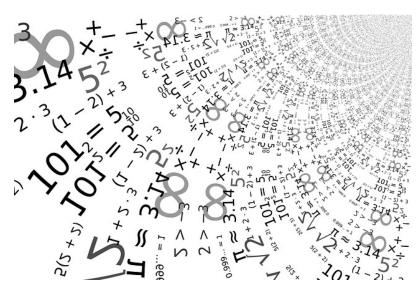
2024 - 2025 2 de - Math

# Chapitre 1 - Nombres réels



les nombres : voir la vidéo à position 20 min 56 s - arte : les nombres

# 1 différents types de nombres

# 1.1 entier naturel et entier relatif

#### **Définitions**

- un nombre entier naturel est un nombre entier positif ou nul
- les nombres entiers naturels sont donc les nombres 0; 1; 2; 3; ...
- cet ensemble est noté  $\mathbb N$
- un nombre  $\underline{\text{entier relatif}}$  est un nombre entier positif ou négatif ou nul
- les nombres entiers relatifs sont donc les nombres  $\ldots$ ; -3; -2; -1; 0; 1; 2; 3;  $\ldots$
- cet ensemble est noté  $\mathbb{Z}$

# Remarque et Exemples

- un entier naturel est un nombre relatif (son signe est +) :  $\mathbb{N}$  est inclus dans  $\mathbb{Z}$ , noté  $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z}$
- $12 \in \mathbb{N}$  et  $12 \in \mathbb{Z}$ ;  $0 \in \mathbb{N}$  et  $0 \in \mathbb{Z}$ ;  $-4 \notin \mathbb{N}$  et  $-4 \in \mathbb{Z}$ ;  $6,9 \notin \mathbb{N}$  et  $6,9 \notin \mathbb{Z}$

# 1.2 décimaux et rationnels

# Définitions

- un <u>nombre décimal</u> est à virgule qui s'arrête
- il peut s'écrire sous la forme  $\frac{\ddot{a}}{10^k}$ , où a est un nombre entier relatif et k est un entier naturel
- l'ensemble des nombres décimaux est noté  $\mathbb D$
- un <u>nombre rationnel</u> est un nombre qui peut s'écrire sous la forme  $\frac{p}{q}$ , où  $p,q\in\mathbb{Z}$  et  $q\neq 0$
- l'ensemble des nombres rationnels est noté  $\mathbb Q$

 $2^{de}$  - Math 2024 - 2025

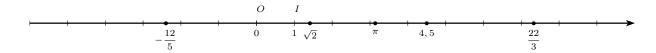
# Remarque et Exemples

- $6,35 \in \mathbb{D} \text{ car } 6,35 = \frac{635}{10^2}; \ -0,089 \in \mathbb{D} \text{ car } -0,089 = \frac{-89}{10^3}; \ \frac{3}{4} \in \mathbb{Q}; \ \frac{1}{3} \notin \mathbb{D}; \ \sqrt{2} \notin \mathbb{Q}$
- tout nombre entier (naturel ou relatif) est un nombre décimal donc  $\mathbb{Z} \subset \mathbb{D}$  et tout nombre décimal est un nombre rationnel donc  $\mathbb{D} \subset \mathbb{Q}$ . On a donc  $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{D} \subset \mathbb{Q}$
- on peut montrer qu'un rationnel est un nombre à virgule, dont les virgules ne s'arrêtent pas forcément mais se répètent

#### 1.3 Nombres réels

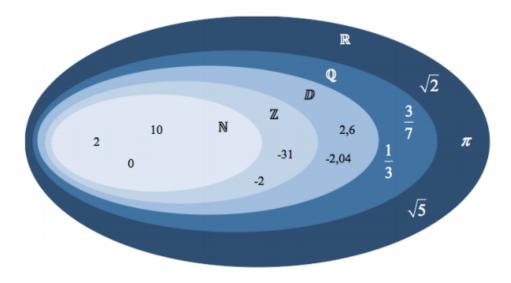
### Définition

- on considère une droite munie d'un repère (O; I)
- à chaque point de cette droite, on peut associer un nombre : son abscisse
- pour la droite, on parle de droite numérique
- pour le nombre, on parle de nombre réel
- cet ensemble de nombres est noté  $\mathbb R$



# Exemples et Remarques

- $\sqrt{2}$ ;  $-\sqrt{5}$ ;  $\pi$  sont des nombres réels qui ne sont pas des nombres rationnels.
- tout nombre rationnel est un nombre réel. On a donc  $\mathbb{N}\subset\mathbb{Z}\subset\mathbb{D}\subset\mathbb{Q}\subset\mathbb{R}$



2024 - 2025 2 de - Math

# 2 Intervalles - Valeur absolue d'un nombre réel

# 2.1 Intervalles

Sur la droite numérique, les <u>intervalles</u> sont des parties de  $\mathbb{R}$  représentées par un segment, une demi-droite ou la droite toute entière.

a et b sont deux réels tels que a < b.

Ensemble des réels $x$ tels que	Signification	Notation	Représentation
$a \leqslant x \leqslant b$	x est compris entre $a$ inclus et $b$ inclus	$x \in [a;b]$	a $b$
a < x < b	x est compris entre $a$ exclu et $b$ exclu	$x \in ]a;b[$	a $b$
$a < x \leqslant b$	x est compris entre $a$ exclu et $b$ inclus	$x \in ]a;b]$	a $b$
$a \leqslant x < b$	x est compris entre $a$ inclus et $b$ exclu	$x \in [a; b[$	a $b$
$x \geqslant a \text{ (ou } a \leqslant x)$	x est supérieur ou égal à $a$	$x \in [a; +\infty[$	a
x > a  (ou  a < x)	x est strictement supérieur à $a$	$x \in ]a; +\infty[$	
$x \leqslant a \text{ (ou } a \geqslant x)$	x est inférieur ou égal à $a$	$x \in ]-\infty;a]$	$a \rightarrow a$
x < a  (ou  a > x)	x est strictement inférieur à $a$	$x \in ]-\infty; a[$	$a \rightarrow a$

# Remarques et Exemples

- $\infty$  et + $\infty$  se lisent respectivement « moins l'infini » et « plus l'infini »
- le crochet d'un intervalle est toujours vers l'extérieur en  $-\infty$  et en  $+\infty$
- $\mathbb{R} = ]-\infty;+\infty[$
- l'amplitude ou longueur de l'intervalle ou [a;b] est b-a
- le <u>centre ou milieu</u> de l'intervalle [a;b] est  $\frac{a+b}{2}$
- L'ensemble des nombres réels compris entre -2 inclus et 3,4 exclu se note [-2;3,4[
- L'ensemble des nombres réels inférieurs ou égaux à -3 se note  $]-\infty;-3]$

• 
$$0, 8 \in [-2; 3, 4[$$
  $-1, 25 \in [-2; 3, 4[$   $-2 \in [-2; 3, 4[$   $3, 4 \notin [-2; 3, 4[$ 

 $2^{de}$  - Math 2024 - 2025

# 2.2 Valeur absolue d'un réel - Distance de deux réels

# Définition

• x un nombre réel; la <u>valeur absolue de</u> x, et on note |x|, le nombre réel égal à  $\begin{cases} x & \text{si } x \geqslant 0 \\ -x & \text{si } x < 0 \end{cases}$ 

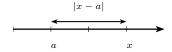
### Exemples

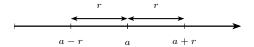
• |3, 6| = 3, 6 |-15| = 15 |0| = 0

#### Définition et Propriété

a, x et r des nombres réels avec  $r \ge 0$ 

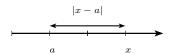
- on appelle <u>distance entre les nombres a et x le nombre |x-a|</u>
- cette distance est aussi égale à |a-x|
- $x \in [a-r; a+r]$  si et seulement si  $|x-a| \le r$





#### Exemples

- la distance entre les nombres -3 et 4,5 est égale à |-3-4,5|=|-7,5|=7,5 (ou à |4,5-(-3)|=|7,5|=7,5).
- $x \in [1, 5; 2, 5]$  si et seulement si  $|x 2| \le 0, 5$



# 3 Écriture scientifique d'un nombre

#### Définition

- $\bullet$  x un nombre décimal non nul
- son <u>écriture scientifique</u> est  $a \times 10^n$  où n est un nombre entier relatif et a est un nombre décimal tel que  $1 \le |a| < 10$

# Exemples

- l'écriture scientifique de 0,00361 est  $3,61 \times 10^{-3}$
- l'écriture scientifique de -159, 2 est  $-1, 592 \times 10^2$

2024 - 2025

# 4 Un peu de python

# 4.1 les nombres dans python

```
1  # entiers et floats
2  print(type(1))
3  print(type(-1))
4  print(type(1.0))
5
6  print(0.1+0.2)
7  print(0.3)
```

# 4.2 le problème du radar

```
# différences entre vitesse mesurée et vitesse retenue
def radarfixe(Vmes):
if Vmes < 100:
    return(Vmes-5)
else:
    return(Vmes*0.95)</pre>
```

# 4.3 deeplearning : reconnaissance automatique des nombres

- MNIST : lecture de chiffre de 0 à 9 : par Réseaux de Neurones
- MNIST : lecture de chiffre de 0 à 9 par CNN
- Coding a Neural Network from Scratch for Absolute Beginners