## Elementos de Cálculo Numérico - Cálculo Numérico Primer Cuatrimestre de 2021 Entrega n°8

## 1. Se considera

$$\langle f, g \rangle = \int_{-1}^{1} f''(x)g''(x)dx.$$

- a) Probar que  $\langle , \rangle$  es un producto interno en  $S_m$ , el espacio generado por  $\{x^2, x^3, \dots, x^m\}$  para  $m \geq 3$ .
- b) Hallar una base ortonormal para  $S_3$ .
- c) Hallar la mejor aproximación en  $S_3$ , en el sentido de cuadrados mínimos, para  $g(x)=x^5$ .