## 1 Exercicio 2 A

Considerando o método quasi-Newton como um caso particular do ponto fixo, este é supralinear se g'(z) = 0 (onde g é a função iteradora do método). Assumindo que  $f'(z) \neq 0$  em [a, b], temos que

$$g(x) = x - \frac{f(x)\delta}{f(x+\delta) - f(x)}$$

donde

$$g'(x) = 1 - \frac{f'(x)\delta(f(x+\delta) - f(x)) - (f'(x+\delta) - f'(x))(f(x)\delta)}{(f(x+\delta) - f(x))^2}$$

Para x = z temos

$$g'(z) = 1 - \frac{f'(z)\delta}{f(z+\delta)}$$

Assumindo que o delta é tal que  $g'(z) \neq 0$  (pois  $\delta \neq 0$  apesar de próximo), concluimos que o método tem convergência linear e o coeficiente assimptótico de convergência é  $g'(z)/1! = 1 - \frac{f'(z)\delta}{f(z+\delta)}$ .

Para estudar quando o método tem convergência supralinear, tomamos  $\delta \to 0$ obtendo

$$\lim_{\delta \to 0} g'(z) = \lim_{\delta \to 0} 1 - \frac{f'(z)\delta}{f(z+\delta)} =$$

e pela regra de Cauchy

$$\lim_{\delta \to 0} 1 - \frac{f'(z)}{f'(z+\delta)} = 1 - 1 = 0$$

Logo, quando  $\delta \to 0$ ,  $g'(z) \to 0$  e o método é supralinear.