

Oppgave 1

a)

Procedure push_back(x):

```
array.append(x)
```

Procedure push_front(x):

```
array.insert(0, x)
```

Procedure push_middle(x):

```
lengde = |array|
```

```
array.insert((lengde+1)/2, x)
```

Procedure get(i):

```
print(array[i])
```

c)

push_back vil kjøre ved $O(1)$ konstant kjøretid da tiden for å legge til elementer i slutten av ett array er konstant. Dette vil da ta $O(N)$ tid i programmet vårt hvor N er antall operasjoner.

push_front vil kjøre ved $O(l)$ hvor l er antall elementer i arrayet vårt. Dette vil da ta $O(l*N)$ tid i programmet vårt hvor N er antall operasjoner

push_middle vil kjøre ved $O(n)$ hvor n er antall elementer i arrayet vårt. Dette vil da ta $O(l*N)$ tid i programmet vårt hvor N er antall operasjoner.

get vil kjøre ved $O(1)$ konstant kjøretid da kjøretiden til index oppslag i array er konstant. Dette vil da ta $O(N)$ tid i programmet vårt hvor N er antall operasjoner.

d)

Kompleksiteten vil ikke endre seg, den vil fortsatt være avhengig av N . Men vi vil ha en øvre grense på hvor lang tid programmet kan ta.

Oppgave 2

Operasjonene inne i while løkken til algoritmen vil ta $O(N)$ tid, fordi hvis man vil hente elementer i en lenket liste med indexen, vil man måtte traversere igjennom alle nodene til man kommer til ønsket index. Dette vil i værste fall være siste node, og kjøretiden blir derfor $O(N)$. (N er antall elementer i den lenkede listen). Selv om vi teknisk sett ikke vil kunne lete etter siste elementet hver gang, og kjøretiden vil utvikle seg fra $O(0.5N)$ - $O(0.75N)$ - $O(0.875)$.. gradvis mot $O(N)$, bryr vi oss ikke om konstantene og kjøretiden blir derfor $O(N)$ while løkken vil kjøre $\log(N)$ ganger(binærsøk), og den totale kjøretiden blir derfor $O(N * \log(N))$

Oppgave 3

a)

Procedure lesFraFil:

HashMap

kattunge = input()

current = input()

while current != "-1":

 delt = current.split()

 forelder = delt[0]

 for i in range(1, |delt|):

 barn = delt[i]

 map[barn] = forelder

 current = input()

return stiFinner(kattunge, HashMap)

Procedure stiFinner(kattunge, HashMap):

streng = str(kattunge)

current = map[kattunge]

while current in map:

 streng += " " + str(current)

 current = map[current]

return streng

Oppgave 4

a)

Input: En liste av heltall i sortert rekkefølge

Procedure RekursivPrint(liste)

 if $((|liste| - 1) / 2)$

 end

$i = ((|liste| - 1) / 2)$

 MidtElement = liste[i]

 VenstreSidenAvLista = liste[0:i]

 HøyreSidenAvLista = liste[i+1:|liste|]

 print(MidtElement)

 RekursivPrint(VenstreSidenAvLista)

 RekursivPrint(HøyreSidenAvLista)

b)

Input: En liste av heltall i sortert rekkefølge

Procedure RekursivHeapqPrint(heapq)

if ($|liste| < 1$)

end

KøVenstre

KøHøyre

MidtIndeks = ($|heapq|/2$)

for i in range($|heapq|$)

if $i < \text{MidtIndeks}$

minsteElementIHeapq = heapq.pop

KøVenstre.push(minsteElementIHeapq)

elif $i > \text{MidtIndeks}$

minsteElementIHeapq = heapq.pop

KøHøyre.push(minsteElementIHeapq)

else

print(heapq.pop)

RekursivHeapqPrint(KøVenstre)

RekursivHeapqPrint(KøHøyre)