detection and facial feature extraction under different conditions" [14] przedstawiono opisaną w skrócie poniżej technikę wykrywania twarzy. W pierwszym etapie procesu obszary, gdzie może znajdować się ludzkie oko, są wykrywane przez przeprowadzenie testów na zacienionych rejonach obrazu. Pary takich obszarów wyodrębnia się na podstawie algorytmu genetycznego, aby następnie wyznaczyć możliwy obszar twarzy. Dla każdego obszaru mierzy się wartość dopasowania na podstawie jego projekcji na wektory własne, tzw. eigenfaces. Aby wiarygodność wykrywania była wyższa, każdy możliwy obszar twarzy normalizuje się pod kątem oświetlenia. Proces ten powtarza się pewną ilość razy, a następnie do dalszej weryfikacji są wybierane możliwe obszary twarzy o wysokiej wartości dopasowania. Na tym etapie mierzy się symetrię twarzy oraz

sprawdza się, czy na każdym wybranym obszarze istnieją rysy twarzy. Rysy określa się przez ewaluację rzeźby topograficznej - wystających i wklęsłych elementów różnych regionów obszaru twarzy, poddanego uprzednio normalizacji. Algorytm jest w stanie wykryć także obszar twarzy, gdy głowa jest przechylona

W roku 1997 w pracy pt. "Vision for man-machine interaction" opisano metodę wykrywania twarzy bazującą na wykrywaniu cechy jaką jest kolor skóry [6]. Kolor skóry jest najbardziej widoczną cechą twarzy zarówno dla człowieka jak i dla maszyny. Ponadto kolor jest przetwarzany znacznie szybciej od innych cech. Przy dobrych warunkach oświetleniowych ustawienie twarzy nie ma wpływu na skuteczność wykrywalności twarzy opisywaną metodą. Każda metoda wykrywania twarzy posiada wady. Jedną z tych wad jest problem wykrywalności twarzy przy nierównomiernym oświetleniu. Problem pojawia się także, gdy na obrazie widoczny jest obszar skóry z poza twarzy np. z rąk. Warto zaznaczyć, że kolor twarzy na obrazie jest zależny od względnego kierunku oświetlenia. Obszar twarzy w omawianym algorytmie jest wykrywany poprzez normalizacje histogramu kolorów. Normalizacja jest potrzebna do redukcji wpływu luminancji na kolor.

Algorytm Haar Cascade jest najpopularniejszym algorytmem do wykrywania twarzy w bibliotece OpenCV. Właśnie ta biblioteka była jednym z niezbędnym elementów programu przy wykrywaniu wieku z tekstury twarzy. W związku z powyższym w wykrywaniu twarzy zastosowano algorytm Haar Cascade. Omawiany algorytm został zaprezentowany w książce "Rapid Object Detection using a Boosted Cascade of Simple Features" w 2001 i składa się z trzech faz [22]. W pierwszej obraz wejściowy przekształcany jest na obraz scałkowany. Następnie wykorzystywany jest algorytm do boostingu, który zmniejsza ilość klasyfikatorów tylko do tych najbardziej istotnych. W ostatniej fazie klasyfikatory łączone są w kaskady w celu przyspieszenia procesu wykrywania twarzy. Znaczna większość metod wykrywania obiektów na obrazie (w tym twarzy) wymaga wstępnego przekształcenia obrazu do skali szarości.

2.1.1 Konwersja do skali szarości oraz przestrzenie barw

Każdy piksel w trybie kolorowym ma określoną reprezentację barwy z określonego modelu. Najczęściej są to 3 lub 4 wartości [12]. Pierwszą przestrzenią barw była CIEXYZ. Została ona stworzona w 1931 przez Międzynarodowa Komisja ds. Oświetlenia (International Commission on Illumination). Przestrzeń barw CIEXYZ została specjalnie stworzona, by odtworzyć sposób postrzegania barw przez ludzkie oko. Barwa jest opisywana w trzech współrzędnych trójchromatycznych X,Y,Z. Powyższe współrzędne są zależne od składowych - sprawności wizualnych czopków. Czopki to światłoczułe receptory siatkówki ludzkiego oka [12]. Współrzędne X,Y,Z wyliczane są na podstawie trzech podstawowych barw R (czerwonej), G (zielonej) i B (niebieskiej). Współrzędne XYZ są często reprezentowane przez luminancję Y oraz współrzędne x, y chromatyczności. Wyliczanie współrzędnych x, y przedstawiono na wzorach 2.1 oraz 2.2.

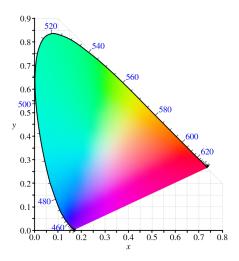
$$x = \frac{X}{X + Y + Z} \tag{2.1}$$

$$y = \frac{Y}{X + Y + Z} \tag{2.2}$$

Na Rysunku 2.5 przedstawiono diagram chromatyczności reprezentujący przestrzeń barw CIEXYZ.

Kolory mogą byc także odwzorowane przez przestrzeń barw CMYK. Skrót CMYK oznacza odpowiednio:

- Cyan odcień niebieskiego
- Magenta kolor karmazynowy
- Yellow kolor żółty
- K key colour kolor czarny



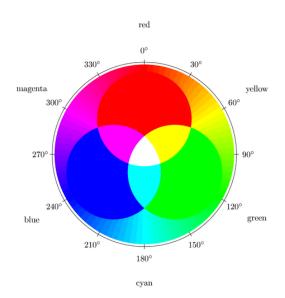
Rysunek 2.5: Przykład rozpoznawania obiektów na zdjęciu ulicy. [5]

Barwa wynikowa powstaje poprzez mieszanie trzech kolorów - niebieskiego, karmazynowego oraz żółtego. Mieszanie zachodzi według zasady syntezy subtraktywnej [12]. Synteza subtraktywna polega na mieszaniu kolorów przez odejmowanie promieniowań widzialnych różnych długości. Przykładem syntezy subtraktywnej jest np. mieszanie farb o różnych kolorach.

Najczęściej barwy są reprezentowane przez przestrzeń barw RGB [12]. Przestrzeń kolorów RGB składa się z trzech kanałów [11]:

- R czerwonego (z angielskiego Red)
- G zielonego (z angielskiego Green)
- B niebieskiego (z angielskiego Blue)

Barwy mieszane są poprzez syntezę addytywną. W przeciwieństwie do syntezy subtraktywnej barwa wynikowa powstaje poprzez sumowanie wiązek światła widzialnego o różnych długościach [12]. Każdy piksel opisany za pomocą przestrzenie barw RGB ma trzy 8-bitowe wartości reprezentujący każdy kanał. Spotykane są 12- lub 16-bitowe reprezentacje kanałów, jednak 8-bitowa jest najpopularniejsza. Dla 8-bitowych kanałów wartość "0" danego kanału oznacza brak jasności, natomiast "255" maksymalną jasność. Poprzez



Rysunek 2.6: Mieszanie kanałów RGB [18].



Rysunek 2.7: Kolor R=153 G=217 B=234.

mieszanie jasności tych trzech kanałów można uzyskać szerokie spektrum barw (Rysunek 2.6).

Przykładowo kolor o reprezentacji R=153 G=217 B=234 przedstawiono na Rysunku 2.7

Kolor (Rysunek 2.7) może być też reprezentowany w kodzie szesnastkowym #99D9EA. Każda wartość heksadecymalna odpowiada kolejno kanałowi R, G, B.

Obraz może też być przedstawiony stosując odcienie jednej barwy. Taka obraz nazywa się obrazem monochromatycznym. Najczęściej stosowaną barwą w takich obrazach jest szarość [12].

Istnieją 3 metody konwersji obrazu z przestrzeni RGB na monochromatyczny [18].

największej jasności

- średnia
- luminancji

Metoda największej jasności konwertuje na skalę szarości wg wzoru2.3.

$$\frac{(\max(R,G,B) + \min(R,G,B))}{2} \tag{2.3}$$

Metoda średnia bazuje na wzorze 2.4, natomiast metodę luminancji ilustruje wzór 2.5.

$$\frac{(R+G+B)}{3} \tag{2.4}$$

$$0.21R + 0.72G + 0.07B \tag{2.5}$$

W niniejszej pracy zastosowano konwersję za pomocą metody średniej.

2.1.2 Algorytm Haar Cascade

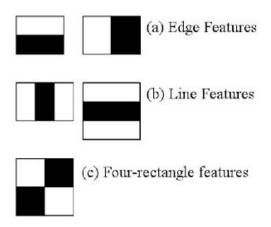
Haar Cascade jest algorytmem służącym do wykrywania obiektów na obrazach. Został stworzony przez Paula Viola oraz Michaela Jonesa w 2001 roku [22].

Opiera się na zbudowaniu kaskadowej funkcji za pomocą trenowania wielu zdjęć. Zdjęcia są dzielone na dwie kategorie - pozytywne oraz negatywne. Na zdjęciach klasyfikowanych jako pozytywne istnieje obiekt, który ma zostać wykryty, natomiast na zdjęciach negatywnych nie ma tego obiektu.

Ekstrakcja cech w algorytmie Violi i Jonesa jest realizowana przez filtry Haara. Są to prostokątne okienka nakładane na obraz, które analizują jasność pikseli (Rysunek 2.8).

Przed zastosowaniem filtru Haara obraz musi zostać przekształcony do skali szarości W niniejszej pracy należało przekształcić każdy obraz z trybu kolorowego na monochromatyczny, co opisano w sekcji 2.1.1.

Każde okienko zawiera białe oraz czarne prostokąty. Wyznaczana jest suma jasności pikseli w obu rodzajach prostokątów, a następnie dla każdego



Rysunek 2.8: Filtr Haara a) krawędziowy b) liniowy c) szachownica [2]

okna obliczana jest różnica pomiędzy białymi a czarnymi. Opisywany algorytm ma zastosowanie w wykrywaniu krawędzi. Na granicy krawędzi istnieje różnica w jasności pikseli (Rysunek 2.9).

W celu poprawy efektywności sumowania pikseli stosowane są rozwiązanie zwane w języku angielskim Summed-area table [21]. Summed-area table jest również nazywana w literaturze Integral Image, czyli obrazem scałkowanym. Ideą obrazu scałkowanego jest, aby każdy obraz został przekształcony w tabelę, w której każdy element x,y tej tabeli odpowiada sumie jasności wszystkich pikseli według wzoru 2.6.

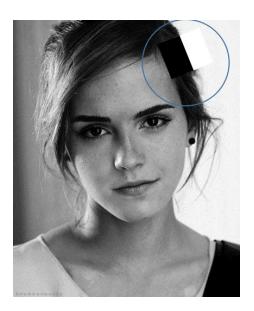
$$I(x,y) = \sum_{x' \le x \cap y' \le y} i(x',y')$$
 (2.6)

gdzie I(x,y) jest wartością na pozycji x,y w tabeli(tabela obrazu scałkowanego), natomiast i(x,y) oznacza jasność piksela o współrzędnych x,y na obrazie.

Na Rysunku 2.10 przedstawiona jest tabela prezentująca jasność pikseli przed zastosowaniem całkowania obrazu.

Po całkowaniu otrzymujemy tabelę podobną do przedstawionej na Rysunku 2.11.

Sumowanie przykładowego okna (Rysunek 2.12) wymaga czterech opera-



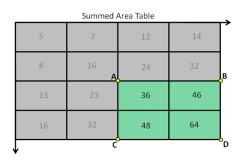
Rysunek 2.9: Filtr Haara nałożony na krawędź twarzy $\left[2\right]$

| Image | | | | |
|---------------|---|---|---|--|
| 5 | 2 | 5 | 2 | |
| 3 | 6 | 3 | 6 | |
| 5 | 2 | 5 | 2 | |
| 3 | 6 | 3 | 6 | |
| $\overline{}$ | | _ | _ | |

Rysunek 2.10: Tabela jasności poszczególnych pikseli przed zastosowaniem całkowania $\left[4\right]$

| Summed Area Table | | | | |
|-------------------|----|----|----|---|
| 5 | 7 | 12 | 14 | ĺ |
| 8 | 16 | 24 | 32 | |
| 13 | 23 | 36 | 46 | |
| 16 | 32 | 48 | 64 | |
| ↓ | | | | • |

Rysunek 2.11: Filtr Haara nałożony na krawędź twarzy $\left[4\right]$



Rysunek 2.12: Sumowanie okna [4]

cji (Wzór??).

$$\sum_{x_0 \le x \le x_1 \cap y \le y \le y_1} i(x, y) = I(D) + I(A) - I(B) - I(C)$$
 (2.7)

gdzie lewa część równania oznacza sumę jasności pikseli zaznaczonego oknatj. na Rysunku 2.12, I(A) - wartość scałkowanego obrazu przy punkcie A (analogicznie I(B), I(C), I(D)) - (Rysunek 2.12).

W związku z powyższym obliczenie wartości dla krawędziowego filtru Haara wymaga obliczenia różnicy dwóch sum, zatem konieczne jest wykonanie ośmiu operacji. Reprezentacja obrazu za pomocą obrazu scałkowanego znacznie zwiększa efektywność obliczania wartości w filtrze Haara.

Liczba cech wykrywanych w danym zdjęciu za pomocą filtru Haara jest znacznie większa od liczby pikseli na obrazie [22]. Dla obrazu o wymiarach 384x288 pikseli liczba cech wynosi ponad 180000. Autorzy algorytmu stwierdzili, że dla zwiększenia jego szybkości należy wybrać małą grupę cech, które razem mogą stworzyć jeden efektywny klasyfikator obiektu. W celu wyodrębnienia tych istotnych cech zastosowano algorytm Adaboost, który został opisany poniżej.

Zbiór n obrazów do trenowania można oznaczyć tak jak we wzorze 2.8:

$$(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$$
 (2.8)

oznacza, że obraz jest odpowiednio negatywny lub pozytywny. Następnym krokiem jest inicjalizacja wag (Wzór 2.9).

$$w_{1,i} = \frac{1}{2m}, \frac{1}{2l} \tag{2.9}$$

odpowiednio dla $y_i=0,1$, gdzie m, l oznacza odpowiednio liczbę negatywnych oraz pozytywnych zdjęć. Następnie Dla t=1,..., T:

1. Normalizowane są wagi (Wzór 2.10):

$$w_{t,i} = \frac{w_{t,i}}{\sum_{j=1}^{n} w_{t,j}} \tag{2.10}$$

 w_t jest rozkładem prawdopodobieństwa

2. Dla każdej cechy j, trenowany jest klasyfikator h_j , który używa tylko jednej cechy wyliczonej z filtru Haara. Błąd jest liczony następująco (Wzór 2.11):

$$w_t, \epsilon_j = \sum_i w_i h_j(x_i) - y_i \tag{2.11}$$

- 3. Wybierany jest klasyfikator h_t z najmniejszym błędem $\epsilon_t.$
- 4. Następuje aktualizacja wag (Wzór 2.12):

$$w_{t+1,i} = w_{t,i}\beta_t^{1-e_i} (2.12)$$

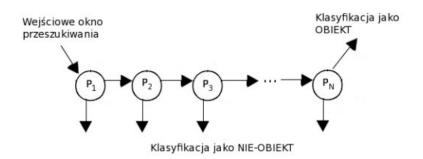
, gdzie $e_i=0$. Jeśli x_i jest sklasyfikowane prawidłowo, wtedy $e_i=1$, w innym wypadku $\beta_t=\frac{\epsilon_t}{1-\epsilon_t}$.

Silny klasyfikator h(x) jest opisany równaniem:

$$h(x) = \begin{cases} 1 & \text{gdy } \sum_{t=1}^{T} \alpha_t h_t(x) > = \frac{1}{2} \sum_{t=1}^{T} \alpha_t \\ 0 & \text{w przeciwnym wypadku} \end{cases}$$
 (2.13)

, gdzie $\alpha_t = \lg \frac{1}{\beta_t}$

Algorytm Adaboost zmniejsza ilość cech Haara z ponad stu tysięcy do



Rysunek 2.13: Kaskada klasyfikatorów. [27]

kilkuset - do tych najistotniejszych cech.

Ostatnim etapem jest wytworzenie kaskady klasyfikatorów. Zwiększa ona znacznie szybkość wykrywania pożądanego obiektu na obrazie. Ideą kaskady jest zgrupowanie klasyfikatorów, które powstały w poprzednim procesie - tzw. procesie boostingu. Klasyfikatory są grupowane w okna, które są połączone ze sobą tak jak na rysunku 2.13. Okna są oznaczone jako P1, P2, ..., Pn. Gdy dane okno wykryje obiekt, przechodzi do kolejnego okna w kaskadzie. W przeciwnym wypadku algorytm przerywa działanie i na danym obrazie nie zostaje zidentyfikowany obiekt. Okna są poustawiane tak, aby każde z nich klasyfikowało obiekt z różnym prawdopodobieństwem wykrycia oraz prawdopodobieństwem błędu. Składnikami wyżej wymienionego prawdopodobieństwa jest macierz pomyłek (Rysunek 2.14).

Z macierzy2.14 można odczytać czy klasyfikator poprawnie sklasyfikował dane testowe. W macierzy użyto 4 pojęcia:

- TP (true positive) poprawna klasyfikacja, jako obiekt
- TN (true negative) poprawna klasyfikacja, jako nie obiekt
- FP (false positive) błędna klasyfikacja jako obiekt
- FN (false negative) błędna klasyfikacja jako nie obiekt

Prawdopodobieństwo błędu wyliczane jest ze współczynnika FPR (false positive rate) (Wzór 2.14).

TAK NIE TAK True False Positive Negative NIE False NIE Positive Negative NIE Positive Negative

Rysunek 2.14: Macierz pomyłek.

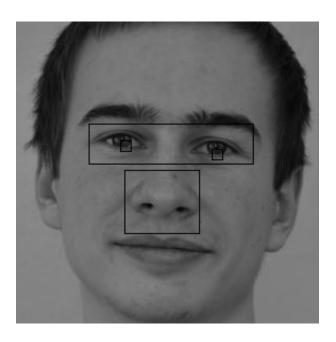
$$FPR = \frac{FP}{FP + TN} \tag{2.14}$$

Natomiast prawdopodobieństwo wykrycia obiektu wyliczane jest ze współczynnika TPR (true positive ratio) (Wzór 2.15)

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN} \tag{2.15}$$

Pierwsze okna posiadają klasyfikatory o słabszym TPR oraz FPR niż kolejne okna. Oznacza to, że prawdopodobieństwo TPR w oknie P_{x-1} jest mniejsze od tego w P_x . Natomiast prawdopodobieństwo FPR w oknie P_{x-1} jest większe od tego w P_x . Ostatnie okna mają największy współczynnik TPR oraz najmniejszy FRP ze wszystkich. Takie ustawienie okien ma na celu wstępne przepuszczenie przez okna obrazów, które z dużym prawdopodobieństwem zawierają szukany obiekt. Natomiast ostatnie okna w kaskadzie analizują niewielką część obrazu wejściowego.

Biblioteka OpenCV zawiera wytrenowane klasyfikatory, które zostały użyte



Rysunek 2.15: Wykryty nos oraz oczy.

w tej pracy magisterskiej. Wykorzystano je do wykrycia twarzy, ust oraz oczu. Klasyfikatory mają postać plików xml, które można znaleźć na oryginalnym repozytorium projektu OpenCv.

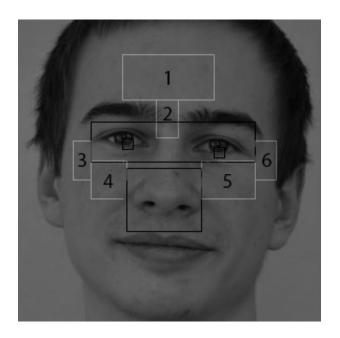
2.2 Wyznaczanie stref

Przed wyznaczeniem stref zmarszczkowych należy zidentyfikować na twarzy oczy oraz nos (Rysunek 2.15).

Należy podkreślić, że algorytm przerywa działanie jeśli nie zostanie wykryta twarz, oczy lub nos.

Gdy zostanie wykryty obszar twarzy, oczu oraz nosa wyznaczone zostaje sześć stref zmarszczkowych (Rysunek 2.16).

Strefy zmarszczkowe są na czole (Strefa "1"), w górnej części nosa (Strefa "2"), górnej części policzków (Strefa "4" i "5") oraz w okolicach powiek (Strefa "3" i "6"). To właśnie te miejsca zostały uznane przez autorów książki "Age Estimation from Face Image using Wrinkle Features" [23] za najbardziej znaczące w detekcji wieku.



Rysunek 2.16: Strefy zmarszczkowe widoczne w białych prostokątach.

Po detekcji oczu należy zmierzyć odległość pomiędzy środkiem lewego oka (x_l, y_l) , a prawego (x_p, y_p) (Wzór 2.16).

$$d = \sqrt{(x_r - x_l)^2 + (y_r - y_l)^2}$$
 (2.16)

Odległość d służy do wyznaczanie strefy znajdującej się na czole (Rysunek 2.17).

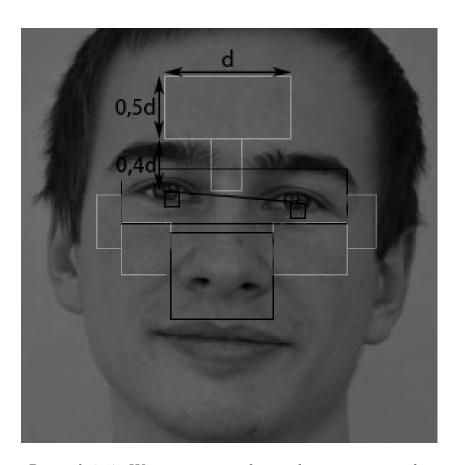
Autorzy [23] algorytmu założyli, że odległość od linii oczu do linii brwi wynosi 0, 4*d, natomiast wymiary "strefy czoła" wynoszą $d \times 0, 5d$.

Na Rysunku 2.18 przedstawione są współrzędne, które są pomocne w wyznaczaniu stref zmarszczkowych.

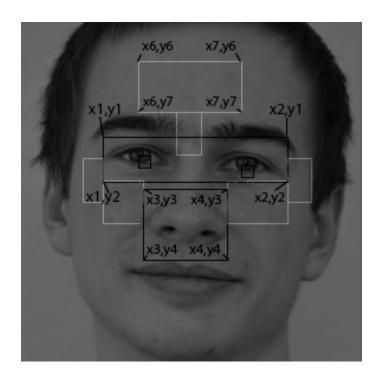
Strefa 2 została wyznaczona dzięki znajomości położenia prawego oka, dystansu między oczami oraz strefy "1". Każda strefa może być wyznaczona przez jeden punkt (Rysunek 2.19) oraz jej wymiary.

Współrzędna x punktu A została wyznaczona ze wzoru 2.17

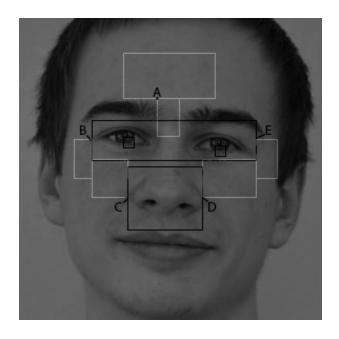
$$x_A = x_6 + 0,375 \times d \tag{2.17}$$



Rysunek 2.17: Wyznaczenie strefy znajdującej się na czole.



Rysunek 2.18: Pomocnicze współrzędne do wyliczania stref zmarszczkowych.



Rysunek 2.19: Punkty wyznaczające położenie stref.

, gdzie x_6 to współrzędna z Rysunku 2.18. Natomiast d jest odległością pomiędzy oczami (Wzór 2.16).

Współrzędna y punktu A - Wzór 2.18:

$$y_A = y_7 \tag{2.18}$$

Współrzędna y_7 analogicznie jak x_6 znajduje się na Rysunku 2.18.

Zakładając, że prawe oko ma współrzędne x_o oraz y_o wysokość strefy 2 wyznaczana jest w poniższy sposób (Wzór 2.19).

$$h_A = y_o - y_7 (2.19)$$

Natomiast szerokość strefy 2 oblicza się następująco: (Wzór 2.20):

$$w_A = 0,25 * d (2.20)$$

Wartość 0,25 ze wzoru 2.20 została dobrana empirycznie.

Współrzędne punktu C (strefa 4) zostają wyznaczone ze Wzoru 2.21 oraz 2.22.

$$x_C = x_3 \tag{2.21}$$

$$y_C = \frac{y_4 - y_3}{2} \tag{2.22}$$

Wysokość oraz szerokość strefy 4 (Wzór 2.23 oraz 2.24)

$$h_C = y_C - y_3 (2.23)$$

$$w_C = x_3 - x_1 (2.24)$$

Strefa 5 zawiera punkt D - Wzór 2.25 oraz 2.26.

$$x_D = x_4 \tag{2.25}$$

$$y_D = y_C \tag{2.26}$$

Dla strefy 5 wyznacza sie wysokość (Wzór 2.27) oraz szerokość na podstawie wzoru (Wzór 2.28).

$$h_D = h_C \tag{2.27}$$

$$w_D = x_2 - x_4 (2.28)$$

Strefa 3 zawiera punkt B wyznaczany ze Wzorów 2.29 i 2.30

$$x_B = x_1 \tag{2.29}$$

$$y_B = \frac{y_2 - y_1}{2} \tag{2.30}$$

Wysokość (Wzór 2.31) oraz szerokość (Wzór 2.32) strefy 3.

$$h_B = y_C - y_B \tag{2.31}$$

$$w_B = w_C * 0, 4 (2.32)$$

Na samym końcu zostaje wyznaczona strefa 6. Wyznaczona zostaje współrzędna E - Wzór 2.33 i 2.34.

$$x_E = x_2 \tag{2.33}$$

$$y_E = y_B \tag{2.34}$$

Szerokość oraz wysokość strefy 6.

$$h_E = h_B \tag{2.35}$$

$$w_E = w_D * 0,4 \tag{2.36}$$

Należy zauważyć, że szerokość stref 3 i 6 jest pomnożona przez 0,4 szerokości odpowiednio stref 4 i 5. Wartość "0,4" została dobrana empirycznie.

2.3 Wykrywanie zmarszczek - detektor Canny

Następnym krokiem algorytmu po wyznaczeniu stref zmarszczkowych jest wyodrębnienie zmarszczek. W celu identyfikacji zmarszczek zastosowano detektor Canny. Detekcja krawędzi pozwala na wyodrębnienie wielu użytecznych cech z obrazu, ponadto znacznie zmniejsza ilość informacji do przetworzenia przez algorytm, który wyodrębnia cechy z obrazu. Istnieje wiele detektorów krawędzi, jednak detektor Canny jest jednym z najbardziej dokładnych i niezawodnych. Metoda detekcji została opracowana przez Johna F. Canny w 1986 roku. Oprócz samej implementacji algorytmu jego twórca zaprezentował teorię obliczeniową, która wyjaśnia działanie tej metody. Ponadto Canny zauważył, że wymagania dotyczące implementacji detekcji krawędzi są podobne do siebie w wielu systemach wizyjnych. W związku z powyższym jego algorytm może zostać skutecznie zastosowany w różnych systemach wizyjnych. Poniżej przedstawiono najważniejsze zasady, które są niezbędne do dobrej detekcji krawędzi w opisywanym algorytmie:

 Detekcja krawędzi z niskim prawdopodobieństwem błędu: Oznacza to, że algorytm powinien wykryć jak najwięcej krawędzi, które rzeczywiście istnieją. Natomiast ilość krawędzi wykrytych błędnie powinna być jak najmniejsza.

- Precyzja detekcji: Algorytm powinien precyzyjnie zlokalizować krawędź.
- Brak redundantnych detekcji: Krawędź powinna być zlokalizowana jednokrotnie, a szum na obrazie nie powinien generować dodatkowych krawędzi.

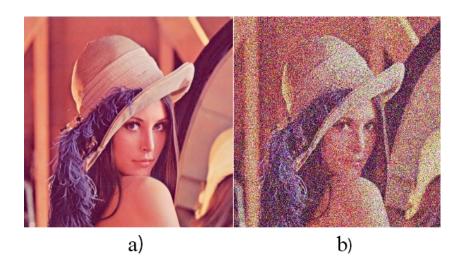
W algorytmie detekcji Canny używa rachunku wariacyjnego. Rachunek wariacyjny to dziedzina analizy matematycznej, która analizuje przestrzenie funkcyjne i znajduje w nich ekstrema funkcjonałów. Funkcjonały natomiast przekształcają przestrzeń wektorową na liczby rzeczywiste. Zatem rachunek wariacyjny ma za zadanie pomóc w znalezieniu charakterystycznej funkcji, dla której funkcjonał przyjmuje wartość ekstremalną. Algorytm detektora jest podzielony na kilka kroków [15]:

- Redukcja szumów na obrazie filtrem Gaussa.
- Szukanie gradientów jasności.
- Zastosowanie techniki zmniejszania grubości krawędzi.
- Likwidacja krawędzi o małym gradiencie jasności.
- Filtracja poprzez histerezę.

2.3.1 Redukcja szumów na obrazie filtrem Gaussa

Szum na obrazie to piksele o losowym kolorze, jasności oraz umiejscowieniu (współrzędnych na obrazie). Takie piksele są nadmiarowymi informacjami o obrazie oraz stanowią efekt uboczny przetwarzania obrazu przez matrycę cyfrową (Rysunek 2.20).

Efekt szumu jest spotykany również w fotografii analogowej. W fotografii cyfrowej szum wzrasta na skutek zwiększania czułości matrycy lub przez wzrost jej temperatury. Redukcję szumów można uzyskać stosując filtr Gaussa. Splot filtru Gaussa z obrazem daje w wyniku wygładzony obraz ze zmniejszoną ilością szumów. Filtr Gaussa może mieć różne wymiary, natomiast Najczęściej stosowanym jest 5x5. Rozmiar filtra ma wpływ na



Rysunek 2.20: a) Obraz z nieznaczną ilością szumów b) Obraz ze znaczną ilością szumów. [25]

wydajność wygładzania obrazu, a co za tym idzie na czułość wykrywania szumu [15].

2.3.2 Szukanie gradientów jasności

Istotnym parametrem w wykrywaniu krawędzi jest gradient jasności. Określa on jak bardzo zmienia się jasność danego piksela względem sąsiadujących pikseli. Gradient jasności otrzymany zostaje ze wzoru 2.37:

$$G = \sqrt{G_x^2 + G_y^2} (2.37)$$

gdzie Gx jest zmianą jasności danego piksela w kierunku poziomym, a Gy w kierunku pionowym. Kierunek gradientu opisuje wzór 2.38

$$\Theta = atan2(G_y, G_x) \tag{2.38}$$

Krawędzie na obrazie charakteryzują się pewną zmianą jasności na danym obszarze obrazu. Krawędź na obrazie może być położona pod różnym kątem. Opisywany detektor używa czterech filtrów w celu wykrycia pionowych,

poziomych oraz ukośnych krawędzi.

Kierunek gradientu jest zaokrąglony do jednego z filtrów kierunku: poziomego ($\Theta=0^{\circ}$), pionowego($\Theta=90^{\circ}$) lub ukośnego ($\Theta=45^{\circ}$ lub $\Theta=135^{\circ}$ stopni). Każdy piksel obrazu otrzymuje wartość gradientu (Wzór 2.37) oraz kierunek - zgodny z powyższym filtrem kierunku. W wyniku tego działania zostaje otrzymany obraz gradientowy [15].

2.3.3 Zastosowanie techniki zmniejszania grubości krawędzi

Zmniejszanie grubości krawędzi służy do filtracji krawędzi powstałych po poprzednim kroku. Krawędzie wykryte za pomocą gradientu są rozmyte (nieostre). Dzięki technice zmniejszania grubości krawędzi można odszukać na małym obszarze gradienty o największej wartości. Wszystkie inne, o mniejszej wartości, są ignorowane. Dzięki temu pozostawia się gradienty o największej wartości, które identyfikują najostrzejsze krawędzie. Algorytm operuje na obrazie gradientowym powstałym jako wynik działania algorytmu opisanego w sekcji 2.3.2 Działa on następująco:

Odczytana zostaje wartość gradientu oraz jego kierunek dla danego piksela. Następnie wartość gradientu porównuje się z wartościami gradientu dla dwóch sąsiednich pikseli. Pierwszy sąsiedni piksel jest wyznaczony przed aktualny kierunek gradientu, a drugi przez kierunek przeciwny. Jeśli wartość danego piksela jest największa spośród pikseli wzdłuż wyżej wymienionych linii, to dany piksel należy do najostrzejszej krawędzi [15].

2.3.4 Filtracja krawędzi o małym gradiencie jasności

Zastosowanie techniki zmniejszania grubości krawędzi pozostawia na obrazie wiele krawędzi, które są wygenerowane przez szum i zmiany kolorów. Kolejnym krokiem jest filtracja powyższych krawędzi, gdyż są one nadmiarowe. W tym celu ustawiany jest pewien próg, zwany progiem małym. Oprócz progu małego ustawiany jest również próg duży w celu wyodrębnienia krawędzi o wysokim gradiencie jasności. Jeśli wartość gradientu dla danej krawędzi

jest mniejsza od progu małego, to zostaje ona usunięta. W przypadku, gdy wartość jest większa od progu małego, ale mniejsza od progu dużego, dana krawędź zostaje oznaczona jako słaba. Krawędź oznacza się jako mocną, gdy wartość gradientu dla niej jest większa od wartości progu dużego [15].

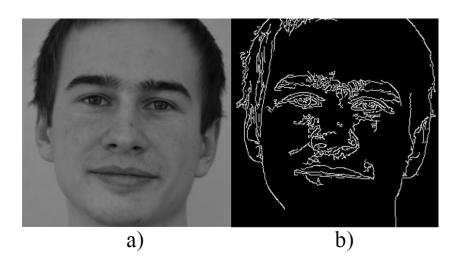
2.3.5 Filtracja poprzez histerezę

W wyniku działania algorytmu do tej pory zostały uzyskane słabe oraz mocne krawędzie. Mocne krawędzie zostaną oznaczone jako prawdziwe krawędzie znajdujące się na obrazie. Słabe krawędzie mogą być częścią mocnych krawędzi, ale mogą również zostać wygenerowane przez szum lub zmiany kolorów. Krawędzie tego typu nie są prawdziwymi krawędziami w obrazie, więc w ostatnim kroku algorytmu powinny zostać przefiltrowane. Słabe krawędzie, które są powiązane z mocnymi znajdują się w najbliższym sąsiedztwie mocnych krawędzi. W celu odnalezienia tych powiązań pomiędzy krawędziami zostaje zastosowana analiza spójności krawędzi. Jeśli zostaje zidentyfikowane powiązanie pomiędzy mocną, a słabą krawędzią, to słabą krawędź pozostawia się w obrazie. W przypadku, gdy słaba krawędź nie jest powiązana z żadną mocną krawędzią - zostaje usunięta [15].

2.4 Wyliczanie wrinkle feature

W wyniku działania detektora Cannego, który został opisany w sekcji 2.3 wygenerowany zostaje obraz binarny z wyodrębnionymi krawędziami. Obraz binarny zawiera piksele o dwóch wartościach jasności pikseli. Piksel może być albo biały albo czarny. Krawędzie można rozpoznać jako białe piksele, natomiast czarne piksele oznaczają brak krawędzi (Rysunek 2.21).

Na Rysunku 2.21 widoczne są krawędzie, które wyróżniają tło od twarzy. Ponadto widoczne są poszczególne części twarzy tj. nos, oczy, brwi. Można także zauważyć dodatkowe krawędzie w strefach zmarszczkowych (Sekcja 2.2), które identyfikują zmarszczki. Ilość białych pikseli w strefach zmarszczkowych jest wprost proporcjonalna do ilości zmarszczek na twarzy danej osoby.



Rysunek 2.21: a) Oryginalny obraz b) Obraz z wykrytymi krawędziami.

Z każdej strefy zmarszczkowej obliczany jest stosunek ilości białych pikseli do wszystkich pikseli (Wzór 2.39).

$$W_{s1} = \frac{PB_{s1}}{PW_{s1}} \tag{2.39}$$

, gdzie W_{s1} jest stosunkiem białych pikseli do wszystkich w strefie 1, PB_{s1} - suma białych pikseli w strefie 1, PW_{s1} - suma wszystkich pikseli w strefie 1. Analogicznie obliczane są stosunki pikseli dla pozostałych stref. Ostatnim etapem jest sumowanie wszystkich stosunków pikseli (Wzór 2.40).

$$WF = W_{s1} + W_{s2} + W_{s3} + W_{s4} + W_{s5} + W_{s6}$$
 (2.40)

, gdzie WF to wrinkle feature - parametr określający ilość zmarszczek dla danej osoby.

2.5 Algorytm trenowania

W celu skonstruowania programu wyznaczającego wiek na podstawie tekstury należy wcześniej zbadać zależność ilości zmarszczek od wieku. W tym

celu należy posiadać odpowiednią bazę zdjęć, na których można przeprowadzić wyżej wspomniane badania.

Jest wiele darmowych źródeł obrazów twarzy. Najczęściej używane bazy to FG-NET oraz MORTH II, które zawierają dziesiątki tysięcy zdjęć. Zdjęcia są różnej jakości i nie każda baza zdjęć nadaje się do konkretnych badań [13]. Przy realizacji tej pracy wykorzystana została baza UTKFace, ponieważ w jej przypadku ścieżka pliku każdego obrazu zawiera informacje na temat rzeczywistego wieku. W związku z powyższym z każdego zdjęcia z tej bazy otrzymywano dwie informacje - rzeczywisty wiek danej osoby oraz współczynnik zmarszczek.

Autorzy algorytmu do trenowania wykorzystali algorytm grupowania - Fuzzy C-Means. W wyniku działania tego algorytmu otrzymuje się dane, dzięki którym na podstawie współczynnika zmarszczek można oszacować wiek [23].

2.6 Grupowanie danych - Fuzzy C-Means oraz wyznaczanie wieku

Grupowanie danych, zwane również klasteryzacją, jest szeroko stosowane w uczeniu maszynowym, rozpoznawaniu wzorców, analizie obrazu, bioinformatyce, kompresji danych czy w grafice komputerowej. Polega na podzieleniu dużego zbioru danych na grupy. Powyższe grupy zawierają dane, które są podobne do siebie [9].

Klasteryzacja nie jest algorytmem, lecz zadaniem, które może zostać wykonane na wiele sposobów. Jest również iteracyjnym procesem odkrywania danych w celu odnalezieniu relacji pomiędzy nimi.

Odpowiedni algorytm grupowania i ustawienia parametrów (w tym parametrów takie jak funkcja odległości lub liczba oczekiwanych grup) zależą od zestawu danych i sposobu wykorzystania wyników. Dane nieraz muszą zostać przefiltrowane lub potrzebna jest zmiana parametrów grupowania w celu osiągnięcia zamierzonego efektu [9].

Algorytmy różnią się pod względem implementacji grupowania czy wy-

dajności. Najczęściej grupa jest definiowana przez jak najmniejszą odległość pomiędzy jej członkami. Zarazem odległość pomiędzy członkami grupy jest głównym parametrem klasteryzacji hierarchicznej. Istnieje również wiele innych modeli grupowania. Jednym z nich jest model centroidowy, który zakłada, że każda grupa jest zdefiniowana przez jeden wektor, posiadający wartość średnią. Istnieją też modele, które opierają się na sieciach neuronowych. Ich podstawą jest założenie, że dane grupują się za pomocą nienadzorowanych sieci neuronowych. Spotykany jest także model oparty o rozkłady statystyczne.

Klasteryzacja może być twarda lub miękka. Twarda klasteryzacja oznacza, że każdy element danych może należeć tylko do jednej grupy. Natomiast w przypadku miękkiej klasteryzacji każdy element danych może w pewnym stopniu należeć do każdej z grup. Autorzy algorytmu szacowania wieku opisywanego w niniejszej pracy zastosowali grupowanie metodą Fuzzy C-means. Należy ona do grupy modeli centroidowych [9]. W Fuzzy C-means zastosowano klasteryzacje miękką.

Algorytm Fuzzy C-means został stworzony w 1973 przez J. C. Dunn. Została opisana ona w książce "A Fuzzy Relative of the ISODATA Process and Its Use in Detecting Compact Well-Separated Clusters".

Klasteryzacja Fuzzy C-means dzieli zbiór X (Wzór 2.41):

$$X := \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\} \subset \mathbb{R}$$
 (2.41)

W parametrze algorytmu zostaje ustalona liczba grup c. Każda grupa posiada charakterystyczną wartość nazywana centroidem $p_j \subset \mathbb{R}$. Jak zostało wspomniane na początku tego rozdziału, w algorytmie C-means zastosowana jest miękka klasteryzacja. Każdy element danych ma przypisywany wektor U_i przynależności do grupy (Wzór 2.42).

$$U_i = (u_{i1}, u_{i2}, u_{i3}, \dots, u_{ic})$$
 (2.42)

, gdzie u_{i1} oznacza stopień przynależności elementu x_i do grupy 1. Analogicznie u_{i2} oznacza stopień przynależności elementu x_i do grupy 2.

W pierwszym kroku zbiór centroidów P jest inicjalizowany losowo (Wzór 2.43).

$$P^{0} = (p_{1}^{0}, p_{2}^{0}, p_{3}^{0}, \dots, p_{c}^{0})$$
(2.43)

W k-tym kroku algorytmu wyliczona jest macierz funkcji przynależności $U^k = u_{ij}^k$ (Wzór 2.44).

$$u_{ij}^{k} = \frac{1}{\sum_{k=1}^{c} \left(\frac{\left\| x_{i} - p_{j}^{k} \right\|}{\left\| x_{i} - p_{k}^{k} \right\|} \right)^{\frac{2}{m-1}}}$$
(2.44)

Wyrażenie $||x_i - p_j||$ oznacza odległość Euklidesową pomiędzy elementem x_i a centroidem p_j . Parametr "m" jest nazywany współczynnikiem rozmycia. Współczynnik ten może być w zakresie od 1 do nieskończoności, jednak w większości przypadków jest równy 2.

W kroku $(k+1)^{th}$ centroid $p_j^{(k+1)}$ jest uaktualniany według Wzoru 2.45.

$$p_j^{(k+1)} = \frac{\sum_{i=1}^n u_{ij}^{(k+1)m} x_j}{\sum_{i=1}^n u_{ij}^{(k+1)m}}$$
(2.45)

Algorytm w kolejnych iteracjach minimalizuje kryterium J(U,P) podane Wzorem 2.46:

$$J(U,P) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{c} u_{ij}^{m} \|x_{i} - p_{j}\|^{2}$$
 (2.46)

Iteracje kończą się, gdy zostanie osiągnięty warunek opisany Wzorem 2.47

$$||J^{(k+1)}(U,P) - J^{(k)}(U,P))|| < \epsilon$$
 (2.47)

, gdzie $\epsilon > 0$. Parametr ϵ jest parametrem ustawianym przed uruchomieniem

klasteryzacji. W niektórych implementacjach istnieje możliwość zakończenia działania algorytmu po określonej liczbę iteracji, jeśli wcześniej nie zostanie osiągnięte kryterium ze Wzoru 2.47.

Po zakończeniu działania wyżej opisanego algorytmu zostaje wyliczony wektor przynależności U (Wzór 2.42). Zakładając, że suma wektora przynależności U_i , dla elementu x_i jest opisana Wzorem 2.48

$$\sum_{j=0}^{j=c} u_{ij} = 1 \tag{2.48}$$

, gdzie c oznacza liczbę klastrów. Element x_i będzie należał do klastru k, jeśli u_{ik} ma największą wartość w wektorze U_i .

W tym akapicie zostanie przedstawiony algorytm trenowania za pomocą Fuzzy C-means. Z każdego zdjęcia "i" otrzymywane są dane dotyczące rzeczywistego wieku A_i oraz parametr wrinkle feature F_i . W algorytmie Fuzzy C-means są grupowane dane zawierające wartości wrinkle feature F_i . Jak wiadomo z powyższego opisu algorytmu Fuzzy C-means, każdy element (w tym przypadku F_i) ma określony stopień przynależności do każdego klastra. Dany element F_i będzie należał do klastra o największym stopniu przynależności. Każde zdjęcie jest grupowane według wyżej opisanego algorytmu.

Każdy klaster ma określony centroid j, który posiada parametr P_{fj} oraz dodatkowy parametr - średnią wartość wieku P_{aj} . P_{fj} oznacza wartość wrinkle feature dla danego centroida. P_{aj} jest wyznaczany ze Wzoru 2.49.

$$P_{aj} = \frac{\sum A_c}{N_j} \tag{2.49}$$

, gdzie A_c to rzeczywisty wiek osoby z obrazu c, który należy do klastru j. Natomiast N_i to liczba zdjęć zaklasyfikowanych do klastru j.

W powyższym akapicie został opisany algorytm trenowania, który generuje n centroidów, które reprezentują każdą grupę. Natomiast osobnym etapem jest szacowanie wieku. Należy podkreślić, że zdjęcia do testowania algorytmu szacowania wieku pochodzą z innej bazy obrazów niż obrazy wy-

korzystane w treningu. Ma to na celu eliminację błędów w testowaniu algorytmu. W pierwszej fazie działanie algorytmu jest dokładnie takie same jak w sekcjach od 2.1 do 2.4: Algorytm szacowania wieku w pierwszej kolejności dokonuje detekcji twarzy, oczu, ust na danym obrazie O_i . Jeśli powyższe elementy zostały zidentyfikowane, wyznaczane są strefy zmarszczkowe, a następnie zostaje wyliczony parametr wrinkle feature F_i .

Dla parametru F_i zostaje wyznaczony wektor przynależności do grupy według Wzoru 2.42. Przy założeniu dla wektoru przynależności zgodnym ze Wzorem 2.48 szacowany wiek PA wynosi (Wzór 2.50).

$$PA = \sum_{j=1}^{c} (u_{ij} * P_{aj})$$
 (2.50)

, gdzie u_{ij} oznacza przynależność i-tego zdjęcia do j-tego klastra, c oznacza liczbę klastrów. Natomiast P_{aj} jest średnim wiekiem dla j-tego centroida.

Rozdział 3

Modyfikacje metody bazowej

W pracy została odtworzona oryginalna praca autorów, która będzie dalej nazywana metodą bazową. W celu poprawienia wyników metody bazowej wprowadzono kilka modyfikacji, a w kolejnym kroku wyniki zostały porównane z pozostałymi metodami.

Parametrem określającym jakość metody bazowej oraz metod zmodyfikowanych jest średni błąd bezwzględny, który został określony we Wzorze 3.1.

$$MAE = \frac{\sum_{i=1}^{n} |R_i - P_i|}{n}$$
 (3.1)

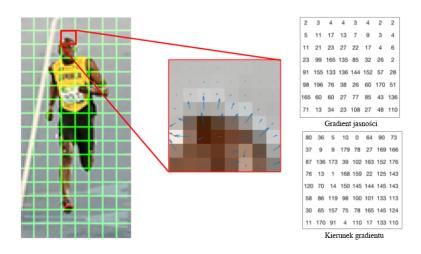
, gdzie R_i oznacza wartość rzeczywistą wieku dla i-tego zdjęcia, n oznacza liczbę zdjęć testowych. Natomiast P_i oznacza wartość szacowaną wieku.

3.1 Odjęcie wybranej strefy

3.1.1 Zmiana algorytmu względem metody bazowej

3.2 Zastosowanie metody HOG

Metoda HOG (Histogram of Oriented Gradients) jest deskryptorem cech z obrazu. Deskryptor cech wyodrębnia pewne cechy z obrazu. Do takich cech należą między innymi kształty, kolory, tekstury. Podobnie tak jak w meto-

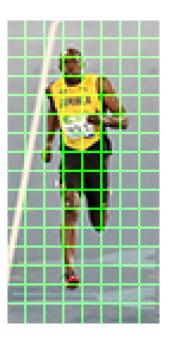


Rysunek 3.1: Gradient jasności identyfikujący granicę pomiędzy głową a tłem. [16]

dzie bazowej taką rolę spełnia detektor krawędzi Canny (Sekcja 2.3), który wykrywa krawędzie, które identyfikują zmarszczki. Histogram of Oriented Gradients jest techniką, która liczy wystąpienia kierunków gradientów jasności. Liczenie jest dokonywane w pewnych obszarach obrazów. Metoda HOG została wymyślona i opisana w 1982 przez Roberta K. McConella. Robert K. McConell pracował w ówczesnych czasach dla firmy Wayland Research Inc. A opis jego metody został zawarty w patencie "Method of and apparatus for pattern recognition" [17]. Jednak metoda została pierwszy raz zaimplementowana w 2005 roku przez Navneeta Dalala i Billa Triggsa [7] z francuskiego instytutu zajmującego się badaniami w zakresie informatyki i automatyki (INRIA - Institut national de recherche en informatique et en automatique). Powyższa metoda została zastosowana do detekcji pieszych na zdjęciach. Później metoda została rozszerzona o wykrywanie ludzi w filmach wideo. Ponadto zastosowano ją do wykrywania zwierząt oraz pojazdów na zdjęciach.

Metoda Histogram of Oriented Gradients opiera się na założeniu, że wygląd i kształt obiektów na obrazie może zostać opisany przez gradient jasności oraz jego kierunek. Dobrze to jest widoczne na Rysunku 3.1

Na granicy pomiędzy tłem, a głową sportowca widoczne są duże wartości gradientu jasności. W ten sposób zostaję zidentyfikowana krawędź głowy.



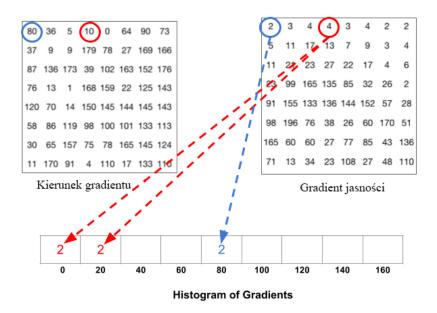
Rysunek 3.2: Komórki o rozmiarze 8x8 pikseli na zdjęciu. [16]

Algorytm działa w skrócie w następujący sposób. Obraz jest dzielony na małe obszary zwane komórkami. Zwykle obszary mają wymiar kilka na kilka pikseli. Dla każdego piksela w komórce tworzony jest histogram kierunków gradientu. Histogramy są łączone w jeden wspólny deskryptor. Dla zwiększenia dokładności lokalne histogramy normalizowane są pod względem kontrastu. Realizowane jest to przez pomiar jasności obszaru zwanym blokiem. Blok składa się z kilku komórek. Normalizacja zapewnia zmniejszenia niepożądanego efektu generowanego przez różnice w oświetleniu różnych obszarów zdjęcia. Powyższa sytuacja występują na przykład, gdy zdjęcie wykonywane jest w nieprawidłowych warunkach oświetleniowych (Rysunek 2.3).

W tym akapicie zostanie przedstawiony dokładny opis metody Histogram of Oriented Gradients. W pierwszej fazie obraz obraz powinien być przeskalowany, tak aby jego wymiary były podzielne przez rozmiar pojedyńczej komórki. (Rysunek 3.2).

Warto dodać, że w wielu metodach generujących deskryptory pierwszą fazą jest korekcja luminacji. Jednak ten krok może zostać pominięty, gdyż w późniejszym kroku stosowana jest normalizacja, która dokonuje korekcję

luminacji cieni oraz świateł. W kolejnej fazie muszą zostać wyznaczone gradienty jasności. Wyznaczenie gradientów jasności zostało opisane w Sekcji 2.3.2. W kolejnej fazie zostają wyznaczone histogramy gradientów dla każdej komórki. Na Rysunku 3.1 został przedstawiony wynik działania poprzedniego kroku. Zostają wygenerowane dwie macierze. Pierwsza zawiera informację o gradiencie jasności każdego piksela komórki. Natomiast druga zawiera informację o kierunku każdego gradientu. Wartości kierunku gradientu wyrażone są w stopniach. W metodzie Histogram of Oriented Gradients zastosowano kierunki gradientu bez znaku. Oznacza to, że zakres kierunków jest od 0° do 180°. Kierunek gradientu ze znakiem posiadałby zakres od 0° do 180° oraz jego ujemny odpowiednik (od -179° do -1°). Użycie kierunku gradientu bez znaku jest uzasadnione tym, że wartość kierunku o takiej samej wartości lecz różnych znakach reprezentuje gradient o tym samym kierunku lecz różnych zwrotach. Dla detekcji kształtów krawędzi czy kształtów istotny jest kierunek, a nie zwrot. Na podstawie kierunku gradientu oraz wartości gradientu jasności zostaje wygenerowany histogram gradientów. W parametrze wejściowym algorytmu HOG ustawiana jest ilość komórek histogramu. Najczęściej stosuje się 9 komórek. Każda komórka histogramu odpowiada pewnemu zakresowi kata kierunku gradientu. Przykładowo dla histogramu o szerokości 9 komórek każda komórka odpowiada następującym katom: 0°, 20°, 40°, ..., 160°. Na Rysunku 3.3 przedstawiono sposób przypisywania wartości do komórek histogramu. Piksel zaznaczony na niebiesko posiada gradient o wartości 2 oraz kierunek o kącie 80° Wartość gradientu zostaje dodana do komórki histogramu reprezentującego kat 80°. Piksel zaznaczony na czerwono posiada gradient o wartości 4 oraz kierunek o kacie 10°. Wartość gradientu równa 4 zostaje rozdzielona na dwie proporcjonalne wartości: 2 oraz 2, które zostają dodane do komórek reprezentujących kąt 0° oraz 20°. Proporcje zależą od kata gradientu i od katów w komórkach histogramu. Tak jak w powyższym przypadku, jeśli wartość kata wynosi 10° wartość gradientu są przydzielane do komórek reprezentujące dwa katy (w tym przypadku przedziały reprezentujące kat od 0° do 20°). W związku z tym, że powyższy kat wynosi 10° wartości dla komórek histogramu są obliczane według Wzoru 3.2 oraz Wzoru 3.3:



Rysunek 3.3: Komórki o rozmiarze 8x8 pikseli na zdjęciu. [16]

$$X_a = \frac{A_x - A_a}{A_b - A_a} * G_x \tag{3.2}$$

, gdzie X_a oznacza wartość przydzielaną do komórki reprezentujący mniejszy kąt (tak jak 0° dla powyższego przykładu), A_x oznacza wartość kąta gradientu dla danego piksela (tak jak 10° dla powyższego przykładu), A_a oznacza kąt dla komórki reprezentujący mniejszy kąt (tak jak 0° dla powyższego przykładu), A_b oznacza kąt dla komórki reprezentujący większy kąt (tak jak 20° dla powyższego przykładu), G_x oznacza wartość gradientu dla danego piksela (tak jak 4 dla powyższego przykładu).

$$X_b = \frac{A_b - A_x}{A_b - A_a} * G_x \tag{3.3}$$

, gdzie X_b oznacza wartość przydzieloną dla kąta o większej wartości (tak jak 20° dla powyższego przykładu). Reszta zmiennych odpowiada zmiennym we Wzorze 3.2. W przypadku, gdy kąt kierunku gradientu jest większy od 160°

to wartość danego gradientu jest przydzielana proporcjonalnie do komórki 160° oraz 0° zgodnie ze Wzorem 3.3. Jednak wartość komórki 0° zostaje zastąpiona kątem 180°, a wyliczona wartość zostaje przydzielona do komórki reprezentującej kąt 0°. Powyższa procedura jest powtarzana. Kolejne wartości gradientów są dodawane do aktualnych wartości przechowywanych w komórkach histogramu. Końcowy efekt tej fazy dostarcza histogram reprezentujący komórkę. Wartości histogramu dla danej komórki reprezentują część wektoru deskryptora. Deskryptor składa się z n histogramów, gdzie n oznacza liczbę komórek w danym obrazie.

Kolejnym krokiem jest normalizacja bloków. Blok składa się z komórek. Zwykle blok ma wymiary 2x2 komórki. Gradienty jasności są czułe na zmiany oświetlenia na obrazie. Celem tej fazy algorytmu jest normalizacja oświetlania aby uodpornić deskryptor na zmiany oświetlania. Istnieje wiele sposobów normalizacji. Zostanie tutaj opisana normalizacja za pomocą parametru L2-norm. Najpierw zostaje wyliczona wartość L2-norm. L2 jest wartością normalizującą wektor v, który reprezentuje wartości deskryptora dla danego bloku. Powyższy wektor składa się z wartości zawartych komórkach histogramu. Jak wiadomo z powyższego opisu, każdy histogram opisuje jedną komórkę, a blok zawiera n komórek. Przyjmując, że histogram reprezentujący komórkę posiada 9 wartości oraz rozmiar bloku wynosi 2x2 komórki, można wyznaczyć długość wektora v. Blok ma 2x2 komórki, więc zawiera w sobie 4 komórki. Każda komórka ma 9 wartości histogramu, więc wektor v będzie miał długość 9x4, czyli 36. L2-norm dla wektora vjest obliczane według Wzoru 3.4

$$||v||_2 = \sqrt{\sum_{i=0}^n v(i)^2}$$
 (3.4)

, gdzie $\|v\|_2$ jest wartością L2-norm, natomiast v(i) jest i-tym elementem

wektora v. Normalizacja jest realizowana stosując Wzór

$$v = \frac{v}{\|v\|_2} \tag{3.5}$$

, gdzie $\|v\|_2$ jest wartością L2-norm dla wektora v. Działanie zgodne ze Wzorem 3.5 oznacza, że każdy element wektora v jest dzielony przez wartość $\|v\|_2$. Powyższy proces jest powtarzany dla wszystkich bloków. W wyniku działania algorytmu Histograms of Oriented Gradients wygenerowany zostaje deskryptor, czyli wektor reprezentujący wartości histogramów wszystkich komórek w obrazie.

Deskryptor HOG posiada kluczową zaletę w stosunku do innych metod ekstrakcji cech. Metoda Histogram of Oriented Gradients jest odporna na działanie przekształceń geometrycznych dzięki temu, że dokonuje działań na komórkach lokalnych. Przekształcenia geometryczne to działania, które przekształcają figury z jednej przestrzeni geometrycznej w drugą. Przykładem przestrzeni geometrycznej jest przestrzeń euklidesowa czy przestrzeń rzutowa. Ponadto działania na komórkach lokalnych pozwalają zmniejszyć efekt powstający przy ruchu pieszego. W związku z powyższym opisywana metoda nadaje sie do detekcji ludzi na obrazach.

W pracy opisywana metoda posłużyła do wykrywania krawędzi, które informują o zmarszczkach. Dokładny sposób zaimplementowania w pracy został opisany w Sekcji 3.2.1

3.2.1 HOG - Zastosowanie w projekcie

3.3 Metoda HOG oraz grupowanie KNN

3.3.1 Grupowanie KNN

3.3.2 Zastosowanie w projekcie

Rozdział 4

Badania

Rozdział 5

Podsumowanie

Bibliografia

- [1] T. F. Cootes A. Lanitis, Ch. J. Taylor. *Toward automatic simulation of aging effects on face images*. IEEE Transactions of Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2002.
- [2] Abid K. Alexander Mordvintsev. Face Detection using Haar Cascades. https://opencv-python-tutroals.readthedocs.io/en/latest/py_tutorials/py_objdetect/py_face_detection/py_face_detection. html, 2019. [Online; Dostep: 28.09.19].
- [3] Munish Kumar Ashu Kumar, Amandeep Kaur. Face detection techniques: a review. Springer, 2018.
- [4] BADGERATI. https://computersciencesource.wordpress.com/2010/09/03/computer-vision-the-integral-image/, 2010. [Online; Dostęp: 28.09.19].
- [5] Brent Bergherm. https://brentbergherm.com/cie-chromaticity-diagram/, 201. [Online; Dostęp: 10.10.19].
- [6] Coutaz J Crowley JL. Vision for man-machine interaction. Robotics and Autonomous Systems, 1997.
- [7] Navneet Dalal, Bill Triggs. *Histograms of Oriented Gradients for Human Detection*. Conference on Computer Vision Pattern Recognition, 2005.
- [8] M.M. Dehshibi, A. Bastanfard. A new algorithm for age recognition from facial images. Signal Processing, 2010.
- [9] Brian Everitt. Cluster analysis. Wiley, 2011.

- [10] Erik Fritts. https://www.videomaker.com/article/c03/18848-tell-your-story-more-effectively-with-the-correct -application-of-hard-and-soft-light, 2017. [Online; Dostep: 07.10.19].
- [11] Robert Hirsch. Exploring Colour Photography: A Complete Guide. Laurence King Publishing, 2004.
- [12] Noor A. Ibraheem, Mokhtar M. Hasan, Rafiqul Z. Khan, Pramod K. Mishr. *Understanding Color Models: A Review*. ARPN Journal of Science and Technology, 2012.
- [13] Vladimir Khryashchev, Alexander Ganin, Olga Stepanova, Anton Lebedev. Age Estimation from Face Images: Challenging Problem for Audience Measurement Systems. Yaroslavl State University, 2014.
- [14] Wan-Chi Siu Kwok-Wai Wong, Kin-Man Lam. Age Estimation from Face Images: Challenging Problem for Audience Measurement Systems. Centre for Multimedia Signal Processing, Department of Electronic and Information Engineering, The Hong Kong Polytechnic University, Hung Hom, Hong Kong, 2000.
- [15] Xiaoju Ma, Bo Li, Ying Zhang, Ming Yan. The Canny Edge Detection and Its Improvement. Springer, 2012.
- [16] Satya Mallick. https://www.learnopencv.com/histogram-of-oriented-gradients/, 2016. [Online; Dostęp: 21.10.19].
- [17] Robert K. McConnell. Method of and apparatus for pattern recognition, 1982. Patent nr US4567610.
- [18] Henrik Skov Midtiby. Example: Rgb color mixing, 2019. [Online; Dostęp: 28.09.19].
- [19] R. Chellappa N. Ramanathan. Face verification across age progression. IEEE Transactions on Image Processing, 2006.
- [20] Moses Olafenwa. Przykład rozpoznawania obrazów. https://towardsdatascience.com/

- object-detection-with-10-lines-of-code-d6cb4d86f606/, 2018. [Online; Dostęp: 30.09.18].
- [21] M. Jone P. Viola. Robust Real-Time Object Detection. International Journal of Computer Vision, 2002.
- [22] Michael Jones Paul Viola. Rapid Object Detection using a Boosted Cascade of Simple Features. Accepted conference on computer vision and pattern recognition, 2001.
- [23] Rituparna Sahaa Ranjan Janaa, Debaleena Dattaa. Age Estimation from Face Image using Wrinkle Features. RCC Institute of Information Technology, 2014.
- [24] Qaim Mehdi Rizvi. A Review on Face Detection Methods. Qassim University, 2011.
- [25] Przemyslaw Spurek. http://analizaobrazu.x25.pl/articles/11, 2018. [Online; Dostęp: 19.10.19].
- [26] Richard Szeliski. Computer Vision: Algorithms and Applications. Springer, 2011.
- [27] Piotr Wilkowski. Wykorzystanie algorytmu detekcji i lokalizacji w zadaniu chwytania. Politechnika Warszawska, Wydział Elektroniki I Technik Informacyjnych, 2009.
- [28] K. Smith-Miles X. Geng, Z. Zhou. Automatic age estimation based on facial aging patterns. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2007.
- [29] N. da V. Lobo Y. H. Kwon. Age classification from facial images. Computer Vision and Image Understanding. 1999.

Dodatki

Dokumentacja techniczna

Spis skrótów i symboli

FCM Fuzzy C-means - metoda klasteryzacji miękkiej (rozmytego).

HOG *Histograms of Oriented Gradients* - metoda generacji deskryptora obrazu

 KNN $k\text{-}nearest\ neighbors}$ - algorytm regresji lub klasyfikacji.

Zawartość dołączonej płyty

Do pracy dołączona jest płyta CD z następującą zawartością:

- praca w formacie pdf,
- źródła programu,
- zbiory danych użyte w eksperymentach.

Spis rysunków

| 1.1 | Przykład rozpoznawania obiektów na zdjęciu ulicy. $[20]$ | 2 |
|------|------------------------------------------------------------|----|
| 2.1 | Faza 1 algorytmu | 5 |
| 2.2 | Faza 2 algorytmu | 5 |
| 2.3 | Przykład twarzy oświetlonej twardym (twarz po lewej) oraz | |
| | miękkim światłem. [10] | 7 |
| 2.4 | Różne techniki wykrywania twarzy. [3] | 8 |
| 2.5 | Przykład rozpoznawania obiektów na zdjęciu ulicy. [5] | 11 |
| 2.6 | Mieszanie kanałów RGB [18] | 12 |
| 2.7 | Kolor R=153 G=217 B=234 | 12 |
| 2.8 | Filtr Haara a) krawędziowy b) liniowy c) szachownica [2] | 14 |
| 2.9 | Filtr Haara nałożony na krawędź twarzy [2] | 15 |
| 2.10 | Tabela jasności poszczególnych pikseli przed zastosowaniem | |
| | całkowania [4] | 15 |
| 2.11 | Filtr Haara nałożony na krawędź twarzy [4] | 15 |
| 2.12 | Sumowanie okna [4] | 16 |
| 2.13 | Kaskada klasyfikatorów. [27] | 18 |
| 2.14 | Macierz pomyłek | 19 |
| 2.15 | Wykryty nos oraz oczy | 20 |
| 2.16 | Strefy zmarszczkowe widoczne w białych prostokątach | 21 |
| 2.17 | Wyznaczenie strefy znajdującej się na czole | 22 |
| 2.18 | Pomocnicze współrzędne do wyliczania stref zmarszczkowych. | 23 |
| 2.19 | Punkty wyznaczające położenie stref | 23 |
| 2.20 | a) Obraz z nieznaczną ilością szumów b) Obraz ze znaczną | |
| | ilością szumów. [25] | 28 |

| 2.21 | a) Oryginalny obraz b) Obraz z wykrytymi krawędziami | 31 |
|------|-----------------------------------------------------------|----|
| 3.1 | Gradient jasności identyfikujący granicę pomiędzy głową a | |
| | tłem. [16] | 38 |
| 3.2 | Komórki o rozmiarze 8x8 pikseli na zdjęciu. [16] | 39 |
| 3.3 | Komórki o rozmiarze 8x8 pikseli na zdjęciu. [16] | 4 |

Spis tablic