Projet RO 2021, un tour en Côte d'Or

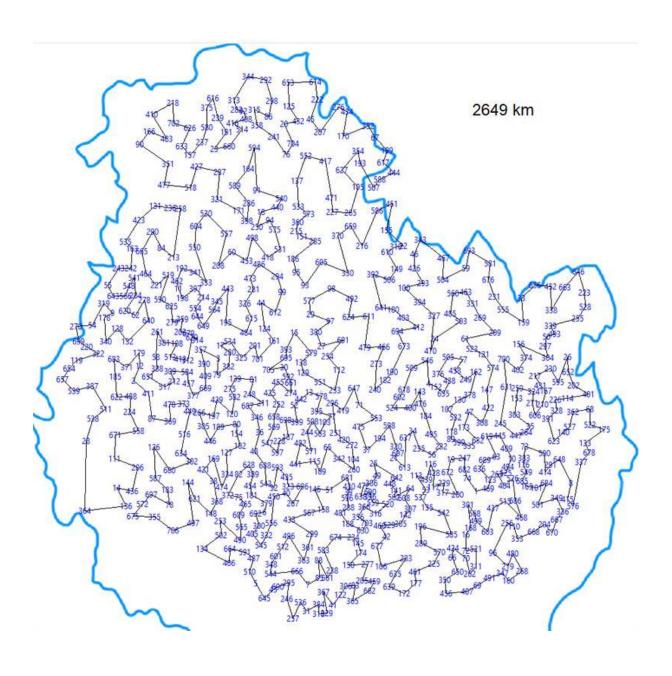




Table des matières

l.		Description générale	3
	Α.	Définition du problème	3
	В.	Les Données	3
	C.	Résultats attendus	3
	D.	Méthodologie	3
II.		Obtention d'une première solution (TP1)	4
III.		Méthodes gloutonnes (TP2)	5
	Α.	Méthode gloutonne « plus proche voisin »	5
	В.	Méthode gloutonne « insertion proche »	5
	C.	Méthode gloutonne « insertion loin »	6
IV.		Recherche locale (TP3)	7
	Α.	Echange de successeurs	7
		1. Principe « premier d'abord »	7
		2. Principe « meilleur d'abord »	7
	В.	Echange de sommets quelconques	8
		1. Principe « premier d'abord »	8
		2. Principe « meilleur d'abord »	8
	C.	Echange 2-opt	8
		1. Principe « premier d'abord »	8
		2. Principe « meilleur d'abord »	8
	D.	Variantes et Combinaison de Recherches locales	9
V.		Algorithme Génétique (TP4)	LO
	Α.	Principe général	LO
	В.	Indications complémentaires	LO
		1. Comment croiser les tournées P1 et P2 ?	LΟ
		2. Exemple de paramétrage de l'AG	11



I. Description générale

A. Définition du problème

À la suite de la pandémie de COVID-19 et aux difficultés qui sont apparues dans la distribution des masques et des vaccins, nous souhaitons anticiper la prochaine pandémie et envisager un meilleur mode de distribution du matériel médical. Nous lançons une étude de faisabilité de livraison de matériels par drone ou hélicoptère, par exemple pour un parachutage des doses de vaccins au-dessus de chaque commune du département. Pour cela, nous devons déterminer l'autonomie nécessaire pour chaque appareil, et donc le nombre de kilomètres total à parcourir pour desservir l'ensemble des communes.

Plusieurs possibilités sont envisagées :

- Livraison en plusieurs tournées dont une première tournée pour les 70 villes les plus peuplées
- Livraison en plusieurs tournées dont une tournée pour l'ensemble des villages et hameaux de moins de 100 habitants.
- Livraison par un seul appareil des 706 villes du département

B. Les Données

Nous avons à notre disposition 3 fichiers de données au format texte avec 1 ligne par commune, sous la forme suivante :

NumVille NomVille Latitude Longitude

Instances à traiter :

- top70.txt pour les 70 communes les plus peuplées,
- moinsDe100.txt pour les communes de moins de 100 habitants,
- ListeComplete.txt pour l'ensemble des communes de Côte d'Or.

C. Résultats attendus

Pour chaque fichier de données, on veut obtenir une tournée optimale, c'est-à-dire une liste ordonnée de tous les numéros de ville, de manière à minimiser la distance totale parcourue.

Le langage de programmation est libre, aucune interface graphique n'est demandée.

D. Méthodologie

Nous allons procéder par étapes en améliorant la qualité de nos solutions au fur et à mesure. Nous prendrons systématiquement comme jeu de données exemple le fichier top70.txt.



II. Obtention d'une première solution (TP1)

- 1. Lire le fichier *top70.txt* qui contient le jeu de données et créer votre **ListeVilles**. Chaque **Ville** doit contenir au moins NumVille Latitude et Longitude.
- 2. Ecrire une procédure qui affiche les Villes de votre ListeVilles et vérifier que cela correspond bien aux données du fichier de départ.
- 3. Ecrire une fonction de distance d(ville v1, ville v2): float ; qui calcule la distance entre 2 villes.

Formule Haversine utilisée pour le calcul des distances :

D(v1,v2) = abs(r*acos((sin(y1)*sin(y2)) + (cos(y1)*cos(y2)*cos(x1-x2))))

où x1,y1 et x2,y2 sont les coordonnées des villes v1 et v2 exprimées en radians , et r=6371 (x=longitude, y=latitude)

4. Vérifier que vous obtenez la bonne distance entre la ville 1 et la ville 2 en l'affichant:

distance entre ville 1 et ville 2: 34.425096765231004 km

- 5. Une **tournée** est une liste de villes. Créer une première tournée croissante à partir de la ListeVilles. (les villes sont dans l'ordre croissant de leur numéro)
- 6. Ecrire une procédure **afficheTour(tour T)**; pour afficher les numéros des villes de la tournée et vérifier que le résultat est similaire à :

tournée croissante [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70]

- 7. Ecrire une fonction **cout(T)** : **float** ; qui calcule la distance totale de la tournée. N'oubliez pas de rentrer à la maison à la fin !
- 8. Demander à l'enseignant pour vérification de la distance obtenue
- 9. Ecrire la fonction tourAleatoire(ListeVille L) :tour ; qui produit une tournée aléatoire.



III. Méthodes gloutonnes (TP2)

Plusieurs méthodes gloutonnes peuvent être testées. L'objectif ici est d'obtenir rapidement une tournée de qualité moyenne, que l'on utilisera comme *Solution Initiale* dans les étapes suivantes.

A. Méthode gloutonne « plus proche voisin »

<u>Principe de l'algorithme</u>: on construit la tournée en piochant dans la liste des villes « non visitées » la plus proche de la dernière ville ajoutée à la tournée. On commence en ajoutant la ville numéro 1 à une tournée vide. Toutes les autres villes sont « non visitées ». A la fin de l'algorithme toutes les villes sont « visitées » et font partie de la tournée résultat.

Variante : Glouton plus proche voisin amélioré

Le résultat de la méthode proche_voisin dépend directement du sommet de départ choisi. On peut construire une fonction qui lance l'exécution de plus_proche_voisin() à partir de chacune des villes de départ possibles, et renvoie la meilleure solution trouvée.

B. Méthode gloutonne « insertion proche »

<u>Principe de l'algorithme</u>: Puisque toutes les villes doivent appartenir à la tournée résultat, les deux plus éloignées aussi. On commence donc la tournée en intégrant les 2 villes qui sont les plus éloignées. Puis on intègre successivement à la tournée la ville non visitée qui est la plus proche de la tournée existante. On ajoute cette ville au bon endroit dans la tournée (pas forcément à la fin).



C. Méthode gloutonne « insertion loin »

<u>Principe de l'algorithme</u>: Puisque toutes les villes doivent appartenir à la tournée résultat, les deux plus éloignées aussi. On commence donc la tournée en intégrant les 2 villes qui sont les plus éloignées. On poursuit avec le même principe pour la suite : on intègre successivement à la tournée la ville non visitée dont la plus courte distance par rapport à la tournée existante est la plus grande.



IV. Recherche locale (TP3)

Vous allez améliorer votre solution initiale de façon itérative, en cherchant dans le voisinage de la solution courante si une meilleure solution existe. Cette solution devient la nouvelle solution courante, dont on examine le voisinage. On répète le processus jusqu'à avoir une solution qui est meilleure que toutes ses voisines.

L'algorithme de base est le même pour chacune des recherches locales. La seule partie qui diffère est l'exploration du voisinage. Dans chaque fonction, on implémente un voisinage différent. Les principales difficultés portent sur la gestion du début et de la fin de la tournée, ainsi que sur la copie de la tournée voisine comme nouvelle tournée courante.

A. Echange de successeurs

1. Principe « premier d'abord »

Le voisinage est l'ensemble des tournées obtenues par inversion de deux villes consécutives dans la tournée. Dès qu'on trouve une amélioration, le voisin devient la tournée courante.

Autre façon de faire, en remplaçant la création de Tvoisin par le calcul direct du gain potentiel :

```
Pour toute position i dans Tcourante
Si d(i-1,i)+d(i+1,i+2) > d(i-1,i+1)+d(i,i+2) Alors
Tcourante = Echanger(Tcourante,i,i+1)
```

2. Principe « meilleur d'abord »

Le voisinage est l'ensemble des tournées obtenues par inversion de deux villes consécutives dans la tournée. On attend d'avoir parcouru tout le voisinage pour choisir le meilleur voisin comme nouvelle tournée courante.



B. Echange de sommets quelconques

1. Principe « premier d'abord »

Le voisinage est l'ensemble des tournées obtenues par inversion de deux villes i et j quelconques dans la tournée. Dès qu'on trouve une amélioration, le voisin devient la tournée courante.

Exploration_ij_premier_d_abord

```
Pour toute position i dans Tcourante
Pour toute position j dans Tcourante
Tvoisin = Echanger(Tcourante,i,j)
```

2. Principe « meilleur d'abord »

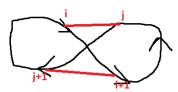
Le voisinage est l'ensemble des tournées obtenues par inversion de deux villes i et j quelconques dans la tournée. On attend d'avoir parcouru tout le voisinage pour choisir le meilleur voisin comme nouvelle tournée courante.

Exploration_ij_meilleur_d_abord

```
Pour toute position i dans Tcourante
Pour toute position j dans Tcourante
Tvoisin = Echanger(Tcourante,i,j)
Mémoriser le Meilleur_voisin et le meilleur_cout associé
Tcourante = Meilleur_voisin
```

C. Echange 2-opt

Le voisinage est l'ensemble des tournées obtenues par inversion d'un tronçon de tournée, entre les villes i et j+1, comme indiqué sur le schéma ci-contre. On cherche ainsi à « démêler » les éventuels nœuds d'une tournée, en parcourant toute une partie de la tournée en sens inverse.



Là encore 2 possibilités:

- créer la tournée Tvoisine, calculer son cout, et remplacer
 Tcourante si le cout est meilleur
- calculer le gain potentiel du 2opt entre i et j et modifier
 Tcourante seulement si le gain est positif. Gain=d(i, i+1)+ d(j,

j+1) -d(i,j)-d(i+1, j+1)puisque la partie de la tournée inversée garde la même longueur.



Exploration_2opt_premier_d_abord

```
Pour toute position i dans Tcourante
Pour toute position j > i+1 dans Tcourante
Si d(i, i+1)+ d(j, j+1) > d(i,j)+d(i+1, j+1)
Tcourante = Retourner(Tcourante,i+1,j)
```

// on doit retourner toute la partie de tournée entre i+1 et j, pas seulement inverser les extrémités !

2. Principe « meilleur d'abord »

Exploration_2opt_meilleur_d_abord



D. Variantes et Combinaison de Recherches locales

Les recherches locales implémentées peuvent être combinées tant que l'une d'elles apporte une amélioration à la solution courante.

Exemple d'algorithme :

En choisissant une autre tournée que glouton_proche_voisin(ville1), on peut obtenir de meilleurs résultats. Parfois c'est avec une moins bonne solution initiale que la tournée obtenue après recherche locale est meilleure. Les possibilités de combinaisons entre algorithmes gloutons et recherches_locales sont multiples... Faites des essais !



V. Algorithme Génétique (TP4)

A. Principe général

Au lieu de manipuler une seule tournée à la fois, on fait évoluer un ensemble de tournées, sur lesquelles on applique des croisements et des mutations

Trame de l'algorithme

Tous les détails de l'algorithme ont été présentés dans le CM8.

E2=[3,1,4,5,2]

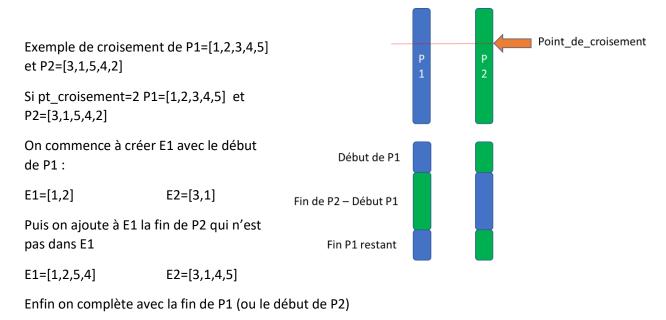
B. Indications complémentaires

1. Comment croiser les tournées P1 et P2 ?

E1 := P1[0 :Pt_de_croisement]

E2 := P2[0 :Pt_de_croisement]

Ajouter ensuite dans E1 les villes de P2[Pt_de_croisement :N-1] qui ne sont pas déjà dans E1, puis compléter avec les villes de P1[Pt_de_croisement :N-1] qui ne sont pas déjà dans E1.





E1=[1,2,5,4,3]

2. Exemple de paramétrage de l'AG

De nombreux paramètres sont à choisir vous-même. Si vous êtes perdu, vous pouvez tester avec ceux-là :

Taille_population X=800

Solutions de départ aléatoires : tour_aleatoire()

Nb_max_générations NBMAX=50

Nb_parents N = 400

Je choisis les 200 meilleurs + 200 au hasard

Je croise les parents 2 par 2 au hasard

Point de croisement = 10

On obtient Nb_enfants=Nb_parents=400

Nb_mutations y=40.

J'applique la recherche_locale_2opt sur les 10 meilleurs enfants +10 au hasard

Je lance aussi 1 super_mutation (combinaison de recherches locales) sur la meilleure solution

J'ajoute les enfants à ma population et je sélectionne les 20 meilleurs individus + les autres au hasard

