Inatel Instituto Nacional de Telecomunicações	4ª Aula c	le exercícios de M008	Turma: M008 A
	M008 – Probabilidade e Processos Estocásticos		
Professor: Renan Sthel Duque		Monitor: Igor Gonçalves de Souza	
Assunto(s): Variáveis bidimensionais			
Conteúdo: Enunciado para as questões			
Nome:			Data:

Considere que as variáveis aleatórias *X* e *Y* tenham função densidade de probabilidade conjunta dada pela função a seguir. Pede-se:

$$f_{XY}(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{k}(2x+y), & 2 \le x \le 6\\ 0, & 0 \le y \le 5 \end{cases}$$

(a) Determine o valor da constante k.

Resposta: k = 210

(b) As funções densidade de probabilidade marginais de X e Y.

**Resposta:** 
$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{4x+5}{84}, & 2 \le x \le 6 \\ 0, & caso \ contrário \end{cases}$$
  $f_Y(y) = \begin{cases} \frac{2y+16}{105}, & 0 \le y \le 5 \\ 0, & caso \ contrário \end{cases}$ 

(c) As funções de distribuição cumulativa marginais de X e Y.

$$\text{Resposta: } F_X(x) = \left\{ \begin{array}{ll} 0 \ , & x \leq 2 \\ \frac{2x^2 + 5x - 18}{84}, 2 \leq x \leq 6 & F_Y(y) = \left\{ \begin{array}{ll} 0 \ , & y \leq 0 \\ \frac{y^2 + 16y}{105}, 0 \leq y \leq 5 \\ 1 \ , & y \geq 5 \end{array} \right.$$

(d) A função de distribuição cumulativa conjunta de X e Y.

$$\textbf{Resposta:} \, F_{XY}(x,y) = \left\{ \begin{array}{ll} 0 \; , & x \leq 2, y \leq 0 \\ \frac{2x^2y - 2y^2 - 8y + xy^2}{420} , 2 \leq x \leq 6, 0 \leq y \leq 5 \\ 1 \; , & x \geq 6, y \geq 5 \end{array} \right.$$

(e) Verifique se X e Y são independentes e **justifique**.

(f) Calcule P[3 < X < 5, Y > 4].

**Resposta:** 
$$P[3 < X < 5, Y > 4] = \frac{5}{42}$$

(g) Calcule P[X > 5].

**Resposta:** 
$$P[X > 5] = \frac{9}{28}$$

(h) Calcule P[X + Y < 8].

**Resposta:** 
$$P[X + Y < 8] = \frac{7}{10}$$