# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Trabajo Práctico 1

# Grupo Omega

Integrante	LU	Correo electrónico
Candia, Matias	721/19	candia.matias2000@gmail.com
Caneva, Diego Gabriel	169/18	diego.g.caneva@gmail.com
Lin Zabala, Juan Ignacio	349/18	juanignacio.lin@gmail.com
Sarmiento, Matias Federico	741/18	matiasfsarmiento@gmail.com

# Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# 1. Parte 1

## 1.1. TAD Casilla

TAD Casilla ES Tupla(Nat,Nat)

### 1.2. TAD Tablero

```
TAD Tablero
```

géneros tablero usa Casilla

igualdad observacional

$$(\forall t1, t2: tablero) \left( t1 =_{obs} t2 \iff \begin{pmatrix} \text{dimesiones}(t1) =_{obs} \text{dimensiones}(t2) \land \\ \text{salida}(t1) =_{obs} \text{salida}(t2) \land \\ \text{llegada}(t1) =_{obs} \text{llegada}(t2) \land_{L} \\ (\forall c: casilla) (\text{enRango}(c, \text{dimensiones}(t1)) \\ \Rightarrow_{L} \text{hayFantasma}(t1, c) =_{obs} \\ \text{hayFantasma}(t2, c) \land \\ \text{hayPared}(t1, c) =_{obs} \text{hayPared}(t2, c)) \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

dimensiones : tablero  $\longrightarrow$  tupla(nat,nat)

salida : tablero  $\longrightarrow$  casilla llegada : tablero  $\longrightarrow$  casilla

hayFantasma : tablero  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool}$  {enRango(c,dimensiones(t))} hayPared : tablero  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool}$  {enRango(c,dimensiones(t))}

#### generadores

crear Tablero : tupla(nat,nat) <br/>  $d \times$ casilla  $s \times$ casilla  $ll \longrightarrow$ tablero

 $\{enRango(s,d) \land enRango(ll,d)\}$ 

agregar Fantasma : tablero <br/>  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}$ 

 $\{enRango(c,dimensiones(t)) \land \neg(salida(t)=c \lor llegada(t)=c) \land \neg(hayPared(t,c))\}\}$ 

agregar Pared : tablero  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}$ 

 $\{enRango(c,dimensiones(t)) \land \neg(salida(t)=c \lor llegada(t)=c) \land \neg(hayFantasma(t,c))\}$ 

### otras operaciones

 $fantasmas : tablero \longrightarrow conj(casilla)$ 

distancia : casilla imes casilla  $\longrightarrow$  nat

casilla Asustada : casilla  $\times$  conj(casilla)  $\longrightarrow$  bool enRango : casilla  $\times$  tupla(nat,nat)  $\longrightarrow$  bool

```
axiomas
  dimensiones(crearTablero(d,s,ll)) \equiv d
  dimensiones(agregarFantasma(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  dimensiones(agregarPared(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  salida(crearTablero(d,s,ll)) \equiv s
  salida(agregarFantasma(t,c)) \equiv salida(t)
  salida(agregarPared(t,c)) \equiv salida(t)
  llegada(crearTablero(d,s,ll)) \equiv ll
  llegada(agregarFantasma(t,c)) \equiv llegada(t)
  llegada(agregarPared(t,c)) \equiv llegada(t)
  hayFantasma(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayFantasma(agregarFantasma(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>hayFantasma(t,c) fi
  hayFantasma(agregarPared(t,k),c) \equiv hayFantasma(t,c)
  hayPared(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayPared(agregarFantsma(t,k),c) \equiv hayPared(t,c)
  hayPared(agregarPared(t,k),c) \equiv if c=k then true else hayPared(t,c) fi
  fantasmas(crearTablero(d,s,ll)) \equiv \emptyset
  fantasmas(agregarFantasma(t,c)) \equiv Ag(c,fantasmas(t))
  fantasmas(agregarPared(t,c)) \equiv fantasmas(t)
  distancia(c1,c2) \equiv |\pi_1(c1) - \pi_1(c2)| + |\pi_2(c1) - \pi_2(c2)|
  casillaAsustada(c,f) \equiv if \emptyset ?(f) then
                                false
                             else
                                if distancia(c,dameUno(f)) < 3 then
                                    true
                                    casillaAsustada(c,sinUno(f))
  enRango(x,y) \equiv \pi_1(y) > \pi_1(x) \land \pi_2(y) > \pi_2(x)
```

## 1.3. TAD Pacalgo

```
TAD Pacalgo
       géneros
                                pacalgo
        usa
                                Tablero
       igualdad observacional
                                (\forall p1, p2 : \text{pacalgo}) \quad \left(p1 =_{\text{obs}} p2 \iff \begin{pmatrix} \text{jugador}(\text{p1}) =_{\text{obs}} \text{jugador}(\text{p2}) \land \\ \text{mostrarTablero}(\text{p1}) =_{\text{obs}} \\ \text{mostrarTablero}(\text{p2}) \end{pmatrix}\right)
       observadores básicos
           jugador : pacalgo \longrightarrow casilla
           mostrarTablero: pacalgo \longrightarrow tablero
        generadores
            crearPacalgo : tablero → pacalgo
            mover
Jugador : pacalgo p \times \text{casilla } d \longrightarrow \text{pacalgo}
                                \neg \ (\mathrm{perdi\acute{o}?(p)}) \ \land \ \neg \ (\mathrm{gan\acute{o}?(p)}) \ \land \\
                               enRango(d,dimesiones(mostrarTablero(p))) \land
                               \begin{array}{c} \text{clinarigo}(\textbf{d}, \textbf{uninciones}(\textbf{mostrat} \ \textbf{leaves}(\textbf{p}))) \land \\ \\ (((\pi_1(\textbf{jugador}(\textbf{p})) - 1 = \pi_1(\textbf{d}) \lor \pi_1(\textbf{d}) = \pi_1(\textbf{jugador}(\textbf{p})) + 1) \land (\pi_2(\textbf{jugador}(\textbf{p})) = \pi_2(\textbf{d})) \\ \\ \lor (\pi_2(\textbf{jugador}(\textbf{p})) - 1 = \pi_2(\textbf{d}) \lor \pi_2(\textbf{d}) = \pi_2(\textbf{jugador}(\textbf{p})) + 1) \land \pi_1(\textbf{jugador}(\textbf{p})) = \\ \\ \\ & \\ \end{array} 
       otras operaciones
            ganó? : pacalgo \longrightarrow bool
            perdió? : pacalgo \longrightarrow bool
            mostrarTablero(crearPacalgo(t)) \equiv t
            mostrarTablero(moverJugador(p,d)) \equiv mostrarTablero(p)
           jugador(crearPacalgo(t)) \equiv salida(t)
           jugador(moverJugador(p,d)) \equiv d
            ganó?(p) \equiv jugador(p) = llegada(mostrarTablero(p))
            perdió?(p) = casillaAsustada(jugador(p),fantasmas(mostrarTablero(p)))
```

## 2. Parte 2

## 2.1. TAD Casilla

TAD Casilla ES Tupla(Nat,Nat)

## 2.2. TAD Tablero

```
TAD Tablero
```

géneros tablero usa Casilla

igualdad observacional

```
(\forall t1, t2: tablero) \left( t1 =_{obs} t2 \iff \begin{pmatrix} \text{dimesiones}(t1) =_{obs} \text{dimensiones}(t2) \land \\ \text{salida}(t1) =_{obs} \text{salida}(t2) \land \\ \text{llegada}(t1) =_{obs} \text{llegada}(t2) \land_{L} \\ (\forall c: casilla) (\text{enRango}(c, \text{dimensiones}(t1)) \\ \Rightarrow_{L} \text{hayFantasma}(t1, c) =_{obs} \\ \text{hayFantasma}(t2, c) \land \\ \text{hayPared}(t1, c) =_{obs} \text{hayPared}(t2, c)) \land \\ \text{hayChocolate}(t1, c) =_{obs} \text{hayChocolate}(t2, c) \end{pmatrix} \right)
```

#### observadores básicos

```
dimensiones : tablero \longrightarrow tupla(nat,nat)
```

salida : tablero  $\longrightarrow$  casilla llegada : tablero  $\longrightarrow$  casilla

 $\begin{array}{lll} \text{hayFantasma} &: \text{tablero } t \times \text{casilla } c &\longrightarrow \text{bool} & \{\text{enRango(c,dimensiones(t))}\} \\ \text{hayPared} &: \text{tablero } t \times \text{casilla } c &\longrightarrow \text{bool} & \{\text{enRango(c,dimensiones(t))}\} \\ \text{hayChocolate} &: \text{tablero } t \times \text{casilla } c &\longrightarrow \text{bool} & \{\text{enRango(c,dimensiones(t))}\} \\ \end{array}$ 

# generadores

```
crear
Tablero : tupla(nat,nat) d \times \text{casilla } s \times \text{casilla } ll \longrightarrow \text{tablero} {enRango(s,d) \wedge enRango(ll,d)}
```

 $\{\text{enRango}(s,d) \land \text{enRango}(s,d) \land \text{enRango$ 

 $\{enRango(c,dimensiones(t)) \land \neg(salida(t)=c \lor llegada(t)=c) \land \neg(hayPared(t,c))\}\}$ 

agregarPared : tablero  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}$  {enRango(c,dimensiones(t))  $\land \neg (\text{salida}(t) = c \lor \text{llegada}(t) = c) \land \neg (\text{hayFantasma}(t,c))$ }

agregar Chocolate : tablero  $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}$  {enRango(c,dimensiones(t))}

Chocolate no debería solaparse con pared

#### otras operaciones

fantasmas : tablero  $\longrightarrow$  conj(casilla) distancia : casilla  $\times$  casilla  $\longrightarrow$  nat

casilla Asustada : casilla  $\times$  conj(casilla)  $\longrightarrow$  bool en Rango : casilla  $\times$  tupla(nat,nat)  $\longrightarrow$  bool

```
axiomas
  dimensiones(crearTablero(d,s,ll)) \equiv d
  dimensiones(agregarFantasma(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  dimensiones(agregarPared(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  dimensiones(agregarChocolate(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  salida(crearTablero(d,s,ll)) \equiv s
  salida(agregarFantasma(t,c)) \equiv salida(t)
  salida(agregarPared(t,c)) \equiv salida(t)
  salida(agregarChocolate(t,c)) \equiv salida(t)
  llegada(crearTablero(d,s,ll)) \equiv ll
  llegada(agregarFantasma(t,c)) \equiv llegada(t)
  llegada(agregarPared(t,c)) \equiv llegada(t)
  llegada(agregarChocolate(t,c)) \equiv llegada(t)
  hayFantasma(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayFantasma(agregarFantasma(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>hayFantasma(t,c) fi
  hayFantasma(agregarPared(t,k),c) \equiv hayFantasma(t,c)
  hayFantasma(agregarChocolate(t,k),c) \equiv hayFantasma(t,c)
  hayPared(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayPared(agregarFantsma(t,k),c) \equiv hayPared(t,c)
  havPared(agregarPared(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>havPared(t,c) fi
  hayPared(agregarChocolate(t,k),c) \equiv hayPared(t,c)
  hayChocolate(crearTablero(d,sll),c) \equiv false
  hayChocolate(agregarFantasma(t,k),c) \equiv hayChocolate(t,c)
  hayChocolate(agregarPared(t,k),c) \equiv hayChocolate(t,c)
  hayChocolate(agregarChocolate(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>hayChocolate(t,c) fi
  fantasmas(crearTablero(d,s,ll)) \equiv \emptyset
  fantasmas(agregarFantasma(t,c)) \equiv Ag(c,fantasmas(t))
  fantasmas(agregarPared(t,c)) \equiv fantasmas(t)
  fantasmas(agregarChocolate(t,c)) \equiv fantasmas(t)
  distancia(c1,c2) \equiv |\pi_1(c1) - \pi_1(c2)| + |\pi_2(c1) - \pi_2(c2)|
  casillaAsustada(c,f) \equiv if \emptyset ?(f) then
                                false
                            else
                                if distancia(c,dameUno(f)) < 3 then
                                else
                                   casillaAsustada(c,sinUno(f))
  enRango(x,y) \equiv \pi_1(y) > \pi_1(x) \wedge \pi_2(y) > \pi_2(x)
```

# 2.3. TAD Pacalgo

```
TAD Pacalgo
```

```
géneros pacalgo
usa TABLERO
igualdad observacional
```

```
(\forall p1, p2: pacalgo) \left( \begin{array}{c} \text{jugador}(p1) =_{\text{obs}} \text{jugador}(p2) \land \\ \text{puntaje}(p1) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(p2) \land \\ \text{inmunidad}(p1) =_{\text{obs}} \text{inmunidad}(p2) \land \\ \text{mostrarTablero}(p1) =_{\text{obs}} \\ \text{mostrarTablero}(p2) \land_{\text{L}} \\ (\forall \text{c:casilla}) \\ ((\text{enRango}(\text{c,dimensiones}(\text{mostrarTablero}(p1))) \land_{\text{L}} \\ \text{hayChocolate}(\text{mostrarTablero}(p1), c)) \Rightarrow_{\text{L}} \\ \text{chocolateComido}(p1, c) =_{\text{obs}} \\ \text{chocolateComido}(p2, c)) \end{array} \right)
```

#### observadores básicos

```
jugador : pacalgo \longrightarrow casilla mostrar
Tablero : pacalgo \longrightarrow tablero puntaje : pacalgo \longrightarrow nat inmunidad : pacalgo \longrightarrow nat chocolate
Comido : pacalgo p \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool} \{\text{enRango}(c, \text{dimensiones}(\text{mostrarTablero}(p))) \land_{\text{L}} \text{hayChocolate}(\text{mostrarTablero}(p), c)\}
```

#### generadores

```
crearPacalgo : tablero \longrightarrow pacalgo moverJugador : pacalgo p \times \text{casilla } d \longrightarrow \text{pacalgo}  \left\{ \begin{array}{l} \neg \text{ (perdió?(p))} \land \neg \text{ (ganó?(p))} \land \\ \text{enRango(d,dimesiones(mostrarTablero(p)))} \land \\ \neg \text{(hayPared(d,mostrarTablero(p)))} \land \\ (((\pi_1(\text{jugador(p))-1} = \pi_1(\text{d}) \lor \pi_1(\text{jugador(p))+1} = \pi_1(\text{d})) \land \pi_2(\text{jugador(p))} = \pi_2(\text{d})) \\ \lor \text{ (}(\pi_2(\text{jugador(p))-1} = \pi_2(\text{d}) \lor \pi_2(\text{jugador(p))} + 1 = \pi_2(\text{d})) \land \pi_1(\text{jugador(p))} = \pi_2(\text{d})) \\ \vdots \end{cases}
```

## otras operaciones

```
ganó? : pacalgo \longrightarrow bool perdió? : pacalgo \longrightarrow bool
```

```
axiomas
  mostrarTablero(crearPacalgo(t)) \equiv t
  mostrarTablero(moverJugador(p,d)) \equiv mostrarTablero(p)
  jugador(crearPacalgo(t)) \equiv salida(t)
  jugador(moverJugador(p,d)) \equiv d
  puntaje(crearPacalgo(t)) \equiv 0
  puntaje(moverJugador(p,d)) \equiv puntaje(p)+1
  inmunidad(crearPacalgo(t)) \equiv if hayChocolate(salida(t)) then 10 else 0 fi
  inmunidad(moverJugador(p,d)) \ \equiv \ \textbf{if} \ hayChocolate(d) \ \land_{L} \neg (chocalateComido(p,d)) \ \textbf{then}
                                             10
                                         else
                                             if inmunidad(p) > 0 then inmunidad(p) - 1 else 0 fi
  chocolateComido(crearPacalgo(t), c) \overset{\mathbf{fi}}{\equiv} \ c{=}salida(t)
  chocolateComido(moverJugador(p,d),c) \equiv d=c \lor chocolateComido(p,c)
  ganó?(p) \equiv jugador(p) = llegada(mostrarTablero(p))
  perdió?(p) \equiv casillaAsustada(jugador(p),fantasmas(mostrarTablero(p))) \land inmunidad(p)=0
```