## Programmation linéaire, cours, terminale TSTMG

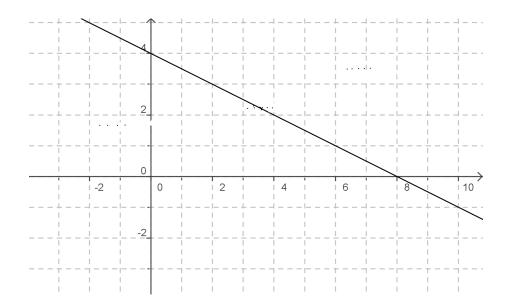
### 1 Régionnement du plan

# 1.1 Propriétés graphiques des inéquations linéaires à deux variables Propriété :

- l'un est l'ensemble des points dont les coordonnées sont les solutions de l'inéquation linéaire .....;
- l'autre est l'ensemble des points dont les coordonnées sont les solutions de l'inéquation linéaire ......

#### Propriété:

Soit  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  un repère et  $\mathcal{D}$  une droite d'équation y = mx + p. Les solutions de l'inéquation  $y \leq mx + p$  (resp.  $y \geq mx + p$ )sont les coordonnées des points du demi-plan situé ...... (resp. ...... de la droite  $\mathcal{D}$ .



### 1.2 Méthode de résolution graphique des inéquations linéaires à deux inconnues

#### Méthode:

On considère une inéquation de la forme  $ax+by+c \leq 0$  ou  $ax+by+c \geq 0$  avec  $(a;b) \neq (0;0)$ 

Pour représenter graphiquement les solutions d'une telle inéquation dans un repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ :

- on écrit l'inéquation sous la forme ....... ou ....... ou ....... ou m, p et k sont des réels ;
- on trace dans le repère la droite d'équation ...... ou .....;
- on garde le demi-plan contenant les solutions d'après la propriété précédente.

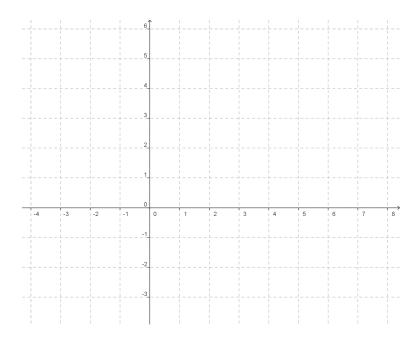
#### Exemple:

Résolution graphique de l'inéquation  $3x + 2y \le 4$ .

- On met l'inéquation sous la forme réduite : .....
- on trace la droite d'équation .....

x	 
y	 

• on hachure le demi-plan qui ne convient pas.



# 1.3 Résolution graphique de systèmes d'inéquations linéaires à deux variables

#### Propriété:

Soit  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  un repère du plan. Soit le système d'inéquations linéaires à deux variables S:

$$\begin{cases}
(E_1) \\
(E_2) \\
\dots \\
(E_n)
\end{cases}$$

où  $(E_1)$ ,  $(E_2)$ , ...,  $(E_n)$  sont des inéquations de la forme  $ax + by \le c$  ou  $ax + by \ge c$ .

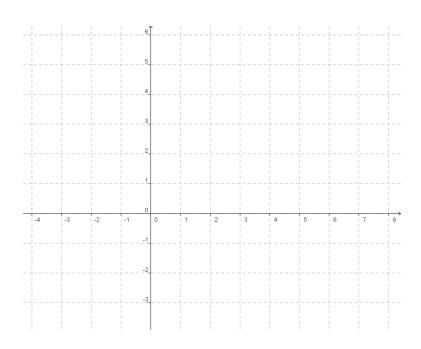
Les solutions de ce système sont les points du repère dont les coordonnées vérifient toutes les équations  $(E_1, (E_2), ..., (E_n)$ . Il se trouvent à l'intersection de chacun des demi-plans définis par ces inéquations.

#### Exemple:

On considère le système d'inéquations suivant :

$$\begin{cases} 0 & \leq x \leq 4 \\ y & \geq 0 \\ x + 2y - 4 & \leq 0 \end{cases}$$

- On trace les droites d'équation  $y = -\frac{x}{2} + 2$ , x = ..., x = ... et y = ...
- On hachure les parties du plan qui ne conviennent pas.





## 2 Programmation linéaire

#### Propriété:

Soit  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  un repère du plan.

- Les droites qui ont une équation de la forme ax + by = k où a et b sont deux réels et k est un réel que l'on fait varier, sont des droites parallèles de coefficient directeur  $\frac{-a}{b}$ ;
- pour des droites  $\mathcal{D}_1$  et  $\mathcal{D}_2$  d'équations  $ax + by = k_1$  et  $ax + by = k_2$  où  $k_1$  et  $k_2$  sont deux réels tels que  $k_1 < k_2$ ,  $\mathcal{D}_1$  coupe l'axe des ordonnées ...... de  $\mathcal{D}_2$ .

