

# Introducción a los Algoritmos de Ordenamiento (Sorting)

**Dr. Matías Blaña**  
Astrofísico, Universidad de La Serena

Clase simulada – Postulación Académica 2025

Departamento de Informática  
Universidad Técnica Federico Santa María

# ¿Qué es sorting, y por qué es importante?

**Sorting** es el proceso de **reorganizar una lista** para que sus elementos queden en un orden definido (creciente, decreciente, alfabético, etc.).

**Ejemplo sencillo:**

$$[5, 2, 9, 1] \implies [1, 2, 5, 9]$$

## El ordenamiento es clave en la informática moderna.

Presente en casi todo sistema que usamos:

- Bases de datos
- Compresores (e.g. ZIP, LZ77)
- Motores de búsqueda y ranking
- Sistemas distribuidos y cómputo masivo

**Mensaje clave:** Mucho más que estudiar algoritmos aislados — aprender sorting es entender cómo **razonar sobre eficiencia, escalabilidad y arquitectura**.

**El punto no es memorizar algoritmos, sino saber elegir el adecuado según el contexto.**

# ¿Cómo elegir el algoritmo adecuado?

No existe el mejor algoritmo. Depende del contexto:

Escenario	Algoritmo recomendado
Datos casi ordenados	<b>Timsort</b> (e.g. Python). Detecta “runs”.
Poca memoria disponible	<b>Heap Sort</b> . No usa memoria extra.
Grandes volúmenes en disco	<b>Merge Sort</b> . Clásico en bases de datos.
Tiempo real en ventanas pequeñas	<b>Insertion Sort</b> . Eficiente para arreglos chicos.
Promedio rápido en memoria RAM	<b>Quick Sort</b> . Excelente localidad de caché.

**Idea central:** elegir el método según arquitectura, memoria, y distribución de los datos.

# Tipos de algoritmos de ordenamiento

- **Simples:** Bubble Sort, Selection Sort, Insertion Sort. (Brute Force).
- **Eficientes:** Merge Sort, Quick Sort, Heap Sort.
- **Especializados:** Counting Sort, Radix Sort, Bucket Sort.
- **Algoritmos avanzados:** Timsort, Bitonic Sort, IntroSort.

## ¿Cuántos algoritmos existen?

La literatura computacional describe más de **20 algoritmos de ordenamiento clásicos**, y más de **100 variantes y optimizaciones** (según la clasificación de Wikipedia 2025).

**Idea general:** ordenar comparando, dividiendo o combinando datos.

# Ejemplo: Bubble Sort (simple pero secuencial)

**Lista inicial a ordenar:**

$$A = [ \mathbf{5}, \mathbf{1}, 4, 2, 8 ] \Rightarrow [ 1, \mathbf{5}, \mathbf{4}, 2, 8 ] \Rightarrow [ 1, 4, \mathbf{5}, \mathbf{2}, 8 ]$$

$$\Rightarrow [ 1, 5, 4, 2, 8 ] \Rightarrow [ 1, 4, \mathbf{5}, \mathbf{2}, 8 ] \dots$$

**Idea:** recorrer la lista repetidamente, intercambiando pares de elementos adyacentes mal ordenados.

**Y en pseudo código:**

```
def bubble_sort(arr):
    n = len(arr)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n-i-1):
            if arr[j] > arr[j+1]:
                arr[j], arr[j+1] = arr[j+1], arr[j]
```

**Complejidad:** Promedio:  $O(n^2)$ .

**Difícil de paralelizar:** cada iteración depende del resultado anterior.

## Ejemplo: Insertion Sort (bueno para listas pequeñas)

**Idea:** insertar cada elemento en su posición correcta dentro de la parte ya ordenada.

$$\begin{aligned} A = [5, 1, 4, 2, 8, 2] &\Rightarrow [1, 5, 4, 2, 8, 2] \Rightarrow [1, 4, 5, 2, 8, 2] \\ &\Rightarrow [1, 4, 2, 5, 8, 2] \Rightarrow [1, 2, 4, 5, 8, 2] \Rightarrow [1, 2, 4, 5, 8, 2] \dots \end{aligned}$$

```
def insertion_sort(arr):  
    for i in range(1, len(arr)):  
        key = arr[i]  
        j = i-1  
        while j >= 0 and key < arr[j]:  
            arr[j+1] = arr[j]  
            j -= 1  
        arr[j+1] = key
```

**Complejidad:**  $O(n^2)$ , pero eficiente para listas cortas o casi ordenadas.

**Difícil de paralelizar:** la inserción depende del orden previo.

# Ejemplo: Merge Sort

$$A = [5, 1, 4, 2, 8]$$

## Idea:

- Dividir la lista en mitades.
- Ordenar cada mitad recursivamente.
- Combinar (merge) las mitades ordenadas.

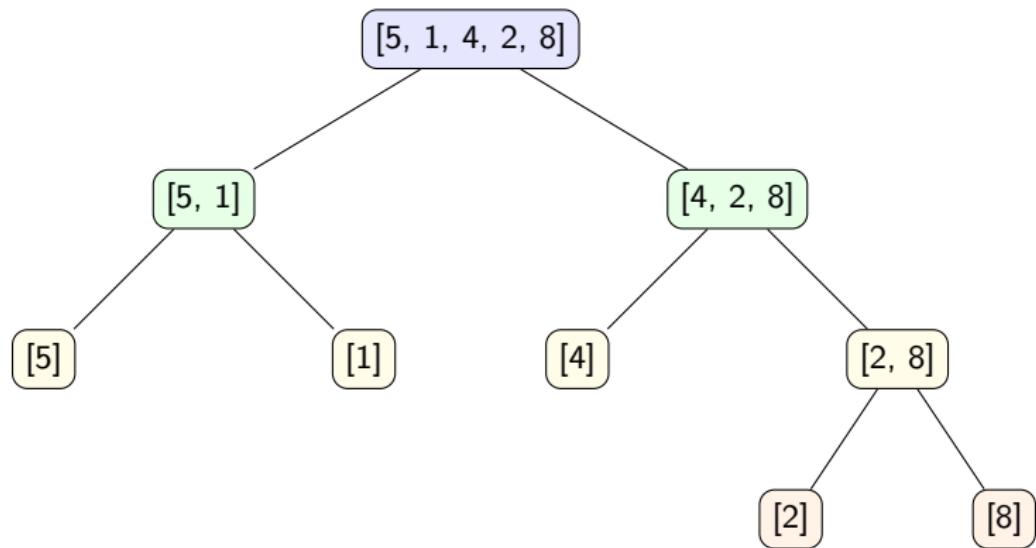
**Complejidad:**  $O(n \log n)$  (constante).

**Paralelización natural:** cada mitad puede procesarse en distintos hilos o núcleos.

# Ejemplo: Merge Sort

Ejemplo visual:

$$A = [5, 1, 4, 2, 8]$$



**Fusión final:**  $[5, 1] \rightarrow [1, 5]$ ,     $[2, 8] \rightarrow [2, 8]$ ,     $[1, 5] \cup [4] \cup [2, 8] \rightarrow [1, 2, 4, 5, 8]$

# Ejemplo: Timsort, un algoritmo híbrido moderno

**Idea principal:** Combina las ventajas de **Merge Sort** y **Insertion Sort**. Diseñado por *Tim Peters* (2002) para Python y Java.

## Estrategia:

- ① Divide el arreglo en segmentos pequeños llamados **runs**.
- ② Cada run se ordena con **Insertion Sort**.
- ③ Luego se combinan los runs con **Merge Sort**.

## Ventajas:

- Detecta secuencias ya ordenadas (*natural runs*).
- Muy eficiente para datos parcialmente ordenados.
- Estable y con complejidad garantizada:  $O(n \log n)$ .

**Uso actual:** Timsort es el método por defecto en `sorted()` y `list.sort()` en Python.

# Ejemplo: QuickSort in-place: idea general

**QuickSort in-place** reordena el arreglo dentro del mismo arreglo, sin crear listas nuevas.

$$A = [5, 1, 4, 2, 8], \quad p = 4$$

## Pasos principales:

- ① Elegir un pivote (aquí usamos el valor **4**).
- ② Usar dos punteros:
  - ▶  $i$  avanza desde la izquierda buscando valores **mayores** al pivote.
  - ▶  $j$  retrocede desde la derecha buscando valores **menores** al pivote.
- ③ Cuando  $i < j$ , se realiza un **swap**.
- ④ Al terminar: el pivote queda en su posición final y el arreglo queda dividido en:

menores | pivote | mayores

**Ventaja clave:** usa menos memoria y es muy rápido en práctica.

## QuickSort in-place: partición con $i$ y $j$

Arreglo inicial:

$$A = [5, 1, 4, 2, 8], \quad p = 4$$

- ①  $i$  avanza ( $\rightarrow$ ) hasta encontrar un valor  $> 4$ :

5, 1, 4, 2, 8

- ②  $j$  retrocede ( $\leftarrow$ ) hasta encontrar un valor  $< 4$ :

5, 1, 4, 2, 8

- ③ Cuando  $i < j$ , se intercambian:

$$A \Rightarrow [2, 1, 4, 5, 8]$$

- ④  $i$  avanza nuevamente:

2, 1, 4, 5, 8

$i$  llega al pivote  $\Rightarrow$  STOP.

**Resultado de la partición:**

$$[2, 1] | [4] | [5, 8]$$

## QuickSort in-place: resultado de la partición

Después de la fase de partición:

$$A = [2, 1] | [4] | [5, 8]$$

**El pivote (4) está en su posición definitiva.**

Ahora QuickSort se aplica recursivamente a cada lado:

$$\text{QuickSort}([2, 1]) \Rightarrow [1, 2]$$

$$\text{QuickSort}([5, 8]) \Rightarrow [5, 8]$$

**Lista final ordenada:**

$$[1, 2, 4, 5, 8]$$

**Ventajas:**

- In-place: menos uso de memoria.
- Eficiente en promedio:  $O(n \log n)$ .

**Nota: pseudocódigo en el Apéndice 23**

# Complejidad: ¿Qué significa realmente $O(n)$ , $O(n^2)$ , $O(n \log n)$ ?

**La notación Big-O describe cómo crece el número de operaciones** que realiza un algoritmo cuando el tamaño del arreglo  $n$  aumenta.

- $O(n)$ : el número de operaciones crece linealmente con  $n$ .
- $O(n^2)$ : si duplico  $n$  ( $2n$ ), el trabajo se multiplica por **4**.
- $O(n \log n)$ : crece más rápido que lineal, pero mucho más lento que cuadrático.

**Ejemplo:** Bubble Sort, tiene dos ciclos anidados

$$\text{operaciones} \propto n \times n = n^2$$

Por eso decimos que su complejidad es  $O(n^2)$ .

## Importante:

- Big-O describe operaciones abstractas (comparaciones, asignaciones...)
- El tiempo real depende además de CPU, caché, implementación, etc.
- Pero ambos están directamente relacionados: más operaciones → más tiempo.

# Complejidad empírica: número de operaciones

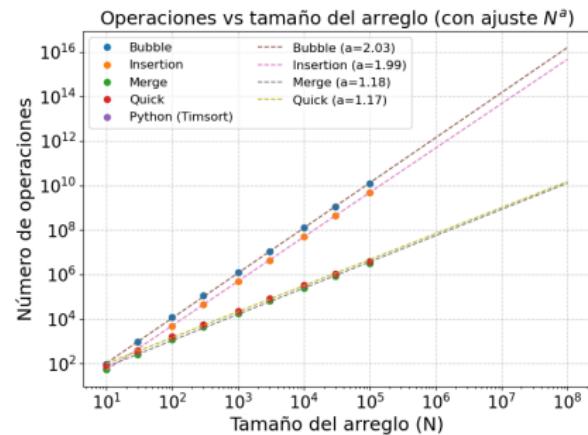
**Objetivo:** medir cómo crece la cantidad total de operaciones (comparaciones + asignaciones) al aumentar el tamaño del arreglo  $N$ .

**Modelo ajustado:**

$$\log(\text{ops}) = a \log(N) + C \quad \Rightarrow \quad \text{ops} \propto N^a$$

**Interpretación:**

- Bubble/Insertion: exponentes  $a \approx 2$  (cuadráticos).
- Merge/Quick:  $a \sim 1-1.2$ , consistente con  $O(n \log n)$ .
- El ajuste empírico reproduce fielmente la teoría.
- La extrapolación a  $N = 10^7 - 10^8$  permite estimar el costo real.



Número de operaciones vs tamaño del arreglo, con ajuste  $N^a$ .

**Nota:** Timsort no se muestra en operaciones porque no es accesible desde Python para instrumentación, pero sí aparece en los gráficos de tiempo.

# Complejidad, eficiencia y tiempo de cómputo

La complejidad también dependerá del ordenamiento inicial de los arreglos. Esto significa que se debe seleccionar el algoritmo más óptimo o eficiente **dependiendo del problema en particular y de los recursos disponibles.**

Algoritmo	Mejor	Promedio	Peor
Bubble / Insertion	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Merge Sort	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
Quick Sort	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n^2)$
Heap Sort	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
Timsort	$O(n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$

# Complejidad, eficiencia y tiempo de cómputo

**Objetivo:** conectar la teoría de complejidad con el tiempo real de ejecución.

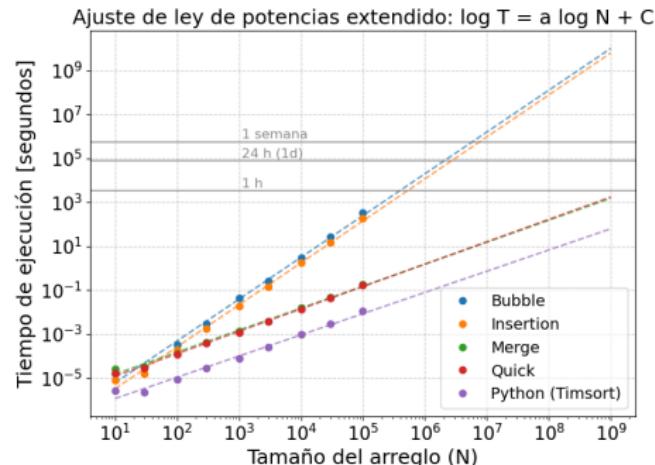
**Modelo de ajuste:**

$$\log T = a \log N + C \Rightarrow T \propto N^a$$

**Resultados:**

- Los algoritmos eficientes (**Merge**, **Quick**, **Timsort**) siguen  $a \approx 1.0 - 1.2$ .
- La extrapolación muestra el crecimiento del tiempo hasta semanas para  $N \sim 10^8$ .
- Diferencias pequeñas en  $a$  implican grandes variaciones en tiempo real.

**Conclusión:** La complejidad asintótica ( $O(n^2)$ ,  $O(n \log n)$ ) predice la tendencia, pero el rendimiento real depende de constantes, cache, y paralelización.



*Escalamiento temporal y eficiencia de algoritmos de ordenamiento. Test in 1CPU Apple M1 Pro, python Python 3.13.5*

# ¿Cuáles algoritmos se pueden paralelizar?

Algoritmo	Paralelizable	Comentarios
Bubble / Insertion	✗	Iterativos, dependencias secuenciales
Merge Sort	✓	Cada mitad es independiente
Quick Sort	✓	Cada sublistas se procesa en paralelo
Heap Sort	△	Parcialmente (construcción del heap)
Counting / Radix	✓	Ideal para GPU / procesamiento masivo

**Conclusión:** Los métodos de *divide y conquista* escalan mejor en arquitecturas paralelas.

# Comparación de algoritmos

Algoritmo	Promedio	Memoria	Paralelizable
Bubble / Insertion	$O(n^2)$	Baja	✗
Merge Sort	$O(n \log n)$	Alta	✓
Quick Sort	$O(n \log n)$	Media	✓
Heap Sort	$O(n \log n)$	Baja	△

**En práctica:** QuickSort es el estándar en librerías (C, Python, C++) por su eficiencia promedio.

# Sorting en aplicaciones reales de alto rendimiento

**Aplicaciones: En cómputo científico y análisis de datos masivos:**

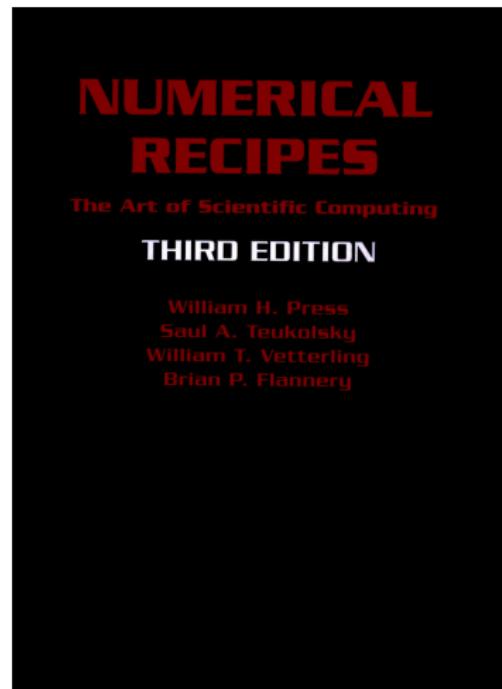
- Ordenar catálogos astronómicos de millones de objetos
- Preparar datos para análisis en paralelo (MPI, GPU)
- Agrupar y clasificar datos multidimensionales
- Pre-procesamiento para algoritmos de clustering y ML

**En la práctica:** Elegir entre  $O(n^2)$  y  $O(n \log n)$  no es académico: puede significar **segundos vs horas o horas vs días.**

**Mi experiencia:** en proyectos de simulación y análisis astronómico, optimizar el sorting reduce el tiempo de pipelines completos.

# Bibliografía y recursos recomendados

-  Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., & Stein, C. (2009).  
*Introduction to Algorithms* (3rd ed.). MIT Press.
-  Press, W. H., Teukolsky, S. A., Vetterling, W. T., & Flannery, B. P. (2007).  
*Numerical Recipes: The Art of Scientific Computing* (3rd ed.).  
Cambridge University Press.
-  Sedgewick, R., & Wayne, K. (2011).  
*Algorithms* (4th ed.). Addison-Wesley.
-  Wikipedia contributors. (2025).  
*Sorting algorithm*. Recuperado de  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Sorting\\_algorithm](https://en.wikipedia.org/wiki/Sorting_algorithm)
-  GeeksforGeeks. (2025).  
*Sorting Algorithms Tutorials*. Recuperado de  
<https://www.geeksforgeeks.org/sorting-algorithms/>

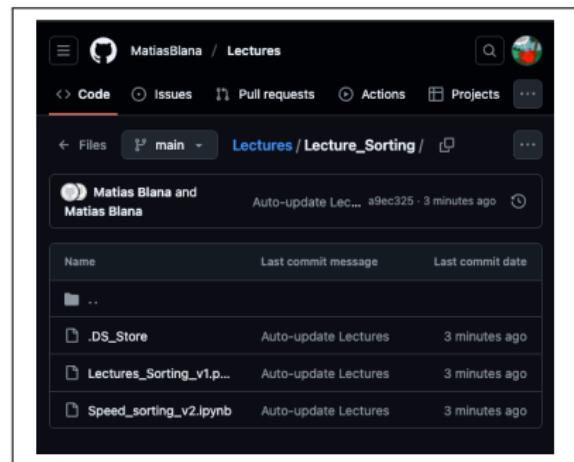


Portada de \*Numerical Recipes\* (3rd Ed., 2007)

# Material de la clase de Sorting

## Repositorio del curso:

- Slides en PDF
- Scripts de benchmark (Python)
- Figuras y gráficos
- Ejemplos de algoritmos (Bubble, Merge, Quick, Timsort)



Disponible en GitHub:

Captura del repositorio en GitHub

<https://github.com/MatiasBlana/Lectures/tree/main/LectureSorting>

## El ordenamiento no es un fin, sino una herramienta.

- Los algoritmos de sorting ilustran cómo razonar sobre **eficiencia, escalabilidad y arquitectura**.
- La complejidad teórica ( $O(n^2)$ ,  $O(n \log n)$ ) se refleja directamente en el rendimiento real, como vimos en los benchmarks.
- Cada algoritmo es óptimo en distintos contextos: memoria limitada, datos parcialmente ordenados, GPU, grandes volúmenes en disco, o sistemas distribuidos.
- Timsort es un ejemplo moderno de ingeniería algorítmica: híbrido, estable, adaptativo y usado en varios lenguajes (e.g. Python).
- Entender estas ideas permite construir sistemas más rápidos, eficientes y robustos.

**Muchas gracias.**

\*Material y código disponible en GitHub.

# Apéndice: QuickSort in-place: pseudocódigo clásico

**QuickSort aplica:** partición → recursión → concatenación implícita

```
function quicksort(A, low, high):
    if low < high:
        p = partition(A, low, high)
        quicksort(A, low, p)
        quicksort(A, p+1, high)
```

Partición in-place (Hoare) para el ejemplo con pivote = 4:

```
function partition(A, low, high):
    pivot = A[low]      # = 4
    i = low - 1
    j = high + 1

    while true:
        repeat:
            i = i + 1
        until A[i] >= pivot

        repeat:
            j = j - 1
        until A[j] <= pivot

        if i >= j:
            return j

        swap(A[i], A[j])
```