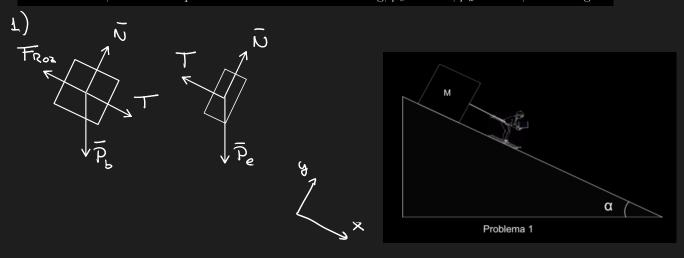
Primer Parcial Mecánica y Termodinámica (ByG) Verano 2022 - Cátedra Balenzuela

Problema 1: Un esquiador parado sobre una colina junta nieve en un balde que lleva en sus manos, y lo hace unido a un bloque de masa M que, a diferencia de sus esquis, presenta un rozamiento no despreciable con la nieve.

- 1. Realice los diagramas de cuerpo libre y escriba las ecuaciones de Newton para el bloque y el esquiador.
- 2. ¿Cuánta masa de nieve puede juntar en el balde antes de comenzar a descender?
- 3. Una vez que inicia el descenso, ¿con que aceleración cae?¿cuánto vale la tensión de la soga?
- 4. ¿Cuánta nieve debe quitar del balde, una vez en movimiento, para seguir a velocidad constante?

Datos: $\alpha=20^{\circ}$, masa del esquiador con el balde vacío = 60 kg, $\mu_e=0.6042$, $\mu_d=0.5933$, M=100 kg



Bloque:

$$\hat{x}: T - \overline{T}_{Roz} + P_b^x = M \cdot \hat{x} \qquad \text{con sin } x = \frac{P_b^x}{P_b}$$

$$T - \overline{T}_{Roz} + \sin x \cdot P_b = M \cdot \hat{x}$$

Esqui edor

messe del belde

x: -T + Pex + Pax = (me + ma). x

-T + sind (Pe + Pax) = (me + ma) x

$$\frac{1}{1000} = \frac{1}{1000} = \frac{1$$

$$-20,665 \text{ kg} + \sin 20^{\circ}. \log \text{ kg} = -T$$

$$T = 22,574 \text{ kg} = 225,74 \text{ N}$$

luye el peso del esquiador en x más el peso del balde con nieve en x

$$\frac{225,74 \text{ N}}{10 \frac{\text{m}}{5^2}, 5^n} = \frac{60 \text{ kg}}{20^n} = \frac{\text{ma}}{20^n}$$

3 Asumo que inicia el descenso porque tiene 6kg de nieve en el balde (no más)

Uso eg de enter:

$$X = 0.0617 \frac{m}{5^2}$$

Tersión:

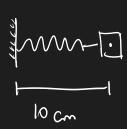
$$T = 221,664 N$$

Tenies do:

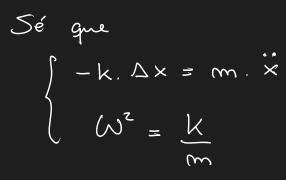
Si d'belde tenía 6 kg de nieve, debers quita:

Rte: debo quiter 2,99 kg de nieve del belde. **Problema 2:** Una cajita de 50g se encuentra unida a un resorte de masa despreciable y longitud natural l_0 = 10cm, que tiene un extremo fijo a una mesa horizontal. Si se aparta la cajita de la posición de equilibrio y se la deja luego oscilar en una dirección, pasa por la posición de equilibrio una vez por segundo.

- 1. Calcule la frecuencia angular de la oscilación y la constante elástica del resorte.
- 2. Se encuentra luego el mismo sistema con la cajita describiendo un movimiento circular uniforme de radio $R=4l_0$, ¿cuál será su velocidad angular de giro?
- 3. Ahora suponga que se corta el resorte y que toda la mesa por fuera de ese círculo de radio R ofrece rozamiento. Describa cualitativa y esquemáticamente el movimiento de la cajita desde que se corta el resorte hasta detenerse, indicando los vectores velocidad y aceleración.
- 4. (Opcional) Calcule por cinemática la distancia recorrida hasta detenerse si μ_d =0.0197. Confirme el resultado con otras de las herramientas aprendidas.

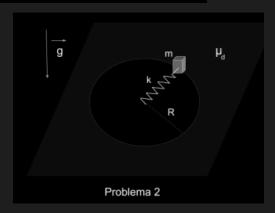


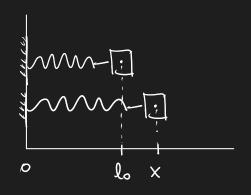
Trec. ang:
$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \pi s^{-1}$$



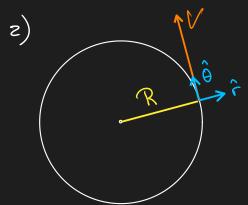
$$k = m \cdot W^2 = \frac{50}{1000} kg \cdot T^2 \cdot \frac{1}{5^2}$$

$$k = 0.05 \cdot \pi^2$$
. $\frac{\log x}{s^2}$





$$K = 0,05 \cdot T^2, \frac{N}{m}$$



m, 4 lo

Como es MCU, entonces SOLO hay aceleración radial/centrípeta (la aceleración angular es cero)

$$\bar{a} = -R.\omega^2.\hat{r} + R.\dot{\theta}.\hat{\theta}$$

Frencte
$$F_{\text{rer}} = m \cdot a$$

$$- k \cdot (4l_0 - l_0) = m \cdot (-R \cdot \omega^2)$$

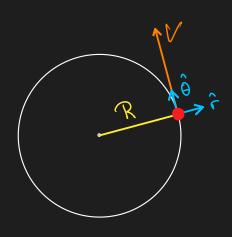
$$k \cdot 3l_0 = \omega^2$$

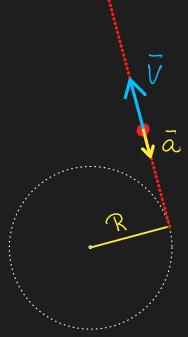
$$\omega^{z} = 7,4 \frac{1}{5^{2}}$$

$$\omega = 2,72 \frac{1}{5}$$

Al momento de cortarse el resorte, la cajita sigue con un movimiento rectilineo en la dirección del versor theta^ (tangente a la trayectoria circurlar).

Como hay rozamiento en la mesa, el movimiento rectilinio es uniformemente variado, con aceleración negativa que depende del coeficiente de rozamiento dinámico de la superficie de la mesa (a mayor coeficiente, más rapido se frena: más negativa la aceleración).





4)
$$F_{Roz} = \mu_d \cdot |\vec{N}|$$

= 0,0197, $\frac{50}{1000}$ kg. 10 $\frac{m}{5^2}$
= 9,85.10⁻³ N

Elijo coordenada x en la dirección de movimiento, con x=0 en el punto de partida (cuando se corta el resorte)

$$-\frac{9,85.10^{-3} N}{0,05 kg} = 0$$

$$a = -0, 195 \quad m$$

$$X(t) = 80. t + \frac{1}{2}a. t^2$$

$$\omega = 2,72 \frac{1}{5}$$

$$= 2,72.\frac{1}{5}.0,4m$$

$$v_0 = 1.088 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow 1,088 = 0,195 = 0.195 = .t$$

$$X(t) = 3.04 \text{ m}$$

Vosa de conservación de Energia:

No hay potencial

$$\frac{1}{2} \text{ m.} \left(V_{\text{B}}^2 - V_{\text{A}}^2 \right) = - \mu_{\text{d}}, \text{ m.g.} d$$

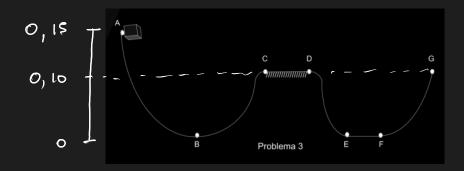
$$\frac{\sqrt{A^2}}{2 \mu_{d} \cdot 9} = d$$

De enter
$$V_A = v_0 = 1,088 \frac{m}{s}$$

El cual es muy similar al valor anteriormente calculado

Problema 3: Un cubito de 50g se deja caer desde el punto A de la pista de la figura. Sólo hay rozamiento no despreciable en la superficie horizontal entre C y D que mide 6 cm. B, E y F están 10 cm mas bajos que C, D y G, mientras que A se encuentra 5 cm mas alto que C.

- 1. ¿Qué velocidad alcanza el cubito en los puntos B y C?
- 2. Calcule el trabajo de la fuerza de rozamiento sabiendo que el cubito llega a G con velocidad nula. ¿Cuanto vale μ_d entre C y D?
- 3. Si se colocara un resorte de constante elástica 1 N/cm en el punto F. ¿Cuánto sería su compresión máxima debido al choque del cubito?
- 4. (Opcional) Grafique cualitativamente la energía potencial y cinética a partir del punto C cuando no está el resorte.



Pues no existen fuerzas no conservativas involucradas

$$V_B^2 = 3 \frac{m^2}{5^2} \Rightarrow V_B = \sqrt{3} \frac{m}{5}$$

$$pm.g.hA = m.g.hc + \frac{1}{2}m.V_c^2$$

$$2.g(h_A - h_c) = V_c^2$$

$$\sqrt{c} = 1 \frac{m^2}{5^2}$$

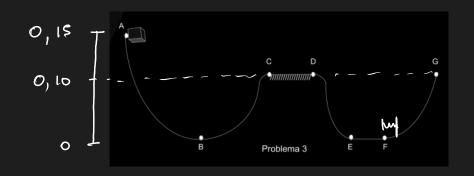
2)
$$E_{H}^{G} - E_{H}^{A} = W_{F_{Ros}}$$
 $E_{C}^{G} = 0$ $E_{C}^{A} = 0$

$$M = \frac{-W F_{Roz}}{m \cdot g \cdot 0.06 m}$$

$$\mu = \frac{5}{6}$$

3)
$$K = \frac{1}{cm} = \frac{1N}{o_{1}o_{1}o_{1}m}$$

$$K = loo \frac{N}{m}$$



$$E_{P}^{H} = \frac{1}{Z} K \cdot (\Delta x)^{2}$$

$$E_{C}^{H} = 0$$

$$E_{H}^{H} = E_{P}^{H}$$

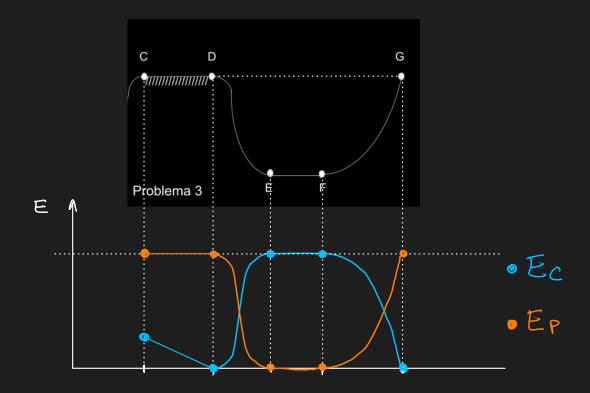
$$\frac{1}{z} \kappa \cdot (\Delta x)^2 - m \cdot g \cdot h_A = -0,025 \text{ N.m.}$$

$$\frac{1}{2} \kappa \cdot (\Delta x)^2 - 6,075 T = -0,025 T$$

$$\frac{1}{z} \log \frac{N}{m} (\Delta x)^2 = 0,05 \text{ N.m}$$

$$\left(\Delta \times\right)^{2} = \underbrace{0,1}_{100} \underbrace{\%.m}_{N}.m$$

$$\Delta x = \frac{1}{100}$$
, $\sqrt{10}$ m = 0,0316 m



Como

$$E_{c}^{b} + E_{p}^{b} - \left(E_{c}^{c} - E_{p}^{c}\right) =$$

 $E_{c}^{c} = -F_{Roz} \cdot dc_{D} + b$ 5i llemo $a:=F_{Roz}$ $E_{c}^{c} = -a$, $d_{cD} + b$

Función lined con eset, negativo