VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

TD054

Lần ban hành: 1

1. Thuật toán Bubble Sort

Thuật toán sắp xếp kiểu sủi bọt được thực hiện đơn giản bằng cách tráo đổi hai phần từ liền kề nhau nếu chúng chưa được sắp xếp. Thuật toán được mô tả chi tiết trong Hình 3.3.

1.1 Biểu diễn thuật toán

```
Thuật toán Bubble-Sort:
Input:
    • Dãy các đối tượng (các số): Arr[0], Arr[1],..,Arr[n-1].

    Số lượng các đối tượng cần sắp xếp: n.

Output:

    Dãy các đối tượng đã được sắp xếp (các số): Arr[0], Arr[1],..,Arr[n-1].

Formats: Insertion-Sort(Arr, n);
Actions:
         for (i = 0; i < n; i++) { //l \neq p i=0, 1, 2,...,n.
                  for (j=0; j<n-i-1; j++ ) {//lặp j =0, 1,.., n-i-1
                           if (Arr[j] > Arr[j+1] ) { //néu Arr[j]>Arr[j+1] thì đổi chỗ
                                    temp = Arr[i];
                                    Arr[i] = Arr[i+1];
                                    Arr[i+1] = temp;
                           }
                  }
        }
End.
```

Hình 3.3. Thuật toán Bubble Sort

1.2 Độ phức tạp thuật toán

Độ phức tạp thuật toán là $O(N^2)$, với N là số lượng phần tử. Bạn đọc tự tìm hiểu phương pháp ước lượng và chứng minh độ phức tạp thuật toán Bubble Sort trong các tài liệu liên quan.

1.3 Kiểm nghiệm thuật toán



VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

Kiểm nghiệm thuật toán: Arr[] = { 9, 7, 12, 8, 6, 5 }, n = 6.

Bước	Dãy số Arr[] =?
i = 0	Arr[] = {7, 9, 8, 6, 5, 12 }
i = 1	Arr[] = {7, 8, 6, 5, 9, 12 }
i = 2	Arr[] = {7, 6, 5, 8, 9, 12}
i = 3	Arr[] = {6, 5, 7, 8, 9, 12}
i = 4	Arr[] = {5, 6, 7, 8, 9, 12}
i = 5	Arr[] = {5, 6, 7, 8, 9, 12}

1.4 Cài đặt thuật toán

```
#include <iostream>
        #include <iomanip>
        using namespace std;
 void swap(int *x, int *y){ //đổi chỗ hai số x và y
int temp = x; x = y; y = temp;
        void bubbleSort(int arr[], int n){ //thuật toán bubble sort
               int i, j;
               for (i = 0; i < n; i++)
for (j = 0; j < n-i-1; j++) {
if (arr[j] > arr[j+1])
        swap(&arr[j], &arr[j+1]);
               }
        void printArray(int arr[], int size){
               cout << "\n Dãy được sắp:";
               for (int i=0; i < size; i++)
                      cout << arr[i] << setw(3);
        int main(){
               int arr[] = \{64, 34, 25, 12, 22, 11, 90\};
```

VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN PHẦN 2

TD054

Lần ban hành: 1

```
int n = sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
bubbleSort(arr, n); printArray(arr,
n);
}
```

2. Thuật toán Quick Sort

Thuật toán sắp xếp Quick-Sort được thực hiện theo mô hình chia để trị (Divide and Conquer). Thuật toán được thực hiện xung quanh một phần tử gọi là chốt (key). Mỗi cách lựa chọn vị trí phần tử chốt trong dãy sẽ cho ta một phiên bản khác nhau của thuật toán. Các phiên bản (version) của thuật toán Quicksort bao gồm:

- Luôn lựa chọn phần tử đầu tiên trong dãy làm chốt.
- Luôn lựa chọn phần tử cuối cùng trong dãy làm chốt.
- Luôn lựa chọn phần tử ở giữa dãy làm chốt.
- Lựa chọn phần tử ngẫu nhiên trong dãy làm chốt.

Mấu chốt của thuật toán Quick-Sort là làm thế nào ta xây dựng được một thủ tục phân đoạn (Partition). Thủ tục Partition có hai nhiệm vụ chính:

- Định vị chính xác vị trí của chốt trong dãy nếu được sắp xếp;
- Chia dãy ban đầu thành hai dãy con: dãy con ở phía trước phần tử chốt bao gồm các phần tử nhỏ hơn hoặc bằng chốt, dãy ở phía sau chốt có giá trị lớn hơn chốt.

Thuật toán Partition được mô tả chi tiết trong Hình 3.4 với khóa chốt là phần tử cuối cùng của dãy. Phiên bản Quick Sort tương ứng được mô tả chi tiết trong Hình 3.5.

VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

2.1 Biểu diễn thuật toán

```
Thuật toán Partition:
Input:
    · Cân dưới của dãy con: I

    Cân trên của dãy con: h

Output:

    Vị trí chính xác của Arr[h] nếu dãy Arr[] được sắp xếp.

Formats: Partition(Arr, I, h);
Actions:
        x = Arr[h]; // chon x là chốt của dãy Arr[l].Arr[l+1]....Arr[h]
        i = (I - 1); // i là chỉ số của các phần tử nhỏ hơn chốt x.
        for (j = l; j \le h-1; j++) \{ //duy \in t \text{ các chỉ số } j=l, l+1, ..., h-1. \}
                 if (Arr[j] <= x){ //néu Arr[j] nhỏ hơn hoặc bằng chốt x.
                         i++; //tăng vị trí các phần tử nhỏ hơn chốt
                         swap(&Arr[i], &Arr[i]); // đổi chỗ Arr[i] cho Arr[i].
                }
        swap(&Arr[i + 1], &Arr[h]); // đối chỗ Arr[i+1] cho Arr[h].
        return (i + 1); //vị trí i+1 chính là vị trí chốt nếu dãy được sắp xếp
End.
```

Hình 3.4. Thuật toán Partition với chốt là vị trí cuối cùng của dãy

```
Thuật toán Quick-Sort:
Input:

• Dãy Arr[] gồm n phần tử.

• Cận dưới của dãy: I.

• Cận trên của dãy: h

Output:

• Dãy Arr[] được sắp xếp.

Formats: Quick-Sort(Arr, I, h);

Actions:

if( I<h) { // Nếu cận dưới còn nhỏ hơn cận trên

p = Partition(Arr, I, h); //thực hiện Partition() chốt h.

Quick-Sort(Arr, I, p-1); //thực hiện Quick-Sort nửa bên trái.

Quick-Sort(Arr, p+1, h);//thực hiện Quick-Sort nửa bên phải
}

End.
```

Hình 3.5. Thuật toán Quick-Sort với chốt là vị trí cuối cùng của dãy

2.2 Độ phức tạp thuật toán

Độ phức tạp thuật toán trong trường hợp xấu nhất là $O(N^2)$, trong trường hợp tốt nhất là

VIETTEL AI RACE

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

TD054

O(N.Log(N)), với N là số lượng phần tử. Bạn đọc tự tìm hiểu và chứng minh độ phức tạp thuật toán Quick Sort trong các tài liệu liên quan.

2.3 Kiểm nghiệm thuật toán

```
Kiểm nghiệm thuật toán Quick-Sort: Quick-Sort(Arr, 0, 9);

Arr[] = {10, 27, 15, 29, 21, 11, 14, 18, 12, 17};

Cận dưới l=0, cận trên h = 9.
```

p = Partition(Arr,l,h)	Giá trị Arr[]=?	
p=5:l=0, h=9	{10,15,11,14,12}, (17) ,{29,18, 21, 27}	
P=2:l=0, h=4	{10,11}, (12) , {14,15}, (17),{29,18, 21, 27}	
P=1:l=0, h=1	{10,11},(12), {14,15}, (17),{29,18,21,27}	
P=4: l=3, h=4	{10,11},(12), {14, 15 }, (17),{29,18, 21, 27}	
P=8: l=6, h=9	{10,11},(12), {14,15}, (17),{18,21},(27),{29}	
P=7:l=6, h=7	{10,11},(12), {14,15}, (17),{18, 21 },(27),{29}	
Kết luận dãy được sắp Arr[] ={ 10, 11, 12, 14, 15, 17, 18, 21, 27, 29}		

2.4. Cài đặt thuật toán

```
#include<iostream>
#include<iomanip>
using namespace std;
        void swap(int* a, int* b){ //đổi chỗ a và b
                int t = *a; *a = *b; *b = t;
         }
        int partition (int arr[], int l, int h){ //thuật toán partition chốt h
                int x = arr[h]; // x chính là chốt
                int i = (1 - 1); // i l \hat{a} \hat{v} v i tr i nh o hon l
                for (int j = 1; j \le h-1; j++) {//duyệt từ l đến h-1
                        // If current element is smaller than or equal to
                        pivot if (arr[i] \le x) \{ //n \hat{e}u \ arr[i] \ be hon hoặc
                        bằng chốt
                                i++; // tăng i lên môt đoen vi
                                swap(&arr[i], &arr[j]); // đổi chỗ arr[i] cho arr[j]
                        }
                swap(\&arr[i+1], \&arr[h]); //d\mathring{o}i ch\~{o} cho arr[i+1] v\`{a} arr[h]
```

VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

```
return (i + 1); //đây là vi trí của chốt
void quickSort(int arr[], int l, int
       h) \{ if (1 \le h) \}
               int p = partition(arr, l, h); // tìm vị trí của chốt
               quickSort(arr, l, p - 1);//trị nửa bên trái
               quickSort(arr, p + 1, h);//trị nửa bên phải
       }
void printArray(int arr[], int size){ //thủ tục in kết quả
       int i; cout << "\n Dãy được
       s \acute{a} p:"; for (i=0; i < size; i++)
               cout << arr[i] << setw(3);
}
int main(){ //chwong trình chính
       int arr[] = \{10, 27, 15, 29, 21, 11, 14, 18, 12, 17\};
       int n =
       sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
       quickSort(arr, 0, n-1);
       printArray(arr, n);
```

3. Thuật toán Merge Sort

Giống như Quick-Sort, Merge-Sort cũng được xây dựng theo mô hình chia để trị (Divide and Conquer). Thuật toán chia dãy cần sắp xếp thành hai nửa. Sau đó gọi đệ qui lại cho mỗi nửa và hợp nhất lại các đoạn đã được sắp xếp. Thuật toán được tiến hành theo 4 bước dưới đây:

- Tìm điểm giữa của dãy và chia dãy thành hai nửa.
- Thực hiện Merge-Sort cho nửa thứ nhất.
- Thực hiện Merge-Sort cho nửa thứ hai.
- Hợp nhất hai đoạn đã được sắp xếp.

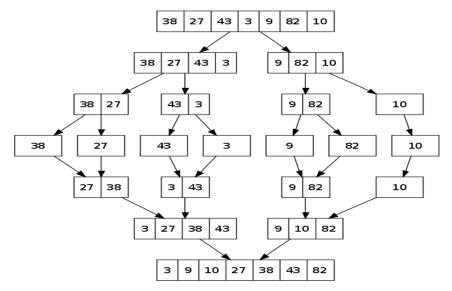


VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1



Mấu chốt của thuật toán Merge-Sort là làm thế nào ta xây dựng được một thủ tục hợp nhất (Merge). Thủ tục Merge thực hiện hòa nhập hai dãy đã được sắp xếp để tạo thành một dãy cũng được sắp xếp. Bài toán có thể được phát biểu như sau:

Bài toán hợp nhất Merge: Cho hai nửa của một dãy Arr[1,..,m] và A[m+1,..,r] đã được sắp xếp. Nhiệm vụ của ta là hợp nhất hai nửa của dãy Arr[1,..,m] và Arr[m+1,..,r] để trở thành một dãy Arr[1, 2,..,r] cũng được sắp xếp.

Thuật toán Merge được mô tả chi tiết trong Hình 3.6. Thuật toán Merge Sort được mô tả chi tiết trong Hình 3.7.

Biểu diễn thuật toán:

VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

```
Thuật toán Merge:
     Input: Arr[], I, m, r. Trong đó, Arr[l]..Arr[m] và Arr[l+1]..Arr[r] đã được sắp
     output: Arr[] có Arr[l]..Arr[r] đã được sắp
           int i, j, k, n1 = m - l + 1; n2 = r - m;
           int L[n1], R[n2]; //tạo lập hai mảng phụ L và R
           for(i = 0; i < n1; i++) //lưu đoạn được sắp thứ nhất vào L
                     L[i] = Arr[l + i];
           for(j = 0; j < n2; j++) //lưu đoạn được sắp thứ nhất vào R
                      R[j] = Arr[m + 1 + j];
           // hợp nhất các mảng phụ và trả lại vào Arr[]
           i = 0; j = 0; k = 1;
           while (i < n1 \&\& j < n2){
                      if (L[i] \le R[j]){ Arr[k] = L[i]; i++; }
                      else { Arr[k] = R[j]; j++; }
           while (i < n1) {
                      Arr[k] = L[i]; i++; k++;
           while (j < n2) {
                      arr[k] = R[j]; j++; k++;
End.
```

Hình 3.6. Thuật toán hợp nhất hai đoạn đã được sắp xếp.

```
Thuật toán Merge-Sort:
Input

    Dãy số : Arr[];

    · Cận dưới: I;
    · Cận trên m;
Output:

    Dãy số Arr[] được sắp theo thứ tự tăng dần.

Formats: Merge-Sort(Arr, I, r);
Actions:
    if ( l< r ) {
         m = (I + r -1) / 2; //phép chia Arr[] thành hai nửa
         Merge-Sort(Arr, I, m);//trị nửa thứ nhất
         Merge-Sort(Arr, m+1, r); //trị nửa thứ hai
         Merge(Arr, I, m, r); //hợp nhất hai nửa đã sắp xếp
    }
End.
```

Hình 3.7. Thuật toán Merge Sort

3.1 Độ phức tạp thuật toán

 $D\hat{o}$ phức tạp thuật toán là O(N.Log(N)) với N là số lượng phần tử. Bạn đọc tự tìm hiểu và chứng minh độ phức tạp thuật toán Merge Sort trong các tài liệu liên quan.

VIETTEL AI RACE

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

TD054

Lần ban hành: 1

3.2 Kiểm nghiệm thuật toán

Kiểm nghiệm thuật toán Merge-Sort: Merge-Sort(Arr,0,7) **Input** : Arr[] = {38, 27, 43, 3, 9, 82, 10}; n = 7;

Bước	Kết quả Arr[]=?
1	Arr[] = { 27, 38, 43, 3, 9, 82, 10}
2	Arr[] = { 27, 38, 3, 43, 9, 82, 10}
3	Arr[] = { 3, 27, 38, 43, 9, 82, 10}
4	$Arr[] = \{3, 27, 38, 43, 9, 82, 10\}$
5	Arr[] = { 3, 27, 38, 43, 9, 10, 82}
6	Arr[]= { 3, 9, 10, 27, 38, 43, 82}

3.3 Cài đặt thuật toán

```
#include<iostream>
#include<iomanip>
using namespace std;
void merge(int arr[], int l, int m, int r){//thuật toán hợp nhất hai đoạn đã sắp xếp
        int i, j, k;
       int n1 = m - 1 + 1; \frac{1}{s\hat{o}} lương phần tử đoạn 1
       int n2 = r - m; //số lượng phần tử đoạn 3
        int L[n1], R[n2]; //tạo hai mảng phụ để lưu hai đoạn được sắp
        for(i = 0; i < n1; i++)//lwu doan thứ nhất vào L[]
                L[i] = arr[1 + i];
        for(j = 0; j < n2; j++)//lwu \ doạn thứ hai vào R//
               R[i] = arr[m + 1 + i];
       i = 0; j = 0; k = 1; //b \acute{a} t d \acute{a} u hop nh \acute{a} t
        while (i \le n1 \&\& j \le n2){ //quá trình hợp nhất
                if (L[i] \leq R[j])
                        arr[k] = L[i]; i++;
                else {
                      arr[k] = R[j]; j++;
        \{ \text{while (i < n1) } \{ \text{\lambda} \text{\text{idy các phần tử còn lại trong L[] vào arr[]} \}
                arr[k] = L[i];
                i++; k++;
        while (j < n2){ //lấy các phần tử còn lại trong R[] vào arr[]
```



VIETTEL AI RACE

TD054

THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỂN -PHẦN 2

Lần ban hành: 1

```
arr[k] = R[i];
              j++; k++;
void mergeSort(int arr[], int l, int r){ //thuật toán Merge Sort
       if (1 < r){ //nếu cận dưới còn bé hơn cận trên
              int m = 1+(r-1)/2; //tìm vị trí ở giữa đoạn l, r
              mergeSort(arr, l, m); //trị nửa thứ nhất
              mergeSort(arr, m+1, r); //tri nửa thứ hai
              merge(arr, l, m, r); //hợp nhất hai đoạn đã được sắp
       }
void printArray(int Arr[], int size){ //in kết quả
       int i;cout<<"\n Dãy được sắp:";
       for (i=0; i < size; i++)
              cout << Arr[i] << setw(3);
}
int main(){
       int arr[] = \{38, 27, 43, 3, 9, 82, 10\};
       int arr size =
       sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
       mergeSort(arr, 0, arr size - 1);
       printArray(arr, arr size);
```

4. Thuật toán Heap Sort

Thuật toán Heap-Sort được thực hiện dựa trên cấu trúc dữ liệu Heap. Nếu ta muốn sắp xếp theo thứ tự tăng dần ta sử dụng cấu trúc Max Heap, ngược lại ta sử dụng cấu trúc Min-Heap. Vì Heap là một cây nhị phân đầy đủ nên việc biểu diễn Heap một cách hiệu quả có thể thực hiện được bằng mảng. Nếu ta xem xét phần tử thứ i trong mảng thì phần tử 2*i+1, 2*i+2 tương ứng là node con trái và node con phải của i.

Tư tưởng của Heap Sort giống như Selection Sort, chọn phần tử lớn nhất trong dãy đặt vào vị trí cuối cùng, sau đó lặp lại quá trình này cho các phần tử còn lại. Tuy nhiên, điểm khác biệt ở đây là phần tử lớn nhất của Heap luôn là phần tử đầu tiên trên Heap và các phần tử node trái và phải bao giờ cũng nhỏ hơn nội dung node gốc.

Thuật toán được thực hiện thông qua ba bước chính như sau:

VIETTEL AI RACE THUẬT TOÁN SẮP XẾP KINH ĐIỀN -PHẦN 2

TD054

Lần ban hành: 1

- Xây dựng Max Heap từ dữ liệu vào. Ví dụ với dãy A[] = {9, 7, 12, 8, 6, 5} thì Max Heap được xây dựng là A[] = {12, 8, 9, 7, 6, 5}.
- Bắt đầu tại vị trí đầu tiên là phần tử lớn nhất của dãy. Thay thế, phần tử này cho phần tử cuối cùng ta nhận được dãy A[] = {5, 8, 9, 7, 6, 12}.