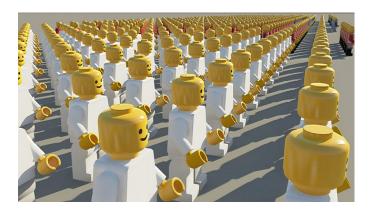
# Chapitre 4 - Pourcentage - Statistique

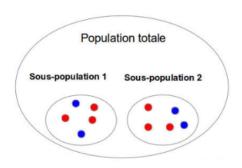


# 1 Proportion et Pourcentage

### 1.1 Population et sous-population

#### Définition

- élément : 1 élément (unitaire)
- population (totale) : tous les éléments
- sous-population : une sous-partie de la population



#### Définition et Propriété

n est le nombre d'individu de la sous-population et N la population totale  $(P_T)$ 

- proportion d'1 sous-population :  $p = \frac{n}{N}$
- pourcentage d'1 sous-population :  $\sqrt[\%p = \frac{n}{N} \times 100$
- pourcentage de pourcentage :

Si 
$$(P_1$$
 est  $\%p_1$  de la  $P_T)$  et  $(P_2$  est  $\%p_2$  de  $P_1)$  Alors  $\boxed{\%p = \%p_1 \times \%p_2 \div 100 \text{ de la } P_T}$ 

# 2 Variations d'1 quantité

Variation Absolue  $(V_A)$ ou Relative (t)

#### Définition

V une quantité qui varie (par exemple) au cours du temps  $V_I$  la valeur initiale ;  $V_F$  la valeur finale

- $V_A = V_F V_I$  qui possède la même unité que  $V_I$  ou  $V_F$
- $t = \frac{\%}{100} = \frac{V_F V_I}{V_I}$  (qui est sans unité) : proportion de variation "relativement" à  $V_I$
- $V_F = (1+t)V_I = (1+\frac{\%}{100})V_I$
- cette dernière formule est la plus importante :
  - j'achète un djinn à 100 qui est e remise cumulée de 30% puis de 20%, combien je paie?
  - est-il plus intéressant d'acheter un article qui est monté de 10% puis à baisser de 10% ou l'inverse?

# 3 Série statistique - Indicateur

#### 3.1 Vocabulaire et Position du Problème

#### **Définition**

- on a une population
- cette population est constitué d'individus
- chaque individu possède des caractères (qualitatif ou quantitatif)
- un caractère quantitatif est discret (valeur) ou continue (positionné dans une classe)
- une série statistique est la liste associée à l'étude d'un caractère d'une population donnée

### Exemple 1 : couleurs des voitures vendues

- population : voitures
- individu: 1 voiture
- caractère (qualitatif) étudié : couleur (vert, rouge, bleu, ...)
- série statistique : {bleu, vert, bleu, rouge, ...}

#### Exemple 2 : taille de chaussures vendues

- population : chaussure
- individu : 1 taille
- caractère (quantitatif discret) étudié : taille (36, 37, 38, ...)
- série statistique : {38, 43, 36, 39, 38 ...}

### Exemple 3 : durée d'appels téléphonique

- population : appel téléphonique
- individu: 1 appel
- caractère (quantitatif continue) étudié : durée d'un appel ; de 0 à 5h
- série statistique : {10s, 3min20s, 1h20min ...}

### Intérêt des Indicateurs et Calcul

- l'intérêt est de résumer l'information (imaginez si votre série statistique possède 1 million de valeurs ...)
- tous les calculs sont en général faits par votre calculatrice ou par ordinateur il faut donc apprendre à se servir de la calculatrice

#### 3.2 Indicateur de Position

#### **Définition**

- moyenne (3 formules à connaître)
  - normale :  $M = \frac{x_1 + x_2 + \dots}{n} = \frac{1}{n} \times \sum_{i=1}^{n} x_i$
  - pondérée :  $M = \frac{n_1 \times x_1 + n_2 \times x_2 + \dots}{n} = \frac{1}{n} \times \sum_{i=1}^k n_i \times x_i$  où  $\sum_{i=1}^k n_i = n$
  - fréquence :  $M=f_1\times x_1+f_2\times x_2+\ldots=\sum_{i=1}^k f_i\times x_i$  où  $\sum_{i=1}^k f_i=1$
  - lien entre pondérée et fréquence :  $\frac{n_i}{n} = f_i$
- médiane : valeur qui coupe la série statistique en 2 morceaux de même taille une fois triée par ordre croissant (pour un nombre pair de valeur, prendre la moyenne des 2 valeurs)
- mode : valeur la plus fréquente
- $\acute{e}tendue = max min$

### 3.3 Indicateur de Dispersion

#### **Définition**

- $Q_1$ : **première** valeur de la série qui permet d'avoir à sa gauche ( $Q_1$  inclus) au moins 25% des valeurs
- $Q_3$ : **première** valeur de la série qui permet d'avoir à sa gauche ( $Q_3$  inclus) au moins 75% des valeurs
- $\bullet \quad \mathbf{min} \ , \ \mathbf{max}$
- variance = moyenne des carrés des écarts =  $\frac{1}{n} \times \sum_{i=1}^{n} (x_i M)^2$ où M est la moyenne et n l'effectif total de la série
- écart type = racine de la variance =  $\sqrt{variance}$  traduit comment cela "bouge" autour de la moyenne

## 3.4 Un exemple

#### Analyser la série suivante

• sujet - corrigé

# 4 Une activité rigolote

- interprétation de la notion de pourcentage
- ajouter des pourcentages

# 5 Un peu de python

5.1 Algorithme 1 à chercher : pour des données réelles ou issues dune simulation, lire et comprendre une fonction écrite en Python renvoyant la moyenne m, l'écart type s, et la proportion déléments appartenant à [m-2s,m+2s]

```
from math import sqrt
   def stats(tableau):
3
            n=len(tableau) #On mesure la taille du tableau
4
            m=sum(tableau)/n #calcul de la moyenne
5
            tableau2=[(x-m)**2 for x in tableau] #On crée le tableau des \leftarrow
                carrés des écarts à la moyenne
            variance=sum(tableau2)/n #Calcul de la variance
6
7
            s=sqrt(variance) #Calcul de l'ecartype
8
            a=m-2*s
9
            b=m+2*s
10
            compteur=0
11
            for i in range(n):
12
                     if tableau[i] <= b and tableau[i] >= a:
13
                              compteur += 1
14
            proportion=compteur/n
            return [m,s,proportion] #On renvoie un tableau qui contient la \hookleftarrow
15
                moyenne, l'écart-type et la proportion déléments appartenant à\hookleftarrow
                 [m-2s,m+2s].
```

Après avoir compilé le code, on tape dans la console :

- tableau=[i\*\*2 for i in range(100)]
- stats(tableau)
- 5.2 Algorithme 2 à chercher : lire et comprendre une fonction Python renvoyant le nombre ou la fréquence de succès dans un échantillon de taille n pour une expérience aléatoire à deux issues

```
from random import*
1
   def nb_succes(n,p):
3
        #n est le nombre de simulations
4
        #p est la probabilité testée
5
        c = 0
6
        for k in range(1,n+1):
7
             t=random()
8
             if t<p:</pre>
9
                 c = c + 1
10
        return c
```