Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico 2

Grupo Omega

Integrante	LU	Correo electrónico	
Candia, Matias	721/19	candia.matias2000@gmail.com	
Caneva, Diego Gabriel	169/18	diego.g.caneva@gmail.com	
Lin Zabala, Juan Ignacio	349/18	juanignacio.lin@gmail.com	
Sarmiento, Matias Federico	741/18	matiasfsarmiento@gmail.com	

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

TAD Casilla 1.

TAD Casilla ES Tupla(Nat,Nat)

2. TAD Tablero

```
TAD Tablero
                         tablero
      géneros
      usa
                         Casilla
      igualdad observacional
                                                                            'dimesiones(t1) =<sub>obs</sub> dimensiones(t2) \land
                                                                           salida(t1) =_{obs} salida(t2) \land
                                                                           llegada(t1) =_{obs} llegada(t2) \wedge_L
                                                                           (\forall c: casilla)(enRango(c, dimensiones(t1))
                         (\forall t1, t2 : \text{tablero}) \quad t1 =_{\text{obs}} t2 \iff
                                                                            \Rightarrow_{L} hayFantasma(t1,c) =_{obs}
                                                                           hayFantasma(t2,c) \land
                                                                           \mathrm{hayPared}(\mathrm{t1,c}) =_{\mathrm{obs}} \mathrm{hayPared}(\mathrm{t2,c})) \ \land \\
                                                                           hayChocolate(t1,c) =_{obs} hayChocolate(t2,c)
      observadores básicos
         dimensiones : tablero \longrightarrow tupla(nat,nat)
         salida : tablero \longrightarrow casilla
         llegada : tablero \longrightarrow casilla
         hay
Fantasma : tablero t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                       \{enRango(c,dimensiones(t))\}
         hayPared: tablero t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                       \{enRango(c,dimensiones(t))\}
         hayChocolate : tablero t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{bool}
                                                                                                       \{enRango(c,dimensiones(t))\}
      generadores
         crear
Tablero : tupla(nat,nat) d \times \text{casilla } s \times \text{casilla } ll \longrightarrow \text{tablero}
                                                                                                  \{enRango(s,d) \land enRango(ll,d)\}
         agregar
Fantasma : tablero <br/> t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}
                             \{enRango(c,dimensiones(t)) \land \neg(salida(t)=c \lor llegada(t)=c) \land \neg(hayPared(t,c))\}
         agregar
Pared : tablero t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}
                       \int_{c}^{c} enRango(c,dimensiones(t)) \wedge \neg(salida(t)=c) \vee llegada(t)=c) \wedge \neg(hayFantasma(t,c)) 
                       \land \neg (\text{hayChocolate}(t,c))
```

 $\{enRango(c,dimensiones(t)) \land_{L} \neg hayPared(t,c)\}$

agregar Chocolate : tablero $t \times \text{casilla } c \longrightarrow \text{tablero}$

```
otras operaciones
  fantasmas : tablero \longrightarrow conj(casilla)
  distancia : casilla \times casilla \longrightarrow nat
  casilla Asustada : casilla \times conj(casilla) \longrightarrow bool
  enRango : casilla \times tupla(nat,nat) \longrightarrow bool
axiomas
  dimensiones(crearTablero(d,s,ll)) \equiv d
  dimensiones(agregarFantasma(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  dimensiones(agregarPared(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  dimensiones(agregarChocolate(t,c)) \equiv dimensiones(t)
  salida(crearTablero(d.s.ll)) \equiv s
  salida(agregarFantasma(t,c)) \equiv salida(t)
  salida(agregarPared(t,c)) \equiv salida(t)
  salida(agregarChocolate(t,c)) \equiv salida(t)
  llegada(crearTablero(d,s,ll)) \equiv ll
  llegada(agregarFantasma(t,c)) \equiv llegada(t)
  llegada(agregarPared(t,c)) \equiv llegada(t)
  llegada(agregarChocolate(t,c)) \equiv llegada(t)
  hayFantasma(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayFantasma(agregarFantasma(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>hayFantasma(t,c) fi
  hayFantasma(agregarPared(t,k),c) \equiv hayFantasma(t,c)
  hayFantasma(agregarChocolate(t,k),c) \equiv hayFantasma(t,c)
  havPared(crearTablero(d,s,ll),c) \equiv false
  hayPared(agregarFantsma(t,k),c) \equiv hayPared(t,c)
  havPared(agregarPared(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>havPared(t,c) fi
  havPared(agregarChocolate(t,k),c) \equiv havPared(t,c)
  hayChocolate(crearTablero(d,sll),c) \equiv false
  hayChocolate(agregarFantasma(t,k),c) \equiv hayChocolate(t,c)
  hayChocolate(agregarPared(t,k),c) \equiv hayChocolate(t,c)
  hayChocolate(agregarChocolate(t,k),c) \equiv if c=k then true else <math>hayChocolate(t,c) fi
  fantasmas(crearTablero(d,s,ll)) \equiv \emptyset
  fantasmas(agregarFantasma(t,c)) \equiv Ag(c,fantasmas(t))
  fantasmas(agregarPared(t,c)) \equiv fantasmas(t)
  fantasmas(agregarChocolate(t,c)) \equiv fantasmas(t)
  distancia(c1,c2) \equiv |\pi_1(c1) - \pi_1(c2)| + |\pi_2(c1) - \pi_2(c2)|
  casillaAsustada(c,f) \equiv if \emptyset ?(f) then
                                false
                             else
                                if distancia(c,dameUno(f)) < 3 then
                                    true
                                 else
                                    casillaAsustada(c,sinUno(f))
  enRango(x,y) \equiv \pi_1(y) > \pi_1(x) \wedge \pi_2(y) > \pi_2(x)
```

3. TAD Pacalgo

```
TAD Pacalgo
```

```
génerospacalgousaTABLERO
```

igualdad observacional

```
(\forall p1, p2: pacalgo) \left( \begin{array}{c} \text{jugador}(p1) =_{\text{obs}} \text{jugador}(p2) \land \\ \text{puntaje}(p1) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(p2) \land \\ \text{inmunidad}(p1) =_{\text{obs}} \text{inmunidad}(p2) \land \\ \text{mostrarTablero}(p1) =_{\text{obs}} \\ \text{mostrarTablero}(p2) \land_{\text{L}} \\ (\forall \text{c:casilla}) \\ ((\text{enRango}(\text{c,dimensiones}(\text{mostrarTablero}(p1))) \land_{\text{L}} \\ \text{hayChocolate}(\text{mostrarTablero}(p1), \text{c})) \Rightarrow_{\text{L}} \\ \text{chocolateComido}(p1, \text{c}) =_{\text{obs}} \\ \text{chocolateComido}(p2, \text{c}) \end{array} \right) \right)
```

observadores básicos

```
jugador : pacalgo \longrightarrow casilla mostrar
Tablero : pacalgo \longrightarrow tablero puntaje : pacalgo \longrightarrow nat inmunidad : pacalgo \longrightarrow nat chocolate
Comido : pacalgo p \times casilla p \times pacalgo chocolate
(enRango(c,dimensiones(mostrar
Tablero(p))) \cap pacalgo (postrar
Tablero(p),c)}
```

generadores

```
crear
Pacalgo : tablero \longrightarrow pacalgo mover
Jugador : pacalgo p \times casilla d \longrightarrow pacalgo  \{ \neg \text{ (perdi\'o?(p))} \land \neg \text{ (gan\'o?(p))} \land \text{ esAleda\~na(p,d)} \}
```

otras operaciones

```
ganó? : pacalgo \longrightarrow bool perdió? : pacalgo \longrightarrow bool es
Aledaña? : pacalgo \times casilla \longrightarrow bool
```

```
axiomas
```

```
mostrarTablero(crearPacalgo(t)) \equiv t
mostrarTablero(moverJugador(p,d)) \equiv mostrarTablero(p)
jugador(crearPacalgo(t)) \equiv salida(t)
jugador(moverJugador(p,d)) \equiv d
puntaje(crearPacalgo(t)) \equiv 0
puntaje(moverJugador(p,d)) \equiv puntaje(p)+1
inmunidad(crearPacalgo(t)) \equiv if hayChocolate(salida(t)) then 10 else 0 fi
inmunidad(moverJugador(p,d)) \equiv if hayChocolate(d) \land_L \neg (chocalateComido(p,d)) then
                                              10
                                          else
                                              if inmunidad(p) > 0 then inmunidad(p) - 1 else 0 fi
                                          \mathbf{fi}
chocolateComido(crearPacalgo(t),c) \equiv c=salida(t)
chocolateComido(moverJugador(p,d),c) \equiv d=c \lor chocolateComido(p,c)
ganó?(p) \equiv jugador(p) = llegada(mostrarTablero(p))
perdió?(p) \equiv casillaAsustada(jugador(p),fantasmas(mostrarTablero(p))) \land inmunidad(p)=0
esAledaña?(p,d) \equiv enRango(d,dimesiones(mostrarTablero(p))) \land
                        \neg(\text{hayPared}(d, \text{mostrarTablero}(p))) \land
                        (((\pi_1(\text{jugador}(p))-1 = \pi_1(d) \vee \pi_1(d) = \pi_1(\text{jugador}(p))+1) \wedge (\pi_2(\text{jugador}(p))
                        =\pi_2(\mathbf{d})) \vee (\pi_2(\mathrm{jugador}(\mathbf{p}))-1 = \pi_2(\mathbf{d}) \vee \pi_2(\mathbf{d}) = \pi_2(\mathrm{jugador}(\mathbf{p})) + 1) \wedge
                        \pi_1(\text{jugador}(p)) = \pi_1(d)
```

4. TAD Nombre

TAD Nombre ES String

5. TAD Ranking

TAD Ranking

usa Nombre

igualdad observacional

$$(\forall r1, r2 : \text{ranking}) \left(r1 =_{\text{obs}} r2 \iff \begin{pmatrix} \text{jugadores}(\text{r1}) =_{\text{obs}} \text{jugadores}(\text{r2}) \land_{\text{L}} \\ (\forall \text{ j:nombre})(\text{j} \in \text{jugadores}(\text{r1}) \\ \Rightarrow_{\text{L}} \text{puntaje}(\text{j,r1}) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(\text{j,r2})) \\ \land \\ (\forall \text{ p:nat})(0 < \text{p} \leq \# \text{(jugadores}(\text{r})) \\ \Rightarrow_{\text{L}} \text{p-simo}(\text{p,r1}) =_{\text{obs}} \text{p-simo}(\text{p,r2})) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

```
\begin{array}{lll} \text{jugadores} : \text{ranking} & \longrightarrow \text{conj(nombres)} \\ \text{puntaje} : \text{nombre} \ j \times \text{ranking} \ r & \longrightarrow \text{nat} \\ \text{p-simo} : \text{nat} \ p \times \text{ranking} \ r & \longrightarrow \text{nombre} \end{array} \qquad \begin{cases} \text{j} \in \text{jugadores(r)} \} \\ \{0 < \text{p} \leq \# \ (\text{jugadores(r)})\} \end{cases}
```

generadores

 \emptyset : \longrightarrow ranking

```
nuevoGanador : nombre j \times \text{nat} \times \text{ranking } r \longrightarrow \text{ranking} {j \notin \text{jugadores(r)}} repetirGanador : nombre j \times \text{nat} \times \text{ranking } r \longrightarrow \text{ranking} {j \in \text{jugadores(r)}}
```

otras operaciones

```
suPuesto : nombre j \times \text{ranking } r \longrightarrow \text{nat}   \{j \in \text{jugadores}(r)\} esSuPuesto? : nombre j \times \text{nat } n \times \text{ranking } r \longrightarrow \text{bool}   \{j \in \text{jugadores}(r) \land 0 < n \leq \#(\text{jugadores}(r))\} suPuestoDesde : nombre j \times \text{nat } n \times \text{ranking } r \longrightarrow \text{nat}   \{j \in \text{jugadores}(r) \land 0 < n \leq \#(\text{jugadores}(r))\}
```

```
axiomas
   jugadores(\emptyset) \equiv \emptyset
   jugadores(nuevoGanador(j,n,r)) \equiv Ag(j,jugadores(r))
   jugadores(repetirGanador(j,n,r)) \equiv jugadores(r)
   puntaje(j,nuevoGanador(j',n,r)) \equiv if j \neq j' then <math>puntaje(j,r) else n fi
   puntaje(j,repetirGanador(j',n,r)) \equiv if j \neq j' then <math>puntaje(j,r) else min(puntaje(j,r),n) fi
   p-simo(p,nuevoganador(j,n,r)) \equiv if <math>\emptyset?(jugadores(r)) then
                                                      j
                                                  else
                                                      if puntaje(p-simo(p,r),r) \le n then
                                                           p-simo(p,r)
                                                      else
                                                           \textbf{if} \ p{=}1 \vee_{\scriptscriptstyle{L}} punta\textbf{j}e(p{\text{-}simo}(p{\text{-}1,}r)) \leq n \ \textbf{then}
                                                           else
                                                               p-simo(p-1,r)
                                                           fi
  \begin{array}{c} \textbf{fi} \\ \text{p-simo}(p, repetir Ganador(j, n, r)) \end{array} \equiv \textbf{if} \ n \geq puntaje(p-simo(p, r), r) \ \lor \ n \geq puntaje(j, r) \ \textbf{then} \end{array}
                                                         p-simo(p,r)
                                                         if p=1 \vee_{L} puntaje(p-simo(p-1,r),r) \leq n then
                                                             j
                                                         else
                                                             p-simo(p-1,r)
                                                         fi
   suPuesto(j,r) \equiv suPuestoDesde(j,1,r)
   suPuestoDesde(j,n,r) \ \equiv \ \textbf{if} \ esSuPuesto?(j,n,r) \ \textbf{then} \ n \ \textbf{else} \ suPuestoDesde(j,n+1,r) \ \textbf{fi}
   esSuPuesto?(j,n,r) \equiv p-simo(n,r)=j
```

6. TAD Fichin

```
TAD Fichin
```

usa Casilla Tablero Pacalgo Nombre Ranking

igualdad observacional

$$(\forall f1, f2: \text{fichin}) \left(f1 =_{\text{obs}} f2 \iff \begin{pmatrix} \text{tablero}(f1) =_{\text{obs}} \text{tablero}(f2) \land \\ \text{ranking}(f1) =_{\text{obs}} \text{ranking}(f2) \land \\ \text{jugando}?(f1) =_{\text{obs}} \text{jugando}?(f2) \land \\ \text{jugador}(f1) =_{\text{obs}} \text{jugador}(f2) \land \\ \text{partida}(f1) =_{\text{obs}} \text{partida}(f2) \end{pmatrix} \right)$$

usa tablero, pacalgo, ranking

observadores básicos

tablero : fichin \longrightarrow tablero jugando? : fichin \longrightarrow bool jugador : fichin $f \longrightarrow$ nombre {jugando?(f)} partida : fichin $f \longrightarrow$ pacalgo {jugando?(f)} ranking : fichin \longrightarrow ranking

generadores

otras operaciones

```
axiomas
  tablero(crearFichin(t)) \equiv t
  tablero(nuevaPartida(j,f)) \equiv tablero(f)
  tablero(moverse(c,f)) \equiv tablero(f)
  jugando?(crearFichin(t)) \equiv false
  jugando?(nuevaPartida(j,f)) \equiv true
  jugando?(moverse(c,f)) \equiv \neg(perdió?(moverJugador(c,partida(f))) \lor
                                ganó?(moverJugador(c,partida(f))))
  jugador(nuevaPartida(j,f)) \equiv j
  jugador(moverse(c,f)) \equiv jugador(f)
  partida(nuevaPartida(j,f)) \ \equiv \ crearPacalgo(tablero(f))
  partida(moverse(c,f)) \equiv moverJugador(c,partida(f))
  ranking(crearFichin(t)) \equiv \emptyset
  ranking(nuevaPartida(j,f)) \equiv ranking(f)
  ranking(moverse(c,f)) \equiv if c \neq llegada(tablero(f)) then
                                  ranking(f)
                              else
                                  if jugador(f) \in jugadores(ranking(f)) then
                                     repetirGanador(jugador(f),puntaje(partida(f)),ranking(f))
                                  else
                                     nuevoGanador(jugador(f),puntaje(partida(f)),ranking(f))
                                  fi
  siguientePuntaje(f) \equiv \langle p-simo(suPuesto(jugador(f))-1,ranking(f)),
                            puntaje(p-simo(suPuesto(jugador(f))-1),ranking(f)))
```