Parte II: movimiento 2D

(8) La posición de una partícula en el espacio se puede describir con el siguiente vector posición $\mathbf{r}(t) = (t^3 + 2t + 1, -e^{2t}, \cos(3t))$ [reflexione sobre cuál es la unidad de t en este caso]. Calcule :

(a)
$$\mathbf{v}(t) = \frac{d\mathbf{r}}{dt}$$
; (b) $|\mathbf{v}(t)| = \left|\frac{d\mathbf{r}}{dt}\right|$; (c) $\mathbf{a}(t) = \frac{d\mathbf{r}}{d^2t}$.

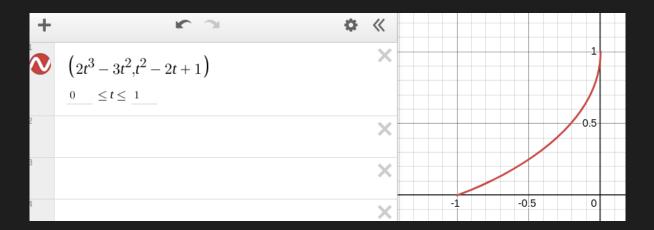
En los tres casos especializar en t = 0 y en $t = \pi/6$.

a)
$$v(t) = \frac{dr}{dt} = \left(3t^2 + 2, -2e^{2t}, -3\sin 3t\right)$$

b)
$$|r(t)| = \sqrt{(3t^2+2)^2+(-2e^{2t})^2+(-3\sin 3t)^2}$$

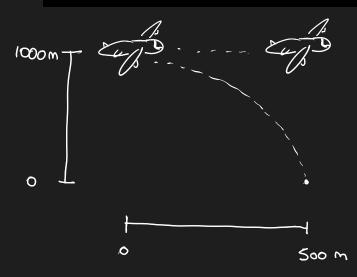
c)
$$a(t) = \frac{dr}{d^2t} = (6t, -4e^{2t}, -9\cos 3t)$$

- **9** Un coche viaja a lo largo de una curva sobre un plano. Sus coordenadas cartesianas en función del tiempo están dadas por las ecuaciones: $x(t)=2\frac{m}{s^3}t^3-3\frac{m}{s^2}t^2,\ y(t)=\frac{m}{s^2}t^2-2\frac{m}{s}\ t+1m.$ Halle:
 - (a) La posición del coche en t=1 segundo.
 - (b) Los vectores $\mathbf{v}(t)$ y $\mathbf{a}(t)$.
 - (c) Los instantes en que $\mathbf{v} = 0$.



- a) reemplazo t=1
- b) derivo 1 y 2 veces con respeto a t
- c) igualo v(t)=0 y calculo el t o los t

(10) Una avioneta vuela horizontalmente a 1000m de altura y deja caer un paquete. Este golpea el suelo 500m más adelante del lugar donde fue arrojado. Calcule la velocidad del avión y a qué altura está el paquete cuando avanzó 100m en la dirección horizontal.



MRU en eje horizontel MRUV en eje vertical

$$X_{3}(t) = X_{3}^{c} + Y_{3}^{c} \cdot (t-t_{0}) + \frac{1}{2}g \cdot (t-t_{0})^{2}$$

$$Om = 1000 m - S \frac{m}{S^{2}} \cdot t^{2}$$

$$200 \, s^{2} = t^{3}$$

$$= t = 10. \, \sqrt{2}.5$$

$$(x_{x}(t) = x_{x}^{2} + x_{x}. (b-t_{0})$$

$$500 \, m = 0 + x_{x}. \, 10. \, \sqrt{2}.5$$

$$\frac{80}{15} \cdot \frac{m}{5} = 25. \, \sqrt{2} \, \frac{m}{5} = 7x$$

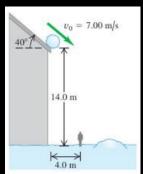
$$\mathcal{V}_{x} = 25.\sqrt{2} \frac{m}{5}$$

Avanzar 100 metros en la dirección horizontal es equivalente a decir que avanzó 1/5 del recorrido (pues en el eje horizontal es MRU).

Entonces puedo tomar el tiempo total y dividirlo por 5.

Y luego evalúo a qué altura está el paquete en ese t/5

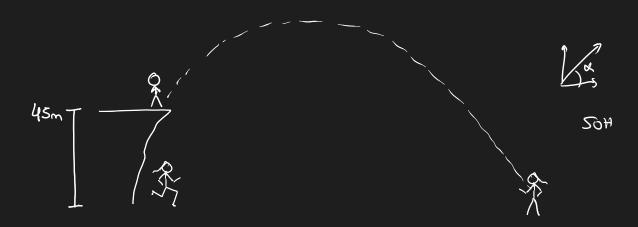
- (11) Una bola de nieve rueda del techo de un granero con inclinación hacia abajo de 40°. El borde del techo está a 14m del suelo y la bola tiene una rapidez de 7m/s al salir del techo. Puede despreciarse la resistencia del aire.
 - (a) ¿A qué distancia del borde del granero golpea la bola el piso si no golpea otra cosa al caer?
 - (b) Dibuje los gráficos x(t), y(t), $v_x(t)$ y $v_y(t)$ para el movimiento de la bola.
 - (c) Un hombre de 1.9m de estatura está parado a 4m del granero. ¿Lo golpeará la bola?



Con esto ya tengo velocidades iniciales para el desplazamiento horizontal (MRU) y el desplazamiento vertical (MRUV)

- a) Calculo el tiempo de la caída con velocidad inicial (MRUV) y uso ese tiempo para calcular el desplazamiento horizontal con la velocidad inicial horizontal (MRU)
- c) Veo a qué altura está la bola cuando su posición horizontal está a 4 m del granero.

- (12) Se lanza una pelota con una dirección α respecto a la horizontal y con una velocidad inicial de 20m/s desde el borde de un cantilado de 45m de altura. En el instante de lanzamiento, una mujer comienza a correr alejándose de la base del acantilado con velocidad constante de 6m/s. La mujer corre en línea recta sobre suelo plano, y puede despreciarse la acción de la resistencia del aire sobre la pelota.
 - (a) ¿Con qué ángulo α por arriba de la horizontal deberá lanzarse la pelota para que la corredora la atrape justo antes de que toque el suelo?
 - (b) Calcule la distancia que recorre la mujer justo antes de atrapar la pelota. ¿Cuál es el tiempo que tardó en atraparla?
 - (c) Calcule la velocidad de la pelota, en módulo y dirección, en el momento en que es atrapada por la mujer.
 - (d) ¿Cuál es la componente horizontal de la velocidad de la pelota *relativa* a la mujer?



Para la corredora pienso MRU con v=6 m/s Para la pelota tengo un tiro oblicuo. Quiero usar su posicion horizontal e igualar el tiempo con la corredora.

a)
$$X_{g}(t) = X_{g}^{\circ} + V_{g}^{\circ} \cdot (t-t_{o}) - \frac{1}{2}g \cdot (t-t_{o})^{2}$$
 $Sin d = \frac{V_{g}^{\circ}}{20m}$
 $Om = 4Sm + 20m \cdot sin d \cdot t - Sm t^{2}$
 $X_{x}(t) = X_{x}^{\circ} + V_{x}^{\circ} \cdot (t-t_{o})$
 $X_{x}(t) = 20m \cdot cos d \cdot t$

Chice:

$$\Rightarrow$$
 20 m. cos d. $t = \frac{6m}{5}$. t

Con esto ya puedo calcular todo lo demás.



