

Chave assimétrica

A criptografia assimétrica é baseada em duas chaves: a chave privada e a chave pública. Imagine que você deseja transmitir um arquivo em uma rede e quer garantir que apenas o destinatário possa ler seu conteúdo. Para isso, você pode fazer uso da chave pública desse destinatário para cifrar o documento, criptografando-o. Somente com a chave privada (que fica em posse do destinatário) será possível decifrar o texto. Observe a imagem a seguir que ilustra essa situação:



Fonte: SENAI-SP

A geração dessas chaves se dá a partir de números aleatórios, normalmente, números primos. Podemos resumir esse processo conforme o exemplo a seguir, simulando o algoritmo RSA, um dos mais utilizados:

Escolha dois números primos distintos, p e q ;

Calcule n : $n = p \cdot q$.

Calcule z : $z = (p - 1) \cdot (q - 1)$.

Obtenha um número e (sendo e um número primo qualquer, logo, escolha um número).

Calcule $e \cdot d \pmod{z} = 1$.

O par (e, n) é a chave pública, ao passo que o par (d, n) é a chave privada.

Acompanhe um exemplo prático:

Suponha dois números primos: $p = 29$ e $q = 37$.

$$\begin{aligned} n &= p \cdot q \\ \text{para } p=29 \text{ e } q=37 \\ n &= 29 \cdot 37 = 1073 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z &= (p - 1) \cdot (q - 1) \\ z &= (29 - 1) \cdot (37 - 1) = 28 \cdot 36 = 1008 \end{aligned}$$

Adotando $e = 71$, temos:

$$\begin{aligned} e \cdot d \pmod{z} &= 1 \\ 71 \cdot d \pmod{1008} &= 1 \\ d &= 1079 \end{aligned}$$

Então, agora podemos montar o par de chaves:

Chave pública = $(e, n) = (71, 1073)$

Chave privada = $(d, n) = (1079, 1073)$