

Métodos de Ordenação: *Bubble Sort*

Pesquisa, Ordenação e Técnicas de
Armazenamento

Prof. Msc. Bruno de A. Iizuka Moritani
bruno.moritani@anhembí.br

Agenda

- Revisão
 - *Selection Sort*
 - *Insertion Sort*
- *Bubble Sort*
 - *Odd-Even Sort*
 - *Cocktail Sort*

Métodos de Ordenação

O Problema da Ordenação

“Dado um conjunto de elementos **desordenados**, identificados por chaves, o objetivo da ordenação é **retornar uma lista de elementos ordenados** segundo uma regra aplicada nas chaves desses elementos.”

71, 194, 38, 1701, 89, 76, 11, 83, 1629, 48, 94, 63, 132, 16, 111, 95, 84, 341, 975,
14, 40, 64, 27, 81, 139, 213, 63, 90, 1120, 8, 15, 3, 126, 2018, 40, 74, 758, 485,
604, 230, 436, 664, 582, 150, 251, 284, 308, 231, 124, 211, 486, 225, 401, 370,
11, 101, 305, 139, 189, 17, 33, 88, 208, 193, 145, 1, 94, 73, 416, 918, 263, 28, 500,
538, 356, 117, 136, 219, 27, 176, 130, 10, 460, 25, 485, 18, 436, 65, 84, 200, 283,
118, 320, 138, 36, 416, 280, 15, 71, 224, 961, 44, 16, 401, 39, 88, 61, 304, 12, 21,
24, 283, 134, 92, 63, 246, 486, 682, 7, 219, 184, 360, 780, 18, 64, 463, 474, 131,
160, 79, 73, 440, 95, 18, 64, 581, 34, 69, 128, 367, 460, 17, 81, 12, 103, 820, 62,
116, 97, 103, 862, 70, 60, 1317, 471, 540, 208, 121, 890, 346, 36, 150, 59, 568,
614, 13, 120, 63, 219, 812, 2160, 1780, 99, 35, 18, 21, 136, 872, 15, 28, 170, 88, 4,
30, 44, 112, 18, 147, 436, 195, 320, 37, 122, 113, 6, 140, 8, 120, 305, 42, 58, 461,
44, 106, 301, 13, 408, 680, 93, 86, 116, 530, 82, 568, 9, 102, 38, 416, 89, 71, 216,
728, 965, 818, 2, 38, 121, 195, 14, 326, 148, 234, 18, 55, 131, 234, 361, 824, 5,
81, 623, 48, 961, 19, 26, 33, 10, 1101, 365, 92, 88, 181, 275, 346, 201, 206, 86,
36, 219, 324, 829, 840, 64, 326, 19, 48, 122, 85, 216, 284, 919, 861, 326, 985,
233, 64, 68, 232, 431, 960, 50, 29, 81, 216, 321, 603, 14, 612, 81, 360, 36, 51, 62,
194, 78, 60, 200, 314, 676, 112, 4, 28, 18, 61, 136, 247, 819, 921, 1060, 464, 895,
10, 6, 66, 119, 38, 41, 49, 602, 423, 962, 302, 294, 875, 78, 14, 23, 111, 109, 62,
31, 501, 823, 216, 280, 34, 24, 150, 1000, 162, 286, 19, 21, 17, 340, 19, 242, 31,
86, 234, 140, 607, 115, 33, 191, 67, 104, 86, 52, 88, 16, 80, 121, 67, 95, 122, 216,
548, 96, 11, 201, 77, 364, 218, 65, 667, 890, 236, 154, 211, 10, 98, 34, 119, 56,
216, 119, 71, 218, 1164, 1496, 1817, 51, 39, 210, 36, 3, 19, 540, 232, 22, 141, 617,
84, 290, 80, 46, 207, 411, 150, 29, 38, 46, 172, 85, 194, 39, 261, 543, 897, 624, 18,
212, 416, 127, 931, 19, 4, 63, 96, 12, 101, 418, 16, 140, 230, 460, 538, 19, 27, 88,
612, 1431, 90, 716, 275, 74, 83, 11, 426, 89, 72, 84, 1300, 1706, 814, 221, 132,
40, 102, 34, 868, 975, 1101, 84, 16, 79, 23, 16, 81, 122, 324, 403, 912, 227, 936,
447, 55, 86, 34, 43, 212, 107, 96, 314, 264, 1065, 323, 428, 601, 203, 124, 95, 216,
814, 2906, 654, 820, 2, 301, 112, 176, 213, 71, 87, 96, 202, 35, 10, 2, 41, 17, 84,
221, 736, 820, 214, 11, 60, 760.

O Problema da Ordenação

- A importância da ordenação na computação está ligada às vantagens de realizarmos buscas em listas ordenadas.
- Uma outra função muito utilizada - o *merge* - também é facilitada por listas ordenadas.

Métodos de Ordenação

- *Insert Sort;*
- *Selection Sort;*
- *Bubble Sort;*
- *Merge Sort ...*
- Alguns algoritmos possuem pequenas variações entre si.
- Curiosidade:
 - Animações dos métodos de ordenação:
 - <http://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/ComparisonSort.html>

Condições para Ordenação

- 1) A entrada é uma lista desordenada;
- 2) Ter uma regra para a ordenação;
- 3) A saída é uma lista ordenada;
- 4) A saída é uma permutação da entrada do algoritmo.

Classificação

- Complexidade em tempo;
- Complexidade em memória;
 - Elementos auxiliares que precisam ser criados;
- Adaptabilidade;
- Estabilidade;

Complexidades - Classificação

- Complexidade envolve a necessidade de
 - recursos computacionais melhores;
 - demanda de tempo para os algoritmos.

Complexidade em Memória

- Contagem de quanto armazenamento é feito na memória em tempo de execução;
- Usa este número s como uma estimativa do espaço de memória do algoritmo;
- Assume-se implicitamente que os espaços de memória de operações diferentes são similares.

Operações Primitivas de Memória em Algoritmos

- Declaração de variáveis;
 - Exemplo:
 - `Int variavel;`
 - $S(n) = 1$
- Declaração de um arranjo;
 - Exemplo:
 - `Int Vetor[10];`
 - $S(n) = n$

Exemplo - Complexidade em Memória

Algoritmo *buscaBinariaIterativa* (int X)

```
1.  inicio ← 0
2.  fim ← n-1
3.  enquanto inicio <= fim faça
4.      centro ← (inicio+fim)/2
5.      se x == v[centro] então
6.          retorna centro
7.      Fim-se
8.      se x < v[centro] então
9.          fim ← centro-1
10.     Fim-se
11.     se x > v[centro] então
12.         inicio ← centro+1
13.     Fim-se
14. Fim-enquanto
15. Retorna -1
16. fim
```

$S(n) = 1$

$S(n) = 1$

$S(n) = 1$

Por que $S(n) = 1$?
Ao fechar uma iteração
a variável é liberada da
memória

Pior Caso

$S(n) = 3$

$O(n) = 1$

Exemplo - Complexidade em Memória

Algoritmo *algoritmo1* (int n)

```
1.  i ← 0
2.  int vetor[n]
3.  enquanto i <= n faça
4.      aux ← i
5.      Aux2 ← aux + 1
6.      i ← i + 1
7.      Imprima aux2
8.  Fim-enquanto
9.  fim
```

$$S(n) = 1$$
$$S(n) = n$$

$$S(n) = 1$$
$$S(n) = 1$$

Por que $S(n) = 1$?
Ao fechar uma iteração
a variável é liberada da
memória

$$S(n) = n + 3$$

$$O(n) = n$$

Adaptabilidade - Classificação

- O quanto o fato da lista estar parcialmente ordenada afeta o desempenho do algoritmo.

32	45	78	99	42	31	74
----	----	----	----	----	----	----

\neq

14	97	53	99	42	31	74
----	----	----	----	----	----	----

Estabilidade - Classificação

- Um algoritmo estável mantém a ordem em que encontrou os itens com a **mesma chave**.
 - Nome e idade
 - No baralho, a ordenação por valor não alteraria a ordem dos naipes, por exemplo;



Shotgun Sort

when you call shotgun but end up
in the back



Shotgun Sort

- Pior algoritmo para ordenação;
- Por que?
 - Ele embaralha a lista até que ela esteja ordenada.
- Também conhecido como:
 - *Bogosort, permutation sort, stupid sort, slow sort, monkey sort*

Algoritmo – *Shotgun Sort*

Algoritmo boolean isOrdenado (int vetor[])

```
1. Para i ← 1 até n
2.     Se vetor[i] > vetor[i+1] então
3.         retorna falso
4.     Fim-Se
5. Fim-Para
6. fim
```

Algoritmo *shotgunSort* (int vetor[])

```
1.     enquanto isOrdenado(vetor) == false faça
2.         Embaralha random;
3.     Fim-enquanto
4. fim
```

Selection Sort

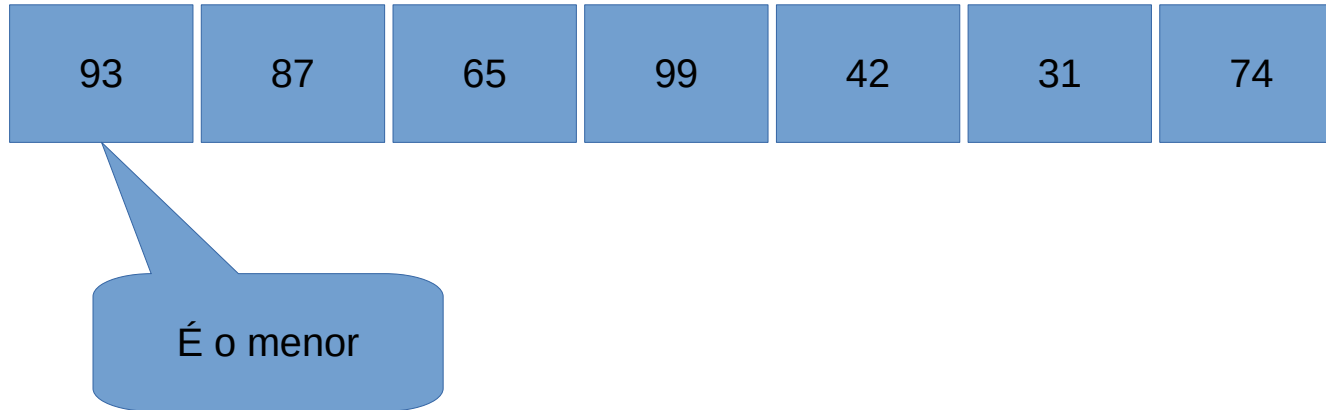


Selection Sort

- Algoritmo bastante simples, por seleção, que é recomendado para conjuntos pequenos de dados.
- O algoritmo do Selection Sort consiste em três passos:
 - Navegue pelo vetor até encontrar o menor valor desse vetor;
 - Remova esse valor do vetor e insira na primeira posição do vetor de resposta;
 - Repita esse passo para cada item presente no vetor.

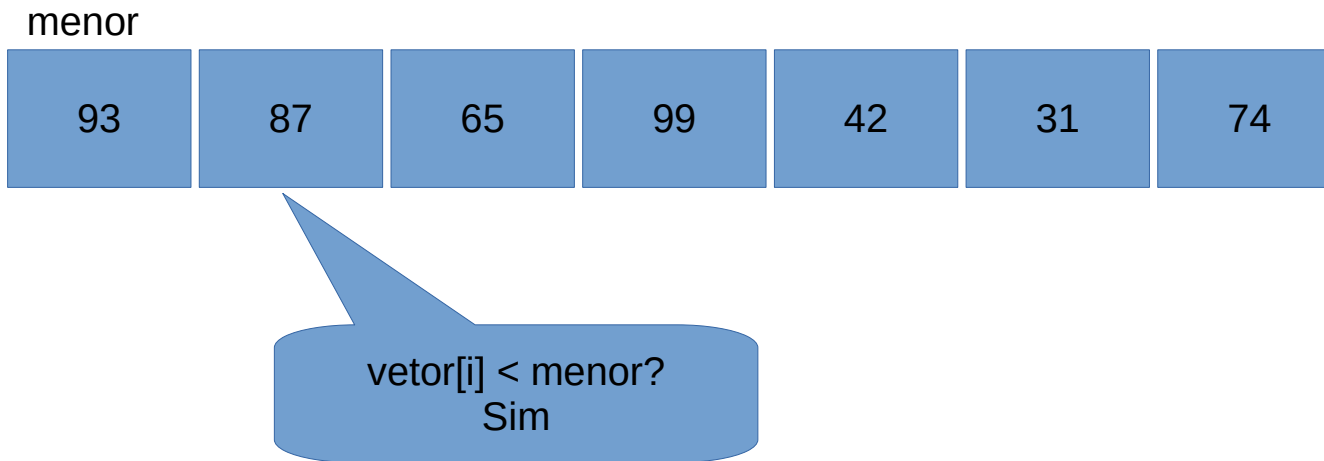
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



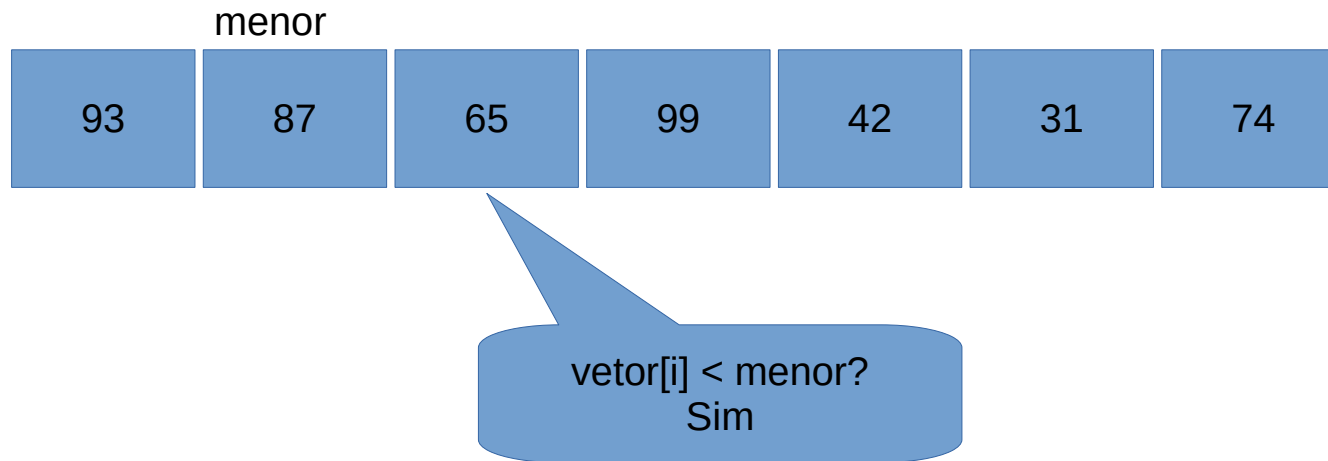
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



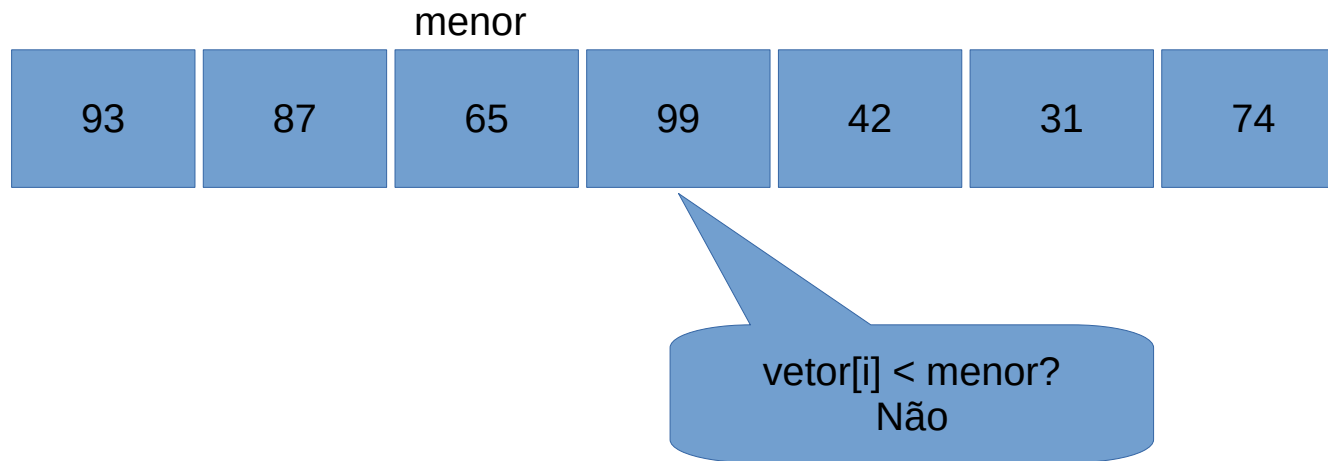
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



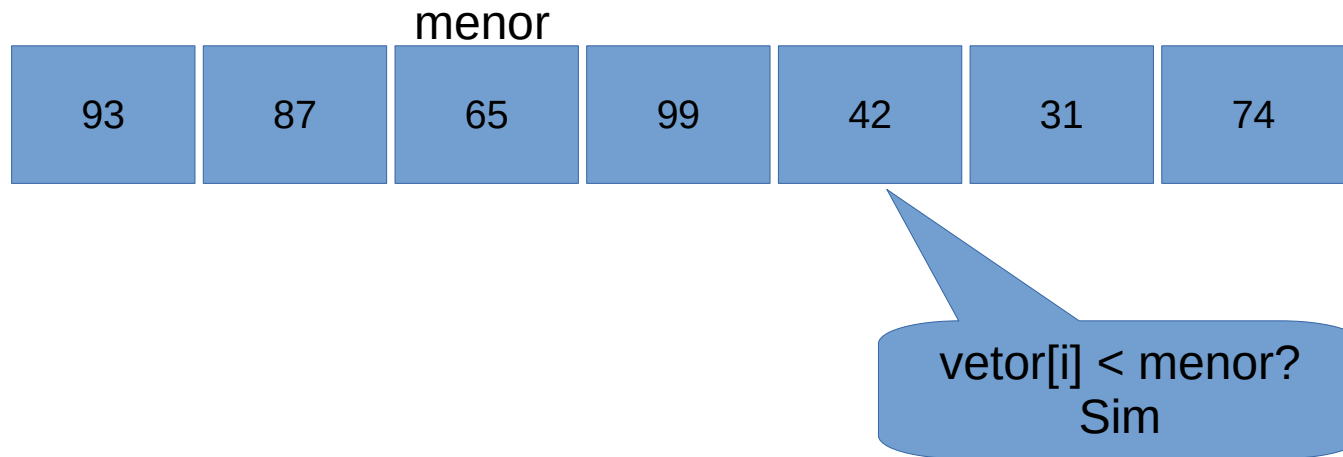
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



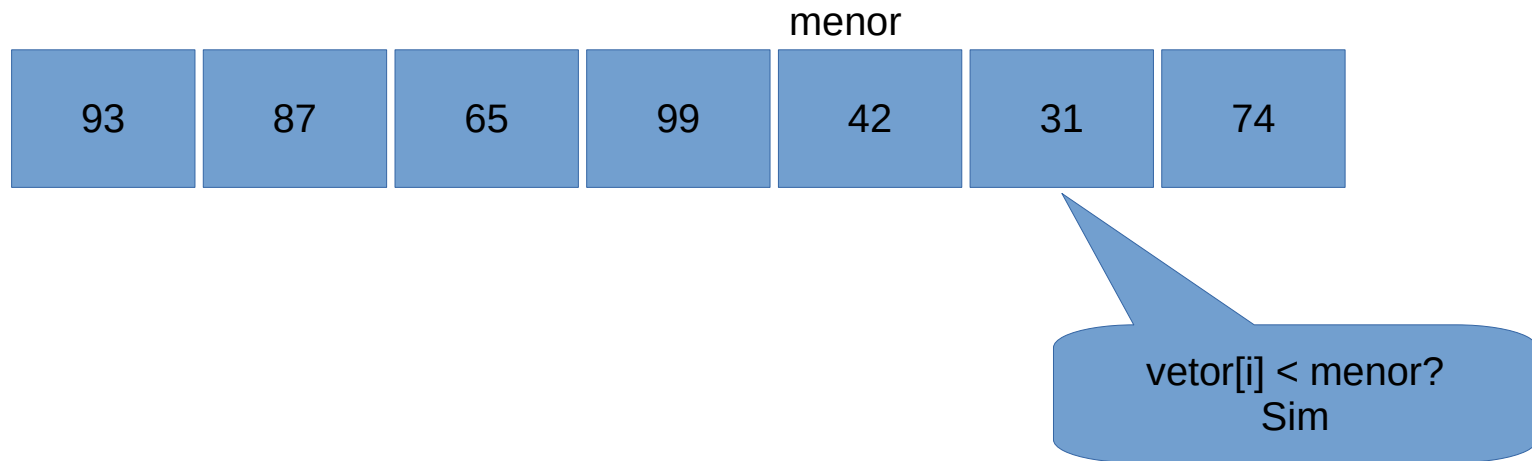
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



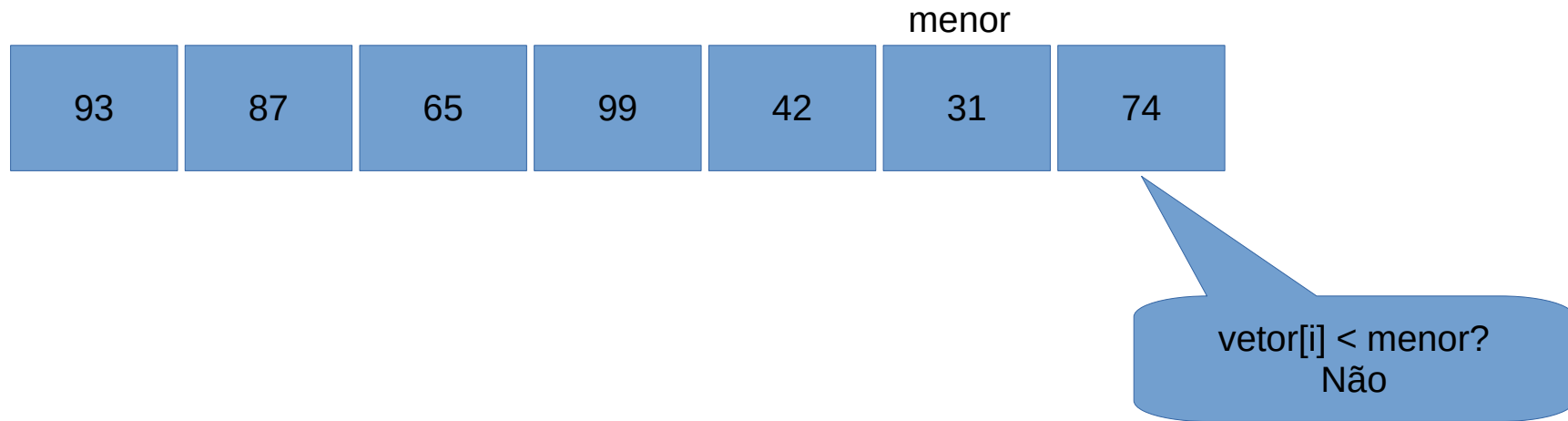
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01



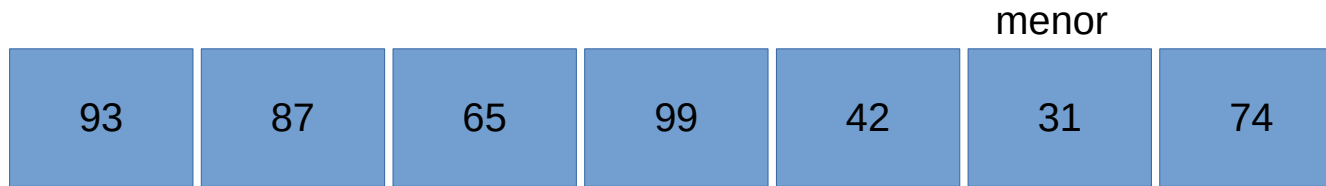
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 01

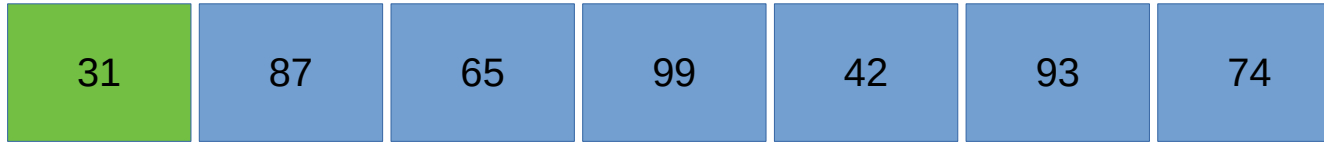


Selection Sort

- Troca o menor com a primeira posição

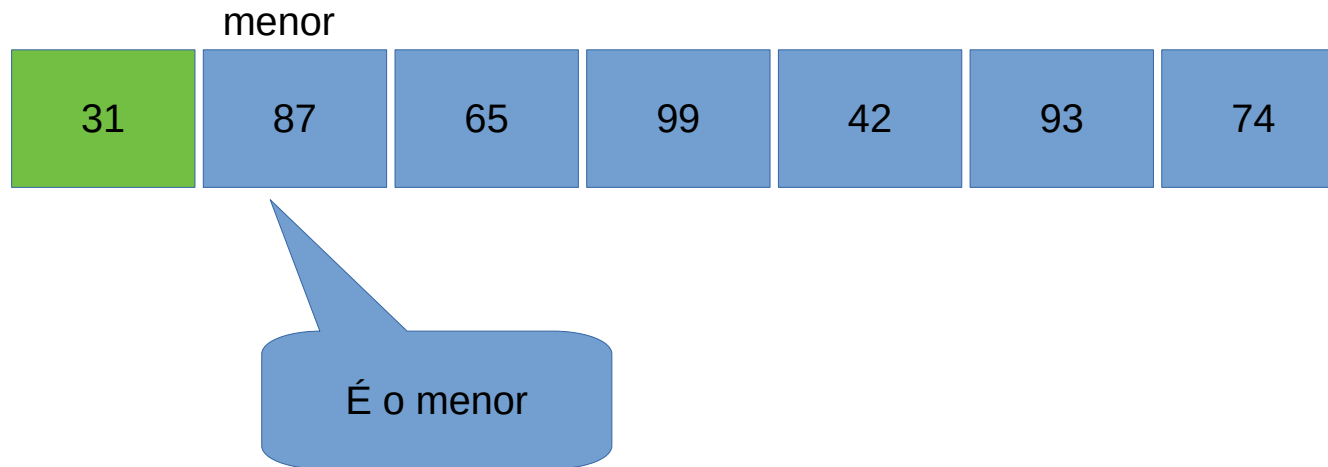


Selection Sort



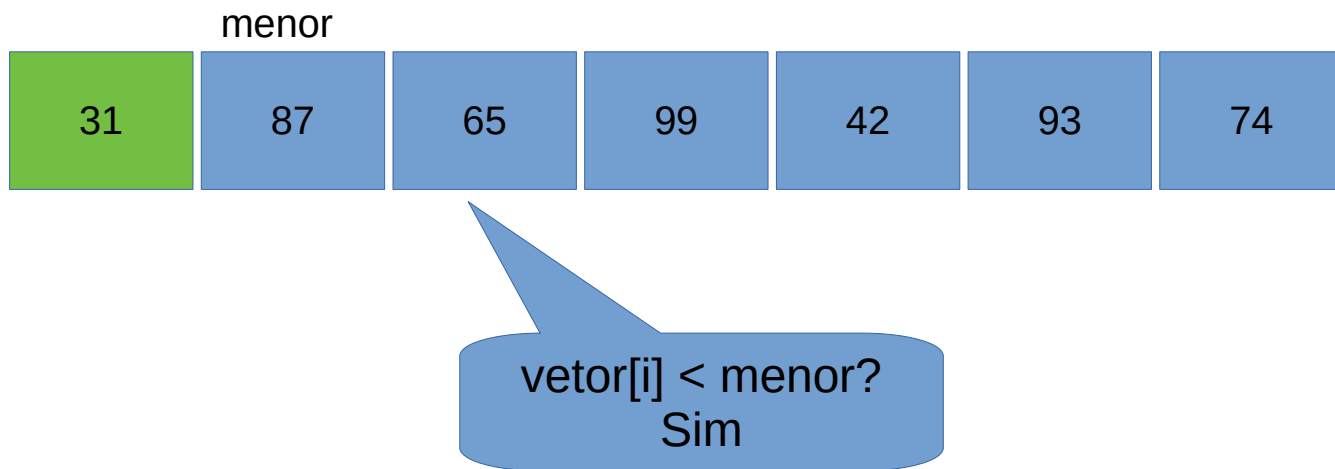
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 02



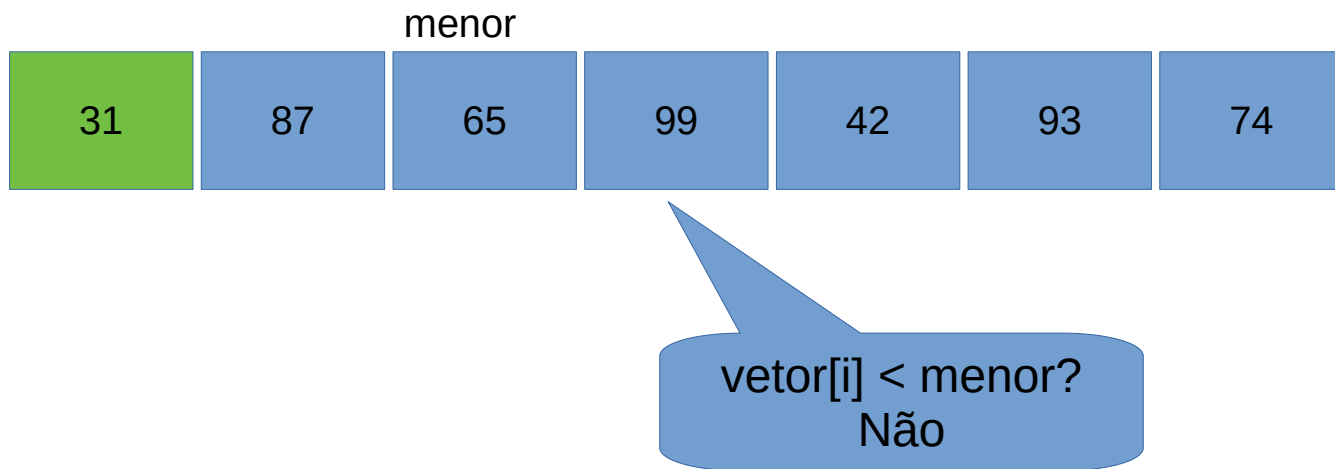
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 02



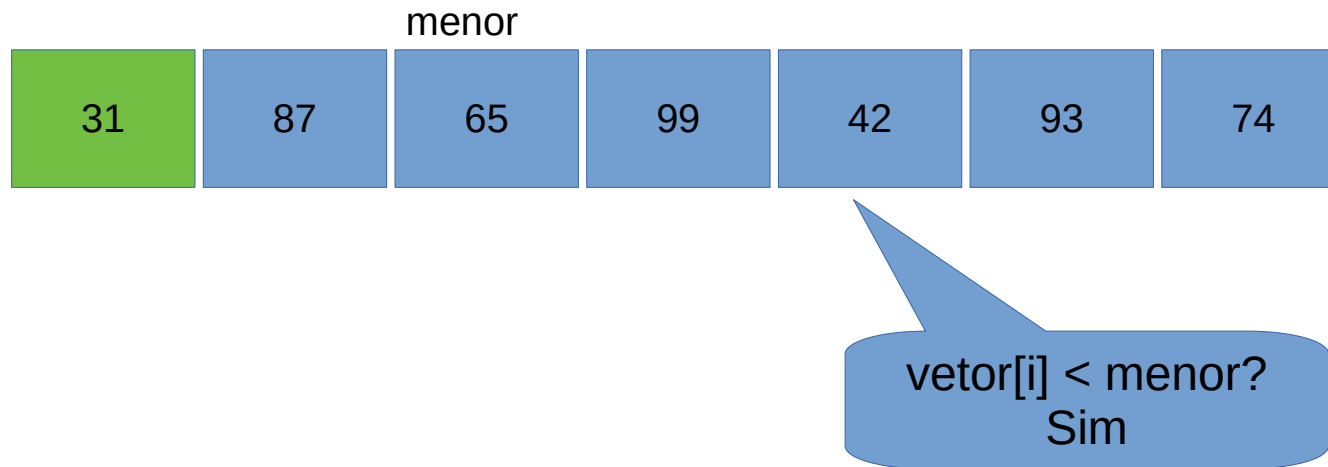
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 02



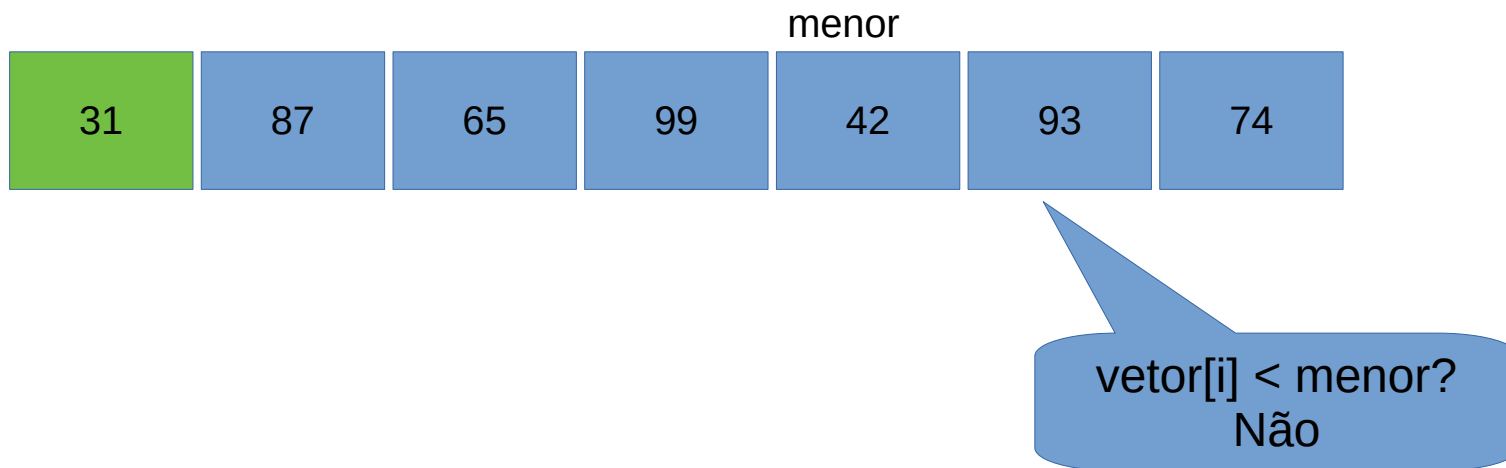
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 02



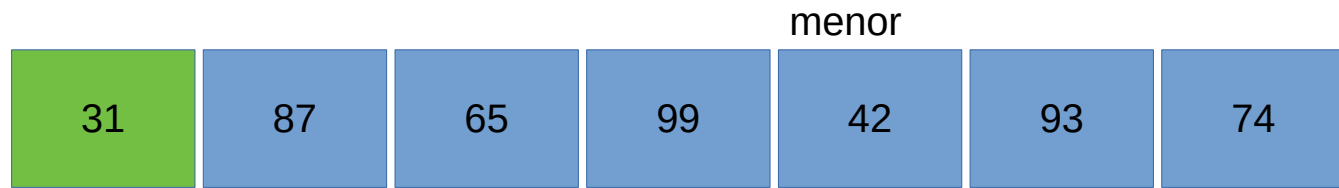
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 02



Selection Sort

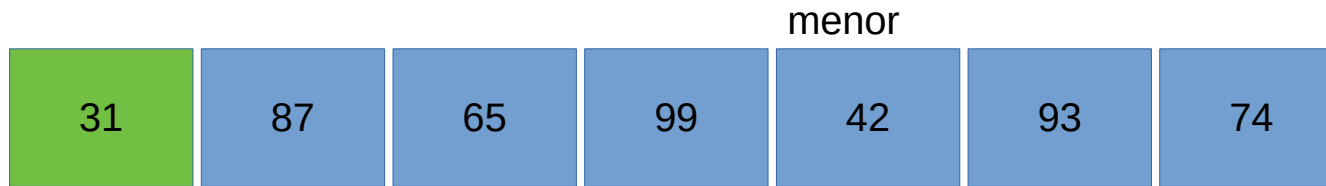
- Busca o menor
 - Varredura 02



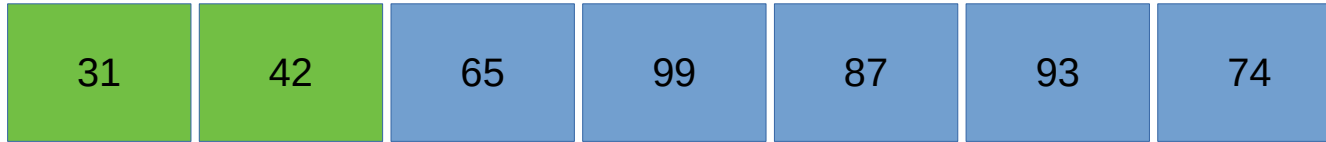
vetor[i] < menor?
Não

Selection Sort

- Troca o menor com a primeira posição

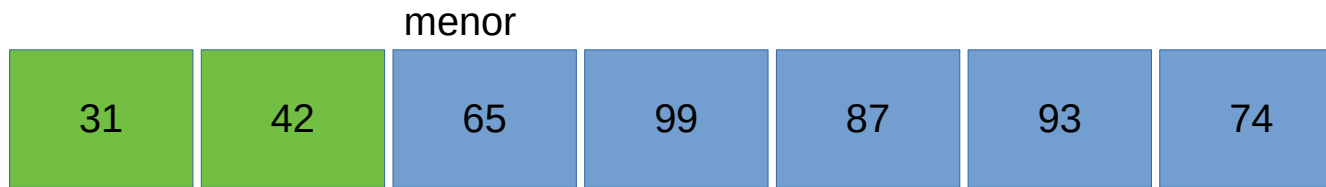


Selection Sort



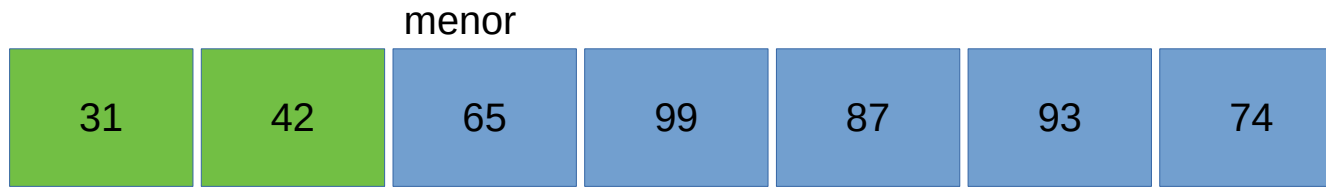
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 03

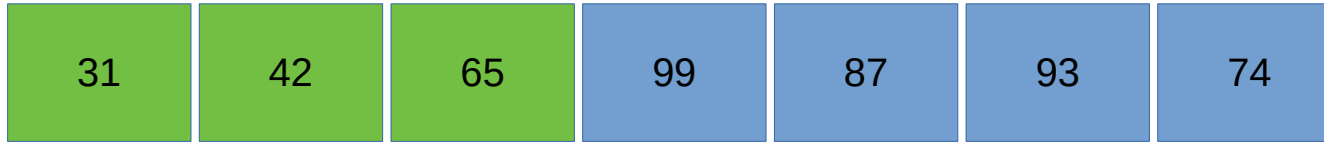


Selection Sort

- Troca o menor com a primeira posição

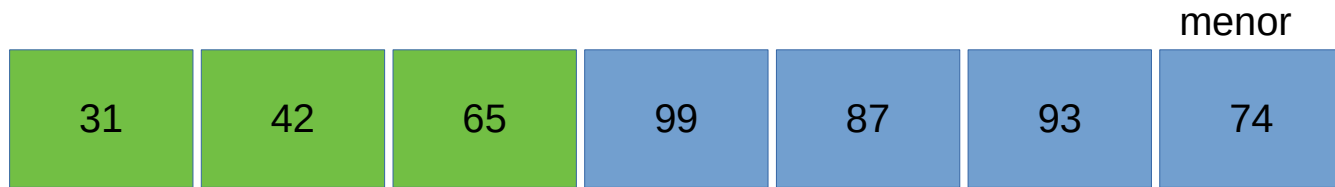


Selection Sort



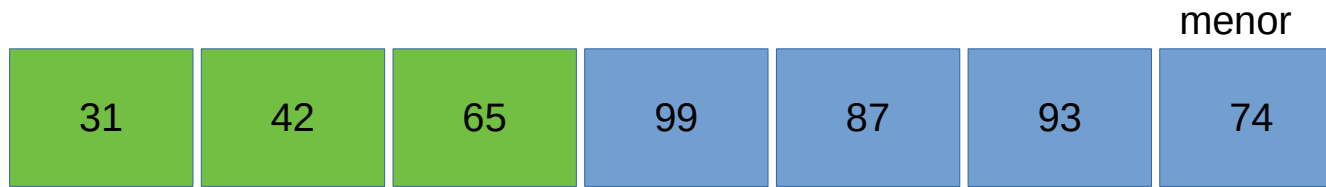
Selection Sort

- Busca o menor
 - Varredura 04

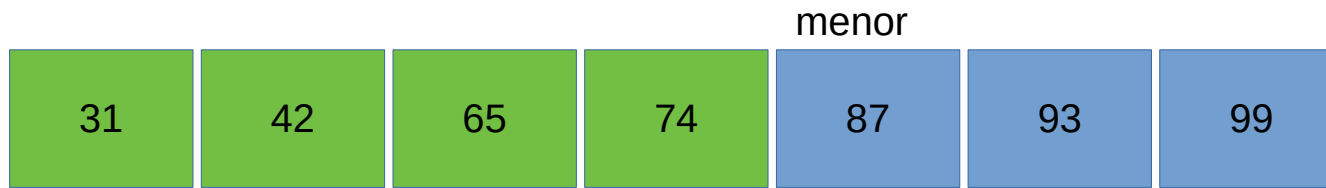


Selection Sort

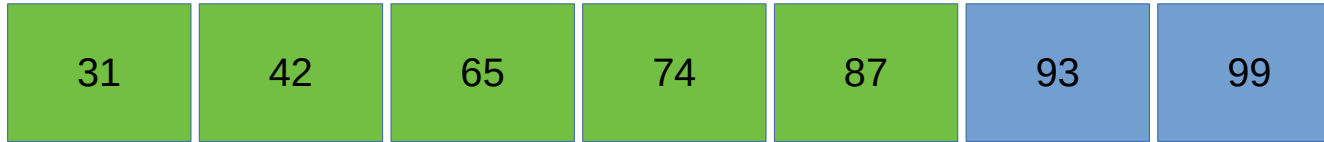
- Troca o menor com a primeira posição



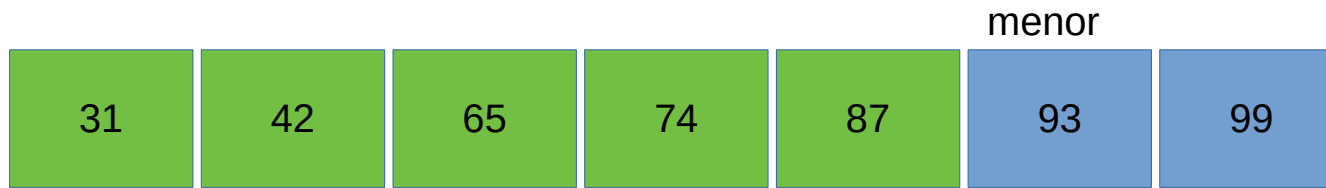
Selection Sort



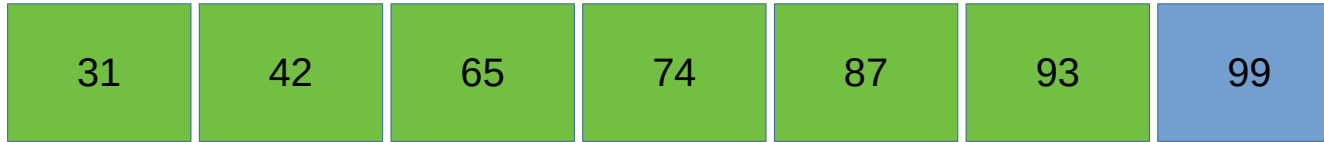
Selection Sort



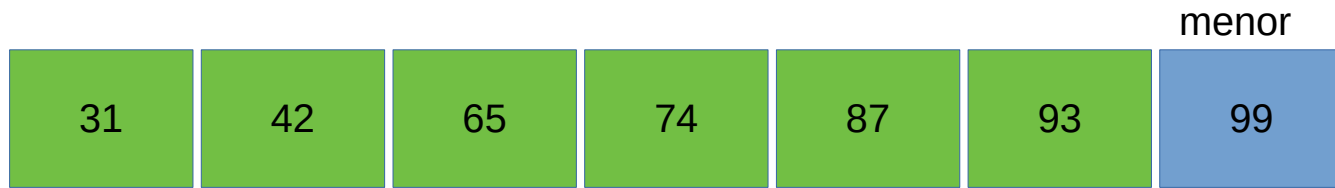
Selection Sort



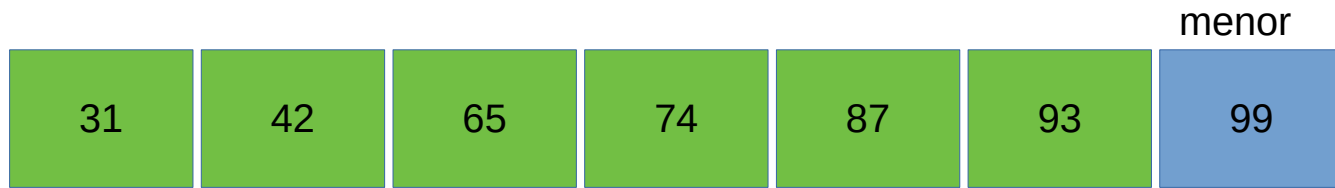
Selection Sort



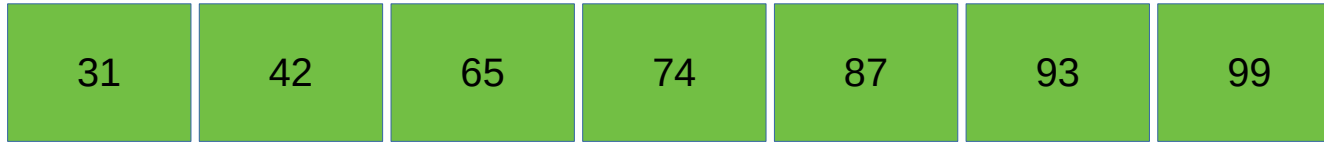
Selection Sort



Selection Sort



Selection Sort



Algoritmo – Selection Sort

```
para i ← 0 até tamanho - 1, faça
  Minimo ← i
  para j ← i+1 até tamanho, faça
    se vetor[j] < vetor[minimo], então
      minimo ← j
  fim-se
  fim-para
  temp ← vetor[i]
  vetor[i] ← vetor[minimo]
  vetor[minimo] ← temp
fim-para
```

Selection Sort

- O algoritmo do Selection Sort consiste em três passos:
 - Navegue pelo vetor até encontrar o menor valor desse vetor;
 - Depende do tamanho do vetor – $O(n)$
 - Remova esse valor do vetor e insira na primeira posição do vetor de resposta;
 - Operação de troca de posições, independe do tamanho do vetor – $O(1)$
 - Repita esses passos para cada item existente no vetor.
 - Depende do tamanho do vetor – $O(n)$

Selection Sort

- Como os dois passos que dependem do tamanho do vetor, estão aninhados a complexidade deles acaba se multiplicando.

$$O(n) = n^2$$

Selection Sort

- O algoritmo do Selection Sort é usado muitas vezes em sistemas de tempo real, porque ele tem o mesmo desempenho não importa a ordenação prévia do vetor.
- O Selection Sort não é um algoritmo estável, ou seja, os elementos que possuem o mesmo valor nem sempre irá manter a posição relativa de antes do início da ordenação.

Insertion Sort

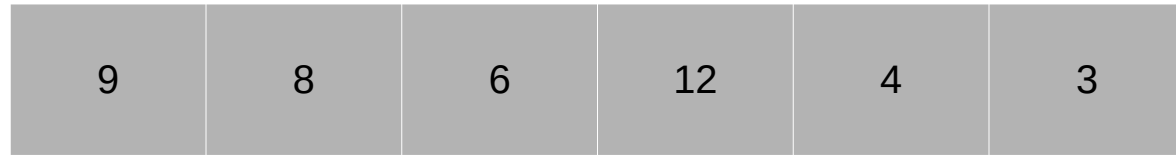


Insertion Sort

- Algoritmo simples, por inserção, que percorre um vetor de elementos da esquerda para a direita.
- À medida que avança, vai deixando os elementos mais à esquerda ordenados, comparando o elemento com os anteriores.

Insertion Sort

- Varredura 01



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM



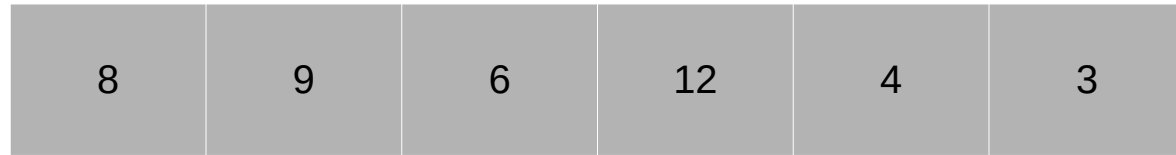
Troca



Fim Varredura 01

Insertion Sort

- Varredura 02



Comparação



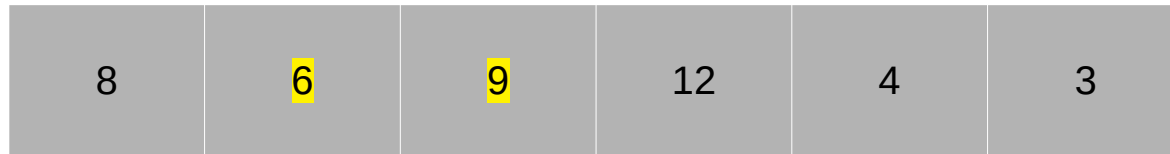
(vetor [1] > vetor [2]) ?



SIM

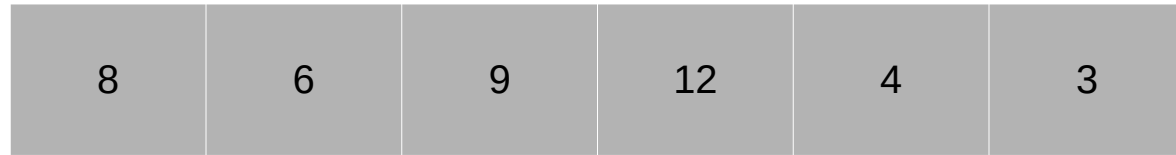


Troca



Insertion Sort

- Varredura 02



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM



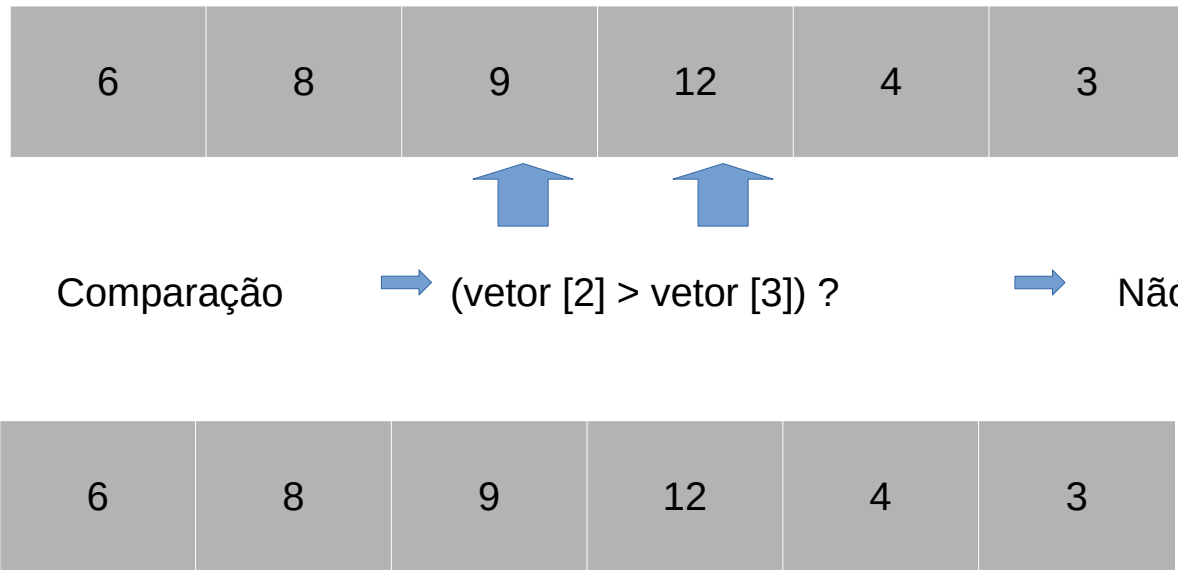
Troca



Fim Varredura 02

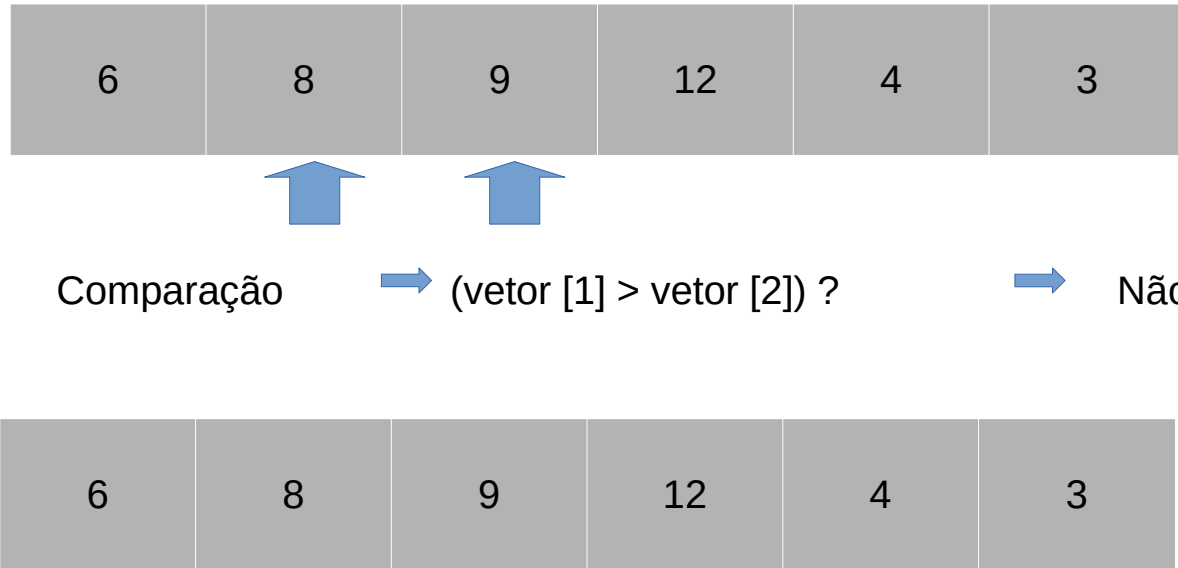
Insertion Sort

- Varredura 03



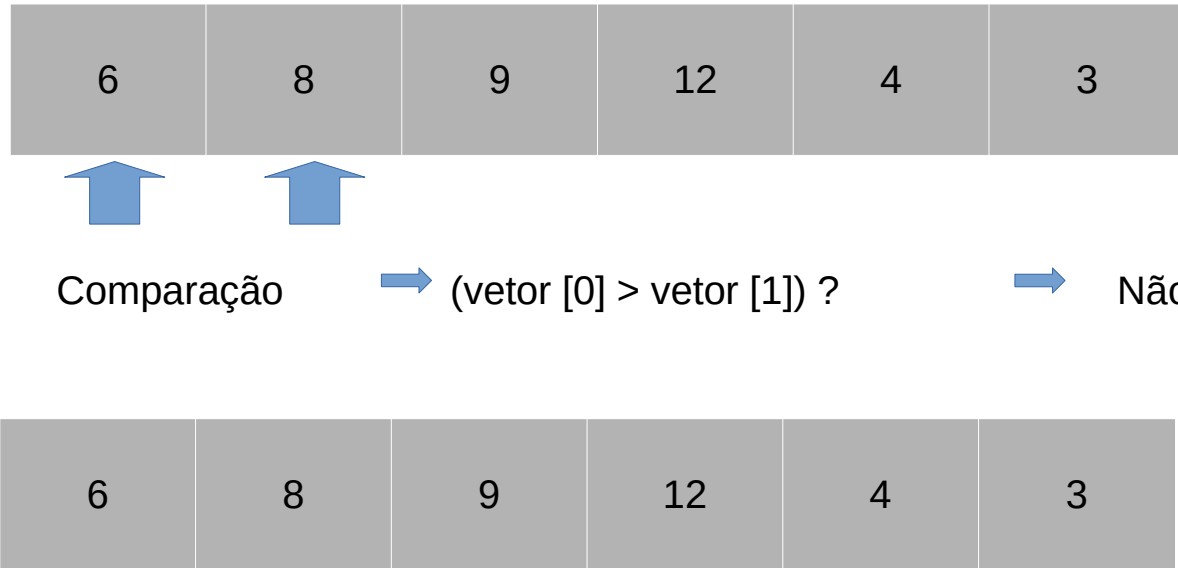
Insertion Sort

- Varredura 03



Insertion Sort

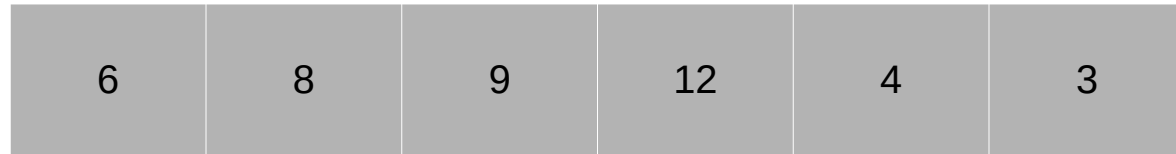
- Varredura 03



Fim Varredura 03

Insertion Sort

- Varredura 04



Comparação



(vetor [3] > vetor [4]) ?



SIM

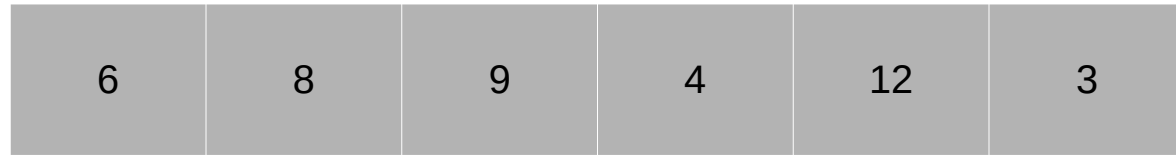


Troca



Insertion Sort

- Varredura 04



Comparação



(vetor [2] > vetor [3]) ?



SIM



Troca



Insertion Sort

- Varredura 04



Comparação



(vetor [1] > vetor [2]) ?



SIM

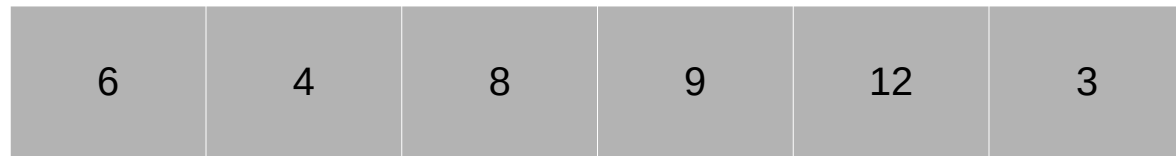


Troca



Insertion Sort

- Varredura 04



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM



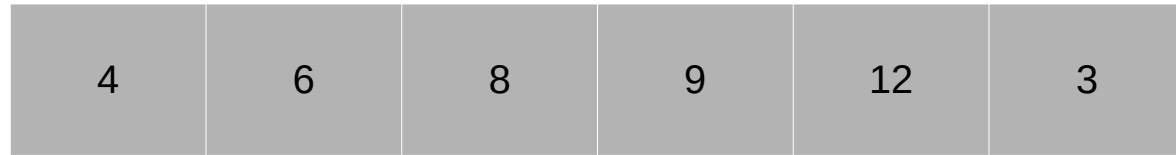
Troca



Fim da Varredura 04

Insertion Sort

- Varredura 05



Comparação



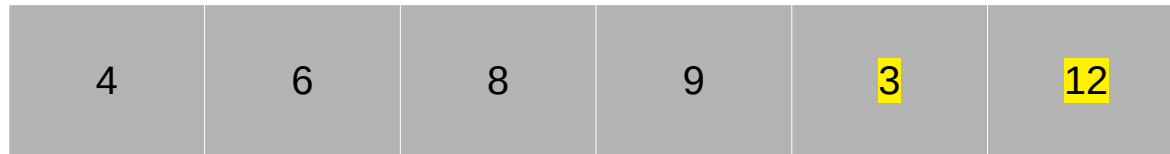
(vetor [4] > vetor [5]) ?



SIM

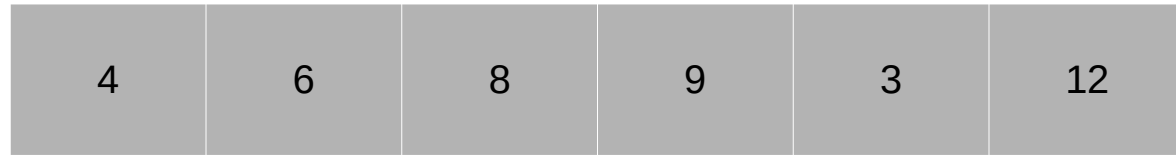


Troca



Insertion Sort

- Varredura 05



Comparação



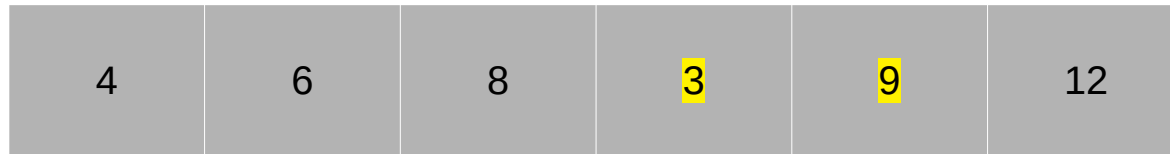
(vetor [3] > vetor [4]) ?



SIM

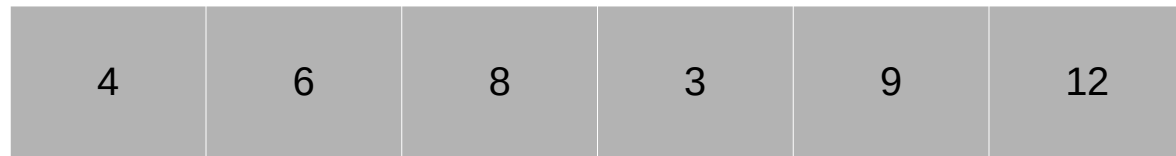


Troca



Insertion Sort

- Varredura 05



Comparação



(vetor [2] > vetor [3]) ?



SIM

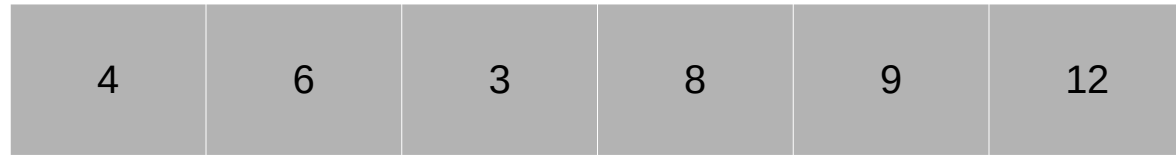


Troca



Insertion Sort

- Varredura 05



Comparação



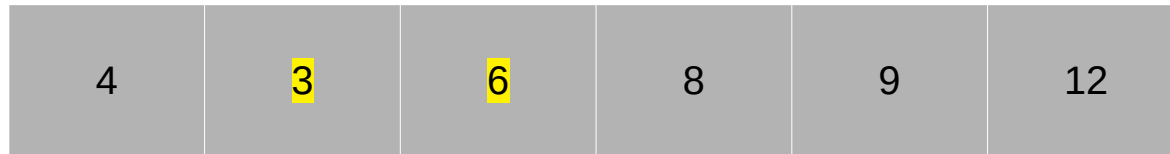
(vetor [1] > vetor [2]) ?



SIM

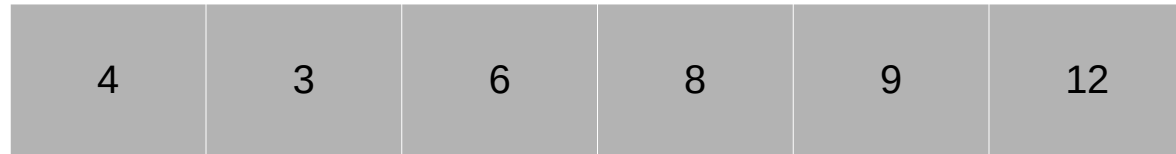


Troca



Insertion Sort

- Varredura 05



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM



Troca



Fim da Varredura 05

Algoritmo – *Insertion Sort*

```
insertionSort (A : lista de itens)
1. n = tamanho(A)
2. Para i = 1 até n-1
3.     j=i
4.     Enquanto j > 0 and A[j-1] > A[j]
5.         inverter(A[j], A[j-1])
6.         j=j-1
7.     fim-enquanto
8. fim-para
9. fim
```

Análise de Complexidade *Insertion Sort*

- Se o vetor a ordenar possui n elementos, o algoritmo irá realizar $n - 1$ etapas.
- No melhor caso
 - Vetor ordenado
 - Complexidade: $O(n) = n$
- No caso médio:
 - Complexidade: $O(n) = n^2$

Análise de Complexidade *Insertion Sort*

- No pior caso (vetor invertido):
 - Como para um vetor de n elementos, $n - 1$ varreduras são feitas para acertar todos os elementos, o número de comparações é:

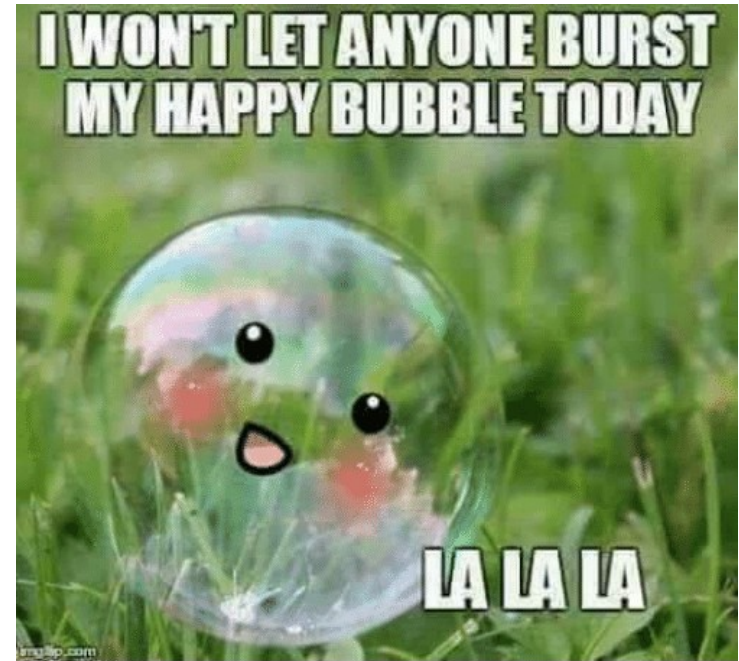
$$(n - 1) + (n - 2) + \dots + 2 + 1$$

- Assim, serão feitas $(n^2 - n) / 2$ trocas.
 - Complexidade: $O(n) = n^2$

Insertion Sort

- Eficiente para ordenar uma pequena quantidade de elementos.
- Para um vetor que está quase ordenado, esse algoritmo também é a melhor escolha (entre os apresentados nesses slides).
 - Economia de comparações quando uma troca não é feita;
- É um algoritmo estável.

Bubble Sort



Bubble Sort

- É um método de ordenação por troca que atua comparando sucessivamente pares de elementos e mudando-os de posição quando se apresentam fora da ordem desejada.
- Nessa estratégia, o maior elemento é “empurrado” para o final da estrutura que está sendo ordenada.

Bubble Sort

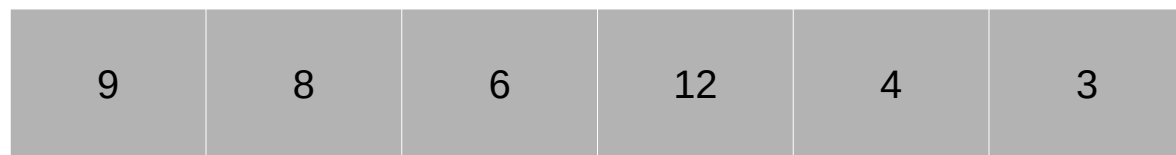
- Vamos considerar o seguinte arranjo:

9	8	6	12	4	3
---	---	---	----	---	---

- Consiste em efetuar uma varredura no arranjo, da esquerda para a direita, comparando pares de elementos consecutivos e trocando-os de lugar os que estão fora de ordem.

Bubble Sort

- Varredura 01:



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM

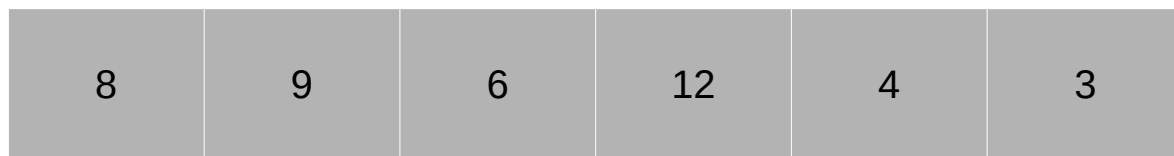


Troca



Bubble Sort

- Varredura 01:



Comparação



(vetor [1] > vetor [2]) ?



SIM

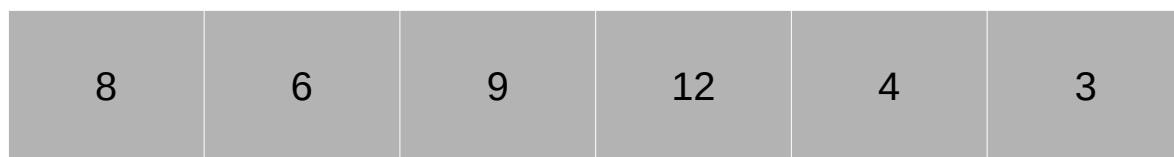


Troca



Bubble Sort

- Varredura 01:



Comparação



(vetor [2] > vetor [3]) ?



Não

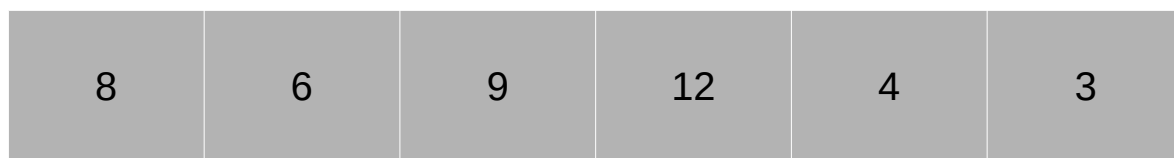


Não Troca



Bubble Sort

- Varredura 01:



Comparação



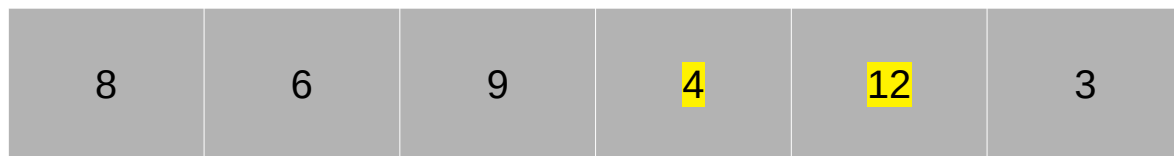
(vetor [3] > vetor [4]) ?



SIM

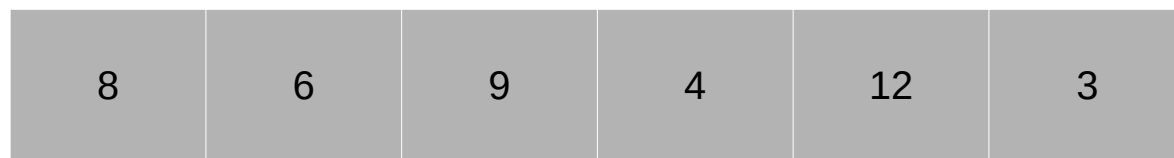


Troca



Bubble Sort

- Varredura 01:



Comparação



(vetor [4] > vetor [5]) ?



SIM



Troca



Fim da Varredura 01

Bubble Sort

- Varredura 02:



Comparação



(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM

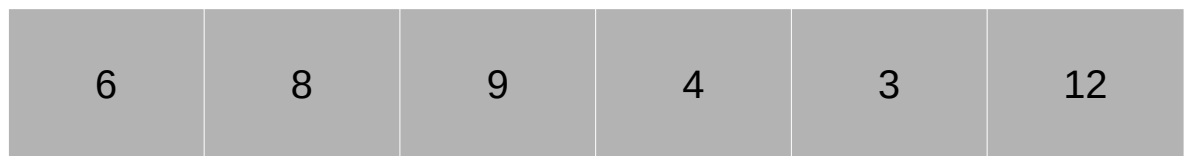


Troca



Bubble Sort

- Varredura 02:



Comparação



(vetor [1] > vetor [2]) ?

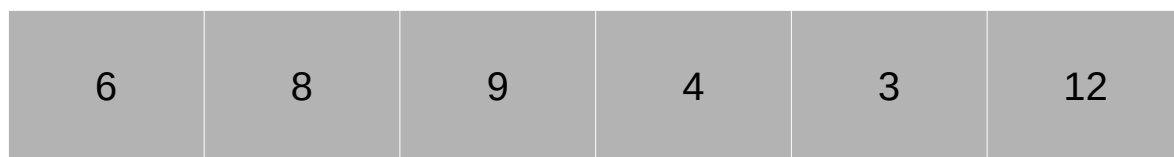


NÃO



Bubble Sort

- Varredura 02:



Comparação



(vetor [2] > vetor [3]) ?



SIM



Troca



Bubble Sort

- Varredura 02:



Comparação



(vetor [3] > vetor [4]) ?



SIM



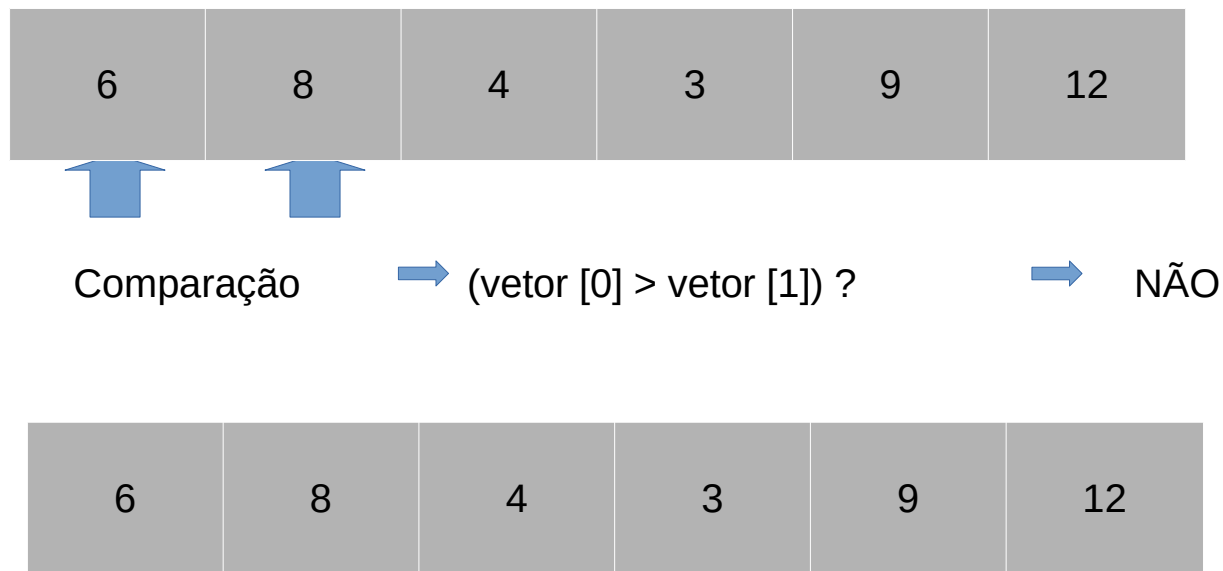
Troca



Fim da Varredura 02

Bubble Sort

- Varredura 03:



Bubble Sort

- Varredura 03:



Comparação



(vetor [1] > vetor [2]) ?



SIM

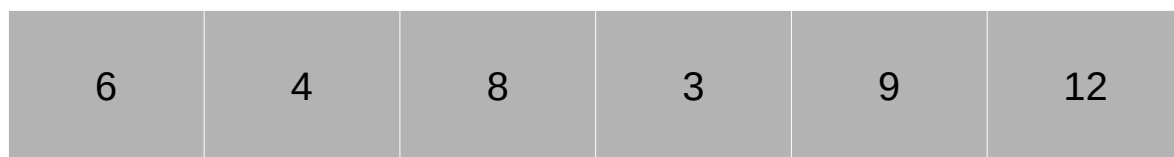


Troca



Bubble Sort

- Varredura 03:



Comparação



(vetor [2] > vetor [3]) ?



SIM



Troca



Fim da Varredura 03

Bubble Sort

- Varredura 04:



Comparação



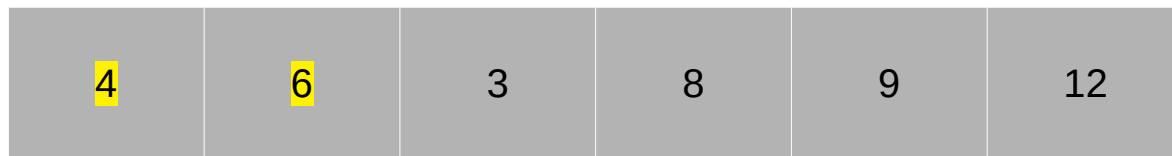
(vetor [0] > vetor [1]) ?



SIM

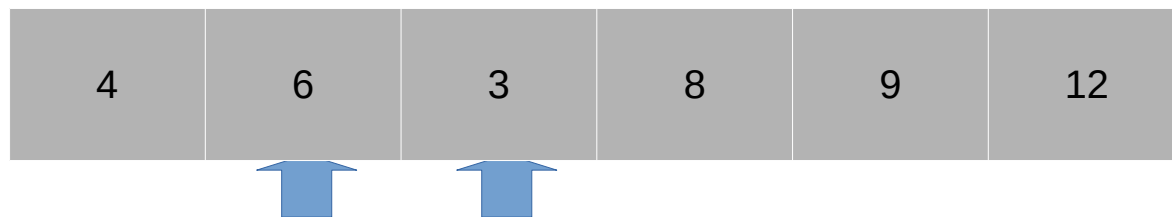


Troca



Bubble Sort

- Varredura 04:



Comparação

→ (vetor [1] > vetor [2]) ?

→ SIM

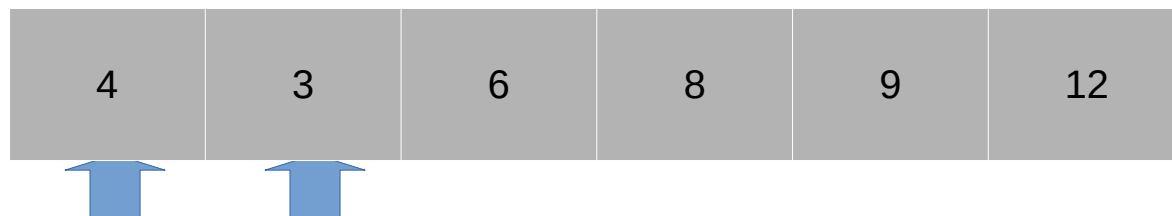
→ Troca



Fim da Varredura 04

Bubble Sort

- Varredura 05:



Comparação

→ (vetor [0] > vetor [1]) ?

→ SIM

→ Troca



Fim da Varredura 05

Bubble Sort

- Varredura 05:

4	3	6	8	9	12
3	4	6	8	9	12

Fim da Varredura 05

- Para um vetor de n elementos, $n - 1$ varreduras são feitas para acertar todos os elementos.
- Neste caso:
 - $n = 6$
 - varreduras = 5

Coelhos e Tartarugas - *Bubble Sort*

- Coelhos
 - Valores altos são movidos para o fim da lista rapidamente;
- Tartarugas
 - Valores baixos são movidos para o início da lista vagarosamente;

Algoritmo - *Bubble Sort*

```
Algoritmo bubbleSort( A : lista de itens)  
1. n = tamanho(A)  
2. Para i ← 0 até n  
3.     Para j ← 1 até n  
4.         Se A[j - 1] > A[j] então  
5.             inverter( A[i-1], A[i] )  
6.         Fim-se  
7.     Fim-para  
8. Fim-para  
9. fim procedure
```

Análise de Complexidade de Tempo - *Bubble Sort*

- Pior Caso?
 - Vetor ordenado ao contrário (Invertido)
- Como para um vetor de n elementos, n varreduras são feitas para acertar todos os elementos, o número de comparações é:

$$n*(n - 1) = n^2 - n$$

- O número de trocas, por outro lado, é igual a:

$$(n-1) + (n-2) + \dots + 1 = n^2 - n$$

- Complexidade: $O(n) = n^2$

Análise de Complexidade de Tempo - *Bubble Sort*

- Melhor Caso?
 - Vetor Ordenado
- Como para um vetor de n elementos, n varreduras são feitas para acertar todos os elementos, o número de comparações é:

$$n$$

- Não irá ocorrer trocas.
- Complexidade: $O(n) = n$

Análise de Complexidade de Tempo - *Bubble Sort*

- Caso Médio?
 - Vetor não ordenado
- Como para um vetor de n elementos, n varreduras são feitas para acertar todos os elementos, o número de comparações é:
 - $n*(n - 1) = n^2 - n$
- O número de trocas, por outro lado, é igual a:
 - $(n-1) + (n-2) + \dots + 1 = n^2 - n$
- Complexidade: $O(n) = n^2$, pois não sabemos ao certo quantas comparações serão necessárias.

Análise de Complexidade Espacial - *Bubble Sort*

Algoritmo bubbleSort(A : lista de itens)

```
1. n = tamanho(A) S(n) = 1
2. Para i ← 0 até n S(n) = 1
3.     Para j ← 1 até n S(n) = 1
4.         Se A[j - 1] > A[j] então
5.             inverter( A[i-1], A[i] )
6.         Fim-se
7.     Fim-para
8. Fim-para
9. fim procedure
```

$S(n) = 1$

$O(n) = 1$

Otimização - *Bubble Sort*

- Não existe a necessidade de percorrermos o vetor completo em todas as iterações.
- O valor máximo do vetor é carregado até a última posição.

Otimização - *Bubble Sort*

```
Algoritmo bubbleSort_Ot1( A : lista de itens)  
1. n = tamanho(A)  
2. Para i ← 0 até n  
3.     Para j ← 1 até n - i  
4.         Se A[j - 1] > A[j] então  
5.             inverter( A[i-1], A[i] )  
6.         Fim-se  
7.     Fim-para  
8. Fim-para  
9. fim procedure
```

Otimização - *Bubble Sort*

- Análise de Complexidade
 - No pior caso (vetor invertido):
 - Na i -ésima repetição, $n - 1 - i$ comparações são feitas para acertar todos os elementos. Assim, o número de comparações é:
$$(n - 1) + (n - 2) + \dots + 2 + 1 = (n^2 - n)/2$$
 - Número de trocas se mantém em $(n^2 - n)/2$;
 - Complexidade: $O(n) = n^2$

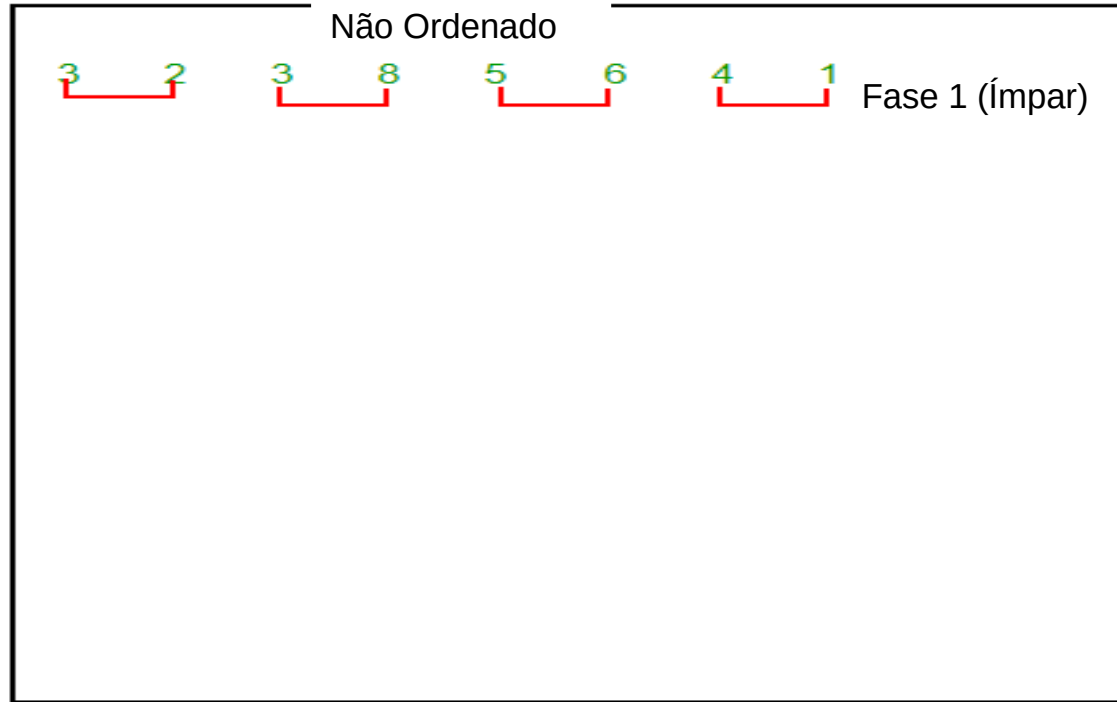
Bubble Sort

- Entre os algoritmos quadráticos, é o mais lento.
- Não é muito prático quando temos uma grande quantidade de elementos a serem ordenados.
- É estável, ou seja, os registros com chaves iguais sempre irão manter a mesma posição relativa de antes do início da ordenação.

Odd-Even Sort

- Método criado para permitir que o *Bubble Sort* fosse utilizado em processadores paralelos.
- Separa por índices pares e ímpares.

Odd-Even Sort



Complexidade - *Odd-Even Sort*

- Complexidade de tempo:
 - $O(n) = n^2$
- Complexidade de espaço:
 - $O(n) = 1$

Odd-Even Sort

```
oddEvenSort(A : lista de itens)
1.    ordenado = false;
2.    enquanto ordenado == false
3.        ordenado = true
4.        Para i = 1 até n-1, i = i + 2
5.            Se A[i-1] > A[i] então
6.                inverter(A[i-1], A[i]);
7.                ordenado = false;
8.        Fim-se
9.    Fim-para
10.   Para i = 2 até n-1, i = i + 2
11.       Se A[i-1] > A[i] então
12.           inverter(A[i-1], A[i]);
13.           ordenado = false;
14.       Fim-se
15.   Fim-para
16. Fim-enquanto
17. Fim
```

Cocktail Sort

- Método que resolve a questão dos coelhos e tartarugas.
- Realiza uma ordenação do menor para o maior seguida de uma outra do maior para o menor.

Cocktail Sort

- Exemplo :
 - {5 1 4 2 8 0 2}
- Primeiro Passo Para Frente:
 - (5 1 4 2 8 0 2)
 - $5 > 1$
 - (1 5 4 2 8 0 2)
 - (1 5 4 2 8 0 2)
 - $5 > 4$
 - (1 4 5 2 8 0 2)
 - (1 4 5 2 8 0 2)
 - $5 > 2$
 - (1 4 2 5 8 0 2)
 - (1 4 2 5 8 0 2)
 - (1 4 2 5 8 0 2)
 - (1 4 2 5 8 0 2)
 - $8 > 0$
 - (1 4 2 5 0 8 2)
 - (1 4 2 5 0 8 2)
 - $8 > 2$
 - (1 4 2 5 0 2 8)

Cocktail Sort

- Primeiro Passo Para Trás:

- (1 4 2 5 **0** 2 8)
 - (1 4 2 5 0 2 8)
- (1 4 2 **5** 0 2 8)
 - $5 > 0$
 - (1 4 2 **0** 5 2 8)
- (1 4 **2** 0 5 2 8)
 - $2 > 0$
 - (1 4 **0** 2 5 2 8)
- (1 **4** 0 2 5 2 8)
 - $4 > 0$
 - (1 **0** 4 2 5 2 8)
- (**1** 0 4 2 5 2 8)
 - $1 > 0$
 - (**0** 1 4 2 5 2 8)

Cocktail Sort

- Segundo Passo Para Frente:
- (0 **1** 4 2 5 2 8)
 - (0 **1** 4 2 5 2 8)
- (0 **1** **4** 2 5 2 8)
 - (0 **1** **4** 2 5 2 8)
- (0 1 **4** **2** 5 2 8)
 - $4 > 2$
 - (0 1 **2** **4** 5 2 8)
- (0 1 2 **4** **5** 2 8)
 - (0 1 2 **4** **5** 2 8)
- (0 1 2 4 **5** **2** 8)
 - $5 > 2$
 - (0 1 2 4 **2** **5** 8)

Cocktail Sort

- Segundo Passo Para Trás:
- (0 1 2 **4** **2** 5 8)
 - $4 > 2$
 - (0 1 2 2 4 5 8)

Cocktail Sort

```
cocktailSort( A : lista de itens ):  
    invertido = true;  
    start = 0;  
    end = a.length;  
    enquanto (invertido == true)  
        invertido = false;  
        Para i = start até end  
            Se (a[i] > a[i + 1]) então  
                Inverte (a[i], a[i+1])  
                invertido = true;  
            Fim-se  
        Fim-Para  
        Se (invertido == false) então  
            break;  
        invertido = false;  
        end = end - 1;  
        Para i = end até start  
            Se (a[i] > a[i + 1]) então  
                Inverte (a[i], a[i+1])  
                invertido = true;  
            Fim-se  
        Fim-para  
        start = start + 1;  
    Fim-enquanto  
Fim
```

Complexidade – *Cocktail Sort*

- Complexidade de tempo:
 - Pior caso
 - $O(n) = n^2$
 - Melhor caso
 - $O(n) = n$
- Complexidade de espaço:
 - $O(n) = 1$

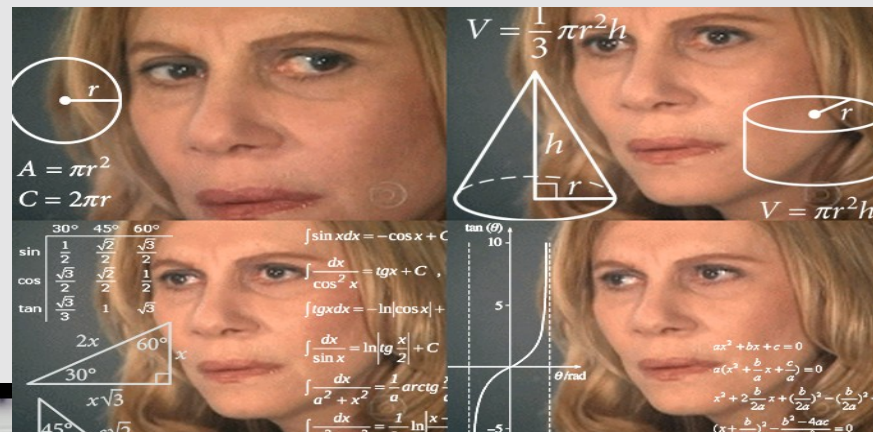
Dúvidas



Referência

- DOBRUSHKIN, Vladimir A. Métodos para Análise de Algoritmos. LTC, 03/2012

Exercícios



Exercícios

- 1) Implemente o *bubble sort* e teste com vetores de gerados randomicos.



Obrigado!
Boa Noite!

bruno.moritani@anhembi.br