## Práctica N°4: Movimiento oscilatorio

Todos los resultados se obtuvieron usando  $g = 10 \,\mathrm{m/s^2}$ .

1) a) 
$$A=0.057m$$
 
$$\omega=3.9\frac{1}{s}$$
 
$$f=0.62Hz$$
 
$$T=1.61s$$
 
$$\phi=0$$

b) 
$$x(t) = 0.057m\cos(3.9s^{-1}t)$$
  
 $v(t) = -0.222\frac{m}{s}\sin(3.9s^{-1}t)$   
 $a(t) = -0.867\frac{m}{s^2}\cos(3.9s^{-1}t)$ 

c) 
$$\mathbf{r}(10 \,\mathrm{s}) = 0.20 \,\mathrm{m}\hat{\mathbf{x}} + 0.46 \,\mathrm{m}\hat{\mathbf{y}}$$

d) 
$$x(t = 0, 25s) = 0,03m$$
  
 $v(t = 0, 25s) = -0,18\frac{m}{s}$   
 $a(t = 0, 25s) = -0,49\frac{m}{s^2}$ 

e) 
$$x(t) = 0.057m \sin(3.9s^{-1}t + \frac{\pi}{2})$$

2) La velocidad es máxima en el punto de equilibrio. La aceleración es máxima cuando el estiramiento es máximo, es decir, cuando es igual a la amplitud.

3) 
$$f = \frac{1}{16} \approx 0.0625 s^{-1}$$
  
 $A = 10 cm$   
 $T = 16 s$   
 $\omega = \frac{\pi}{8} \approx 0.3927 s^{-1}$ 

4) a) 
$$x(t) = 0, 2m\cos(16.\pi s^{-1}t) \approx 0, 2m\cos(50, 27s^{-1}t)$$
  
b)

5) 
$$\begin{split} A_{max} &= \frac{3}{20\pi} m \approx 0.05m \\ x(t) &= \frac{3}{20\pi} m \cos(20\pi s^{-1}t) \approx 0.05m \cos(62,8s^{-1}t) \\ v(t) &= -\frac{24}{25} \pi \frac{m}{s} \sin(20\pi s^{-1}t) \approx -3.02 \frac{m}{s} \sin(62,8s^{-1}t) \end{split}$$

6) 
$$T_{clk} = 24hs$$
,  $A_{clk} = 1, 5\frac{\mu g}{ml}$   
 $T_{per/tim} = 24hs$ ,  $A_{per/tim} = 1, 5\frac{\mu g}{ml}$   
 $T_{luz} = 24hs$ 

7) a) Utilizando que  $\omega \approx 10 Hz \Longrightarrow 0 = \ddot{x} + 100 s^{-2} x$ 

- b)  $m \approx 5,03kg$
- c) Poniendo el sistema de referencia en la pared tenemos que:

$$x(t) = -2cm\cos(10s^{-1}t) + 10cm$$

$$v(t) = 20 \frac{cm}{s} \sin(10s^{-1}t)$$

$$a(t) = 200 \frac{cm}{s^2} \cos(10s^{-1}t)$$

- 1) Si se duplica la masa, la frecuencia angular se multiplica por un factor  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ . El período entonces se multiplica por un factor  $\sqrt{2}$ .
  - 2) Si se duplica la constante elástica, la frecuencia angular se multiplica por un factor  $\sqrt{2}$ . El período entonces se multiplica por un factor  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ .
  - 3) Si se duplica la compresión inicial, la amplitud<sup>1</sup> se duplica también.
- 8) Si se duplica la amplitud, entonces la distancia total recorrida y la velocidad máxima también se duplican mientras que el período queda igual.

9) a) 
$$k = 8.9 \frac{N}{m}$$

b) 
$$\omega = 47.1s^{-1}$$

$$f = 7.5s^{-1}$$

10) 
$$k = 40000 \frac{N}{m}$$
  
 $\omega = 6, \hat{6}s^{-1} \text{ y } f \approx 1,06s^{-1}$ 

11) a) 
$$A = 0.1m$$
  
 $f \approx 3.18s^{-1}$   
 $T \approx 0.31s$ 

$$f \approx 3.18s^{-1}$$

$$T \approx 0.31s$$

b) 
$$x(t) = 0.1m \cos(20s^{-1}t)$$

c) 
$$x(t=0.2s) = -0.06536m$$

$$v(t=0.2s) = 1.5136m/s$$

$$a(t=0.2s) = 26.1457 \frac{m}{s^2}$$

12) a) 
$$y_{eq} = 0.175m$$

b) 
$$y = 0.015m\cos(20s^{-1}t) + 0.175m$$

c) 
$$v_{max} = 0.3 \frac{m}{s}$$
  
 $y(v_{max}) = 0.175 m$ 

13) a) 
$$\ddot{x} + \frac{k}{m}(x - l_o) = gsen(\alpha) - \frac{F}{m}$$

b) 
$$x_{eq} = l_0,$$
  
 $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ 

c) 
$$F = mg$$

14) 
$$l_0 = 2m$$

15) 
$$g = 9.79 \frac{m}{s^2}$$

16) 
$$g = 10,67 \frac{m}{s^2}$$

 $<sup>^{1}</sup>$ y por lo tanto la  $v_{max}$  y la  $a_{max}$ .