

Весь стандарт **ГОСТ Р 34.11-2012** написан в алгоритмической форме и ориентирован на конечных разработчиков. Однако **переход от описания на уровне шагов к логико-математическому представлению**, которое типично для криптографических примитивов, позволяет:

- оценить **криптостойкость** хеш-функции Стрибог,
- выявить **уязвимости или сильные стороны** алгоритма.

**AES** (англ. *Advanced Encryption Standard*; также *Rijndael*, [ˈɹeɪndɑːl] — *рейнда́л*) — **симметричный алгоритм блочного шифрования** (размер блока 128 бит, ключ 128/192/256 бит), принятый в качестве стандарта **шифрования правительством США** по результатам **конкурса AES**.

Представление в **AES-подобной форме** даёт следующие преимущества:

- **возможность применения известных криптоаналитических методов**, таких как дифференциальный и линейный криптоанализ;
- **возможность быстрой и эффективной реализации** с использованием таблиц и готовых техник;

Алгоритм  **$g_N(h, m)$**  внутри GOST можно переписать в **AES-подобной форме**, потому что:

- собственный **S-блок** → аналог AES SubBytes
- преобразование **P** → аналог ShiftRows (только перестановка другая)
- **линейное преобразование L** → аналог MixColumns
- раундовые **XOR с ключом** → аналог AddRoundKey

Алгоритм хеширования состоит из **трёх стадий**:

1. **Инициализация**
2. **Итерации**
3. **Завершение**

- Stribog-256:  $H = \text{MSB}_{(256)}(h)$  — только старшие 256 бит

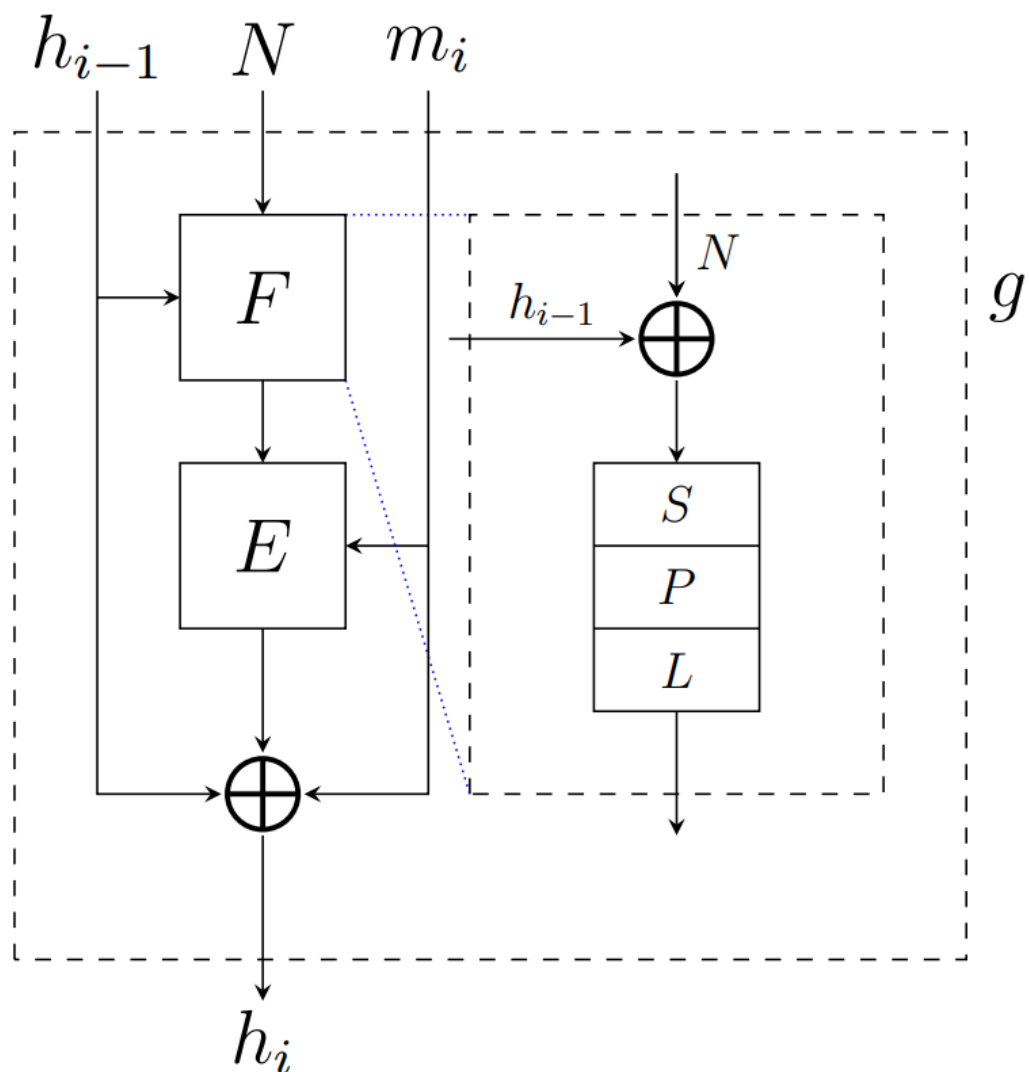
Стандарт определяет три основные трансформации, применяемые внутри функции  $g_N(h, m)$ :

1. **S (SubBytes)** – байтовая подстановка (аналог AES S-box)
2. **P (Permutation)** – перестановка байтов
3. **L (Linear transformation)** – линейная трансформация (аналог MixColumns)

Функция сжатия  $g_N(h, m)$ :

$$g_N(h, m) = E(L \circ P \circ S(h \oplus N), m) \oplus h \oplus m$$

- $E$  — блочный шифр, состоящий из 12 раундов и финального шага.
- $S, P, L$  применяются в каждом раунде, аналогично структуре AES.
- Внутреннее состояние представляется в виде **матрицы 8×8 байт** (в отличие от 4×4 в AES).



## Блочный шифр $E$

Функция  $E(K, m)$  — это блочный шифр, который используется в компрессионной функции  $g_N(h, m)$ . Он состоит из 12 раундов и одного завершающего шага:

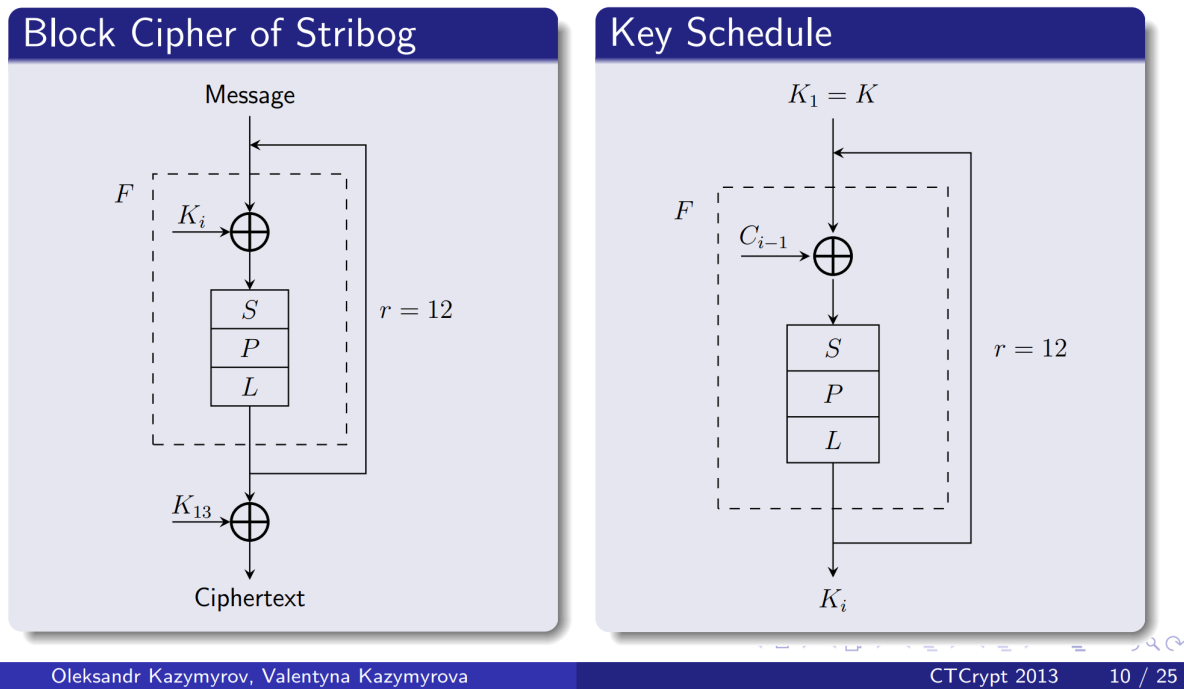
$$E(K, m) = X[K_{13}] \circ (L \circ P \circ S \circ X[K_{12}]) \circ \dots \circ (L \circ P \circ S \circ X[K_1])$$

Где:

- $X[K]$  — XOR с раундовым ключом (AddRoundKey)
- $K_1 \dots K_{13}$  — раундовые ключи

- $K_1 = K$  — исходный ключ
- $K_i = L \circ P \circ S(K_{i-1} \oplus C_{i-1})$  — процедура генерации ключей

Константы  $C_i$  — заранее определённые 512-битные значения



S-преобразование выполняется по аналогии с AES: каждая ячейка байтовой матрицы заменяется по таблице. S-бокс отличается от AES.

P-перестановка в Стрибоге — это не сдвиг строк, как в AES, а выполняется **транспонирование матрицы** по фиксированной перестановке  $\tau$ .

L- линейное преобразование, аналогичное MixColumns в AES. Оно делается по формуле:

$$B = A \cdot M$$

Где:

- $A$  — входной вектор (матрица состояния)
- $M$  — фиксированная матрица  $64 \times 64$  над полем  $\mathbf{F}_2$

Выполняется так:

1. Разбиваем сообщение на 64-битные вектора.

2. Для каждого применяем линейное преобразование  $L$ , заданное матрицей.
3. Склеиваем результат обратно в байтовый вектор.

**Стрибог** использует **внутренний блочный шифр**, вдохновлённый **AES**, но у этих алгоритмов **разное представление данных в блоке**:

- **AES** обрабатывает данные в **матрице 4×4 байта** (128 бит), где байты идут **построчно**.
- **Стрибог** работает с блоками **512 бит (64 байта)**, но они хранятся и обрабатываются **в другом порядке**, часто **в обратном** (байты и биты читаются справа налево или снизу вверх, в зависимости от реализации).

Поскольку представления состояний в AES и Стрибог различны, сначала необходимо **обратить порядок битов** (реверсировать сообщение):

1. **R** — операция, которая обращает порядок битов входного сообщения.

1. Свойство:  $R^{-1} \circ R(x) = x$

2. Тогда компрессионная функция  $g_N(h, m)$  в AES-подобной форме выполняется в 3 шага:

1. **Обращение входных битов**:  $R(m)$
2. **AES-подобные преобразования**:  $S, P, L, X[K]$
3. **Обратное обращение**:  $R(\text{output})$

Чтобы перейти к AES-подобной форме, все основные преобразования ( $S, P, L, X[K]$ ) адаптируются следующим образом:

### **S (SubBytes)**

- Применяется преобразование:  

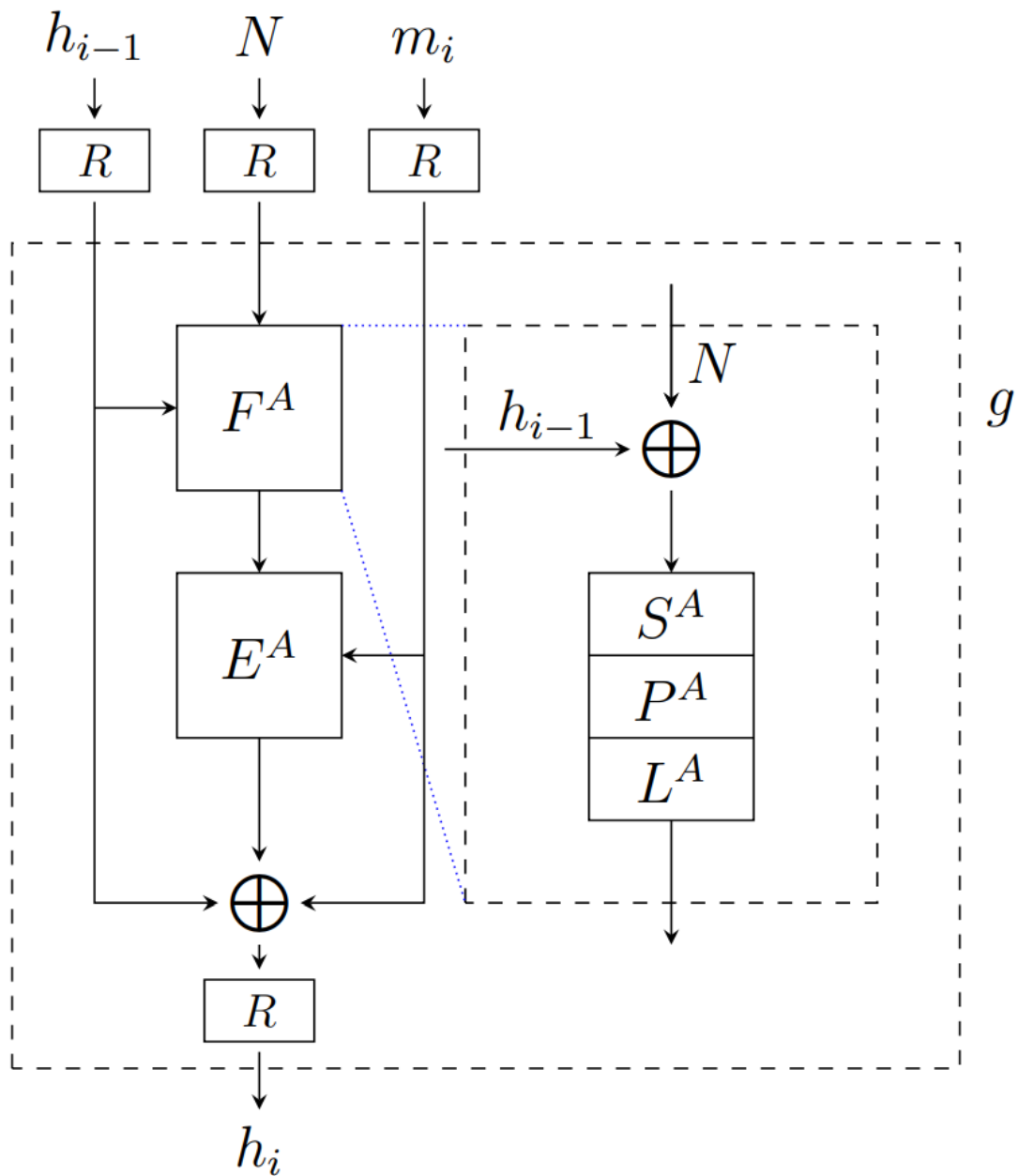
$$F'(x) = R \circ F \circ R(x) \quad F'(x) = R \circ F \circ R(x) \quad F'(x) = R \circ F \circ R(x)$$
 где  $F$  — оригинальный S-бокс Стрибога.
- $F'$  и  $F$  — аффинно эквивалентны (имеют те же криптосвойства).
- Новый S-бокс для AES-подобной формы

### **P (Permutation) и $X[K]$ (XOR с ключом)**

- Работают по тем же правилам, но внутри  $R$ -обёртки.

### L (Linear Transformation)

- Можно выразить как матричное умножение над конечным полем  $\mathbb{F}_2^8$ , аналогично MixColumns в AES.



$$gN(h,m)=R \circ (E_K(R(m)) \oplus R(h) \oplus R(m))$$

<https://github.com/okazymyrov/stribog>

Table 3: Comparison of Stribog and AES Substitutions

Properties	Stribog	AES
Vectorial Boolean Function		
Balancedness	True	True
Nonlinearity	100	112
Absolute Indicator	96	32
Sum-of-squares Indicator	258688	133120
Propogation Criterion	0	0
Correlation Immunity	0	0
Minimum of Algebraic Degree	7	7
Resiliency	0	0
Strict Avalanche Criterion	False	False
Substitution		
Bijection	True	True
Maximum of Differential Table	8	4
Maximum of Approximation Table	28	16
Cycles Structure	252:243, 46:13	43:27, 242:87, 99:59, 124:81, 143:2
Algebraic Immunity	3(441)	2(39)