

# VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ

TD051

Lần ban hành: 1

Nội dung chính của chương trình bày một số lược đồ thuật toán kinh điển dùng để giải lớp các bài toán liệt kê, bài toán đếm, và bài toán tối ưu và bài toán tồn tại. Mỗi lược đồ thuật toán giải quyết một lớp các bài toán thỏa mãn một số tính chất nào đó. Đây là những lược đồ thuật toán quan trọng nhằm giúp người học vận dụng nó trong khi giải quyết các vấn đề trong tin học. Các lược đồ thuật toán được trình bày trong chương này bao gồm: thuật toán sinh, thuật toán đề qui, thuật toán quay lui, thuật toán tham lam, thuật toán nhánh cân, thuật toán qui hoạch động.

#### 1. Mô hình thuật toán sinh (Generative Algorithm)

Mô hình thuật toán sinh được dùng để giải lớp các bài toán liệt kê, bài toán đếm, bài toán tối ưu, bài toán tồn tai thỏa mãn hai điều kiên:

- Điều kiện 1: Có thể xác định được một thứ tự trên tập các cấu hình cần liết kê của bài toán. Biết cấu hình đầu tiên, biết cấu hình cuối cùng.
- Điều kiện 2: Từ một cấu hình chưa phải cuối cùng, ta xây dựng được thuật toán sinh ra cấu hình đứng ngay sau nó.

Mô hình thuật toán sinh được biểu diễn thành hai bước: bước khởi tao và bước lặp. Tại bước khởi tạo, cấu hình đầu tiên của bài toán sẽ được thiết lập. Điều này bao giờ cũng thực hiện được theo giả thiết của bài toán. Tai bước lặp, quá trình lặp được thực hiện khi gặp phải cấu hình cuối cùng. Điều kiện lặp của bài toán bao giờ cũng tồn tại theo giả thiết của bài toán. Hai chỉ thị cần thực hiện trong thân vòng lặp là đưa ra cấu hình hiện tại và sinh ra cấu hình kế tiếp. Mô hình sinh kế tiếp được thực hiện tùy thuộc vào mỗi bài toán cu thể. Tổng quát, mô hình thuật toán sinh được thể hiện như dưới đây.

> Thuật toán Generation; begin

> > Bước1 (Khởi tạo):

<Thiết lập cấu hình đầu tiên>;

Bước 2 (Bước lặp): 2025-09-2323

while (<Lặp khi cấu hình chưa phải cuối cùng>) do

<Đưa ra cấu hình hiện tại>:

<Sinh ra cấu hình kế tiếp>;

endwhile;



#### VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ QUY

TD051

Lần ban hành: 1

#### End.

**Ví dụ 2.1**. Vector  $X = (x_1, x_2, ..., x_n)$ , trong đó  $x_i = 0$ , 1 được gọi là một xâu nhị phân có độ dài n. Hãy liệt kê các xâu nhị phân có độ dài n. Ví dụ với n=4, ta sẽ liệt kê được 24 xâu nhị phân độ dài 4 như trong Bảng 2.1.

STT	$X=(x_1, x_2, x_3, x_4)$	STT	$X=(x_1, x_2, x_3, x_4)$
0	0 0 0 0	8	1 0 0 0
1	0 0 0 1	9	1 0 0 1
2	0 0 1 0	10	1 0 1 0
3	0 0 1 1	11	1 0 1 1
4	0 1 0 0	12	1 1 0 0
5	0 1 0 1	13	1 1 0 1
6	0 1 1 0	14	1 1 1 0
7	0 1 1 1	15	1 1 1 1

Bảng 2.1. Các xâu nhi phân đô dài 4

## 2.54 Al Race Lời giải:

**Điều kiện 1**: Gọi thứ tự của xâu nhị phân  $X=(x_1, x_2,..., x_n)$  là f(X). Trong đó, f(X)=k là số chuyển đồi xâu nhị X thành số ở hệ cơ số 10. Ví dụ, xâu X=(1,0,1,1) được chuyển thành số hệ cơ số 10 là 11 thì ta nói xâu X có thứ tự 11. Với cách quan niệm này, xâu đứng sau xâu có thứ tự 11 là 12 chính là xâu đứng ngay sau xâu X=(1,0,1,1). Xâu đầu tiên có thứ tự là  $\theta$  ứng với xâu có  $\theta$ 0. Xâu cuối cùng có thứ tự là  $\theta$ 1. Như vậy, điều kiện 1 của thuật toán sinh đã được thỏa mãn.

**Điều kiện 2**: Về nguyên tắc ta có thể lấy k = f(X) là thứ tự của một xâu bất kỳ theo nguyên tắc ở trên, sau đó lấy thứ tự của xâu kế tiếp là (k + 1) và chuyển đổi (k+1) thành số ở hệ cơ số 10 ta sẽ được xâu nhị phân tiếp theo. Xâu cuối cùng sẽ là xâu có n số 1 ứng với thứ tự  $k = 2^{n}$ -1. Với cách làm này, ta có thể coi mỗi xâu nhị phân là một số, mỗi thành phần của xâu là một bít và chỉ cần cài đặt thuật toán chuyển đổi cơ số ở hệ 10 thành số ở hệ nhị phân. Ta có thể xây dựng thuật toán tổng quát hơn bằng cách xem mỗi xâu nhị phân là một mảng các phần tử có giá trị 0 hoặc 1. Sau đó, duyệt từ vị trí bên phải nhất của xâu nếu gặp số 1 ta chuyển thành 0 và gặp số 0 đầu tiên ta chuyển thành 1. Ví dụ với xâu X = (0, 1, 1, 1) được chuyển thành xâu X = (1, 0, 0, 0), xâu X = (1, 0, 0, 0) được chuyển thành xâu X = (1, 0, 0, 0). Lời giải và thuật toán sinh xâu nhị phân kế tiếp được thể hiện trong chương



## VIETTEL AI RACE

#### THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ OUY

TD051

Lần ban hành: 1

trình dưới đây. Trong đó, thuật toán sinh xâu nhị phân kế tiếp từ một xâu nhị phân bất kỳ là hàm *Next\_Bits\_String*().

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#define MAX 100
using namespace std;
int X[MAX], n, dem =
0; //sử dụng các biến
toàn cục X[], n, OK,
dem bool OK =true;
void Init(void){ //khởi
tạo xâu nhị phân đầu
tiên
       cout << "Nhâp n="; cin>>n;
       for(int i = 1; i \le n; i++) //thiết lập xâu với n \text{ số } 0
              X[i]=0;
} void Result(void){ //đưa ra xâu nhị phân hiện
       cout<<"\n Xâu thứ "<<++dem<<":";
tai
       for(int i=1; i <=n; i++)
          cout << X[i] << setw(3);
} void Next Bits String(void){ //thuật toán sinh xâu nhị phân kế
tiếp
       int i=n;
       while(i>0 && X[i]){ //duyệt từ vị trí bên phải nhất
              X[i]=0; //nếu gặp X[i]=1 ta chuyển thành 0
              i--; //lùi lại vị trí sau
       if (i>0) X[i]=1; //găp X[i]=0 đầu tiên ta chuyển thành 1
else OK = false; //kết thúc khi gặp xâu có n số 1
                                                         025-09-23 23.32.54_AI Race
int main(void){ //đây là thuật toán sinh Init(); //thiết
lập cấu hình đầu tiên
                            while(OK){//lăp khi chưa
                                   Result(); //đưa ra cấu
phải cấu hình cuối cùng
hình hiện tại
```

2.54\_AI Race

Next\_Bits\_String(); //sinh ra cấu hình kế tiếp



# VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ

TD051

Lần ban hành: 1

}

2.54 Al Race

Ví dụ 2.2. Liệt kê các tập con k phân tử của 1, 2, .., n.

Lời giải. Mỗi tập con k phần tử của 1, 2, .., N là một tổ hợp chập K của 1, 2,.., N. Ví dụ với n=5, k=3 ta sẽ có C(n,k) tập con trong Bảng 2.2.

Điều kiên 1. Ta gọi tập con  $X = (x_1,...x_K)$  là đứng trước tập con  $Y = (y_1, y_2,...y_K)$  nếu tìm được chỉ số t sao cho  $x_1 = y_1, x_2 = y_2,..., x_{t-1} = y_{t-1}, x_t < y_t$ . Ví dụ tập con X = (1, 2, 3) đứng trước tập con Y = (1, 2, 4) vì ta tìm được t=3 thỏa mãn  $x_1 = y_1, x_2 = y_2, x_3 < y_3$ . Tập con đầu tiên là X = (1, 2, ..., k), tập con cuối cùng là (n-k+1, ..., N). Như vậy điều kiện 1 của thuật toán sinh được thỏa mãn.

Điều kiện 2. Để ý rằng, tập con cuối cùng (n-k+1,..., n) luôn thỏa mãn đẳng thức X[i] = n - k + i. Ví dụ tập con cuối cùng X[i] = (3, 4, 5) ta đều có: X[1] = 3 = 5 - 3 + 1; X[2] = 4 = 5 - 3 + 2; X[3] = 5 = 5 - 3 + 3. Để tìm tập con kế tiếp từ tập con bất kỳ ta chỉ cần duyệt từ phải qua trái tập con X[] = (x1, x2, ..., xk) để xác định chỉ số i thỏa mãn điều kiện X[i] n - k + i. Ví dụ với X[] = (1, 4, 5), ta xác định được i=1 vì X[3] = 5 = 5-3+3, X[2] = 4 = 5-3+2, và X[1] = 1 5-3+1. Sau khi xác định được chỉ số i, tập con mới sẽ được sinh là  $Y[] = (y_1, ..., y_i, ..., y_k)$  ra thỏa mãn điều kiện:  $y_1 = x_1, y_2 = x_2, ..., y_{i-1} = x_{i-1},$ yi = xi+1, va yj = xt + j - i va (j = j+1, ..., k).

**Bảng 2.2**. Tập con 3 phần tử của 1, 2, 3, 4, 5

<del></del>	•1 - 1	
STT	Tập con	
1	1 2 3	
2	1 2 4	
3	1 2 5	
4	1 3 4	
5	1 3 5	
6	1 4 5	
7, 1	2 3 4	. Dace
32.8	2 3 5	02 23.32.54 Al Race
9	2 4 5 2025-09	-23 23.32.54_Al Race
10	3 4 5	

25-09-2323 Chương trình cài đặt thuật toán sinh tập con k phần tử được thể hiện như dưới đây.



### VIETTEL AI RACE

#### THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ OUY

TD051

Lần ban hành: 1

Trong đó, thuật toán sinh tổ hợp kế tiếp có tên là Next\_Combination().

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#define MAX 100
int X[MAX], n, k, dem=0;
bool OK = true;
using namespace std;
void Init(void) { //thiết lập tập con đầu tiên
       cout<<"\n Nhâp n, k:"; cin>>n>>k;
       for(int i=1; i<=k; i++) //tâp con đầu tiên là 1, 2, ..., k
              X[i] = i;
}
void Result(void){ //đwa ra tập con hiện tại cout<<"\n
       Kết quả "<<++dem<<":";
              for(int i=1; i<=k; i++) //dwa \ ra \ X[] = (x_1, x_2, ..., x_k)
              cout << X[i] << setw(3);
}
void Next Combination(void) { //sinh tập con k phần tử từ tập con bất kỳ
       int i = k; //duyệt từ vị trí bên phải nhất của tập con
       while(i>0 && X[i]== n-k+i) //tim i sao cho x_i n-k+i
              i--;
       if (i>0){//nếu chưa phải là tập con cuối cùng
              X[i]=X[i]+1; //thay đổi giá trị tại vị trí i: x_i=x_i+1;
       for(int j=i+1; j \le k; j++) //các vị trí j từ i+1,..., k
       X[i] = X[i] + i - i; // được thay đổi là x_j = x_i + j - i;
                                                        2025-09-23 23.32.54_AI Race
       else //nếu là tập con cuối cùng
              OK = false; //ta kết thúc duyệt
int main(void){
       Init(); //khởi tao cấu hình đầu tiên
```



#### VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ QUY

TD051

Lần ban hành: 1

while(OK){ //lặp trong khi cấu hình chưa phải cuối cùng Result(); //đưa ra cấu hình hiện tại Next\_Combination(); //sinh ra cấu hình kế tiếp }

Ví dụ 2.3. Liệt kê các hoán vị của 1, 2, .., n.

**Lời giải.** Mỗi hoán vị của 1, 2, .., N là một cách xếp có tính đến thứ tự của 1, 2,..,N. Số các hoán vị là N!. Ví dụ với N = 3 ta có 6 hoán vị dưới đây.

<b>Dung 2.0.</b> 110an vị của 1, 2, 3.			
STT	Hoán vị		
1	1 2 3		
2	1 3 2		
3	2 1 3		
4	2 3 1		
5	3 1 2		
6	3 2 1		

**Bảng 2.3**. Hoán vị của 1, 2, 3.

2.54\_AI Race

**Điều kiện 1.** Có thể xác định được nhiều trật tự khác nhau trên các hoán vị. Tuy nhiên, thứ tự đơn giản nhất có thể được xác định như sau. Hoán vị  $X = (x_1, x_2,..., x_n)$  được gọi là đứng sau hoán vị  $Y = (y_1, y_2,...,y_n)$  nếu tồn tại chỉ số k sao cho  $x_1 = y_1, x_2 = y_2,..., x_{k-1} = y_{k-1}, x_k < y_k$ . Ví dụ hoán vị X = (1, 2, 3) được gọi là đứng sau hoán vị Y = (1, 3, 2) vì tồn tại k = 2 để  $x_1 = y_1$ , và  $x_2 < y_2$ . Hoán vị đầu tiên là X[] = (1, 2, ..., n), hoán vị cuối cùng là X[] = (n, n-1, ..., 1).

Điều kiện 2. Được thể hiện thông qua hàm Next\_Permutation() như chương trình dưới đây.

```
#include <iostream>
#include <iomanip> #define MAX 100 int

X[MAX], n, dem=0; bool OK = true;
using namespace std; void Init(void){

//thiết lập hoán vị đầu tiên cout<<"\n

Nhap n:"; cin>>n;
for(int i=1; i<=n; i++) //thiết lập X[] = (1, 2, ..., n)

X[i] = i;
```



#### VIETTEL AI RACE

# THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ

TD051

Lần ban hành: 1

```
} void Result(void){ //đưa ra hoán vi hiện
       cout<<"\n Kết quả "<<++dem<<":";
       for(int i=1; i \le n; i++)
          cout << X[i] << setw(3);
void Next Permutation(void) { //sinh ra hoán vi kế tiếp
int j = n-1; //xuất phát từ vị trí j = n-1
       while(j > 0 \&\& X[j] > X[j+1]) //tìm chỉ số j sao cho X[j] < X[j+1]
       j--;
       if (i > 0) { // nếu chưa phải hoán vi cuối cùng
int k = n; //xuất phát từ vị trí k = n
              while(X[j]>X[k]) //tìm chỉ số k sao cho X[j] \leq X[k]
              int t = X[i]; X[i] = X[k]; X[k]=t; //d\delta i ch\delta X[i] cho
X/k
                                           while (r<=s){ //lật ngược
              int r = i+1, s = n;
                                    t=X[r]; X[r]=X[s]; X[s]=t;
lại đoạn từ j+1,..,n
                      r++; s--;
       else //nếu là cấu hình cuối cùng
              OK = false; //ta kết thúc duyệt
int main(void){ //đây là thuật toán sinh
Init(); //thiết lập cấu hình đầu tiên
       while(OK){ //lặp trong khi cấu hình chưa phải cuối cùng
Result(); //đưa ra cấu hình hiện tại
              Next_Permutation(); //sinh ra cấu hình kế tiếp
                                                               -09-23 23.32.54_AI Race
```

Mô hình thuật toán đệ qui (Recursion Algorithm) 2.

Một đối tượng được định nghĩa trực tiếp hoặc gián tiếp thông qua chính nó được gọi là phép định nghĩa bằng để qui. Thuật toán giải bài toán P một cách trực tiếp hoặc gián tiếp



## VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ

TD051

Lần ban hành: 1

thông qua bài toán P' giống như P được gọi là thuật toán để qui giải bài toán P. Một hàm được gọi là đệ qui nếu nó được gọi trực tiếp hoặc gián tiếp đến chính nó.

Tổng quát, một bài toán có thể giải được bằng đệ qui nếu nó thỏa mãn hai điều kiên:

- Phân tích được: Có thể giải được bài toán P bằng bài toán P' giống như P. Bài tóa P' và chỉ khác P ở dữ liệu đầu vào. Việc giải bài toán P' cũng được thực hiện theo cách phân tích giống như P.
- Điều kiện dừng: Dãy các bài toán P' giống như P là hữu hạn và sẽ dừng tại một bài toán xác đinh nào đó.

Thuật toán đệ qui tổng quát có thể được mô tả như sau:

```
Thuật toán Recursion (P) {
      1. Nếu P thỏa mãn điều kiên dừng:
             <Giải P với điều kiện dừng>;
      2. Nếu P không thỏa mãn điều kiện dừng:
             < Giải P' giống như P: Recursion(P')>;
```

Ví dụ 2.4. Tìm tổng của n số tự nhiên đầu tiên bằng phương pháp đệ qui.

Lời giải. Gọi S<sub>n</sub> là tổng của n số tự nhiên. Khi đó:

**Bước phân tích**: dễ dàng phận thấy tổng n số tự nhiên  $S_n = n + S_{n-1}$ , với n  $\square$  1. Điều kiện dừng:  $S_0 = 0$  nếu n = 0;

Từ đó ta có lời giải của bài toán như sau:

```
int
      Tong (int n) {
      if (n ==0) return(0); //Điều kiện dùng
      else return(n + Tong(n-1)); //Điều kiện phân tích được
```

Chẳng hạn ta cần tìm tổng của 5 số tự nhiên đầu tiên, khi đó: 2025-09-23 23.32.54\_AI Race

```
S = Tong(5)
  = 5 + 4 + 3 + Tong(2)
  = 5 + 4 + 3 + 2 + Tong(1)
  = 5 + 4 + 3 + 2 + 1 + Tong(0)
```



#### VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SINH - THUẬT TOÁN ĐỆ QUY

TD051

Lần ban hành: 1

$$= 5 + 4 + 3 + 2 + 1 + 0$$
  
= 15

Ví dụ 2.5. Tìm n!.

Lời giải. Gọi Sn là n!. Khi đó:

- **Bước phân tích**: Sn = n\*(n-1)! nếu n>0;
- Điều kiện dừng: s0=1 nếu n=0.

Từ đó ta có lời giải của bài toán như sau:

```
long Giaithua (int n) {
    if (n ==0) return(1); //Điều kiện dừng
    else return(n *Giaithua(n-1)); //Điều kiện phân tích được
```

} Ví dụ 2.6. Tìm ước số chung lớn nhất của a và b bằng phương pháp đệ qui.

Lời giải. Gọi d =USCLN(a,b). Khi đó:

- Bước phân tích: nếu b□0 thì d = USCLN(a, b) = USCLN(b, r), trong đó a =b,
   b = r = a mod b.
- Điều kiện dừng: nếu b = 0 thì a là ước số chung lớn nhất của a và b. Từ đó ta có lời giải của bài toán như sau: int USCLN (int a, int b) { if (a ==b) return(a); //Điều kiện dừng else { //Điều kiện phân tích được int r = a % b; a = b; b = r; return(USCLN(a, b)); //giải bài toán USCLN(a, b) }

2.54\_AI Race

}

2025-09-23 23.32.54 Al Race

2025-09-23 23.32.54\_Al Race