**UNIVERSIDADE ESTADUAL DE MONTES CLAROS**

Centro de Ciências Exatas e Tecnológicas

Curso de Bacharelado em Sistemas de informação

Matheus Felipe Paixão Honorato

**DESENVOLVIMENTO DE UM SISTEMA FUZZY PARA AVALIAÇÃO DOCENTE EM CURSOS NA MODALIDADE A DISTÂNCIA DA UNIMONTES**

**Matheus Felipe Paixão Honorato**

**DESENVOLVIMENTO DE UM SISTEMA FUZZY PARA AVALIAÇÃO DOCENTE EM CURSOS NA MODALIDADE A DISTÂNCIA DA UNIMONTES**

Projeto de monografia apresentado ao Curso de bacharelado em Sistemas de Informação, da Universidade de Montes Claros como exigência para obtenção do título de Bacharel em Sistemas de Informação.  
  
Professor Orientador: Prof.ª Msc. Patrícia Takaki Neves

**Matheus Felipe Paixão Honorato**

**DESENVOLVIMENTO DE UM SISTEMA FUZZY PARA AVALIAÇÃO DOCENTE EM CURSOS NA MODALIDADE A DISTÂNCIA DA UNIMONTES**

**Monografia apresentada ao Curso de Bacharelado em Sistemas de Informação, da Universidade Estadual de Montes Claros como exigência para obtenção do grau de Bacharel em Sistemas de Informação.**

**Montes Claros, 28 de outubro de 2019.**

Orientador: **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Prof. Patrícia Takaki Neves, MESTRA**

**Universidade Estadual de Montes Claros**

Membros:

**\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Prof. Nome do Professor Completo, TITULAÇÃO**

**Instituição a que pertence o professor**

**\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Prof. Nome do Professor Completo, TITULAÇÃO**

**Instituição a que pertence o professor**

**RESUMO**

O centro de educação a distância (CEAD) da Universidade Estadual de Montes Claros (Unimontes) realiza a avaliação de seus docentes a partir dos sete elementos que compõem o modelo de oferta de cursos da instituição: vídeo aulas, atividades colaborativas, atividades individuais, fóruns de discussão, *webinars*, avaliações presenciais e salas virtuais. O modelo de avaliação atual faz uso de médias aritméticas para o cálculo das avaliações de seus docentes por parte dos alunos da instituição. Sendo assim o modelo atual limitado quanto a realidade subjetiva do contexto educacional. A lógica *fuzzy*, técnica de inteligência computacional voltada ao tratamento de informações subjetivas e incompletas se apresenta como alternativa para este contexto. No trabalho desenvolvido, em conjunto com especialistas do CEAD elaborou-se um instrumento de coleta de dados contendo 30 questões objetivas, dividas nos sete elementos que compõem o modelo de oferta da instituição. O questionário pôde ser respondido por 539 alunos. A partir das saídas do instrumento de coleta de dados calculou-se as médias aritméticas das respostas realizadas pelos alunos referentes a cada elemento e então utilizou-se tal resultado como entradas de sistemas *fuzzy* que avaliaram os professores do (CEAD) através da perspectiva de seus aluno fazendo uso da lógica *fuzzy*. Por fim as saídas dos sistemas *fuzzy* implementados puderam ser confrontadas com o modelo atual de avaliação. Observado os dados das duas abordagens foi possível perceber divergências em todas as avaliações. Através do estudo desenvolvido se fez possível a implementação de um modelo de avaliação que fizesse o uso da lógica *fuzzy*.

**Palavras-chave**: Inferência *Fuzzy*. Avaliação Docente**.** Lógica *Fuzzy*. EaD. Educação a Distância.

*A persistência é o caminho do êxito.*

*CHAPLIN, Charles (1997)*

**AGRADECIMENTOS**

Agradeço primeiramente à Deus e à todos os familiares que me apoiaram contribuindo assim para essa realização. Em especial aos meus pais, Eliana Veloso Paixão Silva e Gilmar Honorato Silva, a minha irmã Stephane Paixão Silva. Também agradeço a minha madrinha Edilaine Veloso Paixão e a minha tia Zilda Leal Veloso pelo apoio incondicional.

Agradeço também de maneira especial a minha orientadora Patrícia Takaki Neves pelos ensinamentos, pelo apoio e trabalho desenvolvido e ao professor Marcos Flávio Silveira Vasconcelos D'Angelo pelos ensinamentos a cerca da lógica *fuzzy*.

Aos meus amigos dentro e fora da universidade, nas disciplinas ou projetos em que me envolvi como infobits, maratona de programação, iniciação cientifica e estágio.

A todos os professores que tive ao longo da minha formação.

**ABSTRACT**

**LISTA DE FIGURAS**

[**Figura 1 - Representações de conjuntos – Lógica convencional** 18](#_Toc23009930)

[**Figura 2 - Representações de conjuntos – Lógica *fuzzy*** 18](#_Toc23009931)

[**Figura 3 - Sistema de inferência *fuzzy*** 19](#_Toc23009932)

[**Figura 4 - Variável linguística** 20](#_Toc23009933)

**LISTA DE QUADROS**

[**Quadro 1 - Questões referentes ao elemento videoaulas** 28](#_Toc23009535)

[**Quadro 2 – Questões referentes ao elemento atividades colaborativas** 28](#_Toc23009536)

[**Quadro 3 - Questões referentes ao elemento atividades individuais** 29](#_Toc23009537)

[**Quadro 4 – Questões referentes ao elemento fóruns de discussão** 29](#_Toc23009538)

[**Quadro 5 – Questões referentes ao elemento webinars** 30](#_Toc23009539)

[**Quadro 6 – Questões referentes ao elemento avaliações presenciais** 30](#_Toc23009540)

[**Quadro 7 – Questões referentes ao elemento salas virtuais** 30](#_Toc23009541)

**LISTA DE GRÁFICOS**

**SUMÁRIO**

# INTRODUÇÃO

O processo de ensino-aprendizagem, por envolver tanto aspectos objetivos quanto subjetivos, torna-se complexo e traz consigo diversos elementos que precisam ser avaliados tendo por base as diretrizes e concepções presentes em seu modelo de oferta.

No contexto da Educação a Distância (EaD), assim como na educação presencial, há que se identificar os elementos didático-metodológicos do processo de ensino-aprendizagem em curso para que seja possível avaliar o desempenho docente percebido pelo aluno. Elementos característicos da modalidade, como a quantidade e a qualidade da interação dos envolvidos por meio da tecnologia, a adequação dos conteúdos digitais disponibilizados nos ambientes virtuais de aprendizagem e a equivalência das avaliações com o conteúdo disponibilizado faz necessário uma avaliação especifica ao modelo de oferta.

Atualmente o processo de avaliação docente nos cursos de graduação do Centro de Educação a Distancia (CEAD) da Unimontes ocorre através de médias aritméticas. Técnica comum em processos de avaliação, mas limitada por não conseguir por si só agregar aspectos subjetivos presentes no contexto de uma avaliação docente.

Segundo Kruse *et al.* (2013) muitas proposições sobre o mundo real não são verdadeiras ou falsas, tornando a lógica clássica inadequada para o raciocínio com tais proposições. A maioria dos conceitos usados ​​na comunicação humana não tem limites nítidos, o que torna os conjuntos clássicos insuficientes para representar tal conceito. O objetivo principal da lógica difusa, e dos conjuntos difusos, é superar essas limitações da lógica clássica, e dos conjuntos clássicos.

A teoria dos conjuntos *fuzzy*, ou lógica nebulosa, propõe uma alternativa à abordagem da lógica clássica, ou lógica booleana. A lógica *fuzzy* possibilita inferir respostas a determinados problemas nos quais os aspectos subjetivos são incorporados quando da modelagem do contexto escolhido. Por meio do uso de variáveis linguísticas para manipular valores vagos, imprecisos ou incompletos permitindo assim que se reproduza o processo de tomada de decisão de um especialista humano.

Segundo L’Erario e Fabri (2004) é importante verificar em instituições de ensino o grau de satisfação dos alunos quanto a seus professores. No trabalho que desenvolvem é apresentado um modelo de avaliação docente onde são considerados fatores como a assiduidade do professor, frequência e didática. De acordo com os autores valores numéricos atribuídos aos fatores citados não traduzem a realidade quanto a satisfação dos alunos em relação ao corpo docente. Com base nesse problema fazem uso no modelo desenvolvido de conjuntos *fuzzy* para qualificar linguisticamente a satisfação dos discentes.

O documento Referenciais De Qualidade Da Educação a Distância desenvolvido pelo MEC é utilizado para nortear políticas publicas na área da educação. Sendo assim útil para direcionar avaliações educacionais em EaD.

Este trabalho lida com o processo de avaliação docente na perspectiva discente. Foi desenvolvido um sistema *fuzzy* para processar os dados de um instrumento de coleta de dados disponibilizado *online* para os alunos da EaD do Centro de Educação a Distância (CEAD) da Universidade Estadual de Montes Claros (Unimontes).

Um instrumento de coleta de dados com 30 questões objetivas foi elaborado considerando os Referenciais de Qualidade para a Educação a Distância do MEC, publicações cientificas, legislação pertinente e conhecimento de especialistas em gestão da EaD. As questões foram subdivididas em sete elementos, correspondentes aos elementos principais do modelo de oferta dos cursos de graduação do CEAD Unimontes. Os dados coletados neste questionário foram utilizados como entrada de sete sistemas de inferência *fuzzy*, cada um referente a um elemento. As bases de regras e as variáveis linguísticas foram desenvolvidas com a contribuição de especialistas em gestão da EaD.

Por meio do sistema *fuzzy* desenvolvido, espera-se colaborar com o processo de ensino-aprendizagem fornecendo *feedbacks* importantes quanto à percepção dos alunos sobre o desempenho docente, conforme o esperado. Isso se dará por meio de relatórios gerenciais para subsidiar ações de capacitação docente identificadas como necessárias e ações de melhorias nos processos e tecnologias utilizadas na oferta de cursos na EaD. O uso do sistema contribuirá de maneira significativa para a melhoria das metodologias e ações didáticas promovidas pelos docentes dos cursos na EaD em questão.

O presente trabalho está dividido em cinco capítulos, incluindo esta introdução. O capitulo dois indica a fundamentação teórica. O terceiro capítulo contém o desenvolvimento do trabalho. O capítulo quatro refere-se aos resultados obtidos. Nos capítulo cinco é apresentada a discussão dos resultados. Por último, segue a bibliografia utilizada durante o desenvolvimento.

# FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA

O presente capítulo apresenta os fundamentos que subsidiaram o desenvolvimento do trabalho. São abordados conceitos relacionados à avaliação docente, educação a distância e lógica *fuzzy*.

## Avaliação docente na (EaD)

Segundo BRASIL (2017), o DECRETO N° 9.057 de 25 de MAIO 2017, que regulamenta a educação a distância no Brasil, é considerada educação a distância a:

Art. 1º. [...] modalidade educacional na qual a mediação didático-pedagógica nos processos de ensino e aprendizagem ocorra com a utilização de meios e tecnologias de informação e comunicação, com pessoal qualificado, com políticas de acesso, com acompanhamento e avaliação compatíveis, entre outros, e desenvolva atividades educativas por estudantes e profissionais da educação que estejam em lugares e tempos diversos.

Dentre as diversas finalidades de uma avaliação docente, Fernandes (2008) salienta a intenção de aperfeiçoar o desempenho dos professores; responsabilização e prestação pública de contas; melhorar práticas e procedimentos das escolas; compreender problemas de ensino e aprendizagem, contribuindo para a identificação de soluções possíveis; e compreender as experiências vividas por quem está envolvido numa dada prática social.

De acordo com Brasil (2007), tornou-se necessário, perante a permanente expansão da educação superior no País, a elaboração de Referenciais de Qualidade para EaD que estivessem de acordo com  determinações específicas da Lei de Diretrizes e Bases da Educação, do Decreto 5.622, de 20 de dezembro de 2005, do Decreto 5.773 de junho de 2006 e das Portarias Normativas 1 e 2 de 11 de janeiro de 2007. As orientações contidas no documento que foi elaborado a partir de discussões com especialistas, universidades e sociedade são úteis para nortear e subsidiar atos do poder público referentes aos processos de regulação, supervisão e avaliação da EaD.

Para que se contemplem todas as dimensões dos referenciais de qualidade em projetos de cursos na modalidade a distância é preciso avaliar aspectos pedagógicos, recursos humanos e infraestrutura. Foram estruturados os principais pontos nos seguintes tópicos:

(i) Concepção de educação e currículo no processo de ensino e aprendizagem;

(ii) Sistemas de Comunicação;

(iii) Material didático;

(iv) Avaliação

(v) Equipe multidisciplinar;

(vi) Infraestrutura de apoio;

(vii) Gestão Acadêmico-Administrativa;

(viii) Sustentabilidade financeira.

Os tópicos apresentados não se tratam de entidades isoladas, mas de aspectos que se inter-relacionam. Especificamente no tópico (iv), intitulado “Avaliação”, tem-se a divisão deste em duas dimensões: “A Avaliação de Aprendizagem” e “A Avaliação Institucional”. Nesta última dimensão encontra-se a questão da avaliação docente, como um dos aspectos assinalados na seção “Organização Didático-Pedagógica”. Ainda, no tópico (v), intitulado “Equipe Multidisciplinar”, tem-se a identificação de três categorias profissionais: docentes, tutores e pessoal técnico-administrativo, sendo, portanto, uma segunda menção explícita, nos Referenciais de Qualidade da EaD, à questão da atuação docente necessária à qualidade na educação a distância.

## Lógica Fuzzy

Segundo a IEEE-CIS (2019) Inteligência Computacional (IC) é a teoria, *design*, aplicação e desenvolvimento de paradigmas computacionais biologicamente e linguisticamente motivados.

Composta tradicionalmente por redes neurais, sistemas difusos e computação evolutiva. Sendo a Inteligência Computacional um campo em constante evolução, além dos três principais constituintes, temos, com a evolução da computação inspirada na natureza, os paradigmas inteligência ambiental, vida artificial, aprendizado cultural, redes endócrinas artificiais, raciocínio social e redes hormonais artificiais.

De acordo com Konar (2005) a inteligência computacional (IC) difere-se da inteligência artificial (IA), técnica que visa emular a inteligência humana nas máquinas, por sua capacidade de adaptação computacional, tolerância a falhas, alta velocidade computacional e menos propensão a erros para fontes de informação ruidosas.

De acordo com Kruse *et al.* (2013)

A área de pesquisa de inteligência computacional (IC) compreende conceitos, paradigmas, algoritmos e implementações para desenvolver sistemas que exibam comportamento inteligente em ambientes complexos. Tipicamente, são adotados métodos sub-simbólicos e análogo à natureza que toleram o conhecimento incompleto, impreciso e incerto[...].(tradução nossa)

Segundo Zadeh (1965) um conjunto *fuzzy* é um intervalo de valores contínuos com valores de associação. Esse conjunto é caracterizado por uma função de associação (característica) que atribui a cada objeto um grau de associação que varia entre zero e um.

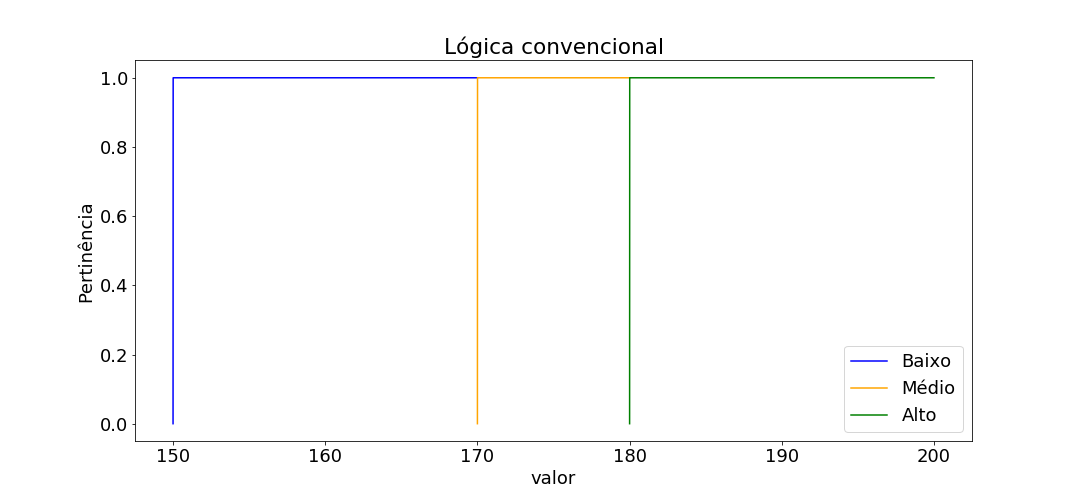
De acordo com Jang, Sun e Mizutani (1997) o cérebro humano interpreta informações sensoriais imprecisas e incompletas fornecidas por órgãos perceptivos. A teoria dos conjuntos difusos fornece um cálculo sistemático para lidar com essas informações, utilizando rótulos linguísticos estipulados por funções de associação. Além disso, uma seleção de regras *fuzzy* SE-ENTÃO forma o componente chave de um sistema de inferência *fuzzy* que pode efetivamente modelar o conhecimento humano em uma aplicação específica.

De acordo com Gomide e Gudwin (1994, p. 1),

[...] lógica *fuzzy* é a lógica baseada na teoria dos conjuntos *fuzzy*. Ela difere dos sistemas lógicos tradicionais em suas características e seus detalhes. Nesta lógica, o raciocínio exato corresponde a um caso limite do raciocínio aproximado, sendo interpretado como um processo de composição de relações nebulosas.

Marro *et al*. (2010) ilustra através das figuras a seguir um paralelo entre a lógica convencional e a lógica *fuzzy*. Pode-se perceber na Figura 1, um gráfico que exemplifica a teoria da lógica clássica.

**Figura 1 - Representações de conjuntos – Lógica convencional**

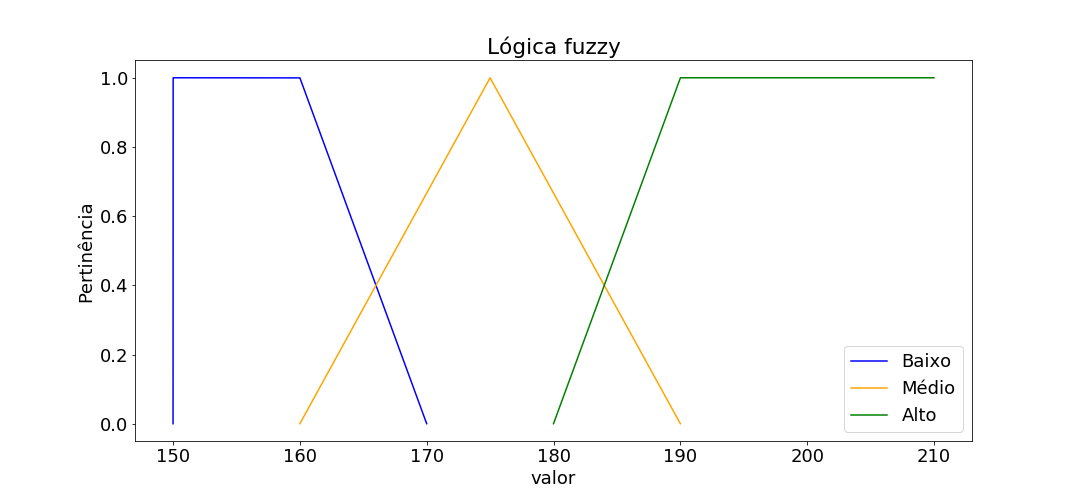


Fonte: Adaptado de Marro *et al.* (2010, p.3) , utilizando Matplotlib 2.2.2.

Na Figura 1 a altura de uma pessoa é representada a partir de três conjuntos: baixo, médio e alto. Neste exemplo um dado elemento pertence ou não a um determinado conjunto e, além disso, tal elemento não pertence a mais de um conjunto.

Na Figura 2, é ilustrada a abordagem da lógica *fuzzy* onde utilizamos a idéia de que todos os conjuntos admitem graus de pertinência.

**Figura 2 - Representações de conjuntos – Lógica fuzzy**

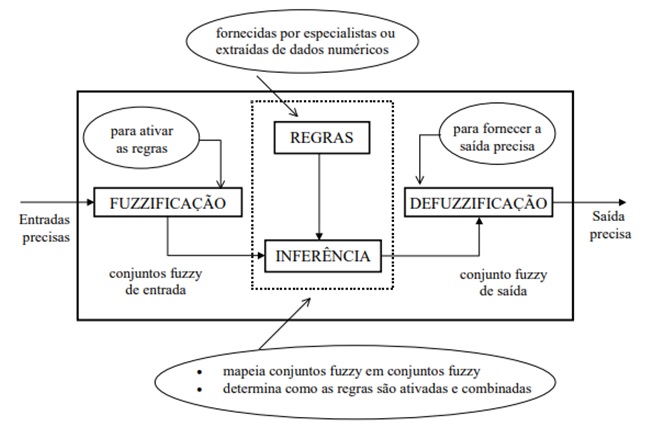


Fonte: Adaptado de Marro *et al.* (2010, p.3) , utilizando Matplotlib 2.2.2.

Pode-se perceber na Figura 2 que um dado elemento pode pertencer a mais de um conjunto com diferentes graus de pertinência, como por exemplo: o valor 169 está contido tanto no conjunto baixo quanto no conjunto médio com diferentes graus de pertinência, o que não seria possível no exemplo da Figura 1.

Como se observa na Figura 3, de acordo Tanscheit (2004), em um sistema de inferência *fuzzy*, considera-se como entradas valores precisos (números reais).

**Figura 3 - Sistema de inferência fuzzy**



Fonte: Tanscheit (2004, p.26).

Como primeira etapa do processamento de um sistema de inferência *fuzzy* tem-se o mapeamento dos valores precisos para os conjuntos nebulosos das variáveis de entrada, esse processo é chamado de fuzzificação. Neste momento ocorre, diante das pertinências obtidas, a ativação das regras. Com as respectivas regras ativadas incia-se o processo de inferência.

Nesta etapa efetua-se a avaliação das regras obtendo a pertinência dos conjuntos de saída. Após esse processo, é realizada a defuzzificação, etapa na qual é feita a interpretação e conversão dos valores *fuzzy* de saída em um único valor numérico. Para realizar esse processo pode-se utilizar diversos métodos sendo os mais conhecidos, o centro de gravidade e média dos máximos.

### Variáveis linguísticas

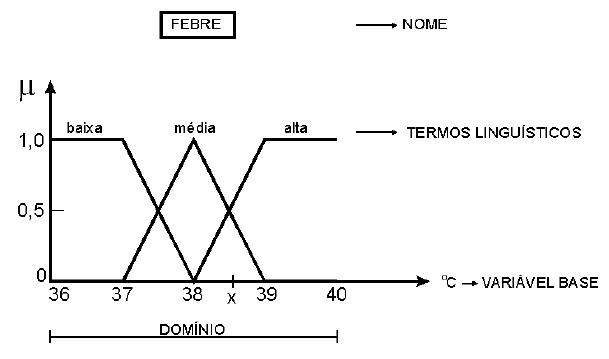
Variáveis linguísticas são definidas como um intervalo de valores reais que contém conjuntos *fuzzy*. Conforme Marro *et al.* (2010, p. 5),

Pode-se considerar uma variável linguística (ou *fuzzy*) como uma entidade utilizada para representar de modo impreciso – e, portanto, linguístico – um conceito ou uma variável de um dado problema. Uma variável linguística, diferentemente de uma variável numérica, admite apenas valores definidos na linguagem *fuzzy* que está utilizando-se dela[...].

De acordo com Ortega (2001), uma variável linguística (ou *fuzzy*) é uma variável que possui o valor expresso de maneira qualitativa por um termo linguístico e de maneira quantitativa através de uma função de pertinência.

Ortega (2001) exemplifica através da Figura 4 uma variável linguística com o nome Febre. Os termos linguísticos que atribuem um significado semi-quantitativo a Febre são: baixa, média e alta. O domínio da variável (valores que pode assumir) se encontra no intervalo [36,40]. Cada termo linguístico possui um conjunto *fuzzy* associado que o caracteriza.

**Figura 4 - Variável linguística**



Fonte: Ortega (2001, p.27).

### Fuzzificação

Fuzzificação é o processo em que se obtém a pertinência do valor numérico da variável linguística de entrada, referente a cada uma de suas funções de pertinência. De acordo com Moreira e Machado (2005, p. 9),

Como os sistemas nebulosos trabalham com termos linguísticos, há a necessidade de transformar esses dados de entrada em conjuntos nebulosos. Portanto, é executado um mapeamento dos dados de entrada (em geral números discretos) em números nebulosos. É o processo de fuzzyficação.

Segundo Franco (2014), nesta etapa os valores numéricos são convertidos em valores linguísticos. Sandri e Correa (1999), no processo de fuzzificação ocorre a transformação da entrada *crisp* em conjuntos *fuzzy* para que possam se tornar instâncias de variáveis linguísticas.

### Base de regras

A base de regras é um conjunto de regras “SE-ENTÃO” que serão utilizadas no processo de inferência de sistemas *fuzzy*. Determinam as associações que geram as pertinências dos conjuntos da variável de saída.

Conforme Ortega (2001, p. 29)

A regra *fuzzy* é uma unidade capaz de capturar algum conhecimento específico, e um conjunto de regras é capaz de descrever um sistema em suas várias possibilidades. Cada regra *fuzzy*, da mesma forma que uma afirmação clássica, é composta por uma parte antecedente (a parte Se) e uma parte consequente (a parte Então), resultando em uma estrutura do tipo Se {antecedentes} Então {consequentes}.

De acordo com Sandri e Correa (1999), a base de regra é formada da seguinte forma: SE <antecedente> ENTÃO <consequente>.

### Inferência

O processo de inferência gera as pertinências dos conjuntos da variável de saída a partir da base de regras e dos valores de pertinência dos conjuntos das variáveis de entrada.

Segundo Marro *et al.* (2010, p. 8),

A inferência *fuzzy* é um processo de avaliação de entradas com o objetivo de, através das regras previamente definidas e das entradas, obter conclusões utilizando-se a teoria de conjuntos *fuzzy*. Esse processo pode ser feito através de modelos de inferência, cuja escolha deve levar em consideração o tipo de problema a ser resolvido, obtendo-se assim um melhor processamento. Existem vários métodos de inferência, mas o que geralmente é mais utilizado é o método Mamdami[...].

De acordo com Pedrycz; Gomide (1998) citado por Gabriel *et al.* (2012) o método de inferência Mamdani agrega as regras por meio do operador lógico OU, modelado pelo operador matemático ∨ e, em cada regra, os operadores lógicos E e ENTÃO modelados pelo operador mínimo  ∧ .

### Defuzzificação

A defuzzificação é a conversão dos valores de pertinência dos conjuntos *fuzzy* da variável de saída, em um valor numérico real. Segundo Ortega (2001, p. 47),

A defuzificação é um procedimento que nos permite interpretar a distribuição de possibilidades da saída de um modelo linguístico *fuzzy* de forma quantitativa, ou seja, ele nos fornece um valor numérico representativo que captura o significado essencial dessa distribuição de possibilidades.[...]

De acordo com Franco (2014), na etapa de defuzzificação, as regiões resultantes do processo de inferência do sistema, são transformadas de valores linguísticos para valores numéricos e então associados a uma variável de saída.

## Implementação de sistemas de inferência fuzzy

Para a implementação de sistemas computacionais que utilizam conceitos de um sistema de inferência *fuzzy* existem diversas possibilidades. A implementação do sistema pode utilizar um controlador *fuzzy* construído pelo próprio desenvolvedor ou o mesmo pode utilizar bibliotecas, *frameworks* e *toolboxes* que estão disponíveis em linguagens de programação com diferentes propósitos e abordagens.

Arruda *et al.* (2013) relaciona tecnologias para o desenvolvimento de sistemas difusos, entre elas a biblioteca *JFuzzyLogic* implementada na linguagem Java, *Fuzzy Logic* *Toolbox* disponível em MatLab. Em *Python* o autor cita o *framework PyFuzzy*.

### Python

*Python* é uma linguagem de programação dinâmica, interpretada, de alto nível, orientada a objetos, que foi desenvolvida com o objetivo de aumentar a produtividade e legibilidade dos códigos.

Segundo Pedregosa (2011), a linguagem de programação *Python* está se estabelecendo como uma linguagem popular para computação científica. Devido ao fato de ser uma linguagem de alto nível e com ecossistema amadurecido de bibliotecas, *Python* tem sido uma linguagem de cada vez mais utilizada na academia e indústria.

De acordo com Millman e Aivazis (2011), durante a última década, o *Python* tornou-se, sem dúvida, o padrão de fato para a pesquisa científica exploratória, interativa e baseada em computação.

### Numpy

Segundo Eli (2012), operações básicas utilizadas na computação científica incluem vetores, matrizes, integração, solucionadores de equações diferenciais e estatísticas. *Python* por padrão não possui algumas dessas funcionalidades, a linguagem possui apenas operações matemáticas básicas que podem lidar apenas com uma variável e não com um vetor ou matriz. No entanto os pacotes *numpy* e *scipy* possuem tais recursos, permitindo assim que o *Python* seja utilizado de forma eficiente para computação científica.

### Matplotlib

De acordo com Hunter e Dale (2007), o *matplotlib* é uma biblioteca para criar gráficos 2D de matrizes em *Python*. Embora tenha origens na emulação dos comandos gráficos do *MATLABTM,* não requer o *MATLABTM.* Apesar do *matplotlib* ser escrito principalmente em *Python* puro, utiliza-se o *numpy* e outros códigos de extensão para fornecer bom desempenho mesmo para matrizes grandes.

Segundo Barret *et al.* (2005), o *matplotlib* foi desenvolvido com a filosofia de que o usuário da ferramenta deve ser capaz de criar plotagens simples com apenas alguns comandos, ou apenas um. Se o usuário deseja ver um histograma dos seus dados, não precisará instanciar objetos, chamar métodos ou definir propriedades.

## Trabalhos correlatos

Segundo o estudo de caso realizado por Tiago *et al.* (2014), em geral avaliações aplicadas por professores buscam quantificar a aprendizagem discente por meio de critérios subjetivos. Diante deste contexto os autores apresentam o desenvolvimento de uma ferramenta tecnológica, baseada em Lógica *Fuzzy*, que possibilita o auxilio aos professores na tarefa de avaliar a aprendizagem de seus discentes.

No estudo de caso, os autores utilizaram notas de avaliações e atividades desenvolvidas por discentes, onde utilizaram-se da lógica *fuzzy* para compor uma nota final a partir de noções imprecisas como Insuficiente, Regular, Bom e Excelente. De acordo com o estudo, a principal vantagem do sistema proposto foi a possibilidade de classificar o desempenho dos alunos considerando o uso de vários indicadores.

Já Voskoglou (2011), desenvolveu um modelo geral para representar vários processos no ensino de matemática (por exemplo: modelagem matemática, resolução de problemas) envolvendo imprecisão e incerteza. A cada um desses processos correspondem os seguintes valores linguisticos: insignificante, baixo, intermediário, alto e completo. Segundo o autor a cognição dos alunos apresenta conceitos que são inerentemente imprecisos. Quando analisado do ponto de vista do professor a noção de sucesso sobre seus alunos em cada uma das etapas do processo de aprendizagem é vaga. Justificando assim o estudo da lógica *fuzzy* no contexto de ensino da matemática

O trabalho de Lopes *et al.* (2008) apresenta um sistema de avaliação de desempenho do estudante para cursos a distância baseado na lógica *fuzzy*. O sistema desenvolvido foi dividido em duas partes: Avaliador de Conhecimento e Avaliador de Comportamento. Estes avaliadores do sistema foram construídos de forma a interagirem entre si com o objetivo de gerar uma única avaliação. O desenvolvimento do trabalho se baseou em uma plataforma multiagente.

Fabri e Fabri (2002) apresentam uma especificação de ferramenta *fuzzy* para acompanhamento do desempenho de alunos em cursos a distância, na qual aliam a teoria dos conjuntos *fuzzy* à tecnologia digital, principalmente a internet.  A ferramenta sugerida não se propõe a substituir a avaliação presencial, mas a complementá-la.

O objetivo do instrumento é verificar se um aluno ou grupo de alunos que utilizam um determinado curso a distância está(ão) apto(s) ou não a avançar um módulo do curso. A ferramenta fornece mais subsídio para verificar se o curso está atingindo os objetivos propostos, possibilitando que o professor possa acompanhar e avaliar seus alunos.

Toledo e Conceza (2004, p. 1), justificam o uso da lógica *fuzzy* na avaliação discente, já que esta,

[...] leva em consideração a maior facilidade do ser humano em lidar com termos lingüísticos, ao invés de valores numéricos. Além disto, a Lógica *Fuzzy* tem uma capacidade notável de tratar com verbalizações revestidas de ambigüidade. Adicionalmente, sabe-se que a teoria do raciocínio aproximado fornece um método, baseado em subconjuntos *fuzzy*, tanto para representar como para raciocinar com informações imprecisas.

Rissoli e Santos (2011) retratam uma arquitetura de Sistema Tutor Inteligente (STI) que inclui agentes humanos na colaboração com um assistente inteligente no processo de ensino e aprendizagem. Este processo incorpora a lógica *fuzzy* como recurso de acompanhamento da metodologia educacional baseada na Teoria da Aprendizagem Significativa, que utiliza os Mapas Conceituais como elementos organizadores do conteúdo do domínio da aplicação. O STI acompanha o esforço, participação e desempenho de cada estudante por meio de análises quantitativas e qualitativas que fazem uso de regras *fuzzy* no tratamento de incertezas e imprecisões de informações, o sistema então tem como resultado a situação de aprendizagem do aluno.

Costa (2006) apresenta uma ferramenta que proporciona aos professores, informações de desempenho individual ou em grupo. A ferramenta verifica se o estudante está acompanhando o grupo de colegas, se merece atenção especial, se determinada atividade é muito complexa e quantos estudantes concluíram determinada atividade com sucesso. Para o monitoramento das ações dos estudantes são utilizadas regras de inferência *fuzzy*.

Mendonça *et al.* (2015) em seu trabalho desenvolve um MCF (Mapa Cognitivo Fuzzy) cuja função é avaliar o nível de qualidade da Universidade Tecnológica Federal do Paraná Campus Cornélio Procópio (UTFPR-CP), na perspectiva de seus alunos. O desenvolvimento se inicia com a determinação das possíveis áreas que afetariam, ou se encaixaram como indicadores para o "Nível de Satisfação” na UTFPR-CP. Através de formulários on-line, foi possível quantificar a influência das áreas inicialmente detectadas: formação de professores, estruturas de laboratórios e quartos, habitação, biblioteca e limpeza

Segundo o autor, de forma geral instituições de ensino não possuem ferramentas que forneçam uma análise crítica de sua qualidade. De acordo com o trabalho à utilização dos MCF cumpriram seu objetivo quanto a obter resultados quantitativos a partir de dados qualitativos. O trabalho possibilitou que se identifica-se os pontos positivos e negativos que afetam o nível de satisfação na UTFPR-CP. O sistema desenvolvido pôde ser sugerido a universidade como uma ferramenta para nortear o corpo diretivo da UFTPR-CP.

# DESENVOLVIMENTO

Este capítulo descreve o trabalho desenvolvido, que se classifica segundo Gil (2007) como pesquisa exploratória e estudo de caso, pois se caracteriza por reunir hipóteses e especulações ao inicio da pesquisa e posteriormente a exploração do problema estudado de forma a propor uma nova abordagem a avaliação docente.

O capitulo descreve os principais procedimentos utilizados na construção de um modelo de avaliação docente na educação a distância utilizando lógica *fuzzy*, mostrando como os conteúdos abordados no referencial teórico foram aplicados no desenvolvimento do trabalho.

Para a implementação dos sistemas de inferência utilizou-se a distribuição da linguagem de programação *Python* na sua versão 3.6.5 :: Anaconda, Inc., por possuir bibliotecas e ferramentas frequentemente utilizados em computação cientifica. Para as operações com listas utilizou-se a biblioteca *Numpy* na sua versão 1.14.3 e para a implementação dos gráficos utilizou-se a bibloteca *Matplotlib* na versão 2.2.2.

Todo o desenvolvimento foi feito no ambiente *Jupyter Notebook* versão 5.5.0. Todas as bibliotecas e o ambiente citado anteriormente já estão contidos na instalação do Anaconda, Inc.

## Construção do questionário

Para a construção do questionário utilizado no trabalho foi necessário a contribuição de especialistas no modelo de oferta de educação a distancia implementado no CEAD da Unimontes. Cada instituição de ensino superior no Brasil possui seu próprio modelo de oferta de cursos, sendo assim não seria possível a utilização de um questionário já validado em pesquisas anteriores.

O trabalho desenvolvido é composto de uma avaliação para cada elemento que compõe o modelo de oferta de cursos a distância do CEAD da Unimontes. Para cada um dos sete elementos foi definido um conjunto de questões que foram respondidas pelos acadêmicos.

O Quadro 1 apresenta as quatro questões referentes ao elemento Videoaulas (VA).

**Quadro 1 - Questões referentes ao elemento videoaulas**

|  |
| --- |
| **Com relação às Videoaulas (VA), você considera que:** |
| 1. as VA utilizaram slides com textos e imagens que favoreceram a aprendizagem. |
| 2. as VA utilizaram materiais relevantes e atualizados que geram engajamento. |
| 3. as VA foram objetivas e aproveitaram bem o tempo. |
| 4. as VA foram ministradas com boa dicção, clareza e segurança na exposição dos conteúdos. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se o uso de slides com textos e imagens favoreceu a aprendizagem dos alunos. A segunda questão avalia se os professores utilizaram materiais relevantes e atualizados contribuindo para o engajamento. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se as videoaulas foram objetivas e se os professores aproveitaram bem o tempo disponível. Por fim, a quarta questão avalia se as videoaulas foram ministradas pelos professores com boa dicção, clareza e segurança na exposição dos conteúdos.

O Quadro 2 apresenta as quatro questões referentes ao elemento Atividades Colaborativas (AC).

**Quadro 2 – Questões referentes ao elemento atividades colaborativas**

|  |
| --- |
| **Com relação às Atividades Colaborativas (AC),** |
| 5. as AC favoreceram a colaboração, induzindo a troca de conhecimentos e experiências entre os alunos. |
| 6. as AC foram compatíveis com o tempo disponível. |
| 7. as AC foram relevantes para a compreensão dos conteúdos. |
| 8. as AC contaram com Roteiros claros e completos, incluindo Apresentação, Objetivos, Descrição e Critérios de Avaliação. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se os professores elaboraram atividades colaborativas que favoreceram a colaboração, induzindo a troca de conhecimentos e experiências entre os alunos. A segunda questão avalia se as atividades foram compatíveis com o tempo disponível para sua realização. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se as atividades colaborativas foram relevantes para a compreensão dos conteúdos. Por fim a quarta questão avalia se as atividades colaborativas contaram com roteiros claros e completos, incluindo apresentação, objetivos descrição e critérios de avaliação.

O quadro 3 apresenta quatro questões referentes ao elemento Atividades Individuais(AI).

**Quadro 3 - Questões referentes ao elemento atividades individuais**

|  |
| --- |
| **Com relação às Atividades Individuais (AI),** |
| 9. as AI favoreceram a sua imersão nos conteúdos, induzindo a aprendizagem autônoma. |
| 10. as AI foram compatíveis com o tempo disponível. |
| 11. as AI foram relevantes para a compreensão do conteúdo. |
| 12. as AI contaram com Roteiros claros e completos, incluindo Apresentação, Objetivos, Descrição e Critérios de Avaliação. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se as atividades individuais favoreceram a imersão nos conteúdos, induzindo a aprendizagem autônoma. A segunda questão avalia se as atividades individuais foram compatíveis com o tempo disponível. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se as atividades individuais foram relevantes para a compreensão do conteúdo. Por fim a quarta questão avalia se as atividades individuais contaram com roteiros claros e completos, incluindo apresentação, objetivos, descrição e critérios de avaliação.

O quadro 4 apresenta quatro questões referentes ao elemento Fóruns de Discussão(FD).

**Quadro 4 – Questões referentes ao elemento fóruns de discussão**

|  |
| --- |
| **Com relação aos Fóruns de Discussão (FD),** |
| 13. os FD foram abertos com questões geradoras de discussões ricas e relevantes. |
| 14. os FD foram bem conduzidos e avaliados, com intervenções que proporcionaram a sua aprendizagem. |
| 15. os FD contaram com materiais e orientações suficientes para a sua participação. |
| 16. os FD foram devidamente finalizados, com destaques para os principais conteúdos e participações da turma. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se os fóruns de discussão foram abertos com questões geradoras de discussões ricas e relevantes. A segunda questão avalia se os fóruns de discussão foram bem conduzidos e avaliados, com intervenções quês proporcionaram a aprendizagem. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se os fóruns de discussão contaram com materiais e orientações suficientes para a participação do aluno. Por fim a quarta questão avalia se os fóruns de discussão foram devidamente finalizados, com destaques para os principais conteúdos e participações da turma.

O quadro 5 apresenta quatro questões referentes ao elemento *Webinars* (WB).

**Quadro 5 – Questões referentes ao elemento webinars**

|  |
| --- |
| **Com relação aos *Webinars* (WB),** |
| 17. os WB esclareceram suas dúvidas por meio de uma interação ao vivo. |
| 18. os WB forneceram feedbacks sobre o andamento da disciplina e o desempenho da turma. |
| 19. os WB colaboraram com a sua aprendizagem. |
| 20. os WB desempenharam papel importante na revisão dos conteúdos para as Avaliações Presenciais. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se os *webinars* esclareceram as duvidas dos alunos por meio de uma interação ao vivo. A segunda questão avalia se os *webinars* forneceram *feedbacks* sobre o andamento da disciplina e o desempenho da turma. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se os *webinars* colaboraram com a aprendizagem do aluno. Por fim a quarta questão avalia se os *webinars* desempenharam papel relevante na revisão dos conteúdos para as avaliações presenciais.

O quadro 6 apresenta quatro questões referentes ao elemento Avaliações Presenciais(AP).

**Quadro 6 – Questões referentes ao elemento avaliações presenciais**

|  |
| --- |
| **Com relação às Avaliações Presenciais (AP),** |
| 21. as AP contiveram questões condizentes com o conteúdo ministrado. |
| 22. as AP foram compatíveis com o tempo disponível. |
| 23. as AP priorizaram a construção do conhecimento em detrimento da memorização. |
| 24. as AP apresentaram níveis de dificuldade compatíveis com o nível trabalhado na disciplina. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se as avaliações presenciais contiveram questões condizentes com o conteúdo ministrado. A segunda questão avalia se as avaliações presenciais foram compatíveis com o tempo disponível. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se as avaliações presenciais priorizaram a construção do conhecimento em detrimento da memorização. Por fim a quarta questão avalia se as avaliações presenciais apresentaram níveis de dificuldade compatíveis com o nível trabalhado na disciplina.

O quadro 7 apresenta seis questões referentes ao elemento Salas Virtuais(SV).

**Quadro 7 – Questões referentes ao elemento salas virtuais**

|  |
| --- |
| **Com relação às Salas Virtuais (SV) dos professores,** |
| 25. as SV disponibilizaram de forma apropriada o plano de ensino e as informações sobre conteúdos, objetivos, metodologia e critérios de avaliação da disciplina. |
| 26. as SV atenderam às suas necessidades de aprendizagem, apresentando um formato intuitivo e didático. |
| 27. as SV foram dinâmicas e devidamente atualizadas durante a disciplina. |
| 28. as SV viabilizam a articulação entre a teoria X prática dos conteúdos. |
| 29. as SV foram ambientes de interações respeitosas e éticas entre alunos e professores. |
| 30. as SV relacionaram os conteúdos das disciplinas com a atuação profissional. |

Fonte: Própria (2019).

A primeira questão do quadro avalia se as salas virtuais disponibilizaram de forma apropriada o plano de ensino e as informações sobre conteúdos, objetivos metodologia e critérios de avaliação da disciplina. A segunda questão avalia se as salas virtuais atenderam as necessidades de aprendizagem apresentando um formato intuitivo e didático. O conteúdo da terceira questão do quadro avalia se as salas virtuais foram dinâmicas e devidamente atualizadas durante a disciplina. A quarta questão avalia se as salas virtuais viabilizaram a articulação entre a teoria X prática dos conteúdos. O conteúdo da quinta questão avalia se as salas virtuais foram ambientes de interações respeitosas e éticas entre alunos e professores. Por fim a sexta questão avalia se as salas virtuais relacionaram os conteúdos das disciplinas com a atuação profissional.

O questionário foi aplicado no sistema de pesquisas do CEAD Unimontes e obteve um total de 539 respondentes. As alternativas de resposta para cada questão foram: Discordo totalmente, Discordo, Não concordo nem discordo, Concordo e Concordo plenamente. As respostas dos alunos a cada questão do questionário foram convertidas em valores numéricos numa escala de um a cinco, conforme mostra o Quadro 8:

**Quadro 8 - Correspondências entre as respostas textuais e seus valores numéricos**

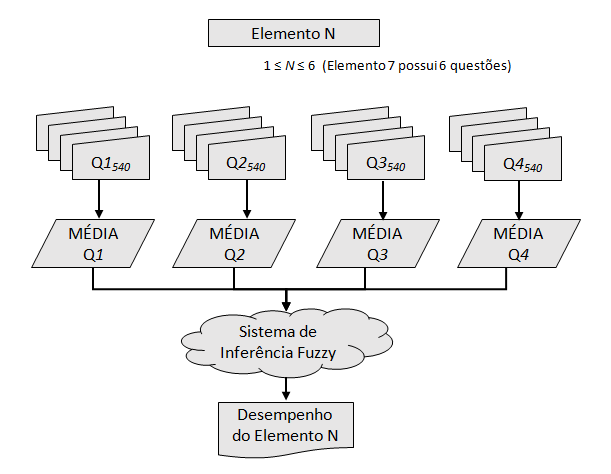
|  |  |
| --- | --- |
| Resposta | Valor |
| Discordo totalmente | 1 |
| Discordo | 2 |
| Não concordo nem discordo | 3 |
| Concordo | 4 |
| Concordo plenamente | 5 |

Fonte: Própria (2019).

Para cada elemento que compõe o modelo de oferta dos cursos de graduação a distância do CEAD/Unimontes foi desenvolvido um sistema *fuzzy* específico. Assim, temos a construção de sete sistemas de inferência *fuzzy*, a saber: (1) Videoaulas, (2) Atividades Colaborativas, (3) Atividades individuais, (4) Fóruns de discussão, (5) *Webinars*, (6) Avaliações presenciais, (7) Salas virtuais.

Cada média calculada corresponde um valor de entrada para o sistema *fuzzy* referente ao Elemento N, conforme Figura 5.

**Figura 5 – Modelo de inferência e pré-processamento de suas entradas**



Fonte: Própria (2019).

A partir do resultado das 539 respostas dos alunos para cada uma das questões foram calculadas as suas medias aritméticas como na figura 5. Em seguida cada uma das médias foi inserida em uma variável de entrada para serem fuzzificadas e utilizadas no sistema de inferência referente ao seu respectivo elemento.

Como saída obtemos o desempenho do Elemento N, um valor real dentro de um intervalo de um a cinco.

### Definição das variáveis linguisticas

Cada sistema *fuzzy* possui cinco variáveis linguísticas: quatro variáveis de entrada e uma variável de saída, com exceção do sistema *fuzzy* referente ao elemento Salas virtuais que possui seis variáveis de entrada.

As variáveis de entrada foram definidas em um intervalo de um a cinco com três funções de pertinência triangulares: Baixo, Médio e Alto.

Como as funções de pertinência dos sistemas são triangulares, precisamos de três parâmetros [a,b,c] para definirmos cada função. Estes valores correspondem às projeções no eixo x dos três vértices do triângulo.

O trecho de código a seguir apresenta os parâmetros que definem três funções de pertinência para nossas variáveis de entrada.

variaveis\_de\_entrada = [

[1, 1, 3.5],

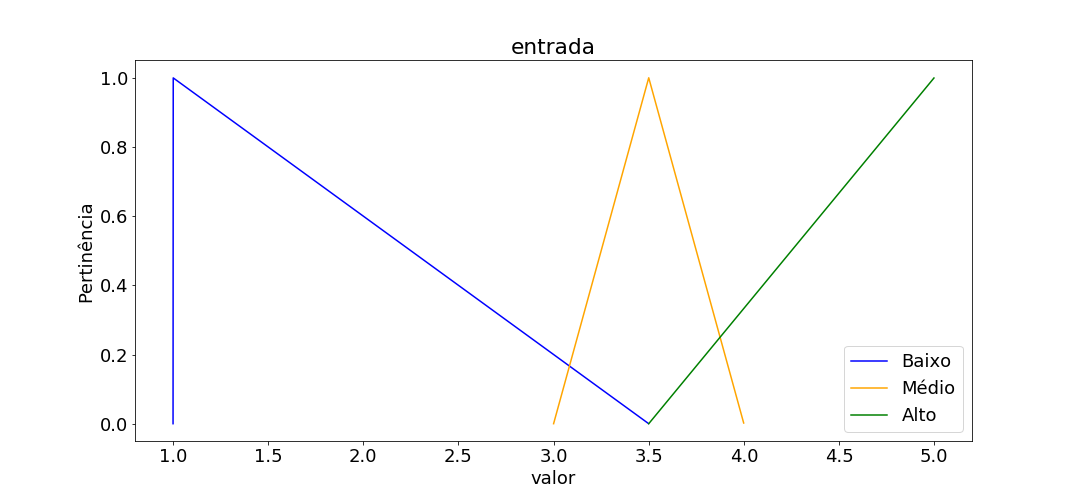
[3, 3.5, 4],

[3.5, 5, 5] ]

A primeira linha da nossa lista variaveis\_de\_entrada [1, 1, 3.5] define os parâmetros da função Baixo, a segunda linha [3, 3.5, 4] define os parâmetros da função Médio e a terceira [3.5, 5,5] define a função Alto.

Na Figura 6 é apresentada a representação gráfica das variáveis de entrada definidas.

**Figura 6 – Representação gráfica das variáveis de entrada**

Fonte: Própria (2019), utilizando Matplotlib 2.2.2.

Cada uma das funções de pertinência é representada em uma cor especifica na Figura 6. A função de pertinência Baixo é representada na cor azul no lado esquerda da Figura. Em seguida em amarelo está a representação da função de pertinência Médio e por fim no lado direito da Figura a representação da função de pertinência Alto na cor verde.

Cada sistema *fuzzy* possui uma variável de saída. A variável de saída foi definida em um intervalo de um a cinco com três funções de pertinência triangulares: Baixa, Média e Alta.

O trecho de código a seguir apresenta os parâmetros que definem três funções de pertinência para nossa variável de saída.

variavel\_de\_saida = [

[1, 1, 3.5],

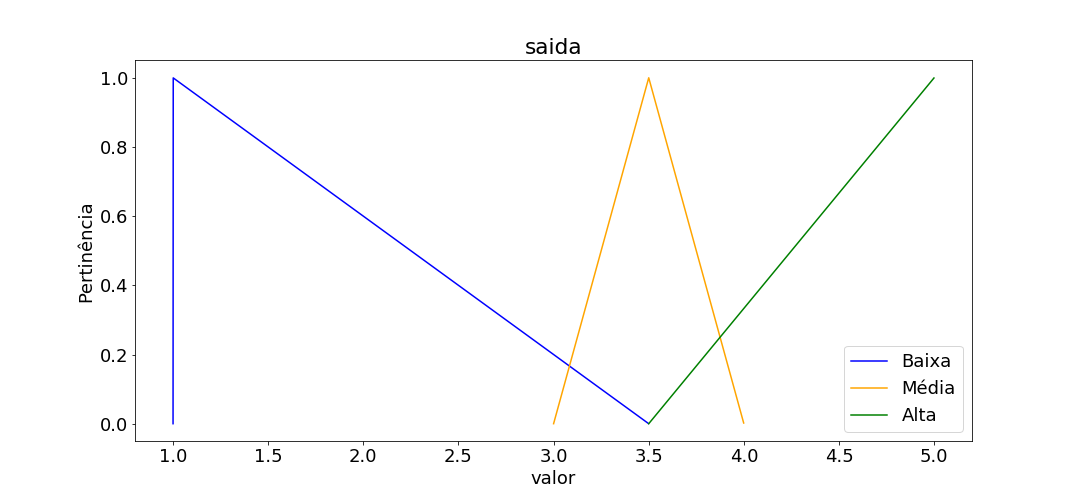
[3, 3.5, 4],

[3.5, 5, 5] ]

A primeira linha da nossa lista variavel\_de\_saida [1, 1, 3.5] define os parâmetros da função Baixa, a segunda linha [3, 3.5, 4] define os parâmetros da função Média e a terceira [3.5, 5,5] define a função Alta.

Na Figura 7 é apresentada a representação gráfica da variável de saída.

**Figura 7 – Representação gráfica da variável de saída**



Fonte: Própria (2019), utilizando Matplotlib 2.2.2.

Cada uma das funções de pertinência é representada em uma cor especifica na Figura 7. A função de pertinência Baixa é representada na cor azul no lado esquerdo da Figura. Em seguida em amarelo está a representação da função de pertinência Média e por fim no lado direito da Figura a representação da função de pertinência Alta na cor verde.

### Bases de regras

Em conjunto com especialistas em educação a distância do CEAD/Unimontes foram desenvolvidas as bases de regras de cada sistema. O método de inferência escolhido é o mamdani, sendo assim todas as regras obtém seus consequentes a partir de operações lógicas *AND.* Cada variável de entrada do nosso sistema *fuzzy* está associada a uma questão do questionário na dimensão avaliada.

Ao todo foram necessárias sete base de regras. Uma para cada sistema *fuzzy* desenvolvido. Na representação das regras utilizadas, cada coluna, com exceção da ultima é referente a uma variável de entrada do sistema, sendo a ultima valor definido para a variável de saída.

A primeira base de regras definida é referente ao elemento videoaulas. A base de regras é composta por 26 regras.

* Elemento vídeoaulas

regras\_do\_elemento\_videoaulas = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento videoaulas, em cada coluna temos um valor para uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a ultima coluna valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o elemento videoaulas possui quatro variáveis de entrada, nossa base de regras é apresentada com cinco colunas.

A segunda base de regras abaixo é referente ao elemento atividades colaborativas. Esta base de regras é composta por 34 regras.

* Elemento atividades colaborativas:

regras\_do\_elemento\_atividades\_colaborativas = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento atividades colaborativas, em cada coluna têm-se um valor para uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna o valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o elemento atividades colaborativas possui quatro variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com cinco colunas.

A terceira base de regras definida é referente ao elemento atividades individuais. A base de regras é composta por 25 regras.

* Elemento atividades individuais:

regras\_do\_elemento\_atividades\_individuais = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento atividades individuais, em cada coluna têm-se um valor para cada uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna o valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o elemento atividades individuais possui quatro variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com cinco colunas.

A quarta base de regras definida é referente ao elemento fóruns de discussão. A base de regras é composta por 32 regras.

* Elemento fóruns de discussão:

regras\_do\_elemento\_foruns\_de\_discussao = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, ALTO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento fóruns de discussão, em cada coluna têm-se um valor para cada uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna o valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o elemento fóruns de discussão possui quatro variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com cinco colunas.

A quarta base de regras definida é referente ao elemento *webinars*. A base de regras é composta por 32 regras.

* Elemento *webinars*:

regras\_do\_elemento\_webinars = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento *webinars,* em cada coluna têm-se um valor para uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna o valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o elemento *webinars* possui quatro variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com cinco colunas.

A sexta base de regras definida é referente ao elemento avaliações presenciais. A base de regras é composta por 34 regras.

* Dimensão avaliações presenciais:

regras\_do\_elemento\_avaliacoes\_presenciais = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[BAIXO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, ALTO, MEDIO, BAIXO, MEDIA],

[ALTO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA] ]

No conjunto de regras do elemento avaliações presenciais, em cada coluna têm-se o valor para uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna o valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar o avaliações presenciais possui quatro variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com cinco colunas.

A sétima base de regras definida é referente ao elemento salas virtuais. A base de regras é composta por 22 regras.

* Dimensão salas virtuais:

regras\_do\_elemento\_salas\_virtuais = [

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, MEDIO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[MEDIO, BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, BAIXA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, BAIXO, MEDIO, MEDIA],

[BAIXO, BAIXO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIO, MEDIA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, MEDIA, MEDIA, ALTO, ALTA],

[MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTO, MEDIO, ALTA],

[ALTO, MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTO, ALTO, ALTA],

[BAIXO, ALTO, ALTO, MEDIO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[ALTO, BAIXO, MEDIO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[BAIXO, MEDIO, BAIXO, ALTO, MEDIO, ALTO, ALTA],

[MEDIO, BAIXO, ALTO, ALTO, BAIXO, ALTO, ALTA] ]

**­­**

No conjunto de regras do elemento salas virtuais, em cada coluna têm-se um valor para uma das variáveis de entrada do sistema, sendo a última coluna valor *fuzzy* da variável de saída. Como o sistema *fuzzy* responsável por avaliar as avaliações presenciais possui seis variáveis de entrada, a base de regras é apresentada com sete colunas.

# Resultados OBTIDOS

A partir do trabalho desenvolvido têm-se como resultado a avaliação dos elementos que compõem o modelo de oferta do CEAD/Unimontes utilizando médias aritméticas e também utilizando-se a lógica *fuzzy*. Nas sessões a seguir as duas abordagens serão apresentadas.

## Resultados do questionário

Os resultados do questionário são apresentados de forma a deixar clara a perspectiva atual de avaliação do CEAD/Unimontes nos cursos de graduação a distância.

A Tabela 1 apresenta os resultados gerais obtidos a partir das respostas dos alunos ao questionário. Foram calculadas as médias aritméticas obtidas para cada questão de cada elemento que compõe o modelo de oferta de cursos a distância do CEAD/Unimontes.

**Tabela 1 - Médias das respostas do questionário**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Elemento | Questão 1 | Questão 2 | Questão 3 | Questão 4 | Questão 5 | Questão 6 |
| vídeoaulas | 3.9610 | 3.8312 | 3.6679 | 3.6479 | - | - |
| atividades colaborativas | 3.9109 | 3.2968 | 3.7254 | 3.5788 | - | - |
| atividade individual | 3.8182 | 3.5937 | 3.8126 | 3.6531 | - | - |
| fóruns de discussão | 3.6549 | 3.5584 | 3.5955 | 3.5306 | - | - |
| *webinars* | 3.5158 | 3.3840 | 3.6419 | 3.6679 | - | - |
| avaliações presenciais | 3.6401 | 3.7829 | 3.5918 | 3.5993 | - | - |
| salas virtuais | 3.6939 | 3.6419 | 3.5937 | 3.6271 | 3.8219 | 3.7477 |

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna da Tabela 1 contém as dimensões avaliadas: videoaulas, atividades colaborativas, atividade individual, fóruns de discussão, *webinars*, avaliações presenciais e salas virtuais. O cabeçalho da tabela indica a partir da segunda coluna o índice das questões. Na primeira linha da tabela é apresentada as médias das questões referentes ao elemento videoaulas. Na segunda linha está contida as médias das questões referentes ao elemento atividades colaborativas. Na terceira as médias das questões referentes a atividade individual. A quarta linha da tabela apresenta as médias das questões associadas aos fóruns de discussão, Na quinta linha está contida as médias dos *webinars*. A sexta linha contém as médias do elemento avaliações presenciais. Por fim a sétima linha da tabela contém as médias do elemento salas virtuais.

Os gráficos de índice de 1 à 7 apresentam de forma visual as médias das saídas dos questionários.

O Gráfico 1 representa o elemento videoaulas, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 1 - Elemento Videoaulas**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se nas videoaulas foram utilizados slides com textos e imagens que favoreceram a aprendizagem. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,9610. A segunda questão representada no gráfico avalia se nas videoaulas foram utilizados materiais relevantes e atualizados gerando engajamento por parte dos alunos, a média obtida foi de 3.8312. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se as videoaulas foram objetivas e aproveitaram bem o tempo disponível, sendo obtido como saída o valor médio de 3,6679. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se as videoaulas foram ministradas com boa dicção, clareza e segurança na exposição dos conteúdos, o valor médio obtido para a questão foi de 3,6475.

O Gráfico 2 representa o elemento atividades colaborativas, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 2 - Elemento Atividades Colaborativas**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se as atividades colaborativas favoreceram a colaboração, induzindo a troca de conhecimentos e experiências entre os alunos. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,9109. A segunda questão representada no gráfico avalia se as atividades colaborativas foram compatíveis com o tempo disponível, a média obtida foi de 3.2968. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se as atividades colaborativas foram relevantes para a compreensão dos conteúdos, sendo obtido como saída o valor médio de 3,7254. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se as atividades colaborativas contaram com roteiros claros e completos, incluindo apresentação dos objetivos, descrição e critérios de avaliação, o valor médio obtido para a questão foi de 3,5788.

O Gráfico 3 representa o elemento atividades individuais, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 3 - Elemento Atividades Individuais**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se as atividades individuais favoreceram a imersão nos conteúdos, induzindo a aprendizagem autônoma. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,8182. A segunda questão representada no gráfico avalia se as atividades individuais foram compatíveis com o tempo disponível, a média obtida foi de 3.5937. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se as atividades individuais foram relevantes para a compreensão dos conteúdos, sendo obtido como saída o valor médio de 3,8126. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se as atividades individuais contaram com roteiros claros e completos, incluindo apresentação dos objetivos, descrição e critérios de avaliação, o valor médio obtido para a questão foi de 3,6531.

O Gráfico 4 representa o elemento fóruns de discussão, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 4 - Elemento Fóruns de Discussão**

**Fonte: Própria (2019).**

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se os fóruns de discussão foram abertos com questões geradoras de discussões ricas e relevantes. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,6549. A segunda questão representada no gráfico avalia se os fóruns de discussão foram bem conduzidos e avaliados, contendo intervenções que proporcionaram a aprendizagem dos alunos, a média obtida foi de 3.5584. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se os fóruns de discussão contaram com materiais e orientações suficientes para a participação dos alunos, sendo obtido como saída o valor médio de 3,5955. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se os fóruns de discussão foram devidamente finalizados, com destaques para os principais conteúdos e participações da turma, o valor médio obtido para a questão foi de 3,5306.

O Gráfico 5 representa o elemento *webinars,* são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 5 – Elemento Webinars**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se os *webinars* esclareceram as duvidas dos alunos por meio de uma interação ao vivo. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,5158. A segunda questão representada no gráfico avalia se os *webinars* forneceram feedbacks sobre o andamento da disciplina e o desempenho da turma, a média obtida foi de 3.3840. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se os *webinars* colaboraram com a aprendizagem dos alunos, sendo obtido como saída o valor médio de 3,6419. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se os *webinars* desempenharam papel importante na revisão dos conteúdos para as avaliações presenciais, o valor médio obtido para a questão foi de 3,6679.

O Gráfico 6 representa o elemento avaliações presenciais, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 6 – Elemento Avaliações Presenciais**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se as avaliações presenciais contiveram questões condizentes com o conteúdo ministrado. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,6401. A segunda questão representada no gráfico avalia se as avaliações presenciais foram compatíveis com o tempo disponível, a média obtida foi de 3.7829. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se as avaliações presenciais priorizaram a construção do conhecimento em detrimento da memorização, sendo obtido como saída o valor médio de 3,5918. Por fim a quarta questão representada no gráfico avalia se as avaliações presenciais apresentaram níveis de dificuldade compatíveis com o nível trabalhado na disciplina, o valor médio obtido para a questão foi de 3,5993.

O Gráfico 7 representa o elemento sala virtual, são apresentados no gráfico o resultado das médias das quatro questões referentes ao elemento avaliado.

**Gráfico 7 – Elemento Sala Virtual**

Fonte: Própria (2019).

A primeira coluna do gráfico contém o resultado da primeira questão sobre o elemento. A questão avalia se nas salas virtuais foram disponibilizados de forma apropriada o plano de ensino e as informações sobre o conteúdo, objetivos, metodologias e critérios de avaliação da disciplina. O valor médio da primeira questão respondido pelos alunos dos cursos do CEAD/Unimontes é 3,6939. A segunda questão representada no gráfico avalia se as salas virtuais atenderam as necessidades de aprendizagem dos alunos, apresentando um formato intuitivo e didático, a média obtida foi de 3.6419. Em seguida temos a representação da média referente a terceira questão, avaliando se as salas virtuais foram dinâmicas e devidamente atualizadas durante a disciplina, sendo obtido como saída o valor médio de 3,5937. A quarta questão representada no gráfico avalia se as salas virtuais viabilizaram a articulação entre a teoria X a prática dos conteúdos, o valor médio obtido para a questão foi de 3,6271. A quinta questão do elemento avalia se as salas virtuais foram ambientes de interações respeitosas e éticas entre alunos e professores, o valor médio obtido para a questão foi de 3,8219. Por fim a quinta questão representada no gráfico avalia se nas salas virtuais os conteúdos das disciplinas foram relacionados com a atuação profissional, o valor médio obtido para a questão foi de 3,7477.

## Resultados dos sistemas de inferência

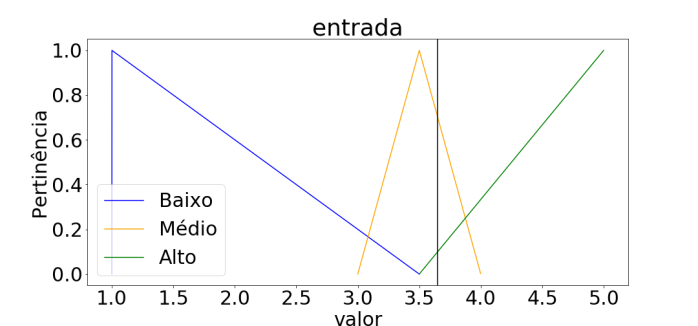
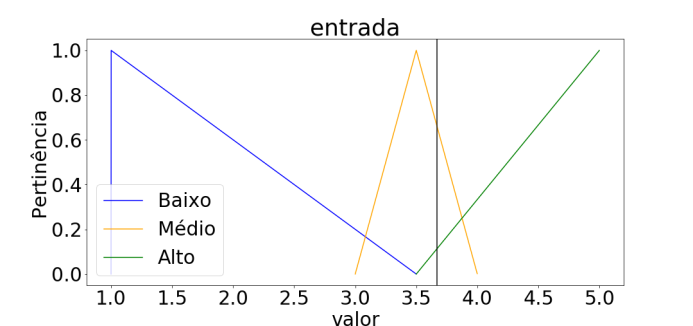
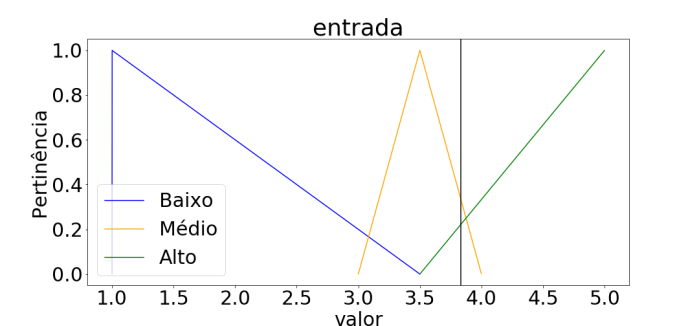
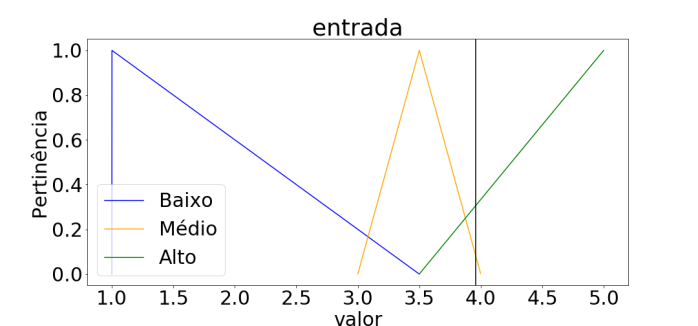
Após o calculo das médias por questão, estes valores são atribuídos as variáveis de entrada do sistema que então são fuzzificadas, gerando as respectivas pertinências em cada conjunto das variáveis de entrada.

### Gráficos das variáveis de entrada

Os gráficos apresentados nas Figuras 8 a 14 são referentes às variáveis de entrada dos sistemas *fuzzy.*

Na Figura 8 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento videoaulas. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 8 - Elemento videoaulas – Questões de 1 a 4**

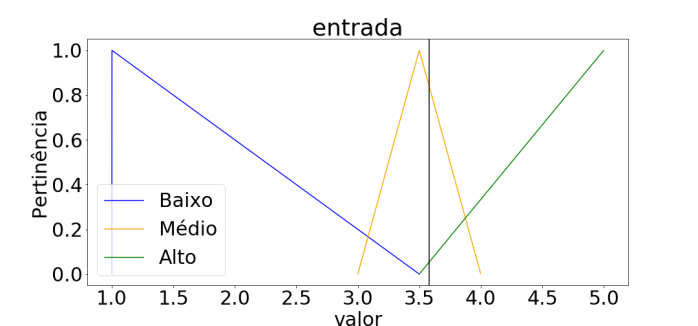
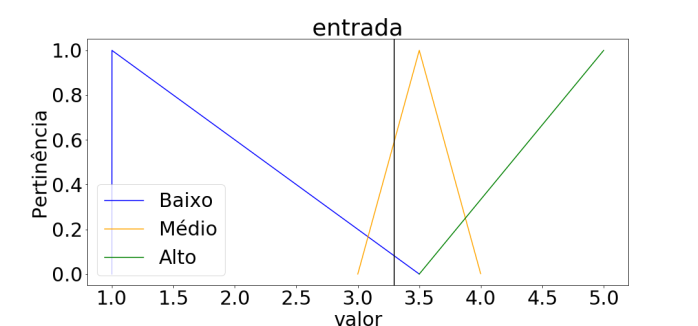
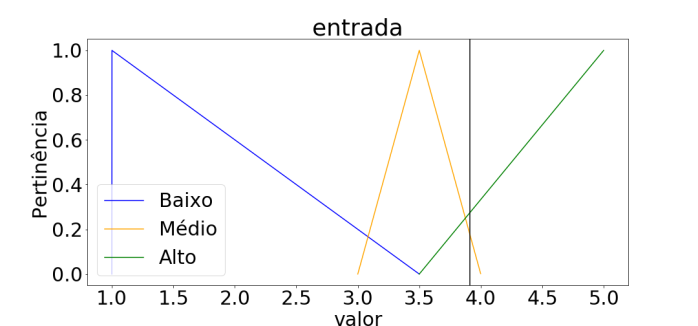
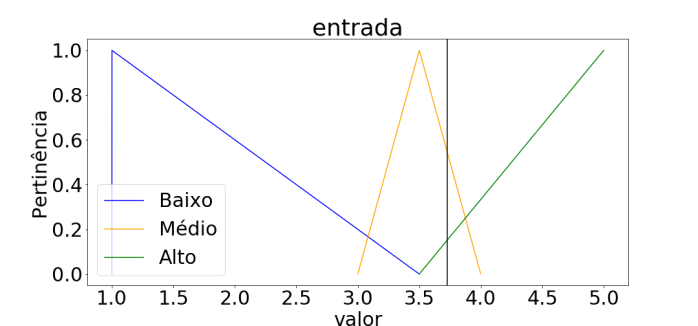
**

Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.9610. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.8312. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente a terceira questão a entrada é 3.6679. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.6479. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Nas Figura 9 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento atividades colaborativas. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 9 - Elemento atividades colaborativas – Questões de 1 à 4**

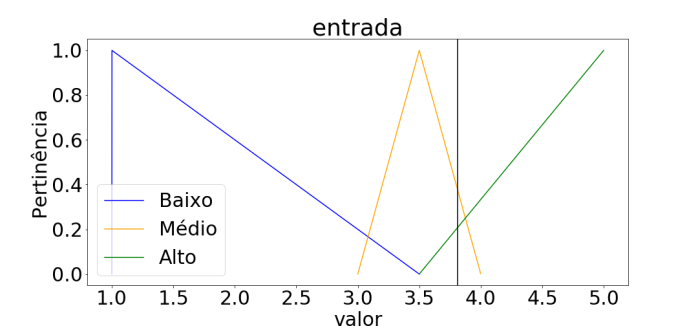
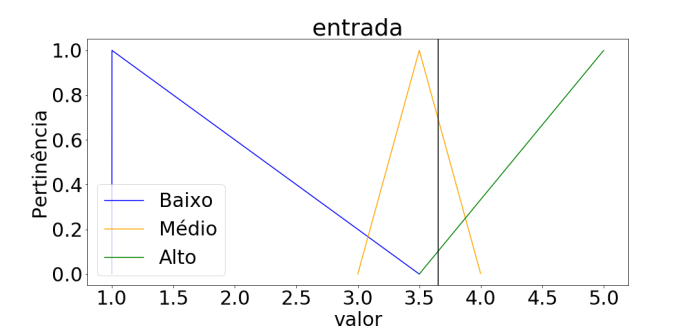
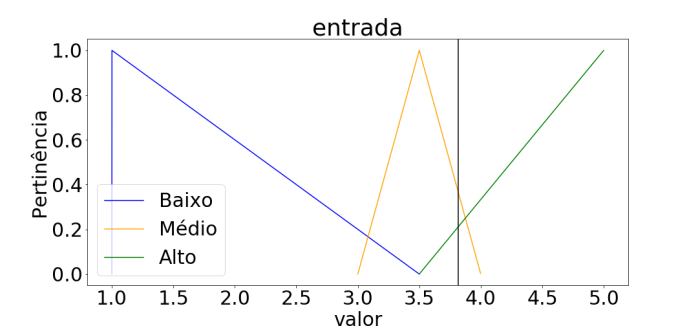
**

Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.9109. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.2968. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Baixo e Médio. No gráfico referente à terceira questão a entrada é 3.7254. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.5788. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Na Figura 10 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento atividades individuais. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 10 - Elemento atividades individuais – Questões de 1 à 4**

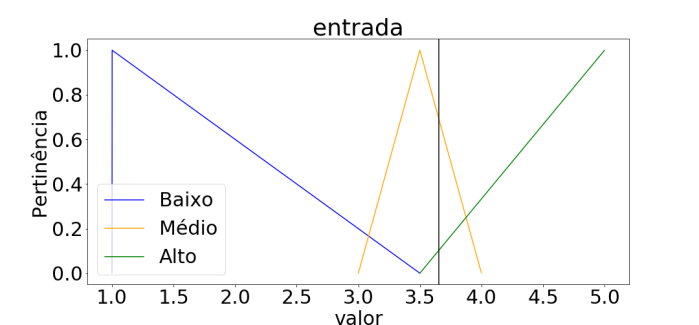
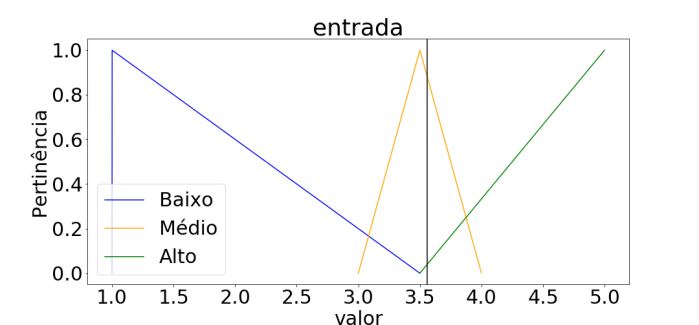
**

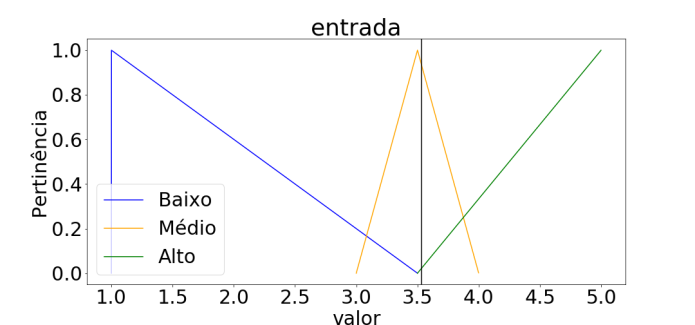
Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.8182. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.5937. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente à terceira questão a entrada é 3.8126. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.6531. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Na Figura 11 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento fóruns de discussão. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 11 - Elemento fóruns de discussão – Questões de 1 à 4**



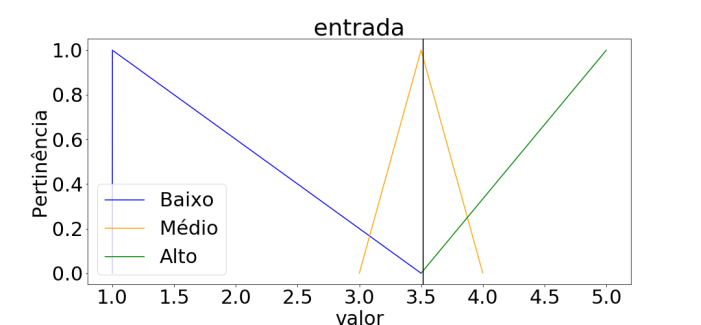
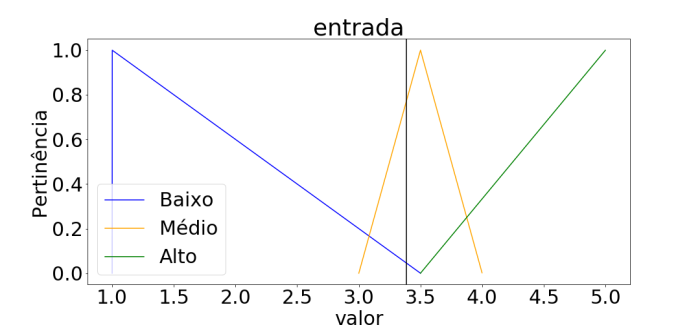


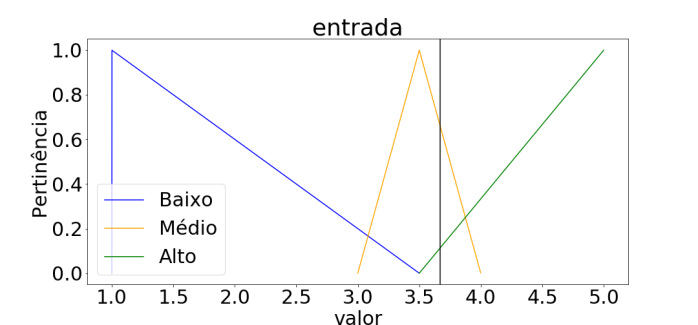
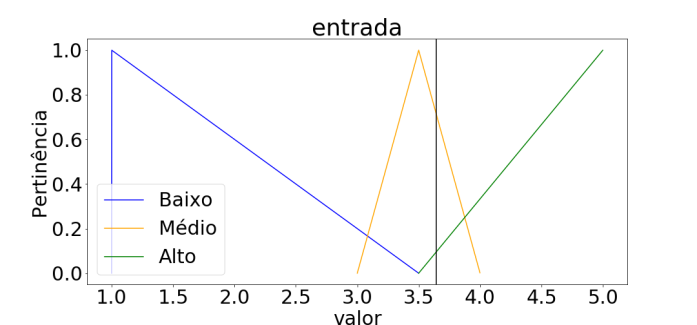
Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.6549. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.5584. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente à terceira questão a entrada é 3.5955. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.5306. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Na Figura 12 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento *webinars*. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 12 - Elemento webinars – Questões de 1 à 4**



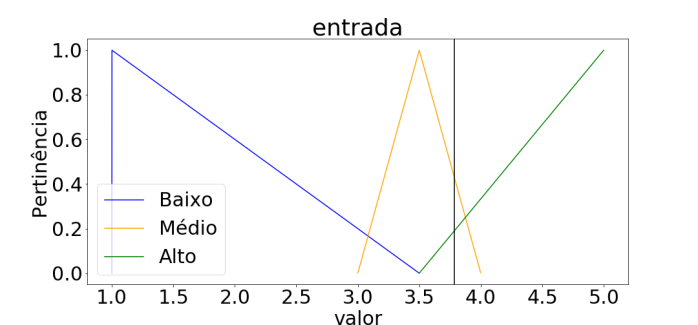
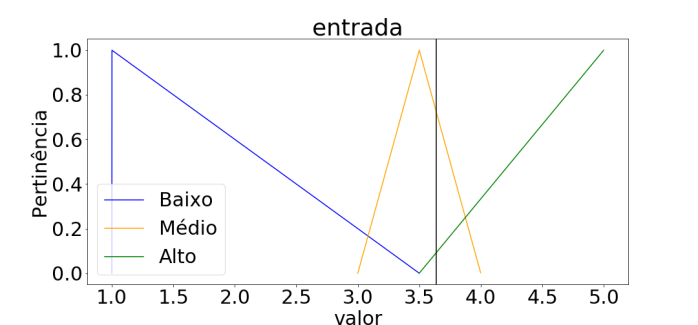
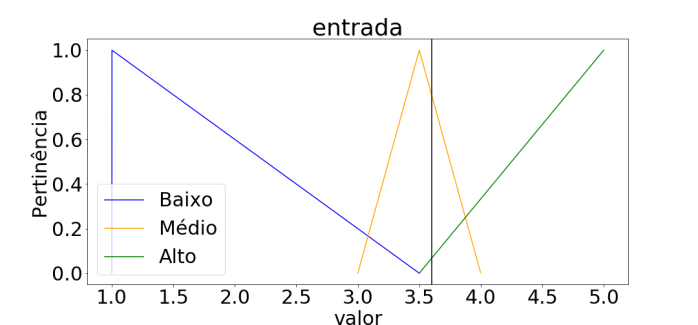
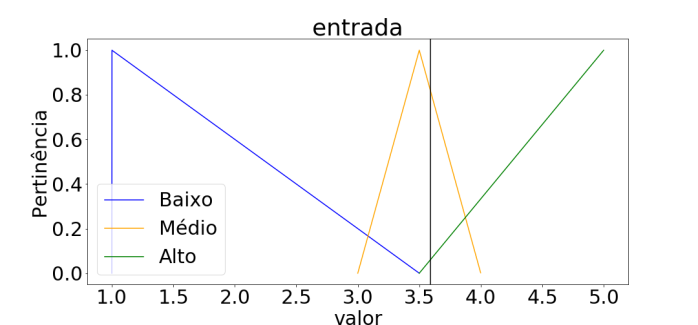


Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.5158. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.3840. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Baixo e Médio. No gráfico referente à terceira questão a entrada é 3.6419. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.6679. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Na Figura 13 são exibidos os gráficos referentes as quatro variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento avaliações presenciais. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 13 - Elemento avaliações presenciais – Questões de 1 à 4**

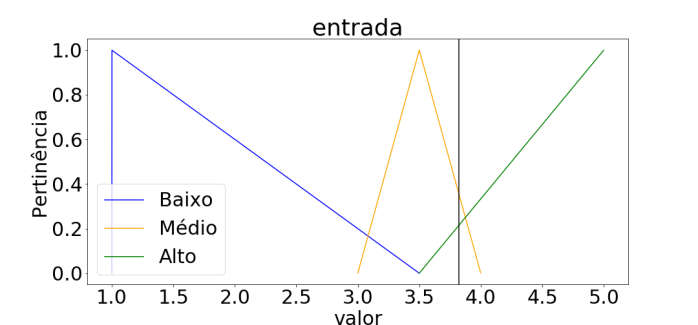
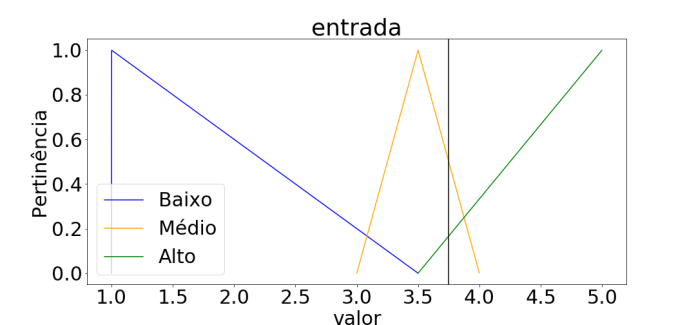
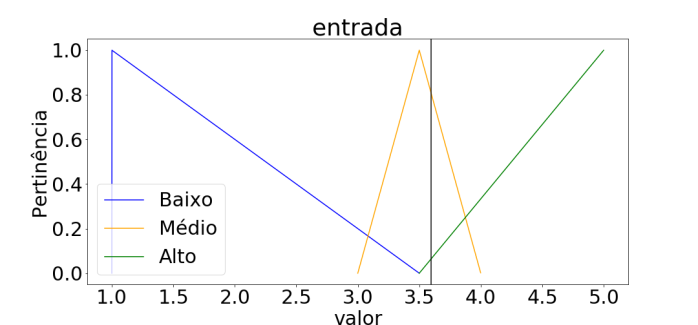
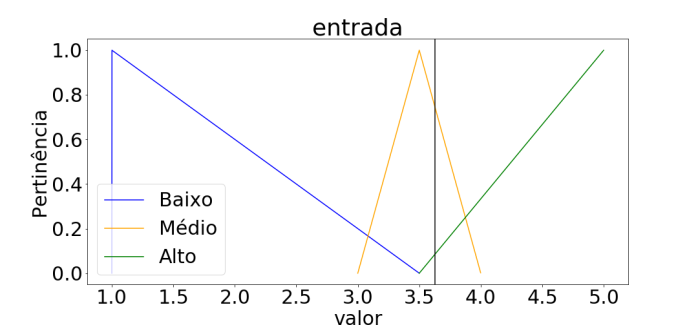
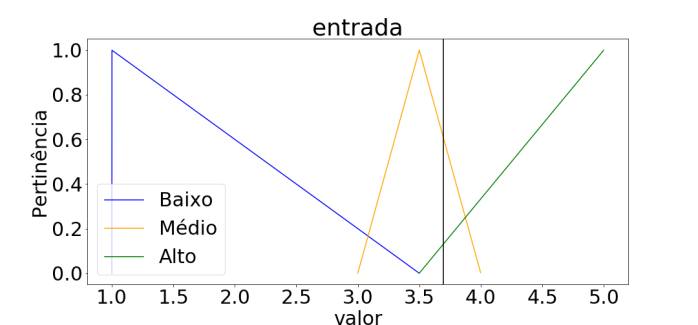
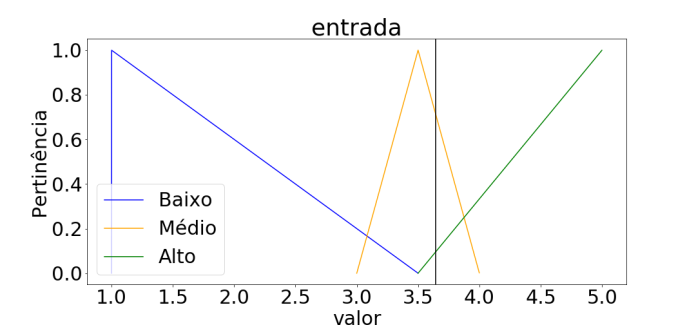


Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.6401. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.7829. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente a terceira questão a entrada é 3.5918. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. Por fim o gráfico da quarta questão tem como entrada 3.5993. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto.

Na Figura 14 são exibidos os gráficos referentes as seis variáveis de entrada do sistema *fuzzy* elemento salas virtuais. Em azul está representada a função de pertinência Baixo, em amarelo a função Médio e em verde a função Alto. O valor de entrada é representado por uma linha na cor preto na vertical.

**Figura 14 - Elemento salas virtuais – Questões de 1 à 6**

**

Fonte: Própria (2019).

No gráfico da primeira questão temos como entrada 3.6939. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da segunda questão tem como entrada 3.6419. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente a terceira questão a entrada é 3.5937. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. O gráfico da quarta questão tem como entrada 3.6271. O valor de entrada tem suas maiores pertinências concentras nas funções Médio e Alto. No gráfico referente a quinta questão o valor de entrada é 3.8219 tendo suas maiores pertinências concentradas na funções Médio e Alto. E por fim o valor de entrada da sexta variável é 3.7477, tendo também suas maiores pertinências concentradas nas funções Médio e Alto.

### Resultados dos sistemas de inferência

A Tabela 2 apresenta os resultados gerados pelos sistemas de inferência *fuzzy* referentes a avaliação de cada um dos elementos que compõem o modelo de oferta do CEAD/Unimontes.

**Tabela 2 - Resultados dos sistemas de inferência**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Dimensão | Saída |  |
| videoaulas | 3.6518 |  |
| atividades colaborativas | 3.5338 |  |
| atividades individuais | 3.5506 |  |
| fóruns de discussão | 3.4994 |  |
| webinars | 3.5013 |  |
| avaliações presenciais | 3.5005 |  |
| salas virtuais | 3.5036 |  |

Fonte: Própria (2019).

Cada um dos valores da Tabela 2 é resultado do sistema *fuzzy* referente ao elemento avaliado. Na primeira linha é apresentada a avaliação *fuzzy* do elemento videoaulas: 3.6518. A segunda linha contém a avaliação do elemento atividades colaborativas: 3.5338. O elemento atividades individuais tem sua avaliação na terceira linha da tabela: 3.5506. A quarta linha apresenta o resultado dos fóruns de discussão: 3.4994. Na quinta linha é apresentada a avaliação do elemento *webinars*: 3.5013. A sexta linha apresenta a avaliação do elemento avaliações presenciais. Por ultimo a sexta linha da tabela exibe a avaliação do elemento salas virtuais: 3.5036.

## Discussão dos resultados

O gráfico 8 apresenta um comparativo entre os resultados das avaliações utilizando médias aritméticas e com o uso da lógica *fuzzy.*

**Gráfico 8 - Resultados dos sistemas de inferência.**

Fonte: Própria (2019).

O elemento videoaulas foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,7770 e 3,6519 utilizando a lógica *fuzzy*, a diferença entre as duas abordagens foi de 0.1181.  O elemento atividades colaborativas foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,6280 e 3,5339 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.0941.  Já o elemento atividades individuais foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,7194 e 3,5507 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.1687. O elemento fóruns de discussão foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,5848 e 3,4994 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.0854.  Já o elemento *webinars* foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,5524 e 3,5014 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.051. O elemento avaliações presenciais foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,6535 e 3,5006 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.1529. Por fim o elemento salas virtuais foi avaliado na abordagem utilizando média aritmética com o valor de 3,6877 e 3,5037 utilizando a lógica *fuzzy*, uma diferença  de 0.184.

 Pôde-se perceber através dos resultados obtidos uma diferença  entre as duas abordagens. Sendo o elemento salas virtuais o que possui maior discrepância em relação aos dois métodos e o elemento *webinars* a menor diferença. A lógica *fuzzy* por utilizar bases de regras em seu cálculo pôde capturar o processo de tomada de decisão humano e assim priorizar determinados fatores em detrimento de outros. Como por exemplo, se a primeira ou ultima questão referente a um dos elementos tem maior ou menor valor para a avaliação final.

Como no estudo realizado por Tiago *et al.* (2014) foi possível que as avaliações fizessem uso de diversos indicadores onde cada elemento utilizou-se de pelo menos quatro, capturados pelas questões presentes no questionário.

Também como no trabalho desenvolvido por Mendonça *et al.* (2015) foi possível através da lógica *fuzzy* obter-se resultados quantitativos a partir de dados qualitativos, modelando de maneira mais adequada o processo de tomada de decisão humano, pois segundo Toledo e Conceza (2004, p. 1), a lógica *fuzzy* leva em consideração a maior facilidade do ser humano em lidar com termos linguísticos ao invés de valores numéricos.

Pôde-se assim gerar uma avaliação mais precisa em relação ao contexto subjetivo da avaliação docente, abrangendo pontos que não estão inclusos na média aritmética por si só.

# CONSIDERAÇÕES FINAIS

Processos de avaliação educacional se fazem necessários para o constante aperfeiçoamento do ensino-aprendizagem nas instituições de ensino, contribuindo para desenvolvimento social e econômico de um país. O contexto da educação a distância envolve tanto conceitos objetivos quanto subjetivos sendo necessário um modelo de avaliação que incorpore sua subjetividade e características especificas. O modelo de avaliação docente utilizado atualmente no CEAD/Unimontes faz uso de médias aritméticas para o cálculo das avaliações de seus docentes, técnica que por si só não contempla tal realidade subjetiva inerente ao contexto educacional.

A lógica *fuzzy* por fazer uso de termos linguisticos, se faz uma técnica adequada como o observado na literatura para contextos que envolvem informações vagas, subjetivas ou incompletas, como nos contextos educacionais.

O presente trabalho foi desenvolvido com o objetivo de desenvolver um modelo de avaliação docente para o CEAD/Unimontes baseado na lógica *fuzzy*, incorporando os sete elementos que compõem o modelo de oferta de seus cursos.

Em conjunto com especialistas em educação a distância do CEAD/Unimontes um instrumento de coleta de dados foi elaborado com o objetivo de capturar a avaliação dos docentes do CEAD por parte de seus alunos. Então sistemas *fuzzy* foram modelados para avaliar individualmente cada um dos sete elementos que compõem o modelo de oferta do CEAD.

Médias aritméticas foram calculadas a partir das respostas dos acadêmicos a cada questão e posteriormente foram utilizadas como entrada dos sistemas *fuzzy*. Para cada elemento foi implementado um sistema *fuzzy* independendente.

A avaliação fazendo uso da lógica *fuzzy* pôde ser confrontada ao método de avaliação atual. Foi possível observar divergências em todos os elementos avaliados. Onde avaliações fazendo o uso de médias aritméticas tiveram maiores valores em relação as que faziam uso da lógica *fuzzy*. Sendo observado uma discrepância de até 0.184, observada nas avaliações referentes ao elemento salas virtuais e de pelo menos 0.051 observada no elemento *webinars*.

Tendo como objetivo, propor como desenvolver um modelo de avaliação docente na perspectiva de seus discentes baseado na lógica *fuzzy* que incorpore os elementos que compõem o modelo de oferta do CEAD/Unimontes. Tem-se que o objetivo do trabalho foi alcançado.

Igualmente os objetivos específicos foram atendidos, pois foram desenvolvidos um instrumento de coleta de dados para a avaliação docente, sistemas *fuzzy* para a avaliação de cada um dos sete elementos que compõem o modelo de oferta de cursos a distância do CEAD/Unimontes e as avaliações obtidas puderam ser disponibilizadas a gestão do CEAD/Unimontes.

Como trabalhos futuros observa-se o estudo da utilização de outras técnicas para o desenvolvimento da base de regras utilizada pelos sistemas *fuzzy*. Também se faz pertinente o estudo de abordagens com outros métodos de defuzzificação e com outras funções de pertinência. Testando assim o comportamento dos sistemas com diferentes métodos e técnicas no contexto estudado. Como trabalho futuro tem-se também a implementação do sistema desenvolvido de maneira integrada ao sistema de pesquisas do CEAD/Unimontes.

# BIBLIOGRAFIA

ARRUDA, Dayse et al. “Análise comparativa de ferramentas computacionais para modelagem de lógica fuzzy”. 2013. Disponível em: https://www.aedb.br/seget/arquivos/artigos13/39418400.pdf. Acesso em: 13 out. 2019.

BARRET, Paul et al. “matplotlib--A Portable Python Plotting Package”. In: Astronomical data analysis software and systems XIV. 2005. p. 91. Disponível em: http://articles.adsabs.harvard.edu/full/seri/ASPC./0347//0000095.000.html. Acesso em: 14 out. 2019.

BRASIL. Lei 9394/1996 (Lei de Diretrizes e Bases da Educação Nacional). Disponível em: http://portal.mec.gov.br/arquivos/pdf/ldb.pdf. Acesso em: 17 out. 2018.

BRASIL. Ministério da Educação, Secretaria de Educação a Distância. Referenciais de qualidade para educação superior a distância. Brasília: MEC-SEED, 2007.

COSTA, Kelle C.F da . et al. Acompanhamento do estudante em ambientes de aprendizagem utilizando Lógica Fuzzy. Disponível em: <http://www.br-ie.org/pub/index.php/wie/article/view/911/897>. Acesso em: 28 nov. 2018.

Eli, Bressert. Scipy and NumPy. 2012. Disponível em: <http://astronomi.erciyes.edu.tr/wp-content/uploads/astronom/pdf/SciPy%20and%20NumPy%20-%20Eli%20Bressert.pdf>. Acesso em: 28 out. 2019.

FABRI, José Augusto; FABRI, Marília GS. Ferramenta Fuzzy para Acompanhamento do Desempenho dos alunos nos Cursos a Distância. Disponivel em: https://www.researchgate.net/profile/Ja\_Fabri/publication/228558570\_Ferramenta\_Fuzzy\_para\_Acompanhamento\_do\_Desempenho\_dos\_alunos\_nos\_Cursos\_a\_Distancia/links/574da8b408aec988526b9a06/Ferramenta-Fuzzy-para-Acompanhamento-do-Desempenho-dos-alunos-nos-Cursos-a-Distancia.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

FERNANDES, Domingos. “Avaliação do desempenho docente: desafios, problemas e oportunidades”. 2008. Disponivel em: http://repositorio.ul.pt/bitstream/10451/5508/1/Brochura\_avaliacao\_docente.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

FRANCO, Cristiano Roberto. Inteligência artificial. Londrina: Editora e Distribuidora Educacional S.A, 2014.

GABRIEL, Camila Pires Cremasco et al. Plataforma computacional estruturada com sistemas baseados em regra fuzzy para análise da racionalidade e eficiência da utilização de energia elétrica em empresas de avicultura de postura. 2012. Disponível em: https://www.researchgate.net/publication/273128252\_Plataforma\_computacional\_estruturada\_com\_sistemas\_baseados\_em\_regra\_fuzzy\_para\_analise\_da\_racionalidade\_e\_eficiencia\_da\_utilizacao\_de\_energia\_eletrica\_em\_empresas\_de\_avicultura\_de\_postura\_Computing\_pl. Acesso em: 20 out. 2019.

GIL, A. C. Como elaborar projetos de pesquisa. 4. ed. São Paulo: Atlas, 2007.

GOMIDE, Fernando Antonio Campos; GUDWIN, Ricardo Ribeiro. Modelagem, controle, sistemas e lógica fuzzy. Disponível em: https://pdfs.semanticscholar.org/c4ea/4484bdd2449053d7b7384b05c0e2def86449.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

HUNTER, John; DALE, “Darren. The Matplotlib User’s Guide”. 2007. Disponível em: <https://social.stoa.usp.br/articles/0015/3893/matplotlib.pdf> Acesso em: 14 out. 2019.

IEEE, What is Computational Intelligence?. Computational Intelligence Society. Disponível em: https://cis.ieee.org/about/what-is-ci. Acesso em: 03 maio 2019.

JANG, Jyh-Shing Roger; SUN, Chuen-Tsai; EIJI, Mizutani. Neuro-Fuzzy and Soft Computing: A computational Aprproach to Learning and Machine Intelligence. Rio de Janeiro: Prentice-Hall do Brasil,1997.

KRUSE, Rudolf. *et. al.* Computational Intelligence: A Methodological Introduction. 1 ed. London, Springer, 2013.

KONAR, Amit. Computational Intelligence: Principles, Techniques and Applications. India:Springer Science & Business Media, 2005.

L’ERARIO, Alexandre; FABRI, José Augusto. Um método de avaliação docente utilizando lógica fuzzy. In X Congresso Argentino de Ciencias de la Computación, 2004.

LOPES, Robson S. et al. Um Sistema de Avaliação em EAD Baseado em Lógica Fuzzy. 2008.

MARRO, Alessandro Assi et al. Lógica fuzzy: conceitos e aplicações. Disponível em: https://s3.amazonaws.com/academia.edu.documents/32652606/texto\_fuzzy.pdf?AWSAccessKeyId=AKIAIWOWYYGZ2Y53UL3A&Expires=1543574461&Signature=u7AKxv%2FCkuamq6WG%2BlseJ9V2agY%3D&response-content-disposition=inline%3B%20filename%3DTexto\_fuzzy.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

MENDONÇA, Marcio et al. Fuzzy cognitive maps applied to student satisfaction level in an university. Disponível em: http://paginapessoal.utfpr.edu.br/mafinocchio/publicacoes/13TLA12\_33Mendonca.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

MILLMAN, K. Jarrod; AIVAZIS, Michael. Python for scientists and engineers. Computing in Science & Engineering, v. 13, n. 2, p. 9-12, 2011.

MOREIRA, Ms Thiago Drummond Ribeiro Gonçalves; MACHADO, Maria Augusta Soares. UTILIZAÇÃO DA LÓGICA NEBULOSA NA EDUCAÇÃO VIRTUAL. Disponível em: http://www.din.uem.br/~ademir/sbpo/sbpo2005/pdf/arq0206.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

ORTEGA, Neli Regina Siqueira. Aplicação da Teoria de Conjuntos Fuzzy a problemas da Biomedicina. Disponível em: https://www.ime.usp.br/~tonelli/verao-fuzzy/neli/principal.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

PEDREGOSA, Fabian et al. Scikit-learn: Machine learning in Python. Disponível em: http://www.jmlr.org/papers/v12/pedregosa11a.html. Acesso em: 28 nov. 2018.

RISSOLI, Vandor Roberto Vilardi; SANTOS, Giovanni Almeida. Um Assistente Inteligente Fuzzy no Acompanhamento da Aprendizagem Significativa. Disponível em: https://www.dimap.ufrn.br/csbc2011/anais/eventos/contents/ENIA/ENIA\_Sessao\_Poster\_Artigo\_10\_Rissoli.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

SANDRI, Sandra; CORREA, Cláudio. Lógica Nebulosa. 1999. Disponível em: <http://www.ele.ita.br/cnrn/minicursos-5ern/log-neb.pdf>. Acesso em: 10 out. 2019.

TANSCHEIT, Ricardo. Sistemas fuzzy. 2004 Disponível em: http://paginapessoal.utfpr.edu.br/sumar/ensino/sistemas-fuzzy/sistemas-fuzzy/ICA-Sistemas%20Fuzzy.pdf . Acesso em: 28 nov. 2018.

TIAGO, Graziela Marchi; BARONI, Mariana Pelissari Monteiro Aguiar; DA FONSECA, Rogério Ferreira. Avaliação discente: uma proposta utilizando a Lógica Fuzzy. Disponível em: https://periodicos.ufsc.br/index.php/revemat/article/view/1981-1322.2014v9n2p87/28440. Acesso em: 28 nov. 2018.

TOLEDO, Olga Moraes; COSENZA, Carlos Alberto Nunes. Metodologia de avaliação de desempenho baseada em lógica fuzzy. Disponível em: https://www.researchgate.net/profile/Olga\_Toledo/publication/267230451\_METODOLOGIA\_DE\_AVALIACAO\_DE\_DESEMPENHO\_BASEADA\_EM\_LOGICA\_FUZZY/links/56a8c1ea08ae860e02577ab5.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.

VOSKOGLOU, Michael Gr. Fuzzy logic and uncertainty in mathematics education. Disponível em: < https://eclass.pat.teiwest.gr/eclass/modules/document/file.php/523103/Vol.%201%20%282011%29/Voskoglou.pdf> . Acesso em: 28 nov. 2018.

ZADEH, Lofti. A. Fuzzy Sets\*. Disponível em: https://www.robertmarks.org/Classes/ENGR5358/Papers/Zadeh1965/ZadehPaper65.pdf. Acesso em: 28 nov. 2018.