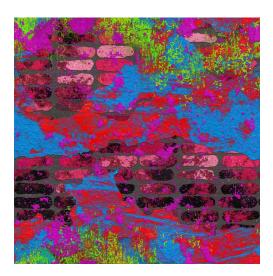
petit challenge entre amis



more on Numberphile

look and say

remarque:

- j'avais prévu de parler de plusieurs suites mais un peu long
- je me suis donc concentré sur la suite look and say
- si vous aimez les suites de nombres, regardez cette petite merveille ...

suite 1: look and say

dis-moi ce que tu vois ...

1	1		1		1			
	1	1	1	1	1	1		
			2	1	2	1		
					1	2	1	1

- avez-vous trouver la prochaine ligne ? conway ne l'as pas trouvé mais un de mes élèves en stmg l'a fait (bon il connaissait la combine ...)
- une ligne de plus :

 $\bullet\,$ je vous laisse réfléchir, la solution est sur la page suivante \dots

analyse de la suite : look and say

définition du look-and-say

- solution de la construction
 - ici par vidéo ou dans le texte supra
 - on démarre avec le chiffre 1
 - je vois un $1 \Longrightarrow$ j'écris $1 \ 1$
 - je vois deux $1 \Longrightarrow$ j'écris $2 \ 1$
 - je vois un 2 et un $1 \Longrightarrow$ j'écris 1 2 1 1
 - ...
- formalisation de la suite
 - depuis conway s'est bien rattrapé, et a analysé cette suite (C_n) en profondeur
 - $C_0 = 1$: le premier terme de la suite
 - L_n : le nombre de chiffre qui constitue C_n (1, 2, 2, 4, 6, ...)
- quelques résultats sont étonnants et très accessibles

propriété ponctuelle

- résultat 1 : chaque C_n est constitué des seuls chiffres : 1, 2 et 3
- résultat 2 : chaque C_n est constitué de 92 briques élémentaires (fabriquées donc de 1,2 ou 3) dont voici la liste de ces éléments)
- résultat 3 : tous les termes de la suite possèdent un nombre pair de chiffres, sauf le terme initial
- <u>résultat 4 :</u> à partir du quatrième terme, les termes de rang pair se terminent par 211 et les termes de rang impair par 221
- résultat 5 : à partir du 8ème terme, les termes commencent cycliquement par "1113", "3113" et "1321"
- résultat 6 : $\forall n \geq 0, (C_n)$ strict. \nearrow et $\forall n \geq 5, (L_n)$ strict. \nearrow
- résultat 7 : en moyenne, les termes de la suite possèdent :
 - 50 % de chiffres 1
 - 31 % de chiffres 2
 - 19 % de chiffres 3
- preuve : (sauf 6 et 7) observation / récurrence simple : voir wiki fr ; 7 ne semble pas encore être prouvé

propriété générale

- résultat 1 : la suite tend vers l'infini ; sauf pour une, laquelle?
- résultat 2 : $\lim_{x\to+\infty}\frac{L_{n+1}}{L_n}=\lambda\sim 1.303577269034...$ est appelée la constante de conway
- résultat 3 : λ est solution d'un polynôme de degré 71
- résultat 4: λ est la seule racine réelle positive du polynôme (2 autres négatives et 68 complexes)
- résultat 5 : étonnamment, $\forall C_0 \in [0..9] \setminus \{2\}$, λ reste la limite généralisée de $\frac{L_{n+1}}{L_n}$
- vous trouverez ces idées sur wiki uk et sur wolfram
- enfin, lorsqu'un génie rencontre une médaille de fiels, cela peut donner des choses étonnantes

let's investigate with python

génération la suite

- génération de la suite : notebook jupyter 1
- vérification des propriétés ponctuelles : notebook jupyter 2
- vérification des propriétés générales : notebook jupyter 3
- ils restent beaucoup de choses à découvrir sur cette suite simplicime et extrêmement complexe ...
- à bientôt pour de nouvelles aventures!

source

- pour pandas, voici un pdf très bien fait
- look and say from wiki uk
- suite de conway from wiki fr
- look and say from wolfram
- look and say from ttested
- look and say from se16.info
- \bullet look and say from conway