

Estruturas de Dados 1 - Gabarito da Prova Teórica 2

Nome: Matrícula: Data:
Nome:

Observações:

- (A) A prova é individual e sem consulta, sendo vedado o uso de calculadoras e de telefones celulares.
- (B) A interpretação dos comandos das questões faz parte da avaliação.
- (C) Nas questões de múltipla escolha, apenas uma alternativa deve ser escolhida. Questões com múltiplas marcações ou sem marcação serão desconsideradas.
- **1.** A função $f(n) = 4n^3 + 100n + 3n^4 + 5000$ é
 - (A) O(5000)
 - (B) O(n)
 - (C) $O(n^3)$
 - (X) $O(n^4)$
- **2.** Se existem $c \in N$ positivos tais que $f(n) \leq cg(n)$ para todos os valores n maiores ou iguais a N, então f(n) é
 - (X) O(g(n))
 - (B) $\Omega(g(n))$
 - (C) $\Theta(g(n))$
 - (D) uma cota superior para g(n)
- **3.** Considere implementação função is_number(), que verifica se uma string s com N caracteres representa ou não um número em base decimal:

```
1 bool is_number(const string& s)
2 {
      int N = s.size();
5
      for (int i = 0; i < N; ++i)
          if (!isdigit(s[i]))
              return false;
      return true;
10 }
```

Qual dentre as descrições abaixo representa o melhor caso deste algoritmo?

- (A) O valor de N é muito grande (maior do que 1.000)
- (X) O primeiro elemento de s não é um dígito decimal
- (C) A string s representa um número em base decimal
- (D) O valor de N é igual a 1

4. Considere a implementação da função grayscale(), que gera uma imagem $B_{n\times n}$, em escala de cinza, a partir de uma imagem colorida $A_{n\times n}$:

Seja a função t=f(n) contabiliza o número de atribuições t que a função grayscale() realiza de acordo com o valor de n. Assim, f(n) é igual a

- (X) $2n^2 + 2n + 1$
- (B) $n^2 + n + 1$
- (C) 1 + 4n
- (D) n^2
- 5. Na definição de um vetor como um tipo abstrato de dados, qual das operações abaixo deve ter complexidade O(1)?
 - (X) acesso aleatório
 - (B) remoção
 - (C) inserção
 - (D) busca
- **6.** Considere o vetor de inteiros xs declarado a seguir:

```
1 vector<int> xs { 1, 2, 3, 4, 5 };
```

Os índices que correspondem ao segundo e ao último elemento são, respectivamente,

- (X) 1 e 4
- (B) 1 e 5
- (C) 2 e 4
- (D) 2 e 5
- 7. Se a implementação do vetor mantiver o registro do número de elementos armazenados, a implementação mais eficiente para a a remoção de todos os elementos tem complexidade
 - (A) quadrática
 - (B) linear
 - (C) logarítmica
 - (X) constante
- **8.** Considere a implementação abaixo da busca binária em vetores de inteiros:

```
1 int binary_search(int *xs, int N, int value)
2 {
3
      int a = 0, b = N - 1, m;
4
      while (a \le b)
5
6
           m = a + (b - a)/2;
7
           if (xs[m] == value)
               return m;
10
           else if (xs[m] < value)
11
               a = m + 1;
12
13
           else
               b = m - 1;
14
15
      }
16
17
      return -1;
18 }
19
20 int main()
21 {
      int xs[] { 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23 }
22
24
      binary_search(xs, 9, 5);
25
      return 0;
26
27 }
```

O total de atribuições feitas na execução da chamada da linha 24 é igual a

- (X) 5
- (B) 4
- (C) 3
- (D) 2
- **9.** Considere que f(n)=1+2n e $g(n)=4+2\log_2(n)$ representem o número de atribuições feitas em duas implementações da busca linear e da busca binária, respectivamente. Qual é o maior inteiro positivo n para o qual a busca linear é mais eficiente do que a busca binária neste caso?
 - (A) 5
 - (B) 4
 - (X) 3
 - (D) 2

- **10.** Um algoritmo de ordenação que preserva a ordem relativa dos elementos iguais é denominado
 - (A) in-place
 - (X) estável
 - (C) remoto
 - (D) local
- 11. Considere o código abaixo:

```
1 vector<int> xs {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10};
2
3 sort(xs.begin(), xs.end(), [](int a, int b) {
4    int ra = a % 3, rb = b % 3;
5    return ra == rb ? a > b : ra > rb;
6 });
```

Após a execução do código, o vetor xs será igual a

```
(A) { 3, 6, 9, 1, 4, 7, 10, 2, 5, 8 }
(B) { 2, 5, 8, 1, 4, 7, 10, 3, 6, 9 }
```

(C)
$$\{ 9, 6, 3, 10, 7, 4, 1, 8, 5, 2 \}$$

- (X) { 8, 5, 2, 10, 7, 4, 1, 9, 6, 3 }
- **12.** Qual das linhas abaixo correspondem a busca pelo elemento x = 22 em um vetor ordenado xs com 10 inteiros em C?

```
(A) qsort(&x, xs, 10, sizeof(int), comp);
(B) qsort(x, xs, 10, sizeof(int), comp);
(X) bsearch(&x, xs, 10, sizeof(int), comp);
```

(D) bsearch(x, xs, 10, sizeof(int), comp);

13. (4 pontos) A função merge(), declarada abaixo, recebe dois vetores a e b, ordenados em ordem crescente, e retorna um novo vetor, também ordenado, composto por todos os elementos de a e b:

```
vector<int> merge(const vector<int>& a, const vector<int>& b);
```

Implemente a função merge () sem invocar nenhuma rotina de ordenação, isto é, o novo vetor deve ser preenchido com os elementos de a e b de tal forma que também fique ordenado. A complexidade da implementação deve ser O(N+M), onde N e M são o número de elementos de a e b, respectivamente.

A implementação deve conter, no máximo, 35 linhas. Não é necessário declarar nenhuma diretiva include. Use a próxima folha e siga as linhas conforme a numeração indicada. Escreva com letra legível, de preferência em letras de forma, e utilize um lápis. A implementação deve começar com a assinatura da função e deve terminar com o fim do bloco da função.

Assuma que os parâmetros sempre serão válidos e que o número de elementos dos vetores é um número nãonegativo. Veja um trecho do código que será utilizado para a correção.

```
9 int main()
10 {
      vector<int> a { 4, 5 }, b { };
11
12
13
      // Teste #01: primeiro exemplo da prova
      auto z = merge(a, b);
14
      assert(z == a);
15
16
      // Teste #02: segundo exemplo da prova
h7
      b = vector<int>({ 1, 2, 3 });
18
19
      z = merge(a, b);
20
      assert(z == vector < int > ({ 1, 2, 3, 4, 5 }));
      // Teste #03: terceiro exemplo da prova
      a = vector<int>({ 1, 3, 5 });
      b = vector<int>({ 2, 4, 6 });
      z = merge(a, b);
      assert(z == vector < int > ({ 1, 2, 3, 4, 5, 6 }));
```

Solução:

```
1 #include <vector>
3 using namespace std;
5 vector<int> merge(const vector<int>& a, const vector<int>& b)
6 {
      int N = a.size(), M = b.size(), i = 0, j = 0;
7
      vector<int> c;
8
      while (i \leq N and j \leq M)
10
          a[i] < b[j] ? c.push_back(a[i++]) : c.push_back(b[j++]);
11
12
      while (i < N)
13
         c.push_back(a[i++]);
14
15
      while (j < M)
16
         c.push_back(b[j++]);
17
18
19
      return c;
20 }
```