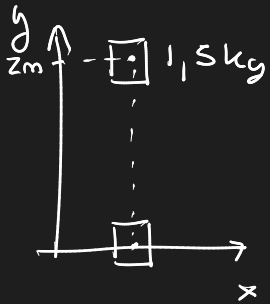


Práctica N° 5: conservación de la energía

- ① Imagine que se levanta un libro de 1.5kg desde el suelo para dejarlo sobre un estante situado a 2m de altura. ¿Qué fuerza tiene que aplicarse para mover el libro a velocidad constante? ¿Qué trabajo se realiza sobre el libro?



$$F - m \cdot g = m \cdot \ddot{y}$$

$$\text{Como MRU} \Rightarrow \ddot{y} = 0$$

$$\Rightarrow F = m \cdot g$$

$$F = 15 \text{ N}$$

$$W_F = F \cdot d$$

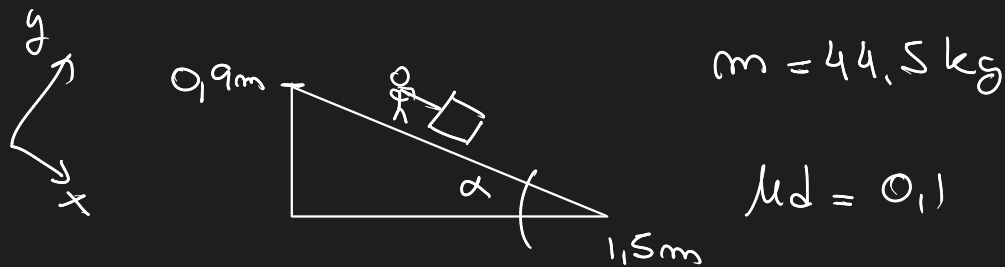
$$= 15 \text{ N} \cdot 2 \text{ m}$$

$$W_F = 30 \text{ J}$$

$$\text{J} = \text{N} \cdot \text{m}$$

② Un bloque de 44.5kg resbala desde el punto más alto de un plano inclinado de 1.5m de base y 0.9m de altura. Una persona lo sostiene con un hilo paralelamente al plano, de modo que el bloque se desliza con velocidad constante. El coeficiente de rozamiento dinámico entre el bloque y el plano es  $\mu_d = 0.1$ . Encuentre:

- La fuerza ejercida por la persona.
- El trabajo realizado por la persona sobre el bloque.
- El trabajo realizado por la fuerza gravitatoria.
- El trabajo realizado por la superficie del plano inclinado
- El trabajo de la fuerza resultante.
- La variación de energía cinética del bloque.



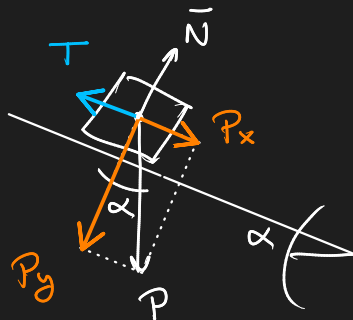
TOA

$$\tan \alpha = \frac{0.9}{1.5} = 0.6$$

$$\Rightarrow \alpha = 0.5404 \text{ Rad}$$

$$2\pi \text{ — } 360$$

$$0.54 \text{ — } x = 30.964^\circ$$



SOA CIA

$$\sin \alpha = \frac{P_x}{P}$$

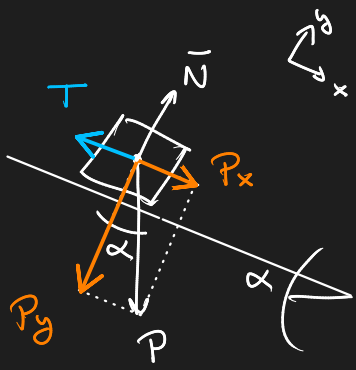
$$\cos \alpha = \frac{P_y}{P}$$

$$P_x = 0.5145 \cdot 445 \text{ N}$$

$$P_y = 0.8575 \cdot 445 \text{ N}$$

$$P_x = 228.943 \text{ N}$$

$$P_y = 381.589 \text{ N}$$



$$\hat{x}: P_x - T - \mu_d \cdot N = m \cdot \ddot{x}$$

$$\ddot{x} = 0 \text{ por HRV}$$

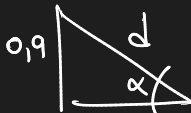
$$228,943 \text{ N} - T - 0,1,381,589 \text{ N} = 0$$

$$T = 190,784 \text{ N}$$

Recordar!

$$b) W_T = -T \cdot d \quad \text{con } d = \frac{0,9 \text{ m}}{\sin \alpha}$$

en sentido opuesto  
al desplazamiento



$$d = 1,749 \text{ m}$$

$$\Rightarrow W_T = -190,784 \text{ N} \cdot 1,749 \text{ m}$$

$$W_T = -333,747 \text{ J}$$

$$J = \text{N} \cdot \text{m}$$

$$c) W_g = m \cdot g \cdot h$$

$$= 44,5 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 0,9 \text{ m}$$

$$W_g = 400,5 \text{ J}$$

$$d) W_{F_{Roz}} = F_{Roz} \cdot d$$

$$= -0,1,381,589 \text{ N} \cdot 1,749 \text{ m}$$

$$W_{F_{Roz}} = -66,74 \text{ J}$$

e) Como  $\ddot{x} = 0$

$$\Rightarrow F_{\text{Res}} = \sum F = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{W_{F_{\text{Res}}} = 0}$$

f)  $E_c = \frac{1}{2} m \cdot |\vec{v}|^2$

$$\Delta E = E_{c_{\text{final}}} - E_{c_{\text{inicial}}}$$

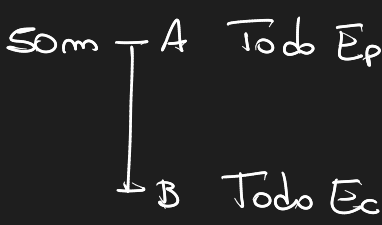
$$= \frac{1}{2} m \cdot |\vec{v}|^2 - \frac{1}{2} m \cdot |\vec{v}|^2$$

$$\boxed{\Delta E = 0}$$

3) Use el teorema trabajo-energía para resolver los siguientes problemas. Puede utilizar también, si quiere, las leyes de Newton para comprobar sus respuestas. Ignore la resistencia del aire en todos los casos.

- (a) Una rama cae desde la parte superior de un alerce de 50m de altura, partiendo del reposo. ¿Con qué velocidad se mueve cuando llega al suelo?
- (b) Un volcán expulsa una roca directamente hacia arriba 525m en el aire. ¿Con qué velocidad se movía la roca justo al salir del volcán?
- (c) Una esquiadora que se mueve a 5m/s llega a una zona horizontal de nieve áspera, cuyo coeficiente de rozamiento dinámico con los esquís es de 0.22. ¿Qué tan lejos viaja ella sobre esta zona antes de detenerse?
- (d) Suponga que la zona áspera del inciso (c) sólo tiene 2.9m de longitud. ¿Con qué velocidad se movería la esquiadora al llegar al extremo de dicha zona?
- (e) En la base de una colina congelada sin fricción que se eleva a  $25^\circ$  sobre la horizontal, un trineo tiene una velocidad de 12m/s hacia la colina. ¿A qué altura vertical sobre la base llegará antes de detenerse?

a)



$$E_{MA} = E_{MB}$$

$$E_{PA} = E_{CB}$$

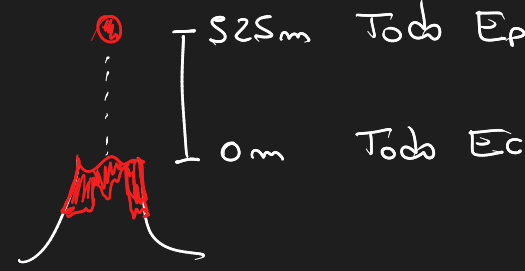
$$m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} \cdot m \cdot |\vec{v}|^2$$

$$2 \cdot g \cdot h = |\vec{v}|^2$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{2g \cdot h}$$

$$= 10\sqrt{10} \frac{m}{s} \approx 31,623 \frac{m}{s}$$

b)

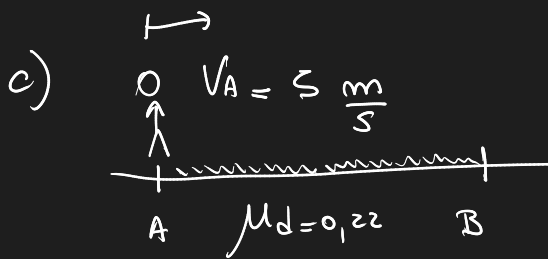


$$\frac{1}{2} \cdot m \cdot |\vec{v}|^2 = m \cdot g \cdot h$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{2g \cdot h}$$

$$|\vec{v}| = 10\sqrt{105} \frac{m}{s} \approx 102,47 \frac{m}{s}$$

(c) Una esquiadora que se mueve a 5m/s llega a una zona horizontal de nieve áspera, cuyo coeficiente de rozamiento dinámico con los esquís es de 0.22. ¿Qué tan lejos viaja ella sobre esta zona antes de detenerse?



$$E_H^A = E_H^B$$

$$E_C^A + E_P^A = E_C^B + E_P^B$$

Preguntar?

$$\frac{1}{2} m \cdot V_A^2 + m \cdot g \cdot h_A = \frac{1}{2} m \cdot V_B^2 + m \cdot g \cdot h_B$$

Uso que:

$$W_{Froz} = E_C^B - E_C^A$$

$$\underbrace{F_{roz}}_{\bar{N}}$$

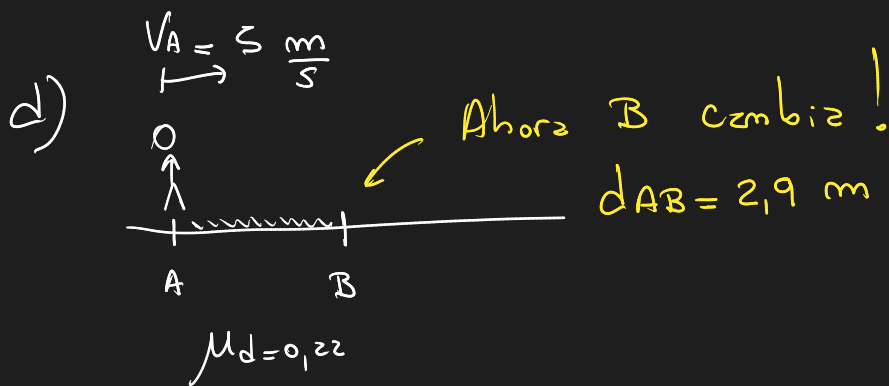
$$\frac{1}{2} m \cdot V_B^2 - \frac{1}{2} m \cdot V_A^2 = \underbrace{-\mu_d \cdot m \cdot g \cdot d_{AB}}_{W_{Froz}}$$

$$\underbrace{\frac{V_B^2}{2}}_{=0} - \frac{V_A^2}{2} = -\mu_d \cdot g \cdot d_{AB}$$

$$12,5 \frac{m^2}{s^2} = 0,22 \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot d_{AB}$$

$$d_{AB} = 5,68 \text{ m} //$$

(d) Suponga que la zona áspera del inciso (c) sólo tiene 2.9m de longitud. ¿Con qué velocidad se movería la esquiadora al llegar al extremo de dicha zona?



$$\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 - \frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = -\mu_d \cdot m \cdot g \cdot d_{AB}$$

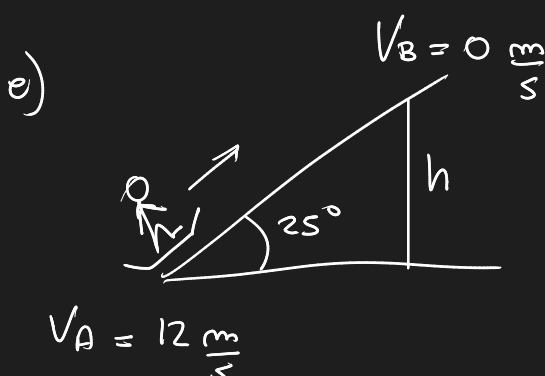
$$v_B^2 - v_A^2 = -2\mu_d \cdot g \cdot d_{AB}$$

$$v_B^2 - 25 \frac{m^2}{s^2} = -2 \cdot 0,22 \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot 2,9 \text{ m}$$

$$v_B^2 = 12,24 \frac{m^2}{s^2}$$

$$v_B = 3,5 \frac{m}{s}$$

(e) En la base de una colina congelada sin fricción que se eleva a  $25^\circ$  sobre la horizontal, un trineo tiene una velocidad de 12m/s hacia la colina. ¿A qué altura vertical sobre la base llegará antes de detenerse?



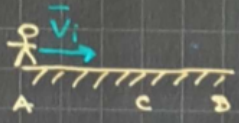
$$W_{F_{res}} = E_C^B - E_C^A$$

$$E_c^B - E_c^A = -m \cdot g \cdot h \quad (\text{no hay Rozamiento})$$

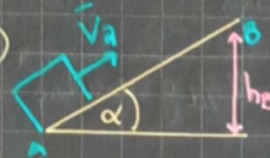
$$\frac{1}{2} m \cdot (V_B^2 - V_A^2) = -m \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot h$$

$$144 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = 2 \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot h$$

$$h = 7,2 \text{ m}$$

c)   $\frac{1}{2} m (V_B^2 - V_A^2) = -\mu_d m g L_{AB} \rightarrow L_{AB} = \frac{V_A^2}{2g\mu_d} \rightarrow L_{AB} = 5,68 \text{ m}$

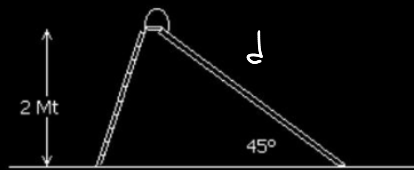
d)  $\frac{1}{2} m (V_C^2 - V_A^2) = -\mu_d m g L_{AC} \rightarrow V_C = \sqrt{V_A^2 - 2\mu_d g L_{AC}} \rightarrow V_C = 3,5 \text{ m/s}$

e)   $\frac{1}{2} m (V_B^2 - V_A^2) + m g h_B = 0 \rightarrow h_B = \frac{V_A^2}{2g} \rightarrow h_B = 7,2 \text{ m}$

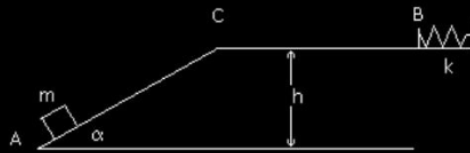


④ Un niño de 20kg se desliza desde un tobogán de 2 metros de altura inclinado 45°.

- (a) Partiendo del reposo el niño se frena con sus manos hasta detenerse justo al llegar al piso. ¿Cuál es el trabajo realizado por la fuerza de rozamiento?
- (b) Si baja por el tobogán sin apoyar las manos, llega al piso con una velocidad de 6m/s. Halle el coeficiente de rozamiento dinámico en esta situación.



Ejercicio ④



Ejercicio ⑤

$$E_c^B - E_c^A = W_{F_{Res}}$$

$$\frac{1}{2} m \cdot (\underbrace{V_B^2}_{=0} - \underbrace{V_A^2}_{=0}) = W_{F_{Res}} \quad \swarrow \text{hay más de una fuerza!}$$

Entonces uso:

$$E_M^B - E_M^A = W_{F_{Roz}} \quad \swarrow \text{No Conservativa}$$

$$\underbrace{E_c^B}_{=0} + E_p^B - (\underbrace{E_c^A}_{=0} + E_p^A) = W_{F_{Roz}}$$

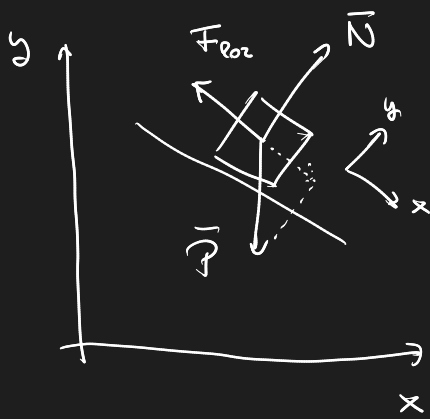
$$E_p^B - E_p^A = W_{F_{Roz}}$$

$$m \cdot g \cdot h_B - m \cdot g \cdot h_A = W_{F_{Roz}}$$

$$- 20 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 2 \text{ m} = W_{F_{Roz}}$$

$$\boxed{-400 \text{ N} \cdot \text{m} = W_{F_{Roz}}}$$

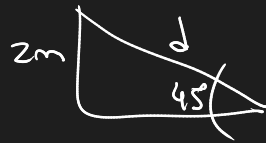
Puedo calcular lo mismo con:



$$\hat{x}: -F_{Roz} + P_x = m \cdot \ddot{x}$$

$$\ddot{x} = 0 \text{ por MRU}$$

$$P_x = F_{Roz}$$



SOH CAH

$$\sin 45^\circ = \frac{P_x}{P}$$

$$\sin 45^\circ = \frac{2m}{d}$$

$$P_x = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot 200 \text{ N} = 100\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\approx 141,42 \text{ N}$$

$$d = \frac{2m}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{4m}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2} \text{ m}$$

$$\approx 2,83 \text{ m}$$

$$W_{F_{Roz}} = -100\sqrt{2} \text{ N} \cdot 2\sqrt{2} \text{ m}$$

$$W_{F_{Roz}} = -400 \text{ N} \cdot \text{m}$$

(b) Si baja por el tobogán sin apoyar las manos, llega al piso con una velocidad de 6m/s. Halle el coeficiente de rozamiento dinámico en esta situación.

$$E_C^B - E_C^A = W_{F_{Res}} \quad \text{Atenti}$$

$$\frac{1}{2} m \cdot (\underbrace{V_B^2 - V_A^2}_{=0}) = W_{F_{Nc}} + W_{F_{con}}$$

$$10 \text{ kg} \cdot 36 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = W_{F_{Ros}} + W_P$$

$$360 \text{ N} \cdot \text{m} = -\mu_d \cdot \bar{N} \cdot d + m \cdot g \cdot h$$

$$\cos 45^\circ = \frac{P_y}{P}$$

$$\bar{N} = P_y = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot 200 \text{ N}$$

$$\bar{N} = 100 \sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sin 45^\circ = \frac{h}{d} = \frac{2 \text{ m}}{d}$$

$$d = 2\sqrt{2} \text{ m}$$

$$360 \text{ N} \cdot \text{m} = -\mu_d \cdot 100 \sqrt{2} \text{ N} \cdot 2\sqrt{2} \text{ m} + 20 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 2 \text{ m}$$

$$360 \text{ N} \cdot \text{m} = -\mu_d \cdot 400 \text{ N} \cdot \text{m} + 400 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$-40 \text{ N} \cdot \text{m} = -\mu_d \cdot 400 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$\Rightarrow$

$$\mu_d = 0,1$$

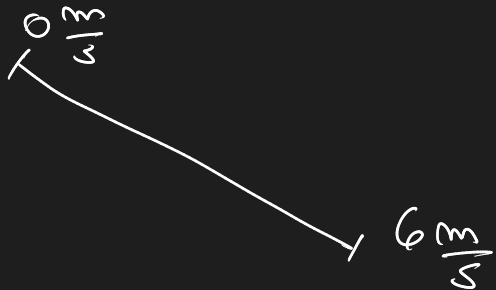
Abajo lo calculo tambien sin usar los conceptos de energía:



$$b) |F_{Roz}| = \mu_d \cdot |\vec{N}|$$

$$\mu_d = \frac{|F_{Roz}|}{P_y}$$

Calcular nuevo  $F_{Roz}$



$$-F_{Roz} + P_x = m \cdot \ddot{x}$$

$$\text{Con } \cos 45^\circ = \frac{P_y}{P}$$

$$P_y = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot 200 \text{ N}$$

$$= 100 \sqrt{2} \text{ N}$$

$$v(t) = v_0 + a \cdot t$$

$$\frac{6 \text{ m}}{\text{s}} = 0 \frac{\text{m}}{\text{s}} + a \cdot t$$

$$a = \frac{6 \text{ m}}{\text{s}} \cdot \frac{1}{t} \quad t \neq 0$$

$$x(t) = x_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a \cdot t^2$$

$$2\sqrt{2} \text{ m} = 0 \text{ m} + 0 + \frac{1}{2} a \cdot t^2$$

$$a = 4\sqrt{2} \text{ m} \cdot \frac{1}{t^2}$$

$$\frac{6}{\cancel{\text{s}}} \cdot \frac{1}{t} = 4\sqrt{2} \text{ m} \cdot \frac{1}{t^2}$$

$$\frac{1}{4\sqrt{2}} \cdot \cancel{\frac{1}{\cancel{\text{s}}}} \cdot t^2 - \frac{1}{6} \cdot \cancel{\frac{\text{s}}{\cancel{\text{s}}}} \cdot t = 0$$

$$t \left( \frac{1}{4\sqrt{2}} \cdot t - \frac{1}{6} \text{ s} \right) = 0$$

Como  $t > 0$

$$\frac{1}{4\sqrt{2}} \cdot t = \frac{1}{6} \text{ s}$$

$$\Rightarrow t = \frac{4\sqrt{2}}{6} = \frac{2}{3}\sqrt{2} \text{ s}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow a &= 6 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot \frac{1}{t} \\ &= 6 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\text{s}}\end{aligned}$$

$$a = \frac{9}{\sqrt{2}} \cdot \frac{3}{\text{s}^2} \approx 6,36 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\ddot{x} = a$$

$$\Rightarrow -F_{R0z} + P_x = m \cdot \ddot{x}$$

$$-F_{R0z} = 20 \text{ kg} \cdot \frac{9}{\sqrt{2}} \cdot \frac{3}{\text{s}^2} - 100 \sqrt{2} \text{ N}$$

$$-F_{R0z} = 90 \sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} - 100 \sqrt{2} \text{ N}$$

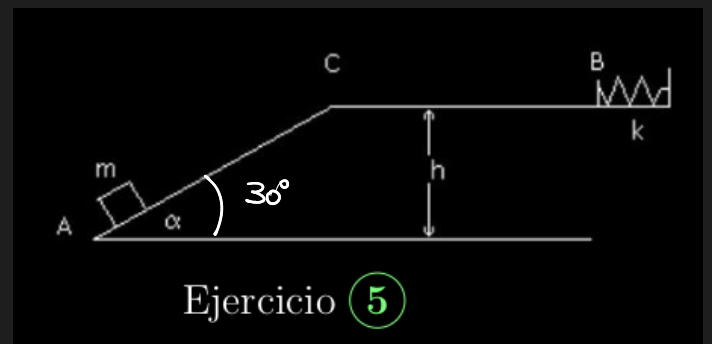
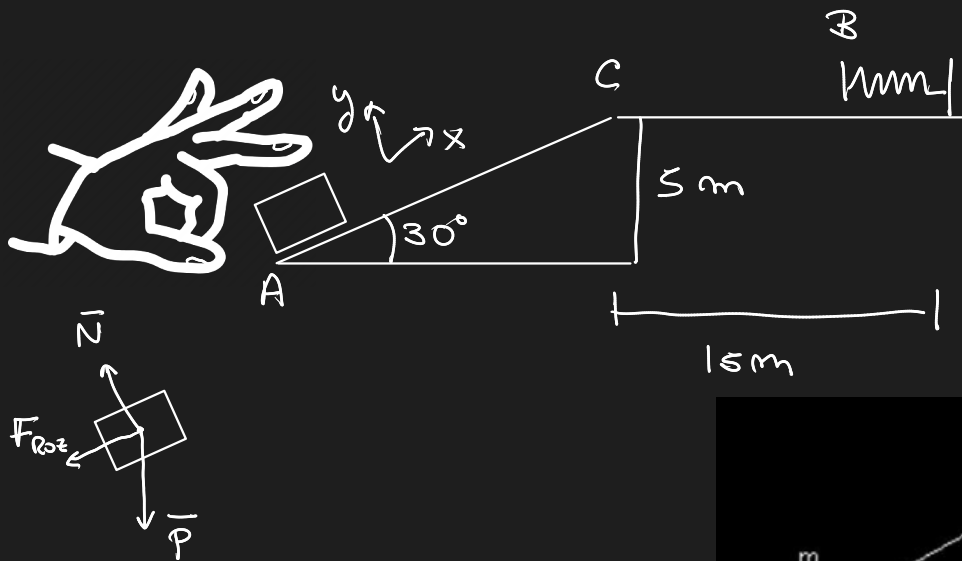
$$F_{R0z} = 10 \sqrt{2} \text{ N}$$

$$\Rightarrow \mu_d = \frac{|F_{R0z}|}{P_y} = \frac{10 \sqrt{2} \text{ N}}{100 \sqrt{2} \text{ N}}$$

$$\mu_d = 0,1$$

5) Un cuerpo de masa  $m = 1\text{kg}$  parte de la posición A, ubicada en la base de un plano inclinado que forma un ángulo de  $30^\circ$  con la horizontal, con una velocidad inicial de  $20\text{m/s}$ . Sube por el plano inclinado hasta llegar al extremo superior que se encuentra a una altura de  $h = 5\text{m}$  respecto de la base del plano, desde donde sigue una trayectoria horizontal. En el punto B, situado a  $15\text{m}$  del tope del plano, choca con un resorte de constante  $k = 2000\text{N/m}$ . Entre A y B existe rozamiento siendo el valor del coeficiente  $\mu_d = 0.2$ .

- ¿Con qué velocidad pasa por primera vez por el punto C? ¿Vuelve a pasar?
- ¿Cuál es la variación de energía cinética entre A y la posición de compresión máxima?
- ¿Cuál es la variación de energía total entre A y la posición de compresión máxima?
- Halle la compresión máxima del resorte.



Si quiero calcular la velocidad en el punto B de una, falla:

$$E_C^B - E_C^A = W_{F_{\text{res}}}$$

$$\frac{1}{2} m \cdot (V_B^2 - V_A^2) = W_{F_{\text{roz}}} + W_P$$

$$0,5\text{kg} \left( V_B^2 - 400 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \right) = -\mu_d \cdot \bar{N} \cdot d_{AB} + m \cdot g \cdot h_B$$

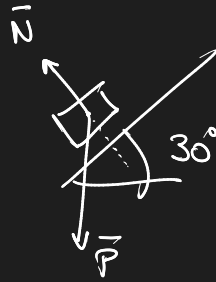
Acá estoy en problemas, por que la normal cambia según si estoy en el plano inclinado o en el plano horizontal

Por eso, separo el problema en 2: Primero de A a C, y luego de C a B

$$\frac{1}{2} m \cdot (V_C^2 - V_A^2) = W_{F_{roz}} + W_{\vec{P}}$$

Atenti a los signos!

$$\frac{1}{2} m (V_C^2 - 400 \frac{m^2}{s^2}) = - \mu_d \cdot \bar{N} \cdot d_{AC} - m \cdot g \cdot h_c$$



SOH CAH

$$\cos 30^\circ = \frac{P_y}{P} = \frac{P_y}{m \cdot g}$$

$$|N| = P_y = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot m \cdot g$$

$$\underbrace{\sin 30^\circ}_{= \frac{1}{2}} = \frac{5 \text{ m}}{d_{AC}}$$

$$\Rightarrow d_{AC} = 10 \text{ m}$$

$$\frac{1}{2} m (V_C^2 - 400 \frac{m^2}{s^2}) = - \mu_d \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot m \cdot g \cdot d_{AC} + m \cdot g \cdot h_c$$

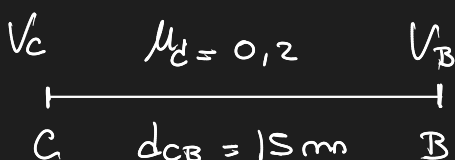
$$V_C^2 = 400 \frac{m^2}{s^2} - 2 \cdot 0,2 \cdot 5 \sqrt{3} \frac{m}{s^2} \cdot 10 \text{ m} - 2 \cdot 10 \frac{m}{s^2} \cdot 5 \text{ m}$$

$$V_C^2 = 400 \frac{m^2}{s^2} - 20\sqrt{3} \frac{m^2}{s^2} + 100 \frac{m^2}{s^2}$$

$$V_C = \sqrt{265,36 \frac{m^2}{s^2}}$$

$$V_C = 16,29 \frac{m}{s}$$

Y ahora tengo un problema como el de la patinadora de antes, sobre una superficie horizontal con rozamiento, con velocidad inicial  $V_C$  y velocidad final  $V_B$  (incógnita)



$$E_C^B - E_C^C = W_{F_{roz}} \quad \leftarrow \text{Única Fuerza}$$

$$\frac{1}{2} \cancel{m} (V_B^2 - V_C^2) = -\mu_d \cdot \cancel{m} \cdot g \cdot d_{CB}$$

$$V_B^2 - 265,36 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = -2 \cdot 0,2 \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 15 \text{ m}$$

$$V_B^2 = 205,36 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$$

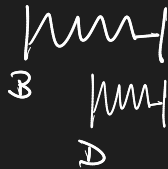
$$V_B = 14,33 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Como  $V_B > 0 \Rightarrow$  Rebota contra el resorte.

Ahora el resorte se comprime una distancia  $d_{BD}$ , pero lo que no dice el ejercicio, es que en esa superficie NO hay rozamiento...

Si asumimos que no hay rozamiento, entonces no hay trabajos de fuerzas NO Conservativas (porque no existen fuerzas NC ahí), con lo que puedo igualar las energías mecánicas en ambos puntos.

$$E_M^B = E_M^D$$



$$E_C^B + \underbrace{E_P^B}_{=0} = \underbrace{E_C^D}_{=0} + E_P^D$$

$$E_C^B = E_P^D$$

$$E_{P_{\text{Resorte}}} = \frac{1}{2} k \cdot (\Delta x)^2$$

Pero todos estos datos ya los tengo, yo sé que el resorte, al no haber rozamiento, hace rebotar al cuerpo con la misma velocidad con la que entró (pues es un sistema conservativo, no pierde energía).

Por lo tanto, la velocidad con la que va desde B hacia C es  $V_B$  pero con en sentido opuesto.

$$E_C^C - E_C^B = W_{F_{roz}} \quad \leftarrow \text{mismo que enter}$$

$$\frac{1}{2} \cancel{m} (V_C^2 - V_B^2) = -\mu_d \cdot \cancel{m} \cdot g \cdot d_{CB}$$



$$V_c^2 - \left(14,33 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = -2 \cdot 0,2 \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 15 \text{ m}$$

$$V_c^2 = 145,35 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$$

$$V_c = 12,06 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Como la velocidad con la que vuelve a C es mayor a cero, entonces esto quiero decir que vuelve a pasar por ese punto.

Notar que antes  $V_c$  era 16.3 m/s, pero perdió energía en el trayecto ida y vuelta de la superficie horizontal.

b)

(b) ¿Cuál es la variación de energía cinética entre A y la posición de compresión máxima?

$$E_c^D - E_c^A = W_{F_{\text{resul}}}$$

$$\frac{1}{2} m \cdot \left( \underbrace{V_D^2}_{=0} - V_A^2 \right) = W_{F_{\text{resul}}}$$

$$-0,5 \text{ kg} \cdot 400 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = -200 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$E_c^D - E_c^A = -200 \text{ N} \cdot \text{m} = -200 \text{ J}$$

c)

$$E_M^D - E_M^A = E_c^D - E_p^D - (E_c^A - E_p^A)$$

$$\Delta E_M = E_c^D - E_c^A - (E_p^D - E_p^A)$$

$$\Delta E_M = \Delta E_c - \Delta E_p$$

$$\Delta E_M = -200 \text{ J} - \Delta E_p$$

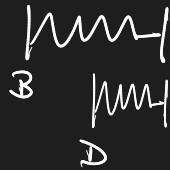
$$\Delta E_p = E_p^D - \underbrace{E_p^A}_{=0}$$

$$\Delta E_p = E_p^D = \overbrace{m \cdot g \cdot h}^{\text{Gravitacional}} + \overbrace{\frac{1}{2} \cdot k \cdot (\Delta x)^2}^{\text{Elástica}}$$

$$= 1 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 5 \text{ m} + \frac{1}{2} \cdot 2000 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot (\Delta x)^2$$

De antes tenía

$$E_M^B = E_M^D$$



$$E_C^B + \underbrace{E_p^B}_{=0} = \underbrace{E_C^D}_{=0} + E_p^D$$

$$E_C^B = E_p^D$$

$$E_{p \text{ Resorte}} = \frac{1}{2} k \cdot (\Delta x)^2$$

$$\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 = \frac{1}{2} k \cdot (\Delta x)^2$$

$$0,5 \text{ kg} \cdot 205,36 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = \frac{1}{2} \cdot 2000 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot (\Delta x)^2$$

$$102,68 \text{ N} \cdot \text{m} = 1000 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot (\Delta x)^2$$

$$(\Delta x)^2 = \frac{102,68 \text{ N} \cdot \text{m}}{1000 \frac{\text{N}}{\text{m}}} = 0,10268 \text{ m}^2$$

$$\Delta x = 0,32 \text{ m}$$

$$\Rightarrow E_p^D = 1 \text{ kg} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 5 \text{ m} + \frac{1}{2} \cdot 2000 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot (\Delta x)^2$$

$$E_p^D = 152,68 \text{ N} \cdot \text{m}$$

↑ Preguntar sobre el signo!

↓ ?

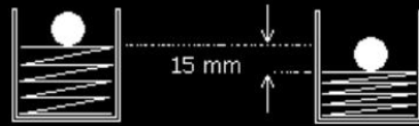
$$\begin{aligned}\Delta E_M &= -200 \text{ J} + \Delta E_p \\ &= -200 \text{ J} + 152,68 \text{ J}\end{aligned}$$

$$\Delta E_M = -47,32 \text{ J}$$

d)  $\Delta x$  lo calculé arriba.

$$\Delta x = 0,32 \text{ m}$$

- ⑥ Un resorte de constante elástica  $k = 1600\text{N/m}$  se comprime  $15\text{mm}$ . Luego se coloca sobre él una bolita de  $75\text{g}$  y se lo libera.



- (a) Si se supone que no hay rozamiento ¿A qué altura llegará la bolita?
- (b) Si en cambio el sistema tiene rozamiento y la bolita llega a  $2/3$  partes de la altura máxima alcanzada en el punto anterior, halle el trabajo de la fuerza de rozamiento.







