



Tipo Abstracto de Datos Lista

T.A.D. LISTA

ESTRUCTURAS DE DATOS
y ALGORITMOS
LCC TUPW

LISTAS

Las **listas** son estructuras de datos flexibles porque pueden crecer y contraerse, y los elementos accedidos, insertados y eliminados en cualquier posición de la lista.



T.A.D. LISTA – Especificación (1)

Lista: Secuencia de 0 o mas elementos de un tipo determinado, que puede crecer y contraerse sin restricción.

$$L = (a_1, a_2, \dots, a_n), n \geq 0$$

n : longitud de la lista

Si $n=0$, lista vacía : $L=()$

Si $n>0$, entonces :

a_i es el *i-esimo elemento*

a_1 es el *primer elemento*

a_n es el *último elemento*

a_i *precede a* a_{i+1} , para $1 \leq i < n$

a_i *sucedee a* a_{i-1} , para $1 < i \leq n$

Existe una
relación de orden
dada por la
posición del
elemento en la
lista

T.A.D. LISTA – Orden

En matemáticas, un **orden total**, **orden lineal**, **orden simple**, o simplemente **orden** en un conjunto X es una relación binaria sobre X que es antisimétrica, transitiva, y total; esto es, si se denota una tal relación por \leq , lo siguiente vale para cualesquiera a, b , y c en X :

- Si $a \leq b$ y $b \leq a$, entonces $a = b$ (antisimetría).
- Si $a \leq b$ y $b \leq c$, entonces $a \leq c$ (transitividad).
- $a \leq b$ o $b \leq a$ (totalidad o completitud : *todo los pares de elementos son comparables bajo la relación*).

Ejemplos

- Las letras del alfabeto con el orden alfabético usual: " A " < " B " < " C " < " X "
- Los *naturales*, *enteros*, *racionales* y los *reales*, con el orden usual de las relaciones < o >, son conjuntos bien ordenados.

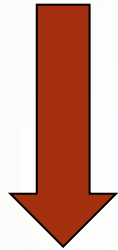
T.A.D. LISTA – Especificación(2)

$$L = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$$

1 2 i n



¿ p ?



Ingresar el elemento X, en la lista L, en la posición p

$1 \leq p \leq n+1$

$$L = (a_1, a_2, \dots, X, a_i, \dots, a_n) \quad \text{si } p = i$$

1 2 i i+1 n+1

$$L = (X, a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$$

1 2 i+1 n+1

si p = 1

$$L = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n, X)$$

1 2 i n+1

si p = n+1

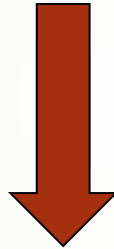
T.A.D. LISTA – Especificación(3)

$L = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$

1 2 i n



¿ p ?



Eliminar de la lista L, el elemento que se encuentra en la posición p

$1 \leq p \leq n$

$L = (a_1, a_2, \dots, a_{i+1}, \dots, a_n)$ $X = a_i$ si $p = i$

1 2 i n-1

$L = (a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$ $X = a_1$

1 i-1 n-1

si $p = 1$

$L = (a_1, a_2, \dots, a_{n-1})$ $X = a_n$

1 2 n-1

si $p = n$

T.A.D. LISTA – Especificación (4)

Operaciones Abstractas

Sean **L**: Lista; **X**: elemento y **p,p1**: posiciones

<i>NOMBRE</i>	<i>ENCABEZADO</i>	<i>FUNCION</i>	<i>ENTRADA</i>	<i>SALIDA</i>
Insertar	Insertar(X,L,p)	Ingresa el elemento X, en la lista L, en la posición p	L , X y p	$L=(a_1, \dots, a_{p-1}, X, a_{p+1}, \dots, a_n)$ o $L=(a_1, \dots, a_n, X)$ o $L=(X)$, si $1 \leq p \leq n+1$; Error en caso contrario
Suprimir	Suprimir(L,p,X)	Elimina de la lista L, el elemento que se encuentra en la posición p	L y p	$L=(a_1, \dots, a_{p-1}, a_{p+1}, \dots)$ y $X=a_p$, si $1 \leq p \leq n$; Error en caso contrario
Recuperar	Recuperar(L,p,X)	Recupera de la lista L, el elemento que se encuentra en la posición p	L y p	$X=a_p$, si $L=(a_1, \dots, a_p, \dots, a_n)$ y $1 \leq p \leq n$; Error en caso contrario
Buscar	Buscar(X,L,p)	Localiza en la lista L, el elemento X	L y X	$p=i$, si $L=(a_1, \dots, a_i=X, \dots, a_n)$; Error en caso contrario

T.A.D. LISTA – Especificación (5)

Operaciones Abstractas

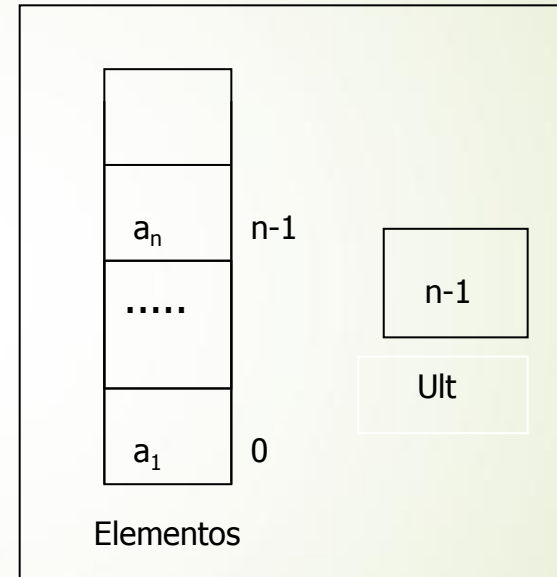
Sean **L**: Lista; **X**: elemento y **p**: posición

<i>NOMBRE</i>	<i>ENCABEZADO</i>	<i>FUNCION</i>	<i>ENTRADA</i>	<i>SALIDA</i>
Primer_elemento	Primer_elemento (L,X)	Reporta el primer elemento de la lista L	L	$X=a_1$, si $n>0$; Error en caso contrario
Ultimo_elemento	Ultimo_elemento (L,X)	Reporta el último elemento de la lista L	L	$X=a_n$, si $n>0$; Error en caso contrario
Siguiente	Siguiente(L,p, p₁)	Recupera de la lista L la posición (dirección) siguiente a p	L y p	p₁=dirección(p+1) , si $1 \leq p < n$; Error en caso contrario
Anterior	Anterior(L,p, p₁)	Recupera de la lista L la posición (dirección) anterior a p	L y p	p₁=dirección(p-1) , si $1 < p \leq n$; Error en caso contrario
Recorrer	Recorrer(L)	Procesa todos los elementos de la lista L	L	Está sujeta al proceso que se realice sobre los elementos de L
Crear	Crear(L)	Inicializa L	L	$L=()$
Vacía	Vacía(L)	Evalúa si L tiene elementos	L	Verdadero si L No tiene elementos, Falso en caso contrario.

T.A.D. LISTA – Representación(1)

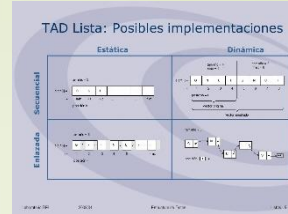
Representación secuencial

$L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$



relación posición “lógica” ubicación “física”

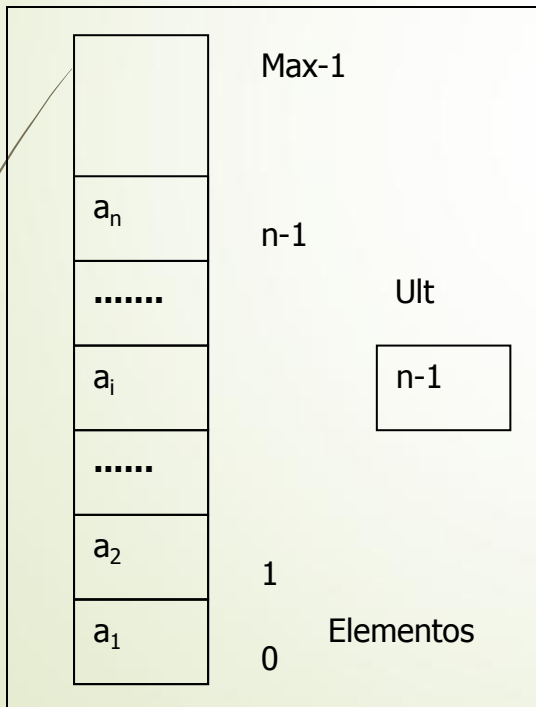
operación insertar, debe prever el desplazamiento (shifteo) de los elementos almacenados, *overflow*.



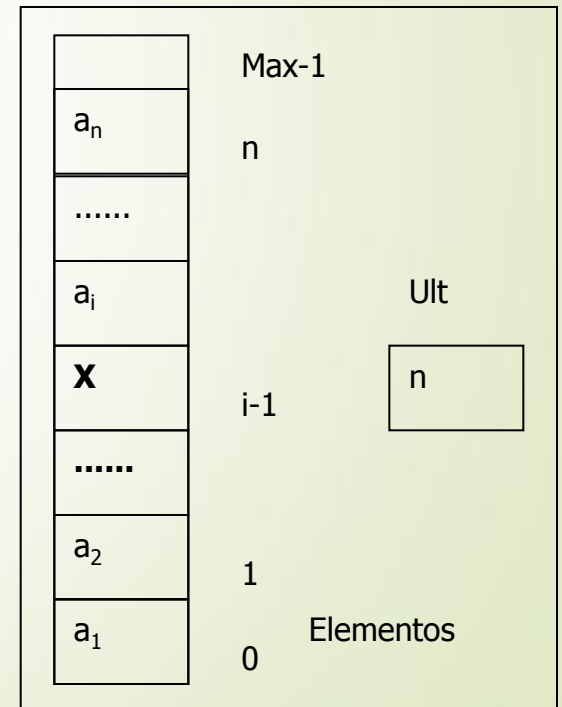
T.A.D. LISTA – Construcción de operaciones abstractas(1)

Ver Video Insertar-representacion secuencial TAD Lista.mp4

REPRESENTACIÓN
SECUENCIAL



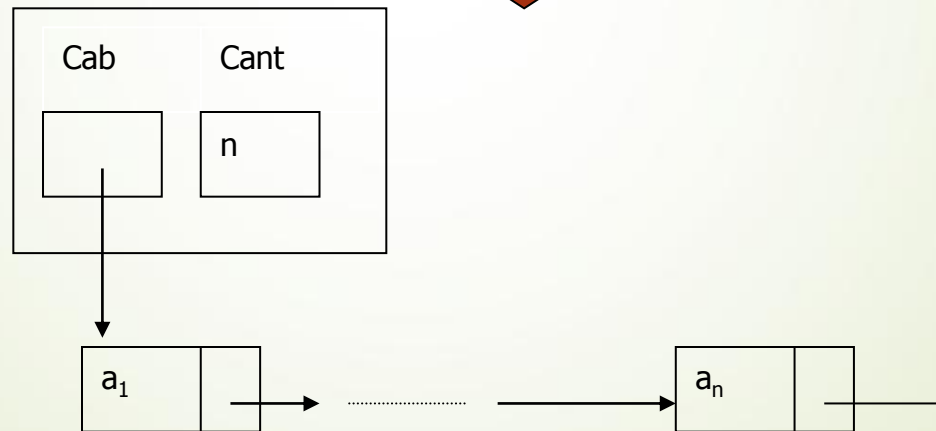
$\text{Insertar}(X, L, p=i)$



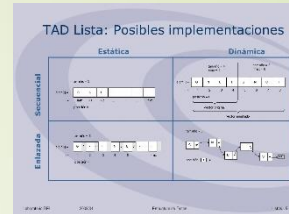
T.A.D. LISTA – Representación(2)

Representación encadenada:

$L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$



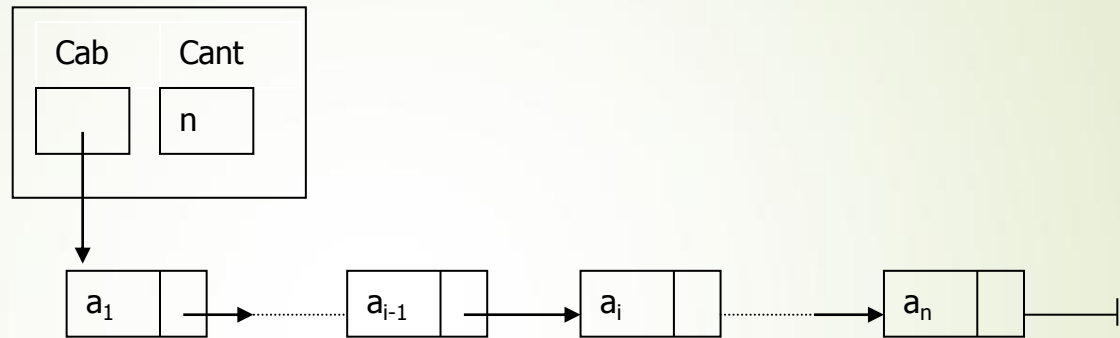
relación posición “lógica” no coincide con ubicación “física”.



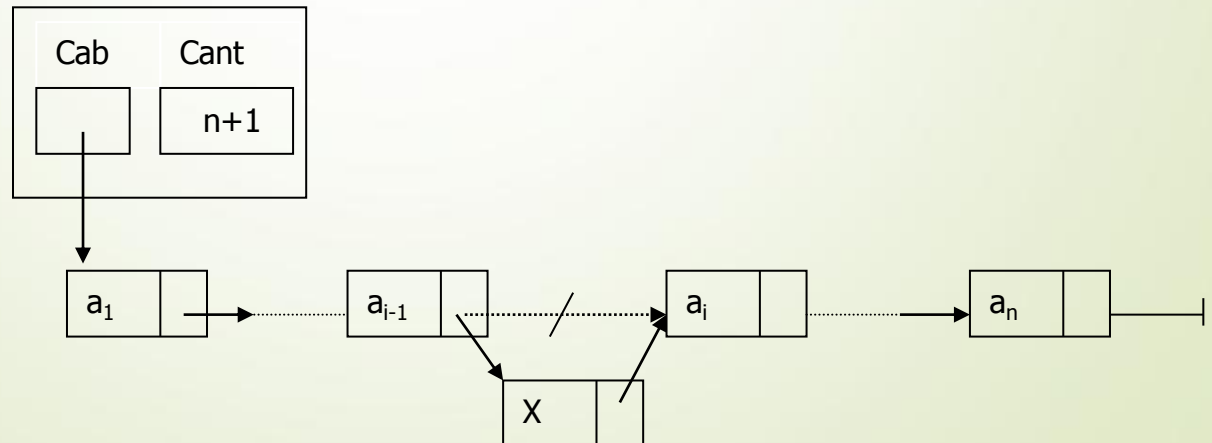
T.A.D. LISTA

Construcción de operaciones abstractas(2)

REPRESENTACIÓN
ENCADENADA



Insertar($X, L, p=i$)



T.A.D. LISTA

Complete la siguiente tabla con el tiempo de ejecución de cada operación abstracta – parámetro para evaluar la eficiencia-, en cada una de las representaciones trabajadas

Representaciones Operaciones	SECUENCIAL	ENCADENADA
Insertar(X,L,p)		
Suprimir(X,L,p)		
Recuperar(L,p,X)		
Buscar(X,L,p)		
Primer_elemento (L,X)		
Ultimo_elemento (L,X)		
Siguiente(L,p,p ₁)		
Anterior(L,p,p ₁)		
Recorrer(L)		

T.A.D. LISTA – Representación(3)

R
E
P
R
E
S
E
N
T
A
C
I
Ó
N

Representación Secuencial

Representación Encadenada

Variables dinámicas

Cursores: enteros que indican posiciones en un arreglo o en otros tipos de datos

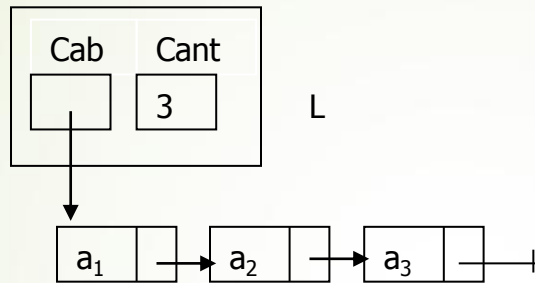
T.A.D. LISTA – Representación(4)

- **Cursores:** valores enteros que indican posiciones en un arreglo o en un archivo. Los cursores pueden ser usados, al igual que las variables dinámicas, para construir objetos de datos con representación vinculada.
- Para una lista con representación vinculada, cada celda es un registro con dos campos: **Elemento** y **Enlace** al siguiente elemento. Cuando trabajamos con **cursores**, **Enlace** es un valor entero.

T.A.D. LISTA – Representación(5)

REPRESENTACIÓN ENCADENADA

BASADA EN CURSOR



Lista L con representación enlazada

+

item	sig

0

Max-1

espacio

Espacio para cursores, definido sobre arreglo.

item	sig
a ₁	1
a ₂	2
a ₃	-1

0

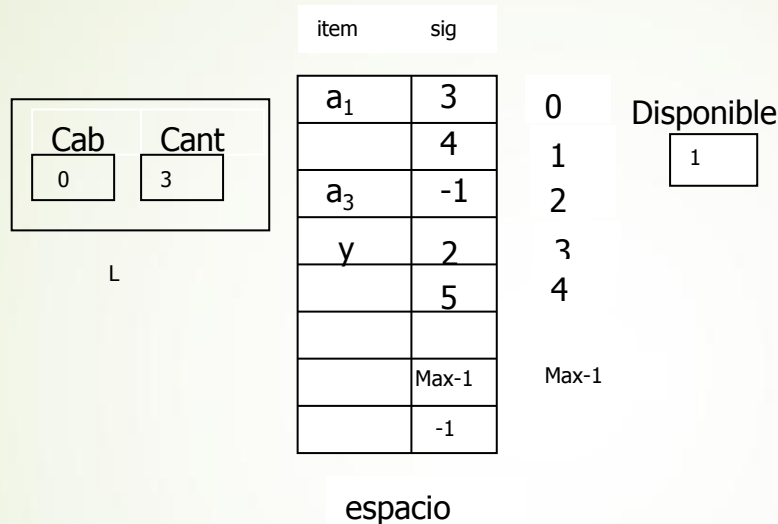
Max-1

L

espacio

Lista L representada con cursores, sobre arreglo

T.A.D. LISTA – Representación(6)

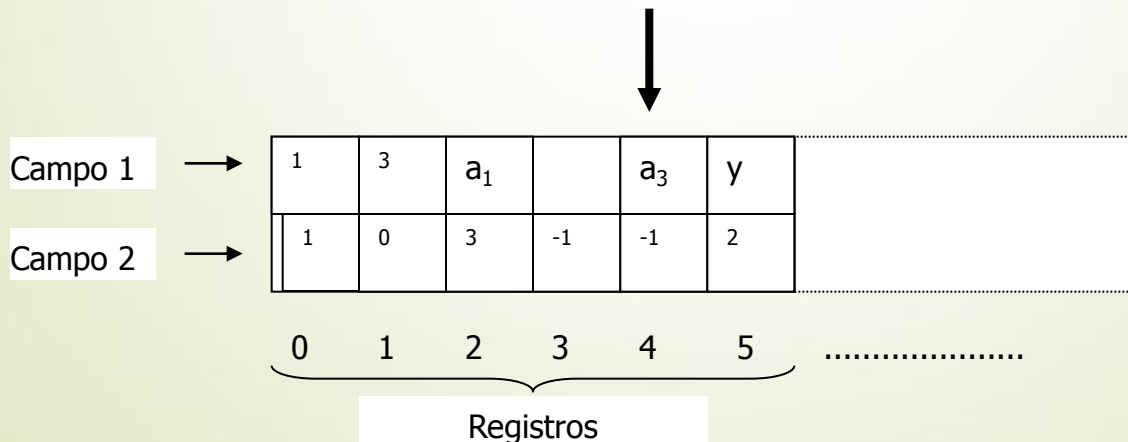


Registro 0: Cumple la función del campo **Disponibile**, contenido este en el *Campo 2*, pero en esta oportunidad se adiciona la cantidad de registros libres intercalados, contenida en *Campo 1*.

Registro 1: Este registro contiene **cab** en *Campo 2*, y **cant** en *Campo 1*, ambos correspondientes a la lista L.

Registros 2, 4 y 5: representan a las tres celdas de la lista **L = (a₁, y, a₃)**. En ellas *Campo 1*, es el recíproco de **item**, mientras que *Campo 2* lo es de **sig**.

Registro 3: Este es el único registro que pertenece, en esta instancia, a la pila de espacios libres.



Archivo F conteniendo la lista L y la pila de espacios libres.

T.A.D. LISTA

ORDENADA POR CONTENIDO

Lista ordenada por contenido: Lista en la que debe conservarse un orden lineal entre los valores de alguno de los atributos que conforman sus elementos.

Que modificación
requiere la
Especificación
de Lista?

Insertar(X,L)

Entrada : $L=(a_1, \dots, a_n)$ $n \geq 0$ y X

Función : Insertar el elemento X manteniendo el orden lineal entre los valores de los elementos de L , esto es:

$a_i \leq a_{i+1}$, para $1 \leq i < n$.

Salida: $L=(a_1, \dots, a_i, X, a_{i+1}, \dots, a_n)$ si $a_i \leq X < a_{i+1}$, $1 \leq i < n$
 $L=(X, a_1, \dots, a_n)$ si $X < a_1$
 $L=(a_1, \dots, a_n, X)$ si $a_n < X$



¿ Suprimir ?

T.A.D. LISTA – Aplicación

Diseñe el algoritmo que, **apoyado en el TAD Lista**, elimine elementos con valores repetidos de una lista de números naturales.

Entrada		Salida
$L = (10, 5, 7, 5, 2, 10)$	\rightarrow	$L = (10, 5, 7, 2)$

Nota: No usar estructuras de datos adicionales, solo la lista de entrada