## **Avancement maths Vadim**

2024 - 20XX

## Semaine 1.

Quelques dires généraux sur les polynômes, suites, séries, transformées. Rien de formel encore.

Une partie de l'exercice 145 – *Entre la terminale et les CPGE Scientifiques (LLG, H4)* a été traité. On reviendra, plus tard, formellement sur la notion de dérivation (même combat pour l'intégration).

Premier combat : les suites et la convergence.

**Définition 1.** On appelle suite une application de  $\mathbf{N}$  dans  $\mathbf{R}$ . On dit qu'une suite  $u_n$  converge vers 0 lorsque :

$$\forall \epsilon > 0, \ \exists N_{\epsilon} \in \mathbb{N}, \ \forall n \in \mathbb{N}, \ \left( n \ge N \implies |u_n - 0| \le \epsilon \right).$$
 (1)

Savoir définir la convergence en 0 suffit pour pouvoir définir la convergence en  $\ell \in \mathbf{R}$ . On a vu la dépendance entre  $\epsilon$  et  $N_{\epsilon} := N(\epsilon)$ . Notion de bloc (structuration d'énoncés formels). Lien (rapide) avec les suites de Cauchy. Preuve du fait que toute suite convergente sur  $\mathbf{R}$  soit bornée. Le prochain objectif est de s'attaquer aux limites (à coup de  $\epsilon$ ,  $\delta$ ).

**Exercices** : Cahier de calcul et de vacances, Bardavid et participants : Fractions, Puissances, Calcul littéral, Racines carrés, et Expressions algébriques.

Demander à Vadim de se faire un fascicule de résultats qu'il mettrait à jour petit à petit (contenant des définitions, résultats avec idée de preuve / preuve complète, exemples).

## • Semaine 2.