Diviser chacune des difficultés que j'examinerais, en autant de parcelles qu'il se pourrait, et qu'il serait requis pour les mieux résoudre.

René DESCARTES, Méth. II, 8

2

La Programmation Orientée Objet (POO)

Extrait du programme

THÈME: STRUCTURES DE DONNÉES

Contenus:

Structures de données, interface et implémentation.

Capacités attendus:

Spécifier une structure de données par son interface.

Distinguer interface et implémentation.

Écrire plusieurs implémentations d'une même structure de données.

Commentaires:

L'abstraction des structures de données est introduite après plusieurs implémentations d'une structure simple comme la file (avec un tableau ou avec deux piles)

(avec un tableau ou avec det

Contenus:

Vocabulaire de la programmation objet : classes, attributs, méthodes, objets.

Capacités attendus:

Écrire la définition d'une classe.

Accéder aux attributs et méthodes d'une classe.

Commentaires:

On n'aborde pas ici tous les aspects de la programmation objet comme le polymorphisme et l'héritage.



THÈME: LANGAGES ET PROGRAMMATION

Contenus:

Modularité.

Capacités attendus:

Utiliser des API (Application Programming Interface) ou des bibliothèques.

Exploiter leur documentation.

Créer des modules simples et les documenter.

Commentaires:

AVERTISSEMENT!!!

Si vous vous souvenez bien de vos cours de première, les ordinateurs gèrent très mal les nombres décimaux (par exemple 0,1) et pas du tout les nombres réels (par exemple π).

Partant de ce constat, le fil rouge de ce cours est de créer un nouveau type qui permettra de gérer les fractions. Les personnes averties savent très bien qu'il existe déjà un module fractions qui résout ce problème (voir exemple ci-contre). Le propos de ce cours n'est pas d'utiliser des fractions mais bien de comprendre comment on peut créer un nouvel objet.

```
1 >>> from fractions import Fraction
2 >>> Fraction(16, -10)
3 Fraction(-8, 5)
4 >>> Fraction(123)
5 Fraction(123, 1)
6 >>> Fraction()
7 Fraction(0, 1)
8 >>> Fraction('3/7')
9 Fraction(3, 7)
10 >>> Fraction(1, 3) + Fraction(1, 2)
11 Fraction(5, 6)
```

I. Interface et implémentation

Cette partie est très fortement inspirée d'un document proposé par Romain Janvier, professeur NSI à Bourg-Lès-Valence.

a) Exemple d'introduction

Ada et Alan sont deux étudiants travaillant sur un projet qui permettrait de faire des calculs mathématiques très précis. Pour cela, ils veulent passer par des fractions, plutôt que des réels, à cause des erreurs de virgules flottantes. Ils ont besoin de décider comment représenter les fractions.

Ils hésitent entre un couple d'entiers (tuple), un tableau avec deux entiers et un dictionnaire :

Avec un tuple:

```
1 >>> F = (1, 3)
2 >>> F[0] #numérateur
3 1
4 >>> F[1] #dénominateur
5 3
```

Avec un tableau:

```
1 >>> F = [1, 3]
2 >>> F[0] #numérateur
3 1
4 >>> F[1] #dénominateur
5 3
```

Avec un dictionnaire:

Le tableau et le dictionnaire sont **mutables** mais pas le tuple. En dehors de cela, il n'y a pas de grosse différence entre le tuple et le tableau.

Le dictionnaire permettrait de rajouter des informations supplémentaires, comme par exemple la valeur approchée. Les deux étudiants hésitent, alors Ada propose de s'en occuper pendant qu'Alan commencera à implémenter des fonctions pour les opérations de base (addition, soustraction, ...)

Malheureusement Alan a besoin de connaître le numérateur et le dénominateur de chaque fraction s'il veut les additionner. Comment faire s'il ne sait pas si la fraction sera représentée par un couple ou un dictionnaire?

Ada lui propose alors de faire 3 fonctions permettant de créer une fraction, d'obtenir son numérateur et son dénominateur.

```
1 >>> F = Fraction(1, 3)
2 >>> numerateur(F)
3 1
4 >>> denominateur(F)
5 3
```

Ainsi, Alan peut travailler sans que ses fonctions ne dépendent des choix d'Ada. De son côté, elle peut faire une première implémentation très simple, par exemple avec un tuple et si elle décide de passer sur un dictionnaire, elle n'aura que ces 3 fonctions à modifier et cela ne changera rien pour les autres fonctions rajoutées après.

b) Abstraction et interface

Cet exemple montre le principe de l'abstraction des structures de données et des interfaces. Le module qu'ils vont proposer permettra de manipuler des fractions sans avoir à connaître leur implémentation en interne. C'est l'abstraction des structures de données.

La description des fonctions à la disposition des utilisateurs s'appelle l'interface.

L'intérêt pour l'utilisateur, c'est qu'il n'est pas nécessaire de connaître les détails internes, ni le code des fonctions. Lorsque vous utilisez Image du module PIL, vous n'avez pas besoin de savoir comment elle est représentée en mémoire ou comment est programmée la fonction getpixel(). Vous avez juste besoin de savoir qu'elle existe, à quoi elle sert et surtout, comment l'utiliser.

c) Améliorer le module

Pour l'instant l'interface est :

Fonction	Description
Fraction(n, d)	Renvoie une fraction correspondant à n/d, avec d non nul.
numerateur(F)	Renvoie le numérateur de la fraction F.
denominateur(F)	Renvoie le dénominateur de la fraction F.

Alan travaille sur la fonction permettant d'additionner deux fractions :

```
1 def plus(F1, F2):
2     n1 = numerateur(F1)
3     d1 = denominateur(F1)
4     n2 = numerateur(F2)
5     d2 = denominateur(F2)
6     return Fraction(n1*d2 + n2*d1, d1*d2)
```

Il est alors confronté à un problème, aucune simplification de la fraction n'est faite. Il aimerait bien que la fonction Fraction(n, d) renvoie une fraction sous sa forme réduite et avec le dénominateur positif. Il demande donc à Ada de rajouter une simplification de la fraction $\frac{n}{d}$ dans la fonction Fraction(n,d).

L'interface devient alors :

Fonction	Description
Fraction(n, d)	Renvoie une fraction irréductible correspondant à n/d et dont le dénominateur est positif et non nul.
numerateur(F)	Renvoie le numérateur de la fraction F.
denominateur(F)	Renvoie le dénominateur de la fraction F.
plus(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à $F1+F2$ et dont le dénominateur est positif.

d) Intérêt de la modularité

Le découpage en plusieurs modules d'un projet permet de se répartir la tâche à plusieurs. Il permet aussi de s'assurer qu'un changement de structure de données sur une des parties ne nécessite pas de modifier un grand nombre de fonctions.

En séparant l'interface de l'implémentation, on augmente la modularité du programme et on facilitera la recherche et la correction de bugs, ainsi que l'ajout de nouvelles fonctionnalités.

Mais cela nécessite aussi de bien définir à l'avance les interfaces des principales fonctions et de bien documenter le code pour savoir clairement à quoi sert chaque fonction, et idéalement, comment elle fonctionne.

Exercice 1
Proposer un interface le plus précis possible pour notre nouveau type Fraction.

Fonction	Description
Fraction(n, d)	Renvoie une fraction irréductible correspondant à n/d et dont le dénominateur est positif et non nul.
numerateur(F)	Renvoie le numérateur de la fraction F.
denominateur(F)	Renvoie le dénominateur de la fraction F.
plus(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à $F1 + F2$ et dont le dénominateur est positif.

II. Paradigmes de programmation

Cette partie est très fortement inspirée d'un document proposée par Frédéric Manson, professeur NSI.

a) Différents paradigmes

Les langages de programmation sont nombreux et variés. On peut les regrouper dans plusieurs classes, correspondantes à des schémas de pensée différents : ce sont les **paradigmes de programmation**. Il est d'ailleurs assez usuel maintenant qu'un langage appartienne à plusieurs de ces classes, c'est par exemple le cas de Python (ainsi que de C++, Ruby, OCaml, ...). Certains de ces paradigmes sont mieux adaptés que d'autres pour traiter des problèmes spécifiques. On verra ultérieurement qu'il est possible d'utiliser plusieurs paradigmes à l'intérieur d'un même programme.

Les principaux paradigmes sont :

- impératif (Fortran, COBOL, BASIC, Pascal, C, PHP, ...),
- fonctionnelle (Lisp, OCaml, Haskell, ...)
- événementielle (JavaScript, Processing, Scratch...)
- orientée objet (C++, PHP, Python, ...)

b) Programmation impérative

Le paradigme impératif est le paradigme le plus traditionnel. Les premiers programmes ont été conçus sur ce principe :

- Une suite d'instructions qui s'exécutent séquentiellement, les unes après les autres.
- Ces instructions comportent :

Des affectations

Des boucles (pour ..., tant que ..., répéter ... jusqu'à ...)

Des conditions (si ... alors ... sinon)

Des Branchements/sauts sans condition

- La programmation impérative actuelle limite autant que possible les sauts sans condition. Ce sous-paradigme est appelé programmation structurée. Les sauts sont utilisés en assembleur (instructions BR adr , « branch vers adresse »).
 - Un programme utilisant de nombreux sauts est qualifié de « programmation spaghetti » ¹, pour la clarté toute relative avec laquelle on peut le dérouler. Certains langages peuvent donner facilement ce style de code (BASIC, FORTRAN, ...)
- L'usage des fonctions, comme on a pu le voir en première, est aussi une variante de la programmation impérative, appelée programmation procédurale. Elle permet de mieux suivre l'exécution d'un programme, de le rendre plus facile à concevoir et à maintenir, et aussi d'utiliser des bibliothèques.

c) Programmation fonctionnelle

Ce type de programmation sera vu en fin d'année. Tout ce que l'on peut dire pour le moment c'est que dans ce paradigme tout est fonction.

d) Programmation objet

Comme son nom l'indique, le paradigme objet donne une vision du problème à résoudre comme un ensemble d'objets. Ces objets sont définies par :

- leurs propriétés ou caractéristiques. On les appelle les attributs.
- leurs comportements ou interactions. On les appelle les méthodes.

Les objets interagissent entre eux en respectant leur interface.

L'encapsulation introduit une nouvelle manière de gérer des données. Il ne s'agit plus de déclarer des données générales puis un ensemble de sous-programmes destinés à les gérer de manière séparée, mais bien de réunir le tout sous le couvert d'une seule et même entité.

^{1.} https://linuxfr.org/news/encore-un-exemple-de-code-spaghetti-toyota

III. Création de l'objet Fraction

Le « moule » avec lequel on va fabriquer un objet est appelé une classe. La classe Fraction comprend par exemple les attributs (propriétés) :

- num pour le numérateur
- den pour le dénominateur
- keskc pour le type fraction

Elle comprend les **méthodes** (comportements):

- numerateur(F)
- denominateur(F)
- affiche(F)
- approche(F)
- plus(F1, F2)
- moins(F1, F2)
- fois(F1, F2)
- divisePar(F1, F2)
- puissance(F, exp)
- plusGrand(F1, F2)
- plusPetit(F1, F2)

Quand on crée un objet Fraction, l'ordinateur crée ce que l'on appelle une **instance** de la classe. C'est-à-dire que tous les objets de la classe auront les mêmes **attributs** et **méthodes**. Autrement dit, deux fractions, bien que différentes, sont deux **instances** de la même classe et à ce titre auront toutes les deux les attributs numerateur, denominateur et keskc ainsi que les méthodes affiche(), somme(), ... encapsuler dans l'objet lui même.

On utilisera souvent dans la suite le site Python Tutor ² qui nous permet de visualiser notre code.

Le but est créer notre « moule », la classe Fraction.

En utilisant ensuite ce moule avec le code

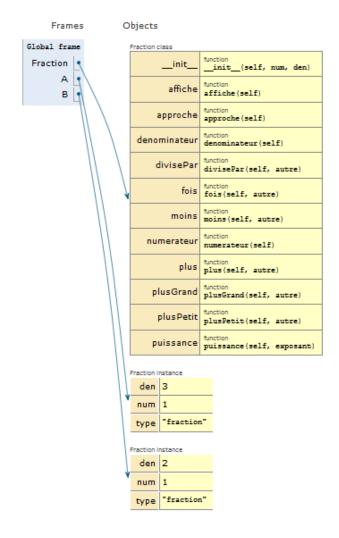
A = Fraction(1,3)

puis

B = Fraction(1,2)

on crée deux instances A et B de cette classe.

On constate aussi que tous les attributs et toutes les méthodes sont **encapsuler** dans la classe.



^{2.} http://pythontutor.com/

a) Le constructeur

Nous créons notre premier moule, notre classe Fraction. Ensuite nous allons définir notre première méthode, qui est une méthode particulière, le constructeur. Comme son nom l'indique, le constructeur est la méthode qui va permettre de créer une instance de la classe.

En Python, le constructeur se nomme toujours __init__.



Quelques explications supplémentaires. Le constructeur à toujours besoin, au minimum de l'argument self . C'est tout simplement pour dire que le constructeur s'adresse à lui-même. Cela semble évident, mais il faut le préciser.

Ensuite la ligne 10 peut se comprendre ainsi :

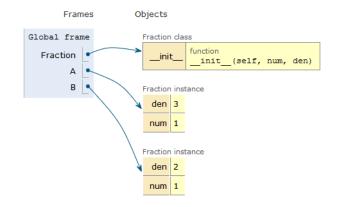
```
<u>self.num</u> = <u>num</u>
le numérateur de la fraction créée la valeur num donnée en argument à la ligne 9
```

Une fois le constructeur donné, on peut créer toutes les instances voulues de notre classe :

```
1 >>> A = Fraction(1, 3)
2 >>> B = Fraction(1, 2)
```

Pour y voir un peu plus clair, on peut aussi tester le code sur Python Tutor :

http://pythontutor.com/



Nous avons donc réussi à créer un nouvel objet qui nous permet de stocker en même temps deux entiers, le numérateur et le dénominateur. C'est plutôt sympathique, mais c'est encore très limité.

On peut néanmoins avoir facilement accès au numérateur et au dénominateur de chaque fraction en écrivant le nom de la fraction suivi d'un point puis de l'attribut voulu.

```
1 >>> A.num
2 1
3
4 >>> A.den
5 3
```

ALERTE ROUGE!!!

Python étant un langage très large d'esprit dans ses pratiques³, il permet une grande ouverture d'esprit. Malheureusement, il permet aussi d'écrire des choses assez bizarres voire choquantes pour ceux ayant découvert la POO avec un autre langage.

Vous pouvez ainsi modifier, l'air de rien, votre instance comme dans le code ci-contre.

Ce genre de code est totalement impossible à faire dans la plupart des langages orientés objets sans passer par ce qu'on appelle des **accesseurs** et des **mutateurs**.

De manière générale, ne choquez personne et ne faites jamais ça.

Exercice 2

Améliorer le constructeur de la classe Fraction de la manière suivante :

- En utilisant la commande assert on va s'assurer que la fraction créée est composée de deux nombres entiers, le dénominateur étant non nul.
- Quelques soient les nombres entiers proposés par l'utilisateur, la fraction stockée ne devra pas avoir de signe négatif au dénominateur. Exemples : $\frac{1}{-2} = \frac{-1}{2}$ ou $\frac{-7}{-4} = \frac{7}{4}$.
- Quelques soient les nombres entiers proposés par l'utilisateur, la fraction stockée sera sous sa forme irréductible.
- On rajoute l'attribut keskc qui dans notre cas sera toujours "fraction".

^{3.} Le fondateur de Python, Guido van Rossum, est fréquemment citée pour cette phrase : « We are all consenting adults here ». Elle signifie : « Nous sommes tous des adultes consentants ». Sous entendu : si vous voulez vous tirer une balle dans le pied, allez-y, vous êtes adulte après tout. D'après le cours Python d'OpenClassrooms :

b) Méthodes

Si par exemple, on teste l'addition ou l'affichage de la manière la plus intuitive, ça plante... (voir le code ci-dessous) Il est intéressant de remarque que néanmoins la commande print(A), ligne 7, fournit énormément d'information :

- __main__.Fraction object nous avons à faire à une instance de la classe Fraction
- at 0x000000DB5BD5A940 nous connaissons l'adresse mémoire dans lequel cette instance est stockée. Cette adresse est écrite en hexadécimale.

Enfin, on aurait pu simplement écrire A, ligne 9, pour obtenir à peu près les mêmes informations.

```
1 >>> A + B
2 Traceback (most recent call last):
3  File "<ipython-input-8-151064de832d>", line 1, in <module>
4  A + B
5 TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'Fraction' and 'Fraction'
6
7 >>> print(A)
8 <__main__.Fraction object at 0x000000DB5BD5A940>
9 >>> A
10 <__main__.Fraction at 0xdb5bd5a940>
```

On va commencer par créer une fonction affiche() qui, comme son nom l'indique, va gérer l'affichage de la fraction. Quand une fonction est directement liée à la classe Fraction, on la nomme méthode.

```
1 class Fraction :
      , , ,
2
      classe définit par
3
      - num le numérateur, un entier
4
       - den le dénominateur, un entier non nul
7
      #constructeur
8
      def __init__(self, num , den):
9
           self.num = num
10
           self.den = den
11
                   #j'ai pas tout mis !
12
13
14
      def affiche(self) :
15
16
           affiche la fraction sous la forme num/den
17
18
           print(str(self.num) + '/' + str(self.den))
19
```

```
1 >>> A.affiche()
2 1/3
```

Exercice 3

Rajouter les trois méthodes numerateur(), denominateur() et approche().

c) Méthodes utilisant 2 instances

Pour effectuer la somme de 2 fractions, ont doit avoir accès aux attributs de 2 instances de la classe Fraction. Notre méthode plus() devra donc s'appliquer sur la première fraction et prendre en argument la deuxième fraction.

```
1 class Fraction :
      , , ,
2
3
      classe définit par
      - num le numérateur, un entier
4
       - den le dénominateur, un entier non nul
5
6
7
      #constructeur
      def __init__(self, num , den):
           self.num = num
10
           self.den = den
11
                   #j'ai pas tout mis
12
13
      def plus(self, F) :
14
15
           effectue la somme avec la fraction F
16
17
           #on utilise le constructeur
18
           calcul = Fraction(self.num * F.den + F.num * self.den , self.den * F.den )
19
           return calcul
20
```

On peut maintenant effectuer nos sommes de fractions sans soucis.

```
1 >>> A = Fraction(1, 3)
2 >>> B = Fraction(1, 2)
3 >>> C = A.plus(B)
4 >>> C.affichage()
5 5/6
```

Exercice 4

Rajouter les méthodes moins(), fois(), divisePar(), puissance, plusGrand() et plusPetit().

IV. Hors programme mais diaboliquement sympathique : les fonction spéciales

- Mais Monsieur, c'est sympa votre truc, et je dois même vous avouer je trouve ça génial, mais en même temps, ça me gène de vous le dire, mais écrire régulièrement A.plus(B) ou A.affiche() je trouve ça assez pénible et même très lourd à la longue. On ne pourrait pas imaginer une solution pour écrire plus simplement A + B ou print(A)????
- Et bien oui mon petit scarabée ⁴. Nous pouvons faire ça. Mais c'est hors-programme. Mais ce n'est pas très compliqué.

Nous allons procéder à ce qu'on appelle une surcharge d'opérateur. Autrement dit, l'opérateur + fait déjà des choses formidables et variées (comme l'addition de deux entiers, l'addition d'un entier et d'un flottant, l'addition de deux flottants et enfin la concaténation de deux chaînes de caractères). Nous pouvons surcharger cet opérateur avec notre addition de deux fractions.

Pour ce faire, il suffit de remplacer le nom de notre méthode plus par la fonction spécialement ⁵ associée à l'opérateur + : __add__.

Ensuite on pourra allégrement faire nos additions avec le + :

```
1 >>> A = Fraction(1,3)

2 >>> B = Fraction(1,2)

3 >>> C = A + B

4 >>> C.affiche()

5 5/6
```

A ce propos, petit scarabée, on pourra aussi surcharger l'opérateur pour éventuellement additionner une fraction avec un entier et ... additionner un entier avec une fraction ... ce qui n'est pas tout à fait la même chose, n'est-ce pas?
Euh ... oui ... bien sûr ... (j'ai rien compris).

Nous avons aussi déjà vu que lorsque l'on appelle A la réponse n'est pas forcément ce qu'il y a de plus intéressant : <__main__.Fraction at 0xdb5bd66198>. On pourrait peut-être modifier la représentation de l'objet. Nous avons pour cela la fonction spéciale __repr__ :

Le résultat est le suivant :

```
1 >>> A = Fraction(1,3)
2 >>> A
3 L'objet est du type fraction est vaut 1/3
```

- 4. C'est son grand retour!
- 5. On parle aussi de **méthode spéciale**.

De la même manière la **fonction spéciale** associé à la fonction **print()** est **__str__**. Nous avons juste à remplacer le nom de la méthode **affiche** par **__str__**:

Ainsi on a:

```
1 >>> A = Fraction(1,3)
2 >>> B = Fraction(1,2)
3 >>> C = A + B
4 >>> print(C)
5 5/6
```

Voici la liste des fonctions spéciales qui permettent de surcharger les opérateurs de base :

Opérateur	Notation	Méthode à
		définir
Signe positif	+	pos
Signe négatif	-	neg
Addition	+	add
Soustraction	-	sub
Multiplication	*	mul
Division	/	truediv
Exponentiation	**	pow
Division entière	//	floordiv
Reste de la division entière	%	mod
Égal	==	eq
Différent	!=	ne
Strictement plus petit	<	lt
Plus petit ou égal	<=	le
Strictement plus grand	>	gt
Plus grand ou égal	>=	ge
« non » logique	not	not
« et » logique	and	and
« ou » logique	or	or

Exercice 5

Reprendre, améliorer et finaliser la classe Fraction en rajoutant un maximum de fonctions spéciales.

V. Module

Maintenant que nous avons terminé de programmer notre classe, nous avons un objet Fraction que l'on va pouvoir utiliser dans n'importe quel autre programme qui le nécessiterait.

- Sauvegarder votre code sous le nom maFraction.py. On a ainsi un module maFraction disponible.
- Ouvrer un nouvel onglet.
- Commencer par importer la classe Fraction provenant de votre module.
- Utiliser les méthodes.

```
1 from maFraction import Fraction
2
3 A = Fraction(1,3)
4 B = Fraction(1,2)
5 print(A+B)
```

VI. Hors programme : notion de public privé

Désolé, c'est hors programme et nous n'avons pas le temps d'aborder ce point ... Donc je n'en parlerai pas.

VII. Annexe: la PEP 8

Une PEP (ou *Python Enhancement Proposals*) est comme son nom l'indique une proposition d'amélioration de Python. Une fois une PEP validée, elle est publiée avec son numéro. La PEP 8 est celle auquel on fait le plus référence car elle conseille sur les bons usages d'écriture du code. Respecter la PEP 8 n'est pas une obligation, mais si on la respecte du mieux possible, son code est plus rapidement accessible à une autre personne.

D'une manière générale, on doit utiliser la convention dite **CamelCase**, où la « casse de chameau ». Cette convention consiste à écrire sans espace, sans _, en mettant en lettre capital le début de chaque mot, ce qui provoque des ondulations comme un dos de chameau : DesOndulationsCommeUnDosDeChameau.

- On n'utilise jamais de caractères spéciaux (accents, espace, ..)
- Le nom d'une variable doit commencer par une minuscule : maVariable
- Le nom d'une classe doit commencer par une majuscule : MaClasse
- Le nom d'une fonction doit commencer par une minuscule : maFonction()

https://www.python.org/dev/peps/pep-0008/

VIII. Exercices

Exercice 6 (Boules de neige)



Boule de neige II

Comme on peut le lire dans l'article wikipédia suivant https://fr.wikipedia.org/wiki/Liste_des_chats_des_Simpson, la plupart des chats des Simpson s'appelle Boule de Neige.

Créer une interface décrivant les interactions éventuelles entre les chats des Simpson, Lisa et Bart (mais vous pouvez rajouter d'autres personnages). Implémenter cette interface.

Exercice 7

Écrire la classe Eleve qui permettrait pour un élève de stocker dans un élève les données suivantes : son nom, son prénom, ses notes obtenues à trois DS, ainsi qu'une méthode qui calculerait la moyenne des trois notes.

1. Compléter:

- 2. (a) Définir une instance pour Ada Lovelace qui a obtenu les notes suivantes : 18 au DS1, 19 au DS2 et 20 au DS3.
 - (b) Écrire l'instruction pour faire afficher sa moyenne.

Exercice 8 (*)

Créer une classe Horloge, puis la tester.

Les attributs sont :

- heures;
- minutes;
- secondes.

Les méthodes sont :

- ticTac : cette méthode augmente l'horloge d'une seconde ;
- reveil(h , mn , s) : sonne le réveil à une heure donnée par l'utilisateur;
- __repr__ : représente l'objet.

Exercice 9 (**)

Exercice proposé par Frédéric Manson, professeur NSI.

- 1. Créer une classe Boite. Cette classe a pour attributs :
 - longueur
 - largeur
 - hauteur
 - Ces trois attributs sont dans un ordre décroissant longueur \geq largeur \geq hauteur (on peut choisir des dimensions entre 1 et 50)

Elle a pour méthodes :

- volume, qui comme son nom l'indique donne le volume d'une boite
- rentreDans(autreBoite), qui renvoie vrai si l'objet Boite rentre dans autreBoite.
- 2. Créer aléatoirement une liste d'une vingtaine de boîtes.
- 3. A l'aide d'un algorithme glouton, donner une suite de boîtes aussi grande que possible qui rentrent les unes dans les autres.

Rappel : pour trier les boîtes, on fera appel à la fonction sorted() ou la méthode sort() avec en argument une fonction qui donne la clef pour effectuer le tri. Cette fonction à passer en paramètre prend un élément de la liste et retourne ce sur quoi doit s'effectuer le tri.

```
1 def laClef(objet):
2    """
3    Renvoie la valeur qui sera examinée pour le tri
4    """
5    return valeur de l'objet
6 liste_tries = sorted(liste, key = laClef)
```

On peut rajouter reverse = True pour avoir l'ordre décroissant.

IX. Corrections

Correction de l'exercice 1

Proposer un interface le plus précis possible pour notre nouveau type Fraction.

Fonction	Description
fraction(n, d)	Renvoie une fraction irréductible correspondant à n/d et dont le dénominateur est positif et non nul.
numerateur(F)	Renvoie le numérateur de la fraction F.
denominateur(F)	Renvoie le dénominateur de la fraction F.
affiche(F)	Affiche la fraction F dans la console sous la forme numérateur/dénominateur.
approche(F)	Renvoie une valeur approchée de la fraction.
plus(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à $F1 + F2$ et dont le dénominateur est positif.
moins(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à F1 - F2 et dont le dénominateur est positif.
fois(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à F1 $ imes$ F2 et dont le dénominateur est positif.
divisePar(F1, F2)	Renvoie une fraction irréductible égale à F1 \div F2 et dont le dénominateur est positif.
<pre>puissance(F, exp)</pre>	Renvoie une fraction irréductible égale à F ^{exp} .
plusGrand(F1, F2)	Renvoie Vrai si F1 est plus grand que F2.
plusPetit(F1, F2)	Renvoie Vrai si F1 est plus petit que F2.

Correction de l'exercice 2

Améliorer le constructeur de la classe Fraction de la manière suivante :

- En utilisant la commande assert on va s'assurer que la fraction créée est composée de deux nombres entiers, le dénominateur étant non nul.
- Quelques soient les nombres entiers proposés par l'utilisateur, la fraction stockée ne devra pas avoir de signe négatif au dénominateur. Exemples : $\frac{1}{-2} = \frac{-1}{2}$ ou $\frac{-7}{-4} = \frac{7}{4}$.
- Quelques soient les nombres entiers proposés par l'utilisateur, la fraction stockée sera sous sa forme irréductible.
- On rajoute l'attribut type qui dans notre cas sera toujours "fraction".

```
class Fraction :
      , , ,
2
3
      classe définit par
       - num le numérateur, un entier
4
       - den le dénominateur, un entier non nul
5
6
7
      #constructeur
      def __init__(self, num, den):
8
           #vérifications d'usage
           assert den!=0, "on ne peut diviser par zéro"
10
           assert type(num) == int and type(den) == int, "le numérateur et le dénominateur
11
       doivent être des entiers"
12
           #signe
13
           if den < 0 :
14
               num, den = -num, -den
15
16
           #simplification en calculant le PGCD
17
           #autrement dit le plus grand diviseur commun
18
           m = min(abs(num), abs(den))
19
           #d est le diviseur commun
20
           #au minimum 1 au maximum m, le minimum de num et den
21
22
           for i in range(2,m+1):
23
               if (num%i==0 and den%i==0):
24
                   #c'est un diviseur commun
^{25}
                   d = i
26
           self.num = num//d
27
28
           self.den = den//d
           self.keskc = "fraction"
29
```

Rajouter les trois méthodes numerateur(), denominateur() et approche().

```
1 class Fraction :
2
3
      classe définit par
4
      - num le numérateur, un entier
5
       - den le dénominateur, un entier non nul
      , , ,
6
      #constructeur
8
      def __init__(self, num, den):
9
           #vérifications d'usage
10
           assert den!=0, "on ne peut diviser par zéro"
11
           assert type(num) == int and type(den) == int, "le numérateur et le dénominateur
12
       doivent être des entiers"
13
14
           #signe
           if den < 0 :
15
16
               num, den = -num, -den
17
           #simplification en calculant le PGCD
18
           #autrement dit le plus grand diviseur commun
19
           m = min(abs(num), abs(den))
20
           #d est le diviseur commun
21
           #au minimum 1 au maximum m, le minimum de num et den
22
           d = 1
23
           for i in range(2,m+1):
24
               if (num%i==0 and den%i==0):
25
                   #c'est un diviseur commun
26
                   d = i
27
28
           self.num = num//d
29
           self.den = den//d
           self.keskc = "fraction"
30
31
      def numerateur(self):
32
33
           renvoie le numérateur de la fraction
34
           , , ,
35
           return self.num
36
37
      def denominateur(self):
38
39
           renvoie le dénominateur de la fraction
40
41
42
           return self.den
43
      def affiche(self) :
44
45
           affiche la fraction sous la forme num/den si den différent de 1
46
                   sinon affiche l'entier num
47
48
           if self.den==1:
49
               print(str(self.num))
50
           else :
51
               print(str(self.num) + '/' + str(self.den))
52
53
      def approche(self) :
54
55
          renvoie une valeur approchée de la fraction
56
           , , ,
57
           return self.num / self.den
58
```

Rajouter les méthodes moins(), fois(), divisePar(), puissance, plusGrand() et plusPetit().

```
1 class Fraction :
2
3
      classe définit par
4
      - num le numérateur, un entier
5
       - den le dénominateur, un entier non nul
      , , ,
6
      #constructeur
8
      def __init__(self, num, den):
9
           #vérifications d'usage
10
           assert den!=0, "on ne peut diviser par zéro"
11
           assert type(num) == int and type(den) == int, "le numérateur et le dénominateur
12
       doivent être des entiers"
13
14
           #signe
           if den < 0 :
15
16
               num, den = -num, -den
17
           #simplification en calculant le PGCD
18
           #autrement dit le plus grand diviseur commun
19
           m = min(abs(num), abs(den))
20
21
           #d est le diviseur commun
           #au minimum 1 au maximum m, le minimum de num et den
22
23
           d = 1
           for i in range(2,m+1):
24
               if (num%i==0 and den%i==0):
25
                   #c'est un diviseur commun
26
                   d = i
27
           self.num = num//d
28
29
           self.den = den//d
           self.keskc = "fraction"
30
31
      def numerateur(self):
32
33
           renvoie le numérateur de la fraction
34
           , , ,
35
           return self.num
36
37
      def denominateur(self):
38
39
           renvoie le dénominateur de la fraction
40
41
42
           return self.den
43
      def affiche(self) :
44
45
           affiche la fraction sous la forme num/den si den différent de 1
46
                   sinon affiche l'entier num
47
48
           if self.den==1:
49
               print(str(self.num))
50
           else :
51
               print(str(self.num) + '/' + str(self.den))
52
53
      def approche(self) :
54
55
          renvoie une valeur approchée de la fraction
56
           , , ,
57
           return self.num / self.den
58
59
      def plus(self, autre) :
60
```

```
61
62
           effectue la somme avec la fraction autre
           , , ,
63
           #on utilise le constructeur
64
           calcul = Fraction(self.num * autre.den + autre.num * self.den , self.den *
65
       autre.den )
           return calcul
66
67
       def moins(self, autre) :
68
69
           effectue la différence avec la fraction autre
70
71
           #on utilise le constructeur
72
           calcul = Fraction(self.num * autre.den - autre.num * self.den , self.den *
73
       autre.den )
74
           return calcul
75
       def fois(self, autre) :
76
77
           effectue le produit avec la fraction autre
78
79
           #on utilise le constructeur donc pas besoin de simplifier
80
           calcul = Fraction(self.num * autre.num, self.den * autre.den )
81
           return calcul
82
83
       def divisePar(self, autre) :
84
85
           effectue le quotient avec la fraction autre
86
87
           #on utilise le constructeur
88
           calcul = Fraction(self.num * autre.den, self.den * autre.num )
89
           return calcul
90
91
       def puissance(self, exposant):
92
93
           calcule la fraction à la puissance exposant
95
           calcul = Fraction(self.num**exposant, self.den**exposant)
96
           return calcul
97
98
       def plusGrand(self, autre) :
99
100
           renvoie Vrai si la fraction est plus grande que autre
101
102
           #on passe par une mise au même dénominateur
103
           return (self.num * autre.den >= autre.num * self.den)
104
105
       def plusPetit(self, autre) :
106
107
           renvoie Vrai si la fraction est plus petite que autre
108
109
           #on passe par une mise au même dénominateur
110
           return (self.num * autre.den <= autre.num * self.den)</pre>
111
112
       def estEgale(self, autre) :
113
114
           renvoie Vrai si la fraction est égale à l'autre
115
           , , ,
116
           #on fait le produit en croix
117
           return (self.num * autre.den == autre.num * self.den
118
```

Reprendre, améliorer et finaliser la classe Fraction en rajoutant un maximum de fonctions spéciales.

```
1 def PGCD(a,b):
      , , ,
2
3
      renvoie le PGCD de a et de b
4
      autrement le plus grand diviseur commun
      , , ,
5
      m = min(abs(a), abs(b))
6
      #d est le diviseur commun
7
      #au minimum 1 au maximum m, le minimum de a et b
8
      d = 1
9
      for i in range(2,m+1):
10
           if (a\%i == 0 \text{ and } b\%i == 0):
11
               #c'est un diviseur commun
12
               d = i
13
14
      return d
15
16
17 class Fraction:
      , , ,
18
      classe définit par
19
      - num le numérateur, un entier
20
       - den le dénominateur, un entier non nul
21
      , , ,
22
23
      #constructeur
24
      def __init__(self, num, den):
25
           #vérifications d'usage
26
           assert den!=0, "on ne peut diviser par zéro"
27
           assert type(num) == int and type(den) == int, "le numérateur et le dénominateur
28
       doivent être des entiers"
29
          #signe
           if den < 0:
30
               num, den = -num, -den
31
           #simplification
32
           d = PGCD(num, den)
33
           self.num = num//d
34
           self.den = den//d
35
           self.kskc = "fraction"
36
37
      def numerateur(self):
38
39
           renvoie le numérateur de la fraction
40
41
42
           return self.num
43
      def denominateur(self):
44
45
          renvoie le dénominateur de la fraction
46
47
           return self.den
48
49
      def __repr__(self) :
50
51
           affiche la représentation de la fraction
52
53
           return "L'objet est du type "+self.kskc+" est vaut "+str(self.num) + '/' +
54
      str(self.den)
55
56
      def __str__(self) :
           , , ,
57
           affiche la fraction sous la forme num/den si den différent de 1
58
              sinon affiche l'entier num
59
```

```
, , ,
 60
 61
            if self.den==1:
 62
                return str(self.num)
 63
            else :
                return str(self.num) + '/' + str(self.den)
 64
 65
        def __add__(self, autre) :
 66
 67
            effectue la somme avec la fraction autre
 68
 69
            #on utilise le constructeur
 70
            calcul = Fraction(self.num * autre.den + autre.num * self.den , self.den *
 71
       autre.den )
            return calcul
 72
 73
 74
        def __sub__(self, autre) :
            , , ,
 75
            effectue la différence avec la fraction autre
 76
            , , ,
 77
            #on utilise le constructeur
 78
            calcul = Fraction(self.num * autre.den - autre.num * self.den , self.den *
 79
       autre.den )
            return calcul
 80
 81
        def __mul__(self, autre) :
 82
 83
            effectue le produit avec la fraction autre
 84
 85
            #on utilise le constructeur donc pas besoin de simplifier
 86
            calcul = Fraction(self.num * autre.num, self.den * autre.den )
 87
            return calcul
 88
 89
        def __truediv__(self, autre) :
 90
 91
            effectue le quotient avec la fraction autre
 92
 93
            #on utilise le constructeur
 94
            calcul = Fraction(self.num * autre.den, self.den * autre.num )
 95
            return calcul
 96
 97
 98
        def __pow__(self, exposant):
 99
            calcule la fraction à la puissance exposant
100
101
            calcul = Fraction(self.num**exposant, self.den**exposant)
102
            return calcul
103
104
        def __ge__(self, autre) :
105
106
            renvoie Vrai si la fraction est plus grande que autre
107
108
            #on passe par une mise au même dénominateur
109
            return (self.num * autre.den >= autre.num * self.den)
110
111
112
        def __gt__(self, autre) :
113
            renvoie Vrai si la fraction est strictement plus grande que autre
114
115
            #on passe par une mise au même dénominateur
116
            return (self.num * autre.den > autre.num * self.den)
117
118
        def __le__(self, autre) :
119
120
121
            renvoie Vrai si la fraction est plus petite que autre
122
```

```
#on passe par une mise au même dénominateur
123
           return (self.num * autre.den <= autre.num * self.den)</pre>
124
125
126
       def __lt__(self, autre) :
127
           renvoie Vrai si la fraction est strictement plus petite que autre
128
129
           #on passe par une mise au même dénominateur
130
           return (self.num * autre.den < autre.num * self.den)</pre>
131
132
       def __eq__(self, autre) :
133
134
           renvoie Vrai si la fraction est égale à l'autre
135
136
           #on fait le produit en croix
137
           return (self.num * autre.den == autre.num * self.den)
138
```

Correction de l'exercice 7

Correction de l'exercice 8 (*)

Créer une classe Horloge, puis la tester.

Les attributs sont :

- heures;
- minutes;
- secondes.

Les méthodes sont :

- ticTac : cette méthode augmente l'horloge d'une seconde ;
- reveil(h , mn , s) : sonne le réveil à une heure donnée par l'utilisateur;
- __repr__ : représente l'objet.

```
1 def rajouterZero(nb):
2
      permet de rajouter un 0 si le nombre est plus petit que 10
3
4
       if nb < 10 :
5
           return "0"+str(nb)
6
7
       else :
8
           return str(nb)
10 class Horloge :
11
       simule une horloge avec la mesure du temps en heure, minute et seconde
12
13
14
       def __init__(self):
15
           self.heure = 0
16
           self.minute = 0
17
           self.seconde = 0
18
19
       def ticTac(self):
20
           , , ,
^{21}
22
           rajoute 1 seconde
23
           if self.seconde < 59:</pre>
24
                self.seconde += 1
25
           elif self.minute < 59:</pre>
26
                self.seconde = 0
^{27}
28
                self.minute += 1
           else :
29
                self.seconde = 0
30
                self.minute = 0
31
                self.heure += 1
32
33
34
       def reveil(self, h, m, s):
35
           sonne le réveil
36
37
           if self.heure == h and self.minute == m and self.seconde == s :
38
                print("Dring ! Dring !")
39
                return True
40
41
           else :
42
               return False
43
       def __repr__(self):
44
           h = rajouterZero(self.heure)
45
```

```
m = rajouterZero(self.minute)
46
47
       s = rajouterZero(self.seconde)
       return str(h)+"/"+str(m)+"/"+str(s)
48
49
50
52 # On teste la classe
54 Hor = Horloge()
56 #et si on se réveillait à 18h14min05s ???
57 while not Hor.reveil(18,14,5):
    print(Hor)
58
    Hor.ticTac()
59
```

Correction de l'exercice 9 (**)

Exercice proposé par Frédéric Manson, professeur NSI

- 1. Créer une classe Boite. Cette classe a pour attributs :
 - longueur
 - largeur
 - hauteur
 - Ces trois attributs sont dans un ordre décroissant longueur ≥ largeur ≥ hauteur (on peut choisir des dimensions entre 1 et 50)

Elle a pour méthodes :

- volume, qui comme son nom l'indique donne le volume d'une boite
- rentreDans(autreBoite), qui renvoie vrai si l'objet Boite rentre dans autreBoite.
- 2. Créer aléatoirement une liste d'une vingtaine de boîtes.
- 3. A l'aide d'un algorithme glouton, donner une suite de boîtes aussi grande que possible qui rentrent les unes dans les autres.

Rappel : pour trier les boîtes, on fera appel à la fonction sorted() ou la méthode sort() avec en argument une fonction qui donne la clef pour effectuer le tri. Cette fonction à passer en paramètre prend un élément de la liste et retourne ce sur quoi doit s'effectuer le tri.

```
1 def laClef(objet):
2    """
3    Renvoie la valeur qui sera examinée pour le tri
4    """
5    return valeur de l'objet
6 liste_tries = sorted(liste, key = laClef)
```

On peut rajouter reverse = True pour avoir l'ordre décroissant.

```
1 from random import randint
2
3 class Boite :
4
      boite définie par longueur, largeur, hauteur
5
      avec longueur >= largeur >= hauteur
6
7
8
      def __init__(self) :
9
           self.longueur = randint(30,50)
10
           self.largeur = randint(10,30)
11
           self.hauteur = randint(1,10)
12
13
      def volume(self) :
14
```

```
return self.longueur * self.largeur * self.hauteur
15
16
     def rentreDans(self, autre) :
17
         testLongueur = self.longueur < autre.longueur</pre>
18
         testLargeur = self.largeur < autre.largeur</pre>
19
         testHauteur = self.hauteur < autre.hauteur
20
         return testLongueur and testLargeur and testHauteur
21
22
     23
     # non demandé
     25
     def __str__(self) :
26
         return str(self.longueur)+" "+str(self.largeur)+" "+str(self.hauteur)
27
28
30 #création d'une liste de 20 boîtes
31 liste = [Boite() for i in range(20)]
32
33 #vérification
34 print("liste non classée")
35 for i in range(20):
     print(liste[i])
38 #classement des boîtes du plus grand au plus petit
39 def laClef(objet) :
     return objet.longueur, objet.largeur, objet.hauteur
41 liste.sort(key = laClef, reverse = True)
43 #vérification
44 print("Liste classée")
45 for i in range (20):
     print(liste[i])
46
47
48
50 # Algorithme glouton
52 #liste qui recevra les boîtes emboîtées
53 listeEmboitee = [liste[0]]
54 #compteur
55 i = 1
56 while i<len(liste) :</pre>
     nouvBoite = liste[i]
57
     if liste[i].rentreDans(listeEmboitee[len(listeEmboitee)-1]) :
58
         #la nouvelle boite rentre dans la dernière boite choisie
59
         listeEmboitee.append(liste[i])
60
     i = i + 1
61
62
63 #vérification
64 print ("liste des boites enboitées")
65 for i in range(len(listeEmboitee)):
     print(listeEmboitee[i])
66
```