

Projektna naloga pri statistiki

Matevž Mišič

10. julij 2022

1 Kibergrad

Pri tej nalogi bomo uporabili program **kibergrad.py**.

- a) Na podlagi enostavnega slučajnega vzorca 200 družin moramo oceniti povprečno število otrok na družino μ . Cenilka za povprečno število otrok μ je kar povprečje na vzorcu $\hat{\mu} = \bar{X}$. Kot vrne program je povprečje na vzorcu enako 1.02.
- b) Standardno napako bomo ocenili s pomočjo nepristranske cenilke

$$\widehat{\text{SE}}_+^2 = \frac{N - n}{Nn(n - 1)} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2,$$

kjer je N število vseh družin, n število družin v vzorcu, X_i število otrok v i -ti družini vzorca in \bar{X} povprečje na vzorcu. Kot vrne program je standardna napaka približno enaka $\widehat{\text{SE}}_+ = 0.08497$.

Interval zaupanja je $IZ = (0.85, 1.19)$

- c) Poprečje na celotni populaciji je enako 0.9479, kar je nekoliko manj kot ocena, ki smo jo dobili iz enostavnega slučajnega vzorca. Prava standardna napaka je enaka 0.08180, torej je ocena za standardno napako, ki smo jo dobili iz slučajnega vzorca, blizu pravi vrednosti. Vidimo tudi, da interval zaupanja IZ , ki smo ga izračunali v prejšnji točki, vsebuje populacijsko povprečje.
- d) Vzemimo sedaj še 99 novih enostavnih slučajnih vzorcev. Njihovi intervali zaupanja so narisani na naslednjem grafikonu. (insert figure) Od vseh 100 intervalov zaupanja jih 91 pokrije populacijsko povprečje. Glede na to, da so to 95% intervali zaupanja, smo pričakovali, da jih bo okoli 95 vsebovalo populacijsko povprečje, kar se res zgodi.
- e)

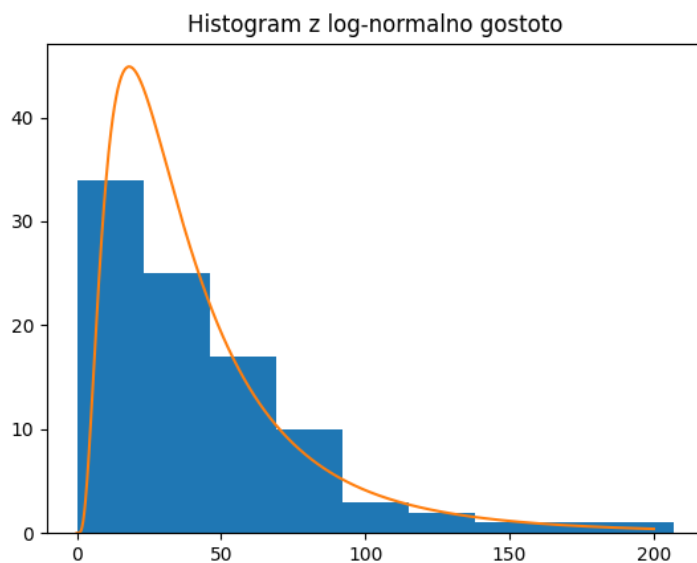
2 Hobotnice

V tem nalogi bomo ugotovili, ali so hrbtne dolžine različnih vrst hobotnic približno v skladu z log-normalnim modelom. Naj bo X slučajna spremenljivka, ki je porazdeljena enakomerno na množici podatkov in naj bo $Y = \log X$. Če je X res porazdeljena v skladu z log-normalnim modelom, je Y porazdeljena v skladu z normalnim modelom. Pričakovana vrednost Y je enaka , standardni odklon pa je .

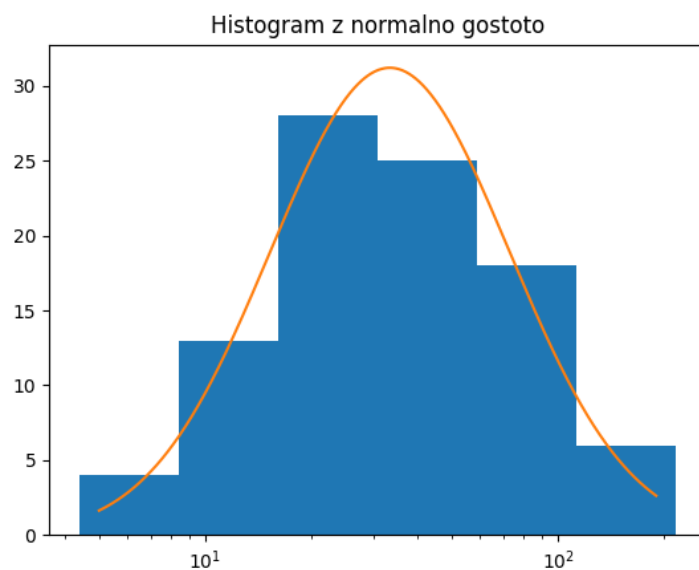
Narišimo histogram skupaj z log-normalno gostoto. Najprej moramo določiti širino razreda po modificiranem Freedman– Diaconisovim pravilu. Širina mora torej biti enaka

$$\frac{2.6 \cdot \text{IQR}}{\sqrt[3]{n}} = 23.016,$$

kjer je IQR interkvartilni razmik, n pa je število podatkov. Gostoto log-normalne porazdelitve lahko izračunamo s pomočjo transformacijske formule, sicer pa lahko uporabimo tudi funkcijo `lognorm.pdf()` iz knjižnice `scipy.stats`.

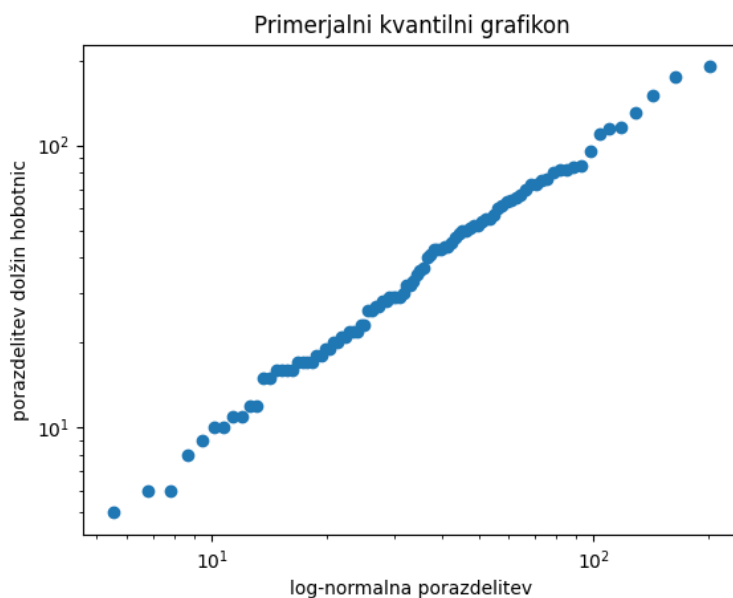


Sedaj narišimo še histogram na logaritemski lestvici in dorišimo še ustrezno normalno gostoto. Če uporabimo modificirano Freedman– Diaconisovo pravilo, da določimo širino razreda desetiških logaritmov, ugotovimo, da morajo biti razredi širine 0.282. Dobimo naslednji histogram.



Vidimo, da se pri obeh histogramih podatki o hrbtnih dolžinah hobotnic dobro prilagajo ustreznima gostotama.

Nazadnje primerjajmo podatke z log-normalno gostoto še s primerjalnim kvantilnim (Q–Q) grafikonom. Na grafikonu bomo obe osi prikazali na logaritemski lestvici.



Točke na tem grafikonu ležijo približno na premici. Sklepamo, da so torej podatki res približno v skladu z log-normalnim modelom.

Pri tej nalogi smo uporabljali program **hobotnice.py**. Ta program zgenerira ob histograma in primerjalni kvantilni grafikon, hkrati pa izpiše naslednji izhod:

širina po modificiranem Freedman-Diaconisovem pravilu je 23.016005260370942, (7

3 Piščanci

Pri tej nalogi bomo ugotovili, kako se spreminja teža piščanca s časom in ali dieta vpliva na pridobivanje teže piščanca.

- a) Oceniti moramo, koliko teže piščanec pridobi vsak dan.