

# Probabilidade

- **Experimento:** ensaio científico objetivando a verificação de um fenômeno.
  - **Experimentos determinísticos:** as condições sob as quais um experimento é executado determinam o resultado do experimento.
  - **Experimentos não determinísticos ou probabilísticos:** o resultado do experimento é aleatório, ou seja, existe a incerteza do resultado.

- **Fenômeno aleatório:** situação ou acontecimento cujos resultados não podem ser determinados com certeza.

— Exemplos:

1. Resultado do lançamento de um dado;
2. Hábito de fumar de um estudante sorteado em sala;
3. Condições climáticas do próximo domingo;
4. Taxa de inflação do próximo mês;
5. Resultado de um exame de sangue.



CARA

COROA

## Variáveis Aleatórias Discretas

- Uma quantidade  $X$  é denominada *variável aleatória discreta* se assume valores num conjunto enumerável, com certa probabilidade.
- **Função Discreta de Probabilidade:** A função que atribui a probabilidade de ocorrência de cada valor da variável aleatória é denominada *função de probabilidade* (f.p.) e é definida por,

$$P(X = x_i) = p(x_i) = p_i, \quad i = 1, 2, \dots$$

ou ainda,

$X$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$\cdots$
$p_i$	$p_1$	$p_2$	$p_3$	$\cdots$

em que,  $0 \leq p_i \leq 1$  e  $\sum_i p_i = 1$ .

## Principais Modelos Discretos

- **Modelo Uniforme Discreto:** Seja  $X$  uma variável aleatória discreta cujos possíveis valores são representados por  $x_1, x_2, x_3, \dots, x_k$ . A variável aleatória  $X$  vai seguir distribuição Uniforme Discreta se atribui a mesma probabilidade  $1/k$  a cada um desses  $k$  valores, isto é, sua função de probabilidade é dada por,

$$P(X = x_i) = \frac{1}{k}, \quad i = 0, 1, 2, \dots, k.$$

- **Modelo Bernoulli:** Uma variável aleatória  $X$  segue distribuição Bernoulli se seus valores são dicotômicos (0 ou 1) e representam a ocorrência de fracasso ou sucesso. Com  $p$  representando a probabilidade de sucesso,  $0 \leq p \leq 1$ , sua função de probabilidade é dada por,

$$P(X = x) = p^x (1 - p)^{1-x}, \quad x = 0, 1.$$

- **Modelo Poisson:** Seja  $\lambda$  a frequência média ou esperada de ocorrências de um evento de interesse num determinado intervalo de tempo, uma variável aleatória  $X$  tem distribuição de Poisson com parâmetro  $\lambda > 0$ ,  $X \sim P(\lambda)$ , se sua função de probabilidade é dada por,

$$P(X = x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}, \quad x = 0, 1, 2, \dots$$

## Variáveis Aleatórias Contínuas

- Uma quantidade  $X$  é denominada *variável aleatória contínua* se assume valores num conjunto não enumerável, ou seja, seus valores pertencem a um intervalo dos números reais.
- **Função Densidade de Probabilidade:** Uma função  $f(x)$  é uma função contínua de probabilidade ou função densidade de probabilidade (f.d.p.) para uma variável aleatória contínua  $X$ , se satisfaz duas condições.
  - $f(x) \geq 0$ , para todo  $x \in (-\infty, \infty)$ .
  - A área definida por  $f(x)$  é igual a 1.

- Ou seja,

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$$

- Para  $a \leq b$ ,

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$$

- Para qualquer valor de  $x$ ,

$$P(X = x) = 0$$

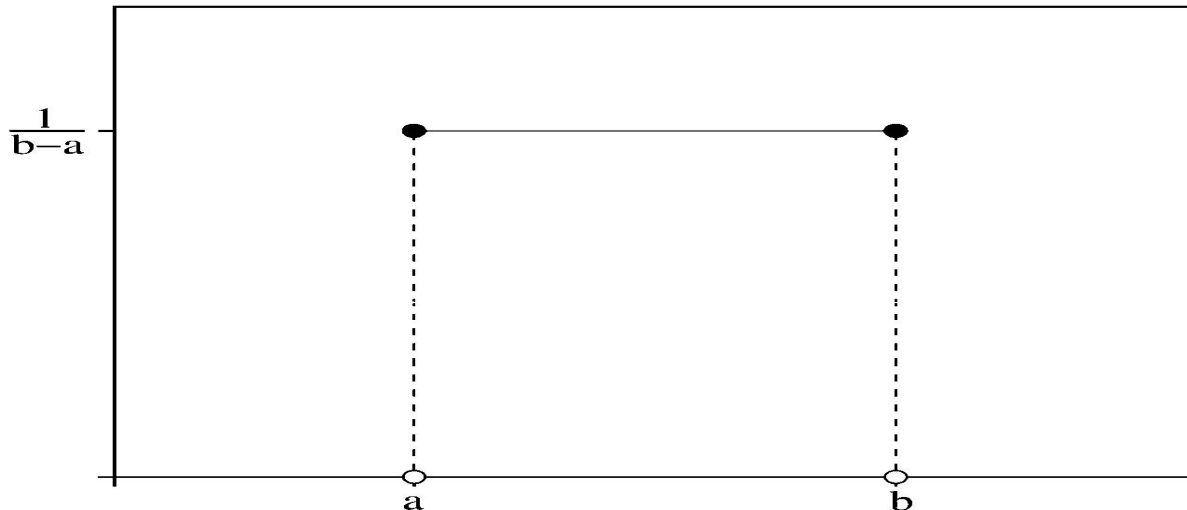


# Principais Modelos Contínuos

- **Modelo Uniforme Contínuo:** Uma variável aleatória contínua  $X$  segue distribuição uniforme contínua no intervalo  $[a, b]$ ,  $a < b$ , se sua função densidade de probabilidade é dada por,

$$f(x) = \frac{1}{b-a}, \quad a \leq x \leq b.$$

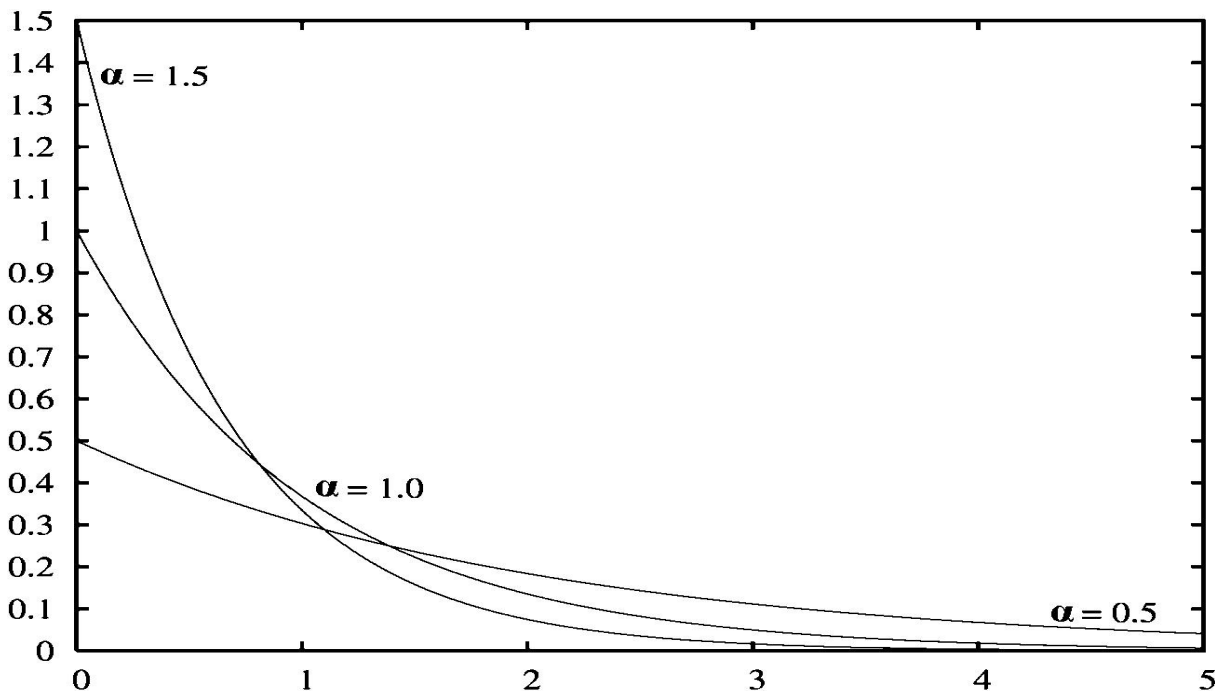
- **Notação:**  $X \sim U[a, b]$ .



- **Modelo Exponencial:** Uma variável aleatória contínua  $X$ , assumindo valores não negativos, segue distribuição exponencial com parâmetro  $\alpha > 0$  se sua f.d.p. é dada por,

$$f(x) = \alpha e^{-\alpha x}, \quad x \geq 0.$$

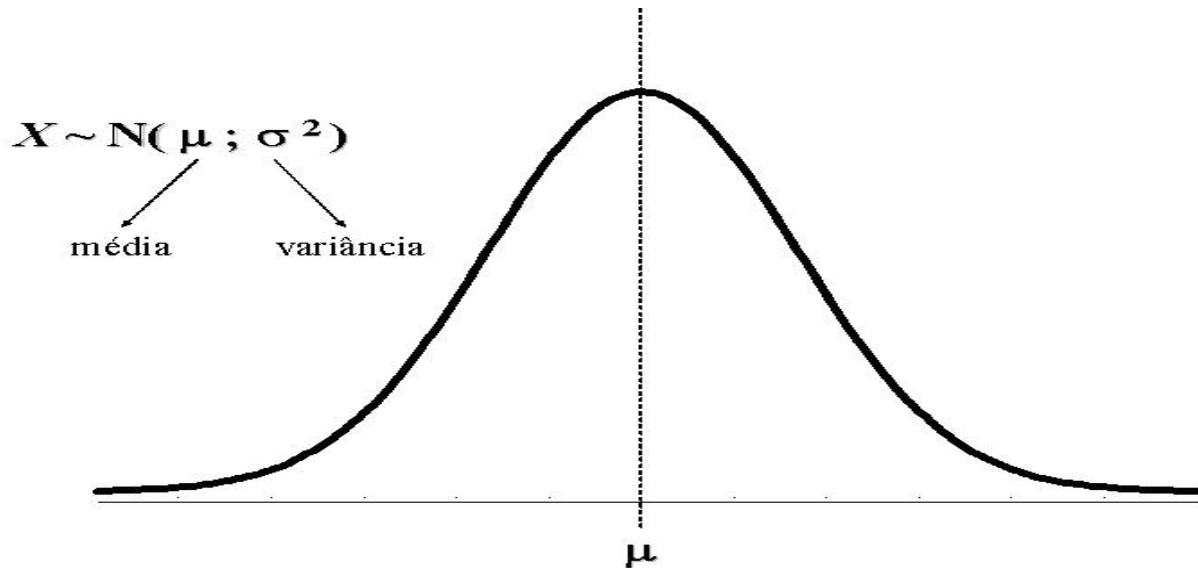
- **Notação:**  $X \sim \text{Exp}(\alpha)$ .



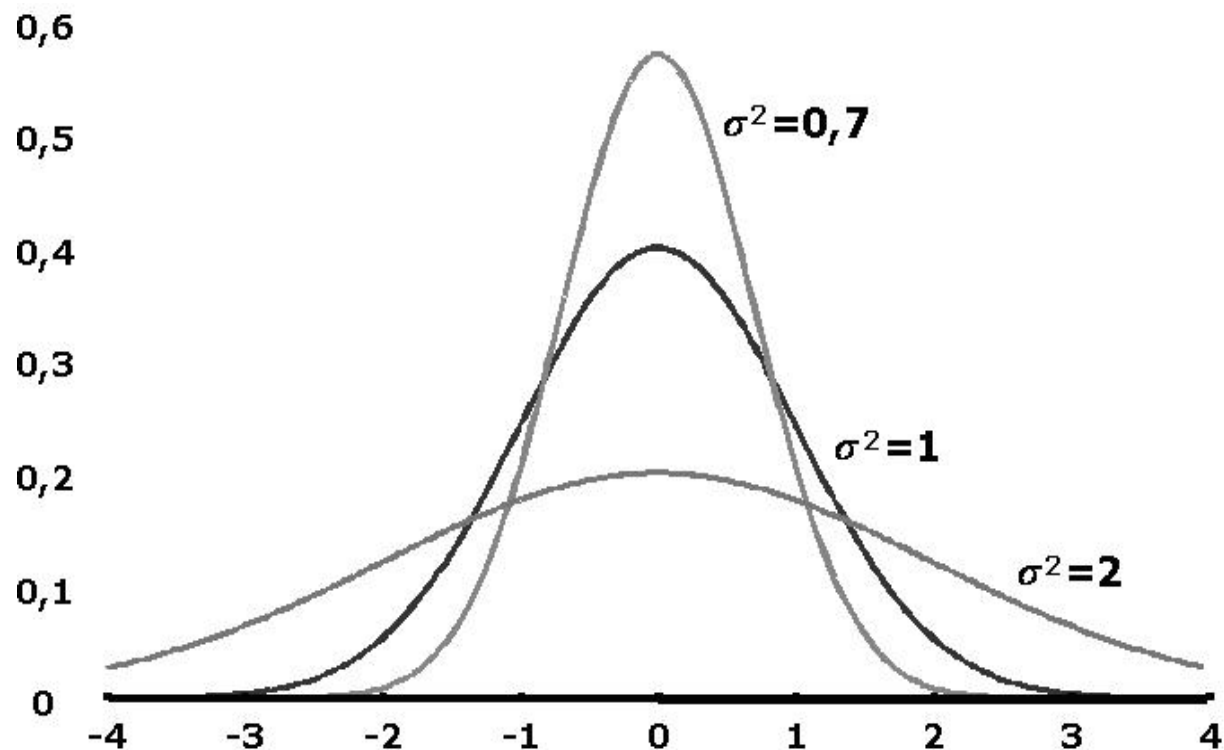
- **Modelo Normal:** Uma variável aleatória contínua  $X$  segue distribuição normal com parâmetros  $-\infty \leq \mu \leq \infty$  e  $\sigma^2 > 0$  se sua função densidade de probabilidade é dada por,

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp \left[ -\frac{(x - \mu)^2}{2\sigma^2} \right], \quad -\infty \leq x \leq \infty.$$

- **Notação:**  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ .



- A variância  $\sigma^2$  é responsável pela forma da curva.



- A média  $\mu$  é responsável pela locação (posição) da curva.

