2 Math101 opgaver til 2. gang

2.1 Løs ligningerne

$$4x + 2 = 26$$
, $-3x - 5 = 0$, $-5x + 7 = -28$, $8x + 13 = 5$.

2.2 Løs ligningerne

$$x^{2} = 9$$
, $(x-3)(x+7) = 0$, $2x^{2} - 6x + 4 = 0$, $x^{2} + 4x - 5 = 0$.

2.3 Løs ligningerne

$$3x + 7 = -(2x + 3), \quad 3(x - 4) = 2(x + 1), \quad -3x - 2 = -x + 3.$$

2.4 Løs ligningerne

$$2x^2 - 6x = 0$$
, $3x^2 - 2x = 0$, $x^2 = \frac{1}{2}x$, $25\left(\frac{x}{2}\right)^2 = 1$.

2.5 Bestem a så ligningen

$$ax - \frac{1}{2} = 7x + \frac{3}{2}$$

ikke har nogen løsninger.

2.6 Brug faktorisering af polynomier til at forkorte følgende brøker:

$$\frac{x^2 - 25}{x^2 + 4x - 5}, \qquad \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 5x + 6}, \qquad \frac{(x+2)(x^2 - 3x - 10)}{x^2 + 4x + 4}.$$

2.7 Bestem a så x=2 bliver en løsning til ligningen

$$\frac{a}{4} + ax = 1.$$

2.8 Løs ligningerne

$$-(x+3) + 2x = 2(x-1) - x - 1,$$
 $3(x-3) + 2 = 3x - 5.$

2.9 Løs ligningerne

$$\frac{2}{3}\left(x - \frac{4}{5}\right) = \frac{2}{3},$$
 $\frac{1}{3}(x - 2) = -\frac{2}{5}\left(x - \frac{3}{4}\right)$

2.10 Løs ligningerne

$$-\frac{1}{4}x^2 - 2x = -5, \quad \frac{1}{2}x^2 + 3x = -\frac{5}{2}, \quad x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6} = 0, \quad 2x^2 = 1000.$$

2.11 Løs ligningerne

$$\sqrt{2}x + 1 = \sqrt{2} + 5$$
, $\pi(2x - 6) = \sqrt{8}x + 12$, $\sqrt{2}(2\sqrt{2}x + \sqrt{8}) = x - 1$.

 $2.12\,$ Opskriv en andengradsligning på formen $x^2+bx+c=0$ med rødderne

1 og 1,
$$\frac{1}{3}$$
 og -1, $-\sqrt{2}$ og $\sqrt{8}$.

2.13 For hvilke b har ligningen

$$\frac{7}{6}x^2 + bx + \frac{21}{2} = 0,$$

præcis en løsning?

2.14 Bestem løsningerne til ligningerne

$$x^4 - 3x^2 + 2 = 0,$$
 $x^4 = \frac{17}{4}x^2 - 1.$

(Hint: Lad $y = x^2$.)