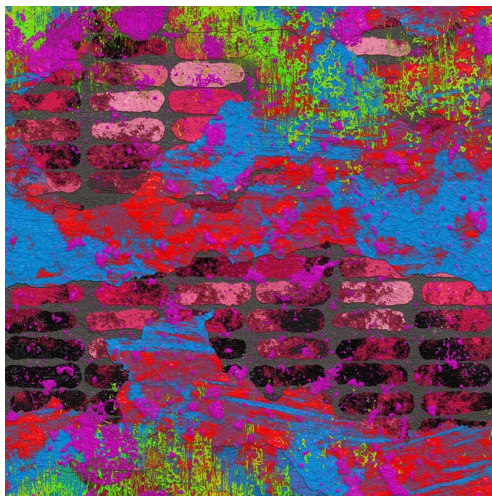


petit challenge entre amis



more on Numberphile

look and say

remarque :

- j'avais prévu de parler de plusieurs suites mais un peu long
- je me suis donc concentré sur la suite look and say
- si vous aimez les suites de nombres, regardez cette petite merveille ...

suite 1 : look and say

dis-moi ce que tu vois ...

1	1 1 1	1 1 1 2 1	1 1 1 2 1 1 2 1 1
---	----------	-----------------	----------------------------

- avez-vous trouver la prochaine ligne ? conway ne l'as pas trouvé mais un de mes élèves en stmg l'a fait (bon il connaissait la combine ...)
- une ligne de plus :


```

1
1 1
2 1
1 2 1 1
1 1 1 2 2 1

```
- je vous laisse réfléchir, la solution est sur la page suivante ...

analyse de la suite : look and say

définition du look-and-say

- solution de la construction
 - ici par vidéo ou dans le texte supra
 - on démarre avec le chiffre 1
 - je vois un 1 \implies j'écris 1 1
 - je vois deux 1 \implies j'écris 2 1
 - je vois un 2 et un 1 \implies j'écris 1 2 1 1
 - ...
- formalisation de la suite
 - depuis conway s'est bien rattrapé, et a analysé cette suite (C_n) en profondeur
 - $C_0 = 1$: le premier terme de la suite
 - L_n : le nombre de chiffre qui constitue C_n (1, 2, 2, 4, 6, ...)
- quelques résultats sont étonnants et très accessibles

propriété ponctuelle

- résultat 1 : C_n est constitué des seuls chiffres : 1, 2 et 3
- résultat 2 : C_n est constitué (majoritairement, et totalement à partir du 24ème rang) de 92 briques élémentaires (fabriquées donc de 1,2 ou 3) dont voici la liste de ces éléments)
- résultat 3 : tous les termes de la suite possèdent un nombre pair de chiffres, sauf le terme initial
- résultat 4 : à partir du 4ème terme, les termes de rang pair se terminent par 211 et les termes de rang impair par 221
- résultat 5 : à partir du 8ème terme, les termes commencent cycliquement par "1113", "3113" et "1321"
- résultat 6 : $\forall n \geq 0$, (C_n) strict. \nearrow et $\forall n \geq 5$, (L_n) strict. \nearrow
- résultat 7 : en moyenne, les termes de la suite possèdent :

50	%	de chiffres	1
31	%	de chiffres	2
19	%	de chiffres	3
- preuve : (sauf 2, 6 et 7) observation / récurrence simple : voir wiki fr ; 7 ne semble pas encore être prouvé

propriété générale

- résultat 1 : la suite tend vers l'infini ; sauf pour une, laquelle ?
- résultat 2 : $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{L_{n+1}}{L_n} = \lambda \sim 1.303577269034...$ est appelée la constante de conway
- résultat 3 : λ est solution d'un polynôme de degré 71
- résultat 4 : λ est la seule racine réelle positive du polynôme (2 autres négatives et 68 complexes)
- résultat 5 : étonnamment, $\forall C_0 \in [0..9] \setminus \{2\}$, λ reste la limite généralisée de $\frac{L_{n+1}}{L_n}$
- vous trouverez ces idées sur wiki uk et sur wolfram
- enfin, lorsqu'un génie rencontre une médaille de fiels, cela peut donner des choses étonnantes

let's investigate

python

- génération de la suite : notebook jupyter 1
- vérification des propriétés ponctuelles : notebook jupyter 2
- vérification des propriétés générales : notebook jupyter 3
- ils restent beaucoup de choses à découvrir sur cette suite simplicime et extrêmement complexe ...
- à bientôt pour de nouvelles aventures !

vidéos intéressantes traitants du sujet

- petite intro sympa : 2min pour en parler
- video simple pour programmer en python la suite
- video par conway lui-même

documents utiles

- pour pandas, voici un pdf très bien fait
- dnlmath en anglais : un pdf pas mal
- utile pour la programmation : nathanieljohnston ou celui-ci <https://www.cs.cmu.edu/~kw/pubs/conway.pdf>
- le livre à trouver !

source

- look and say from wiki uk
- suite de conway from wiki fr
- look and say from wolfram
- look and say from ttested
- look and say from se16.info
- look and say from conway
- look and say from oeis
- look and say from en-academic