

Taller 1

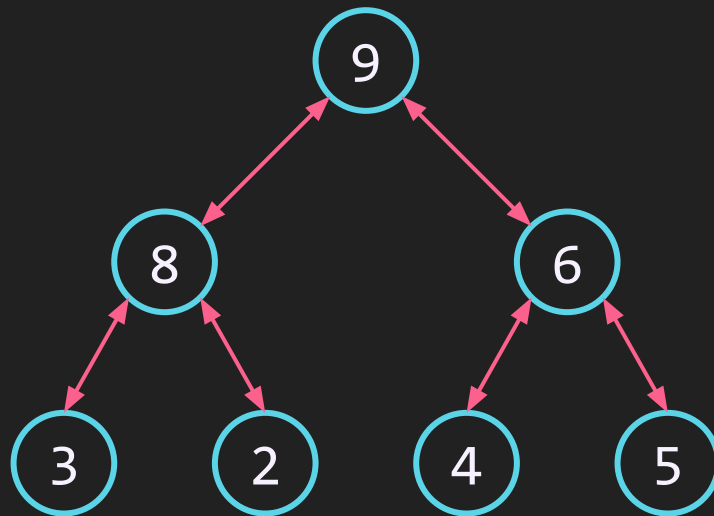
Binary Heaps

With ❤ by @vichoeq

Heap como árbol

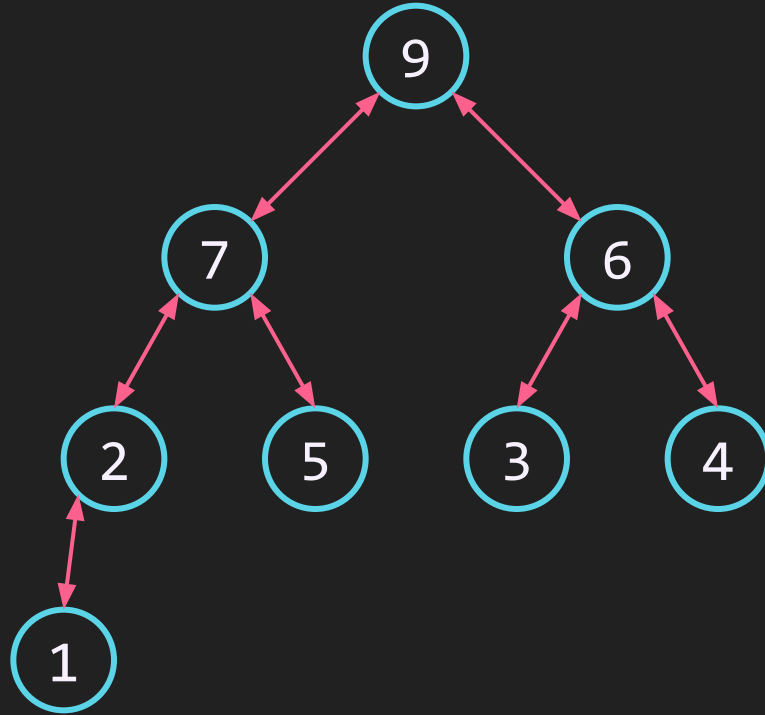


```
struct heap;  
typedef struct heap Heap;  
  
struct heap  
{  
    Heap* left_child;  
    Heap* right_child;  
    Heap* parent;  
    int value;  
    int count;  
    int height;  
};
```

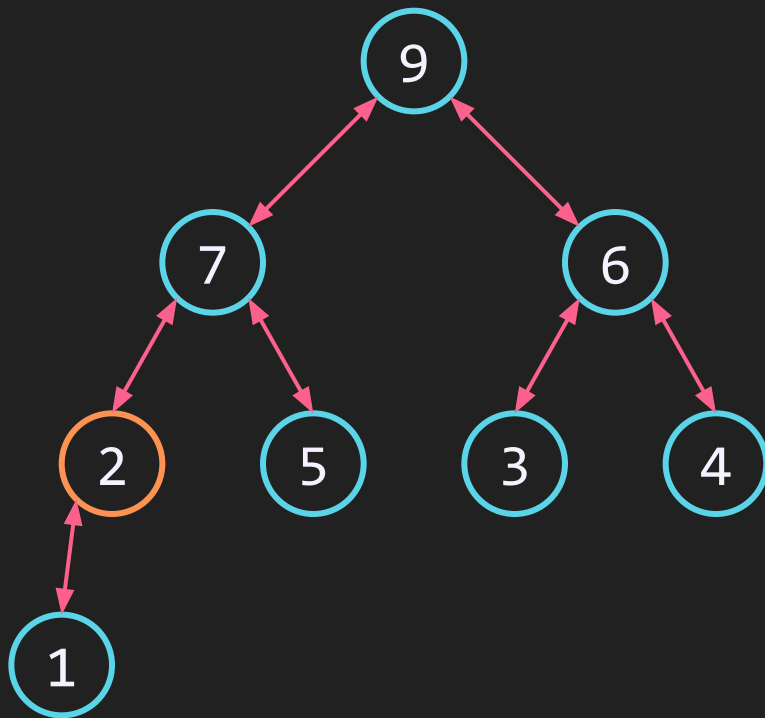


heap_insert

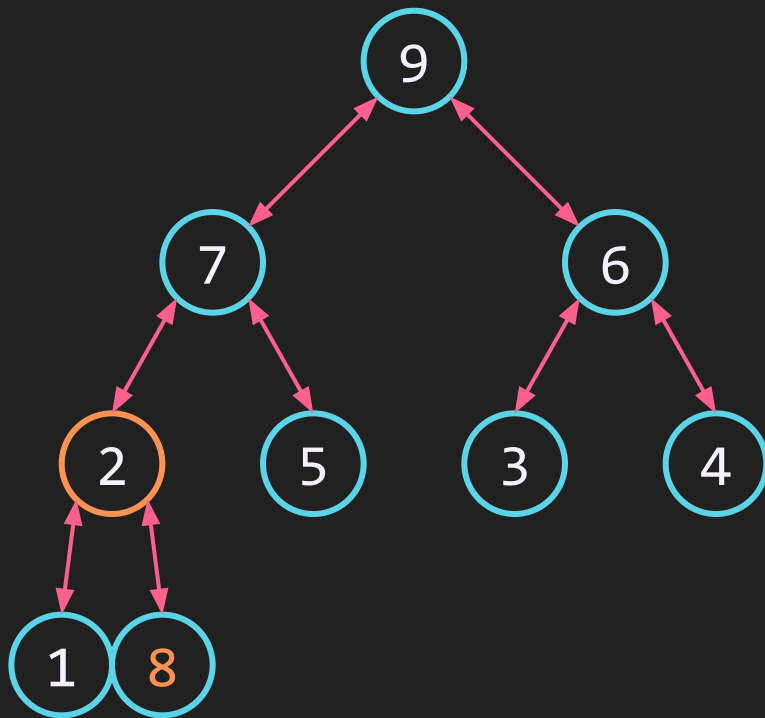
heap_insert(**9**, **8**)



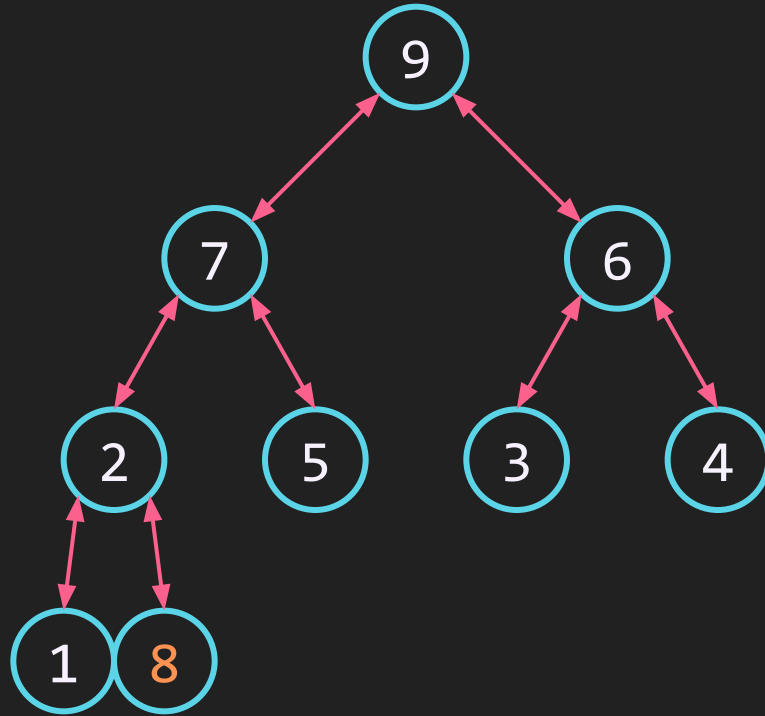
$\textcircled{2} = \text{insertion_parent}(\textcircled{9})$



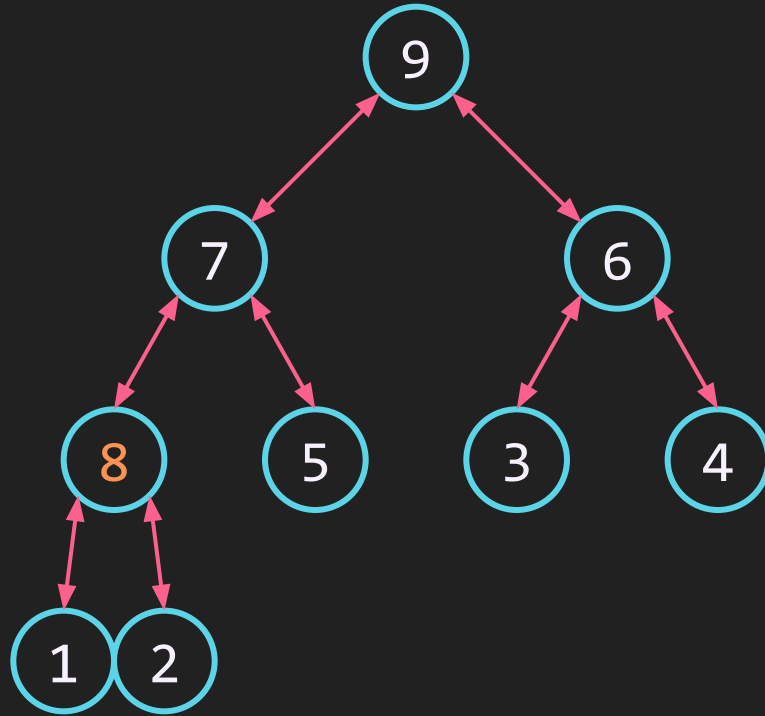
②.right_son = ⑧



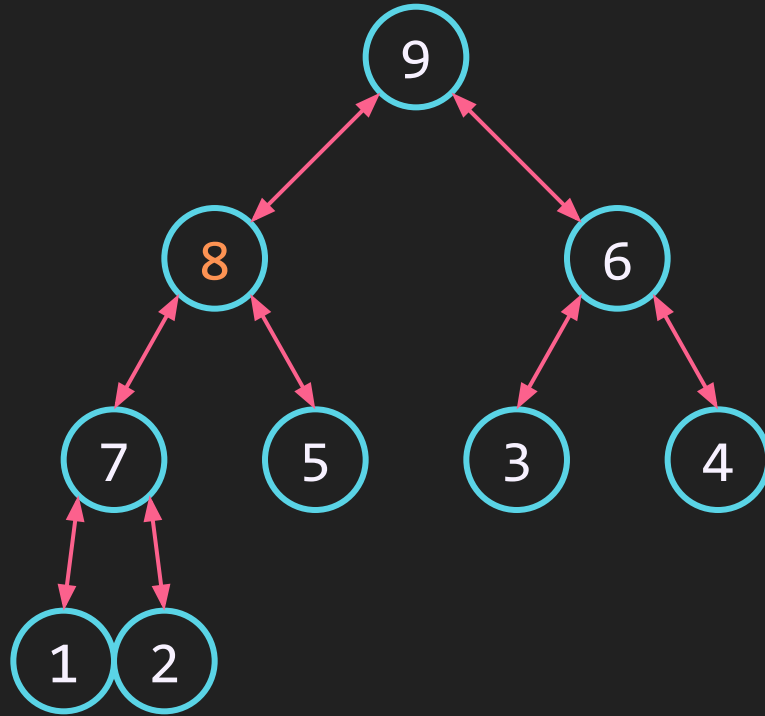
sift_up(**8**)



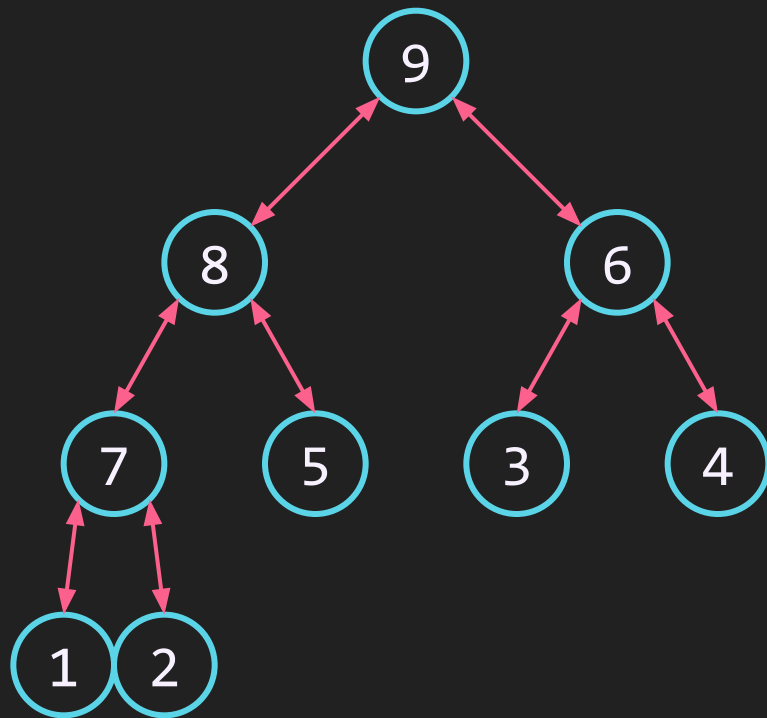
sift_up(**8**)



sift_up(**8**)



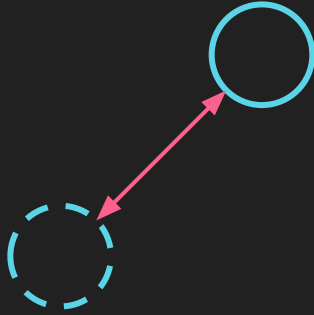
done



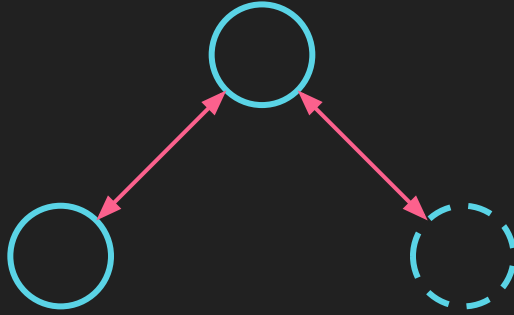
heap_insert - inserción por niveles



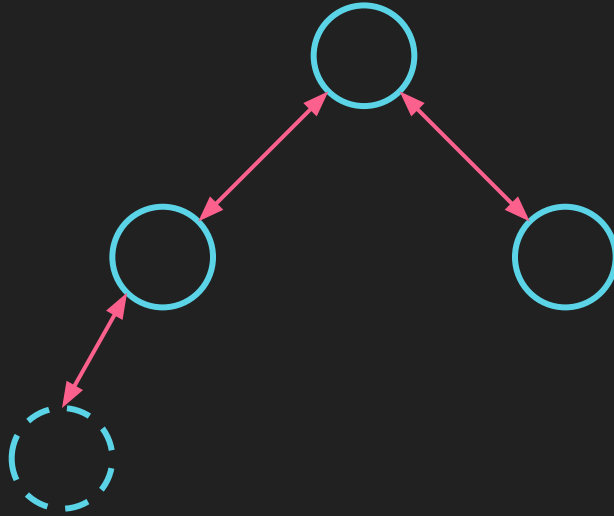
heap_insert - inserción por niveles



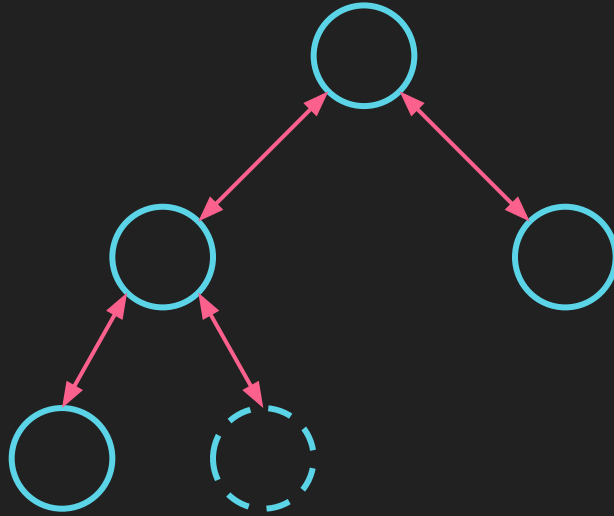
heap_insert - inserción por niveles



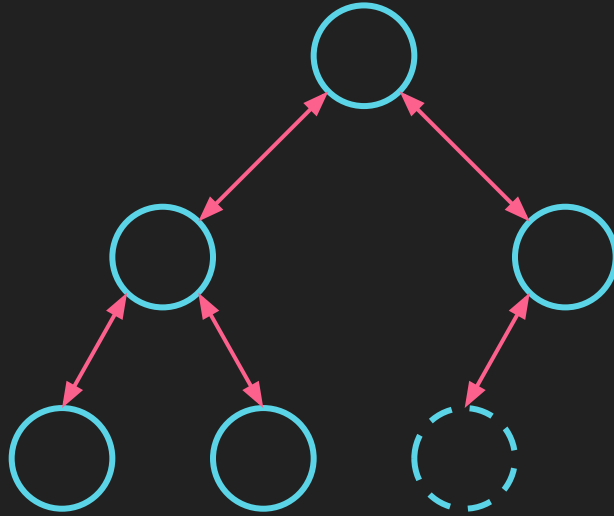
heap_insert - inserción por niveles



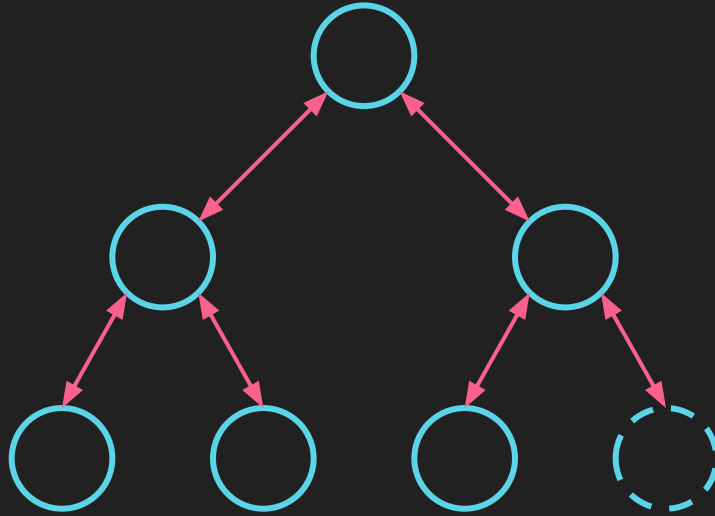
heap_insert - inserción por niveles



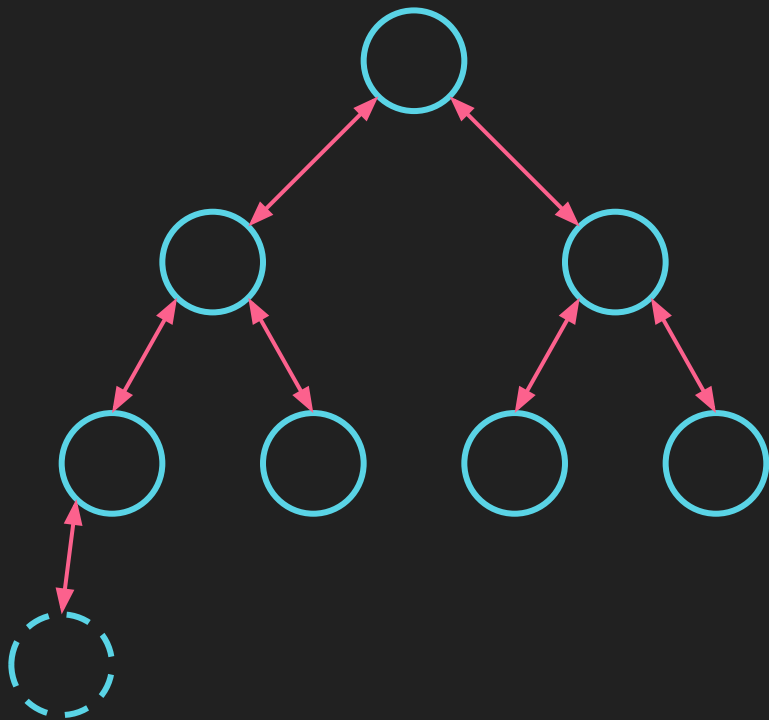
heap_insert - inserción por niveles



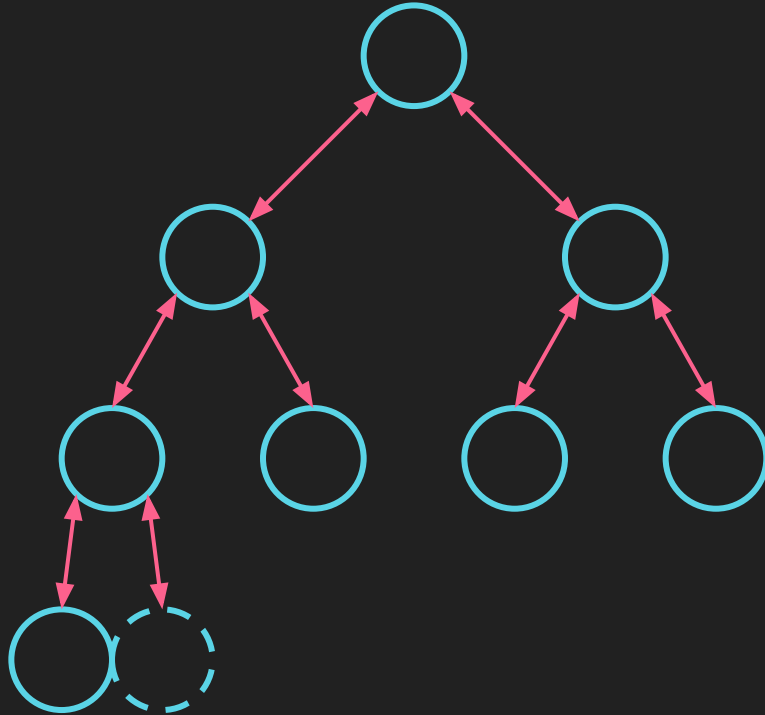
heap_insert - inserción por niveles



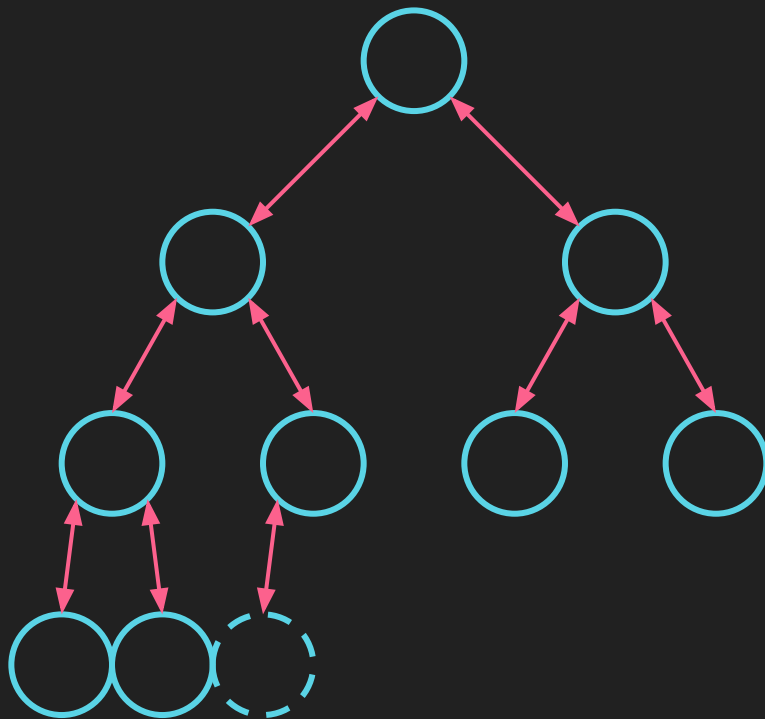
heap_insert - inserción por niveles



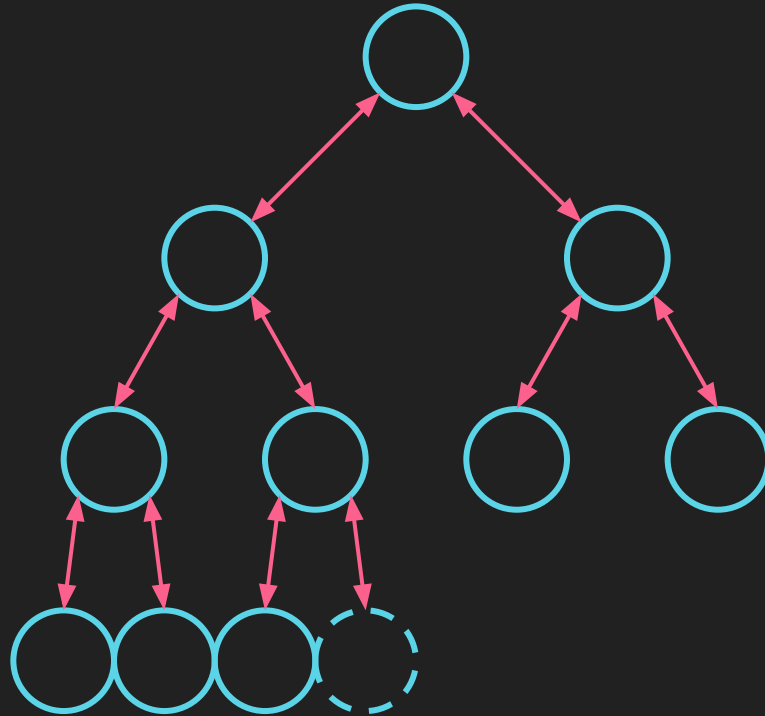
heap_insert - inserción por niveles



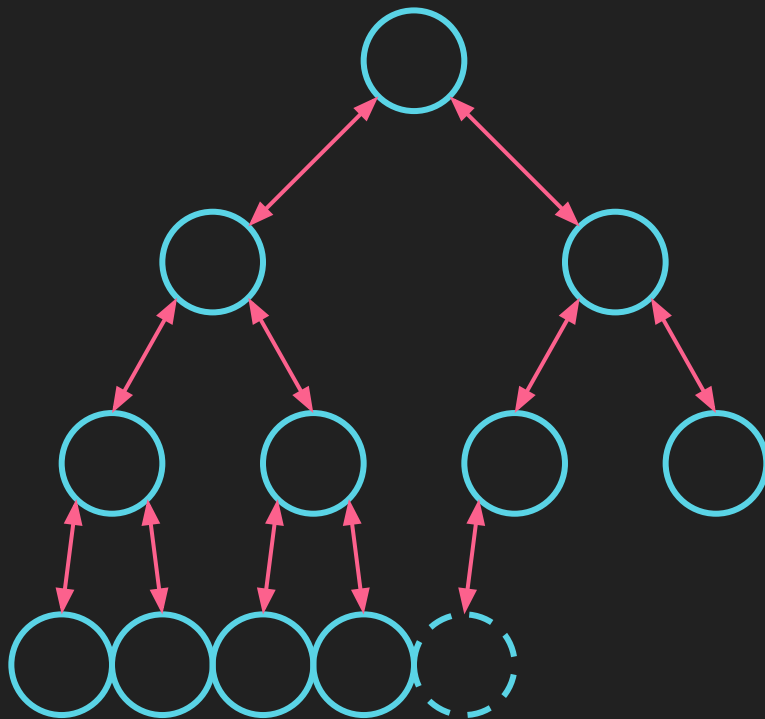
heap_insert - inserción por niveles



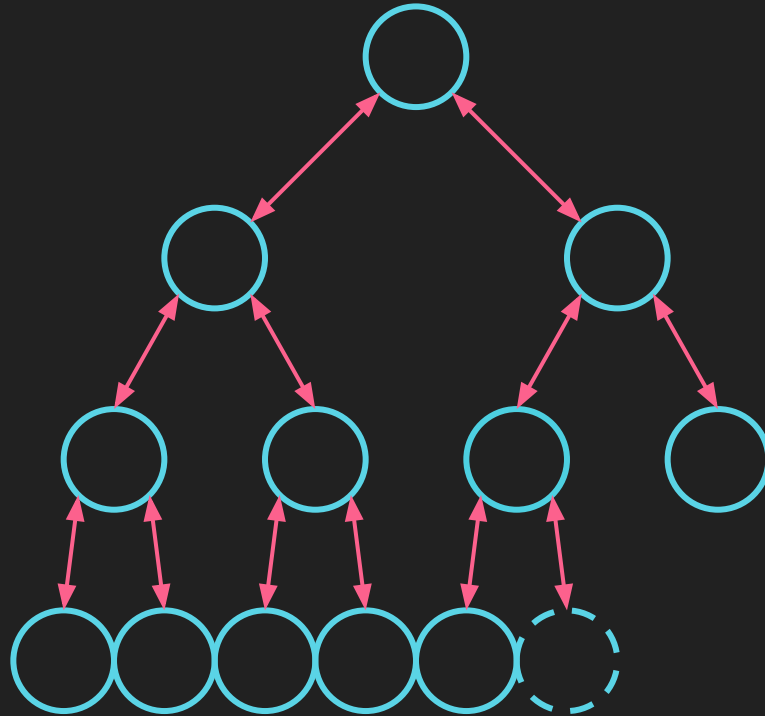
heap_insert - inserción por niveles



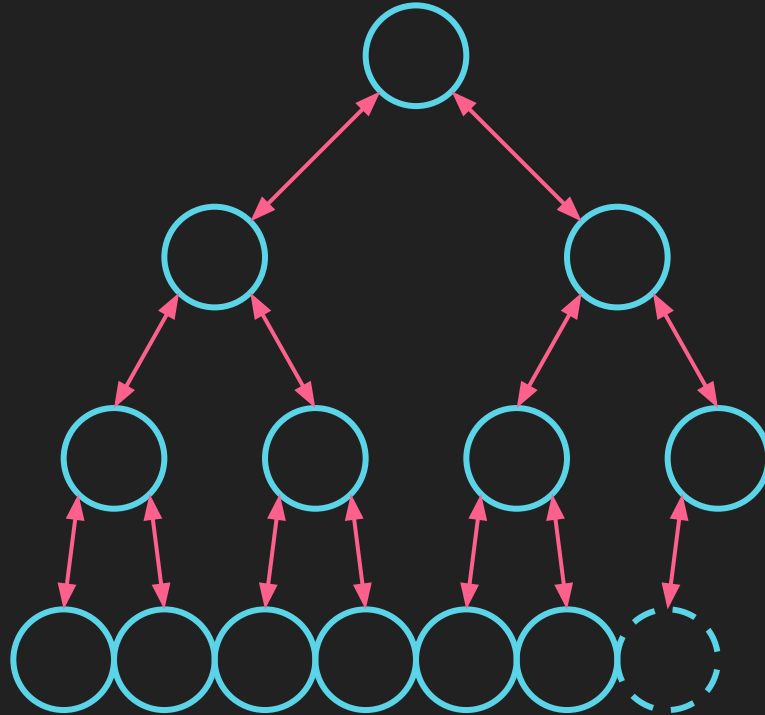
heap_insert - inserción por niveles



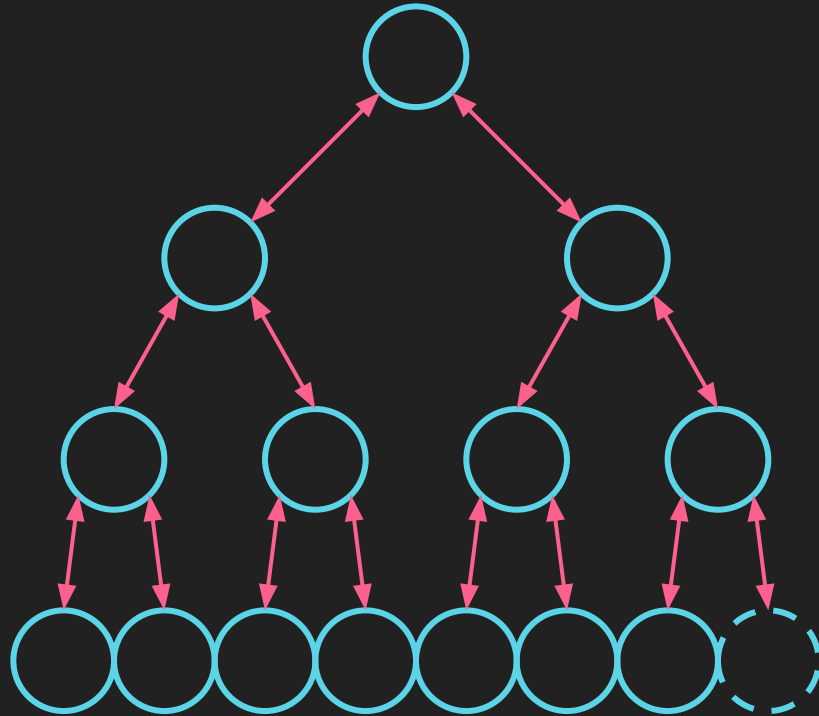
heap_insert - inserción por niveles



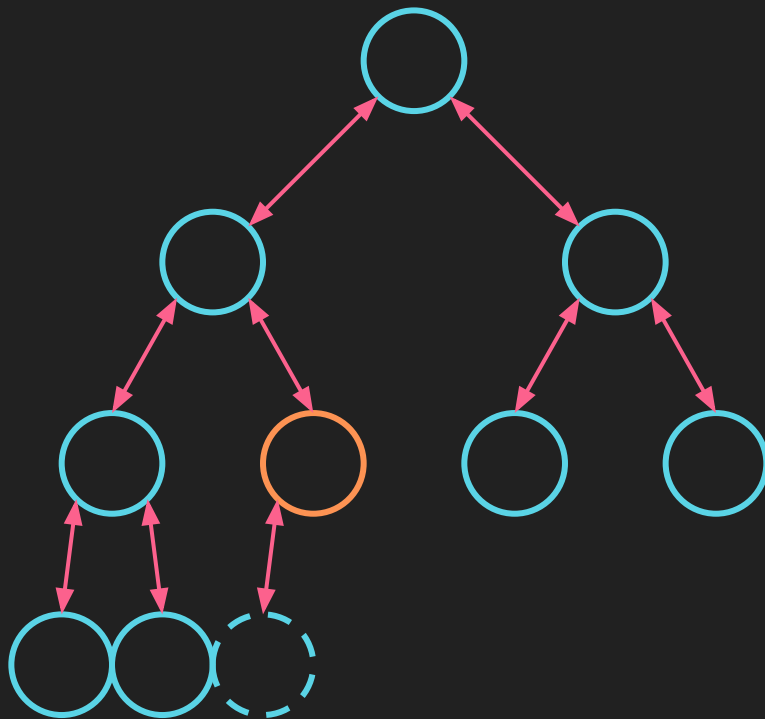
heap_insert - inserción por niveles



heap_insert - inserción por niveles



`insertion_parent` - padre del insertado

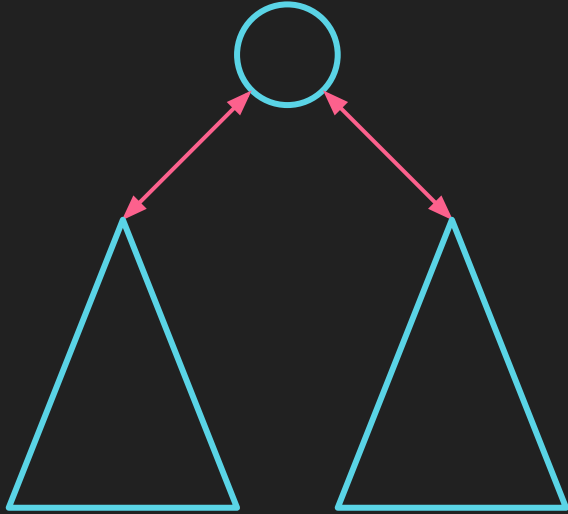


`insertion_parent` - padre del insertado



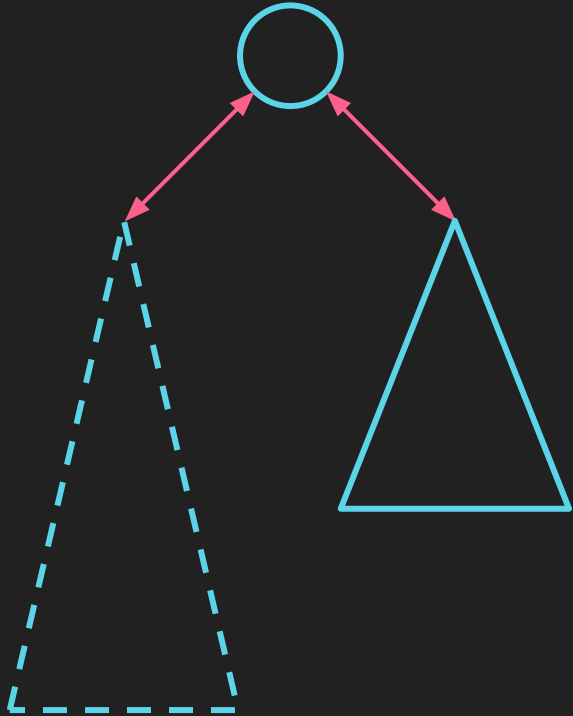
Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

`insertion_parent` - padre del insertado



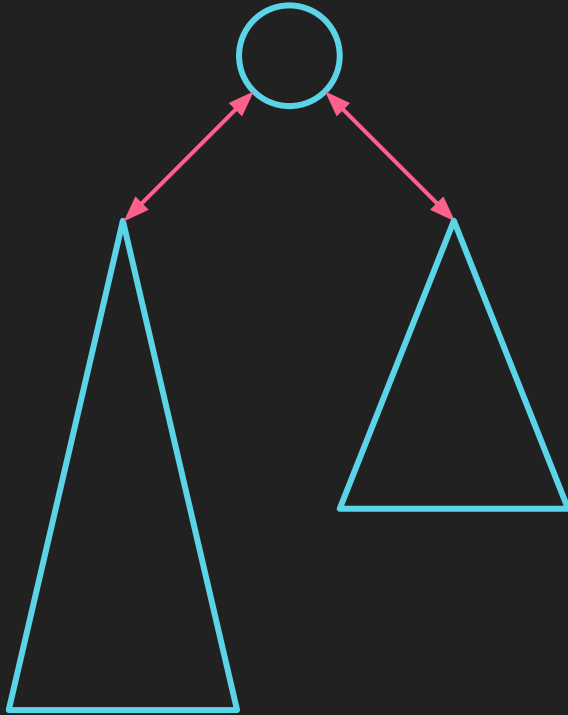
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

`insertion_parent` - padre del insertado



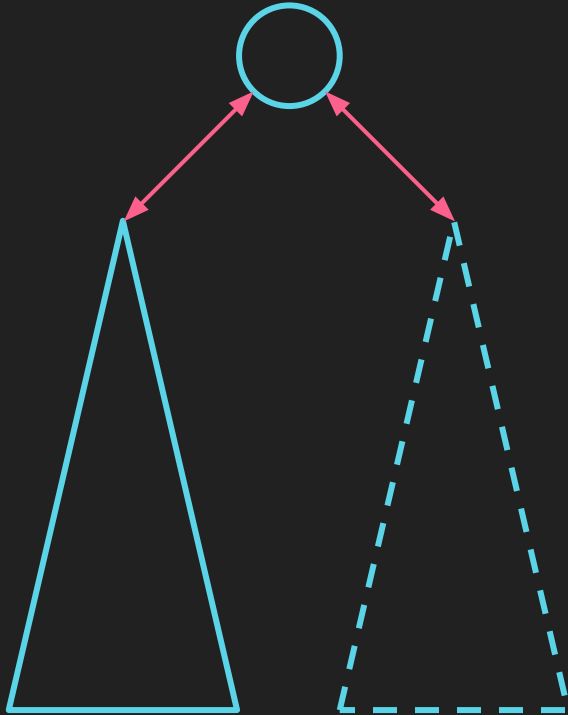
Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

`insertion_parent` - padre del insertado



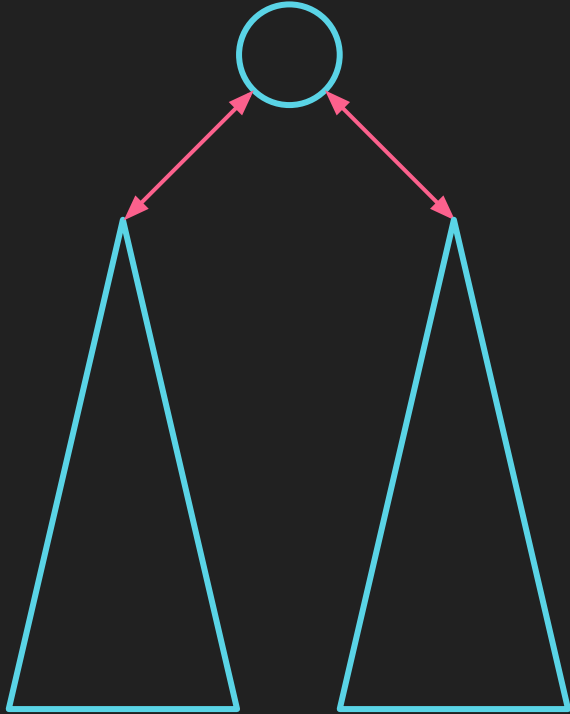
Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

`insertion_parent` - padre del insertado



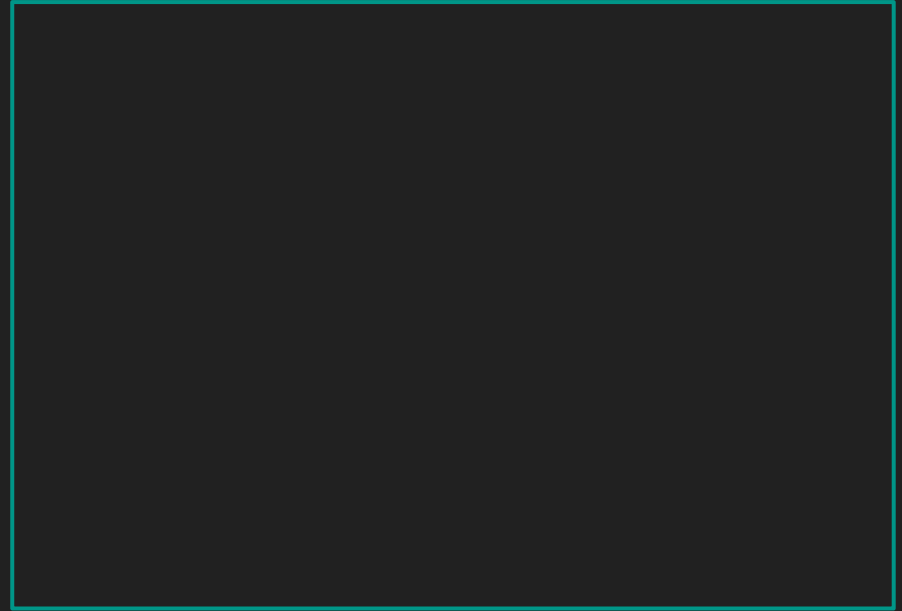
Caso 5: El hijo derecho está incompleto

`insertion_parent` - padre del insertado

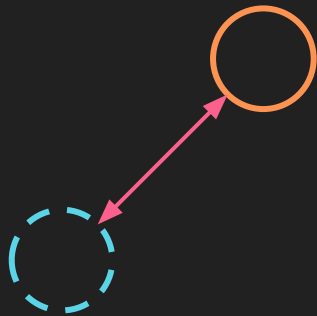


Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

`insertion_parent` - padre del insertado



insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

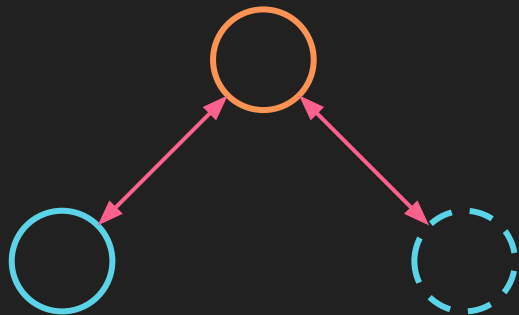
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

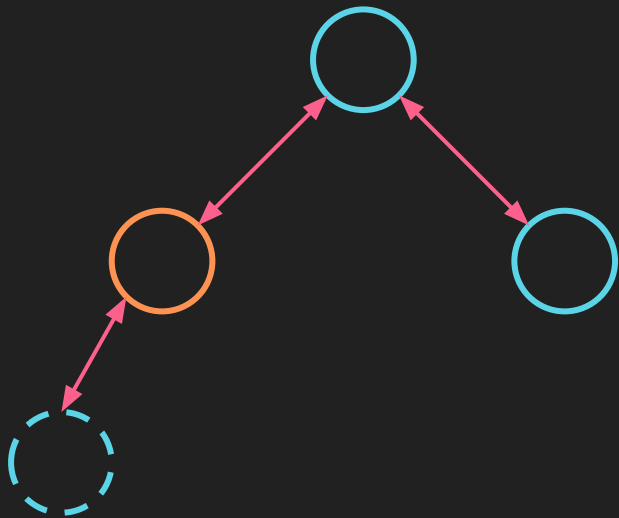
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

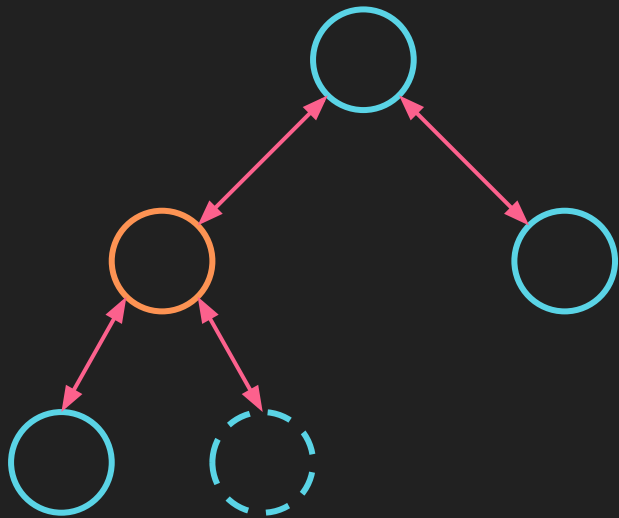
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

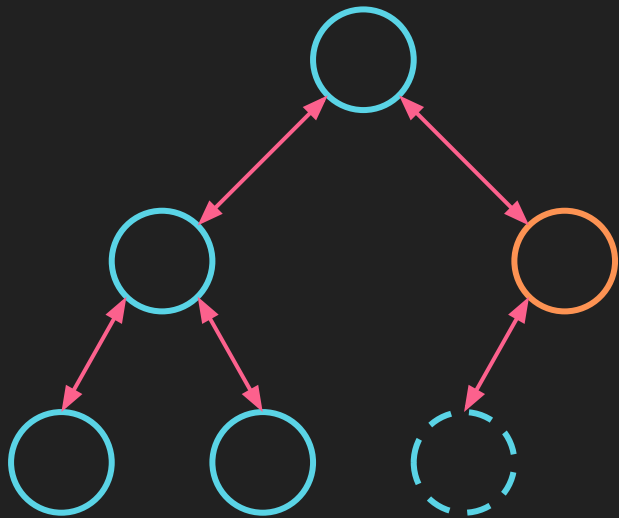
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

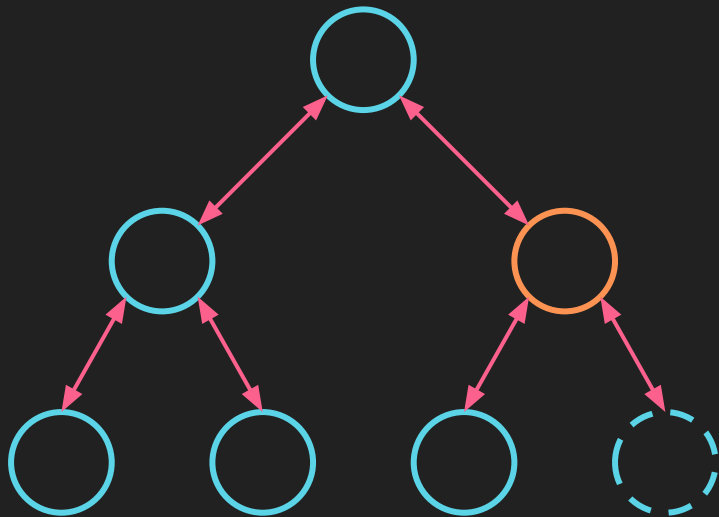
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

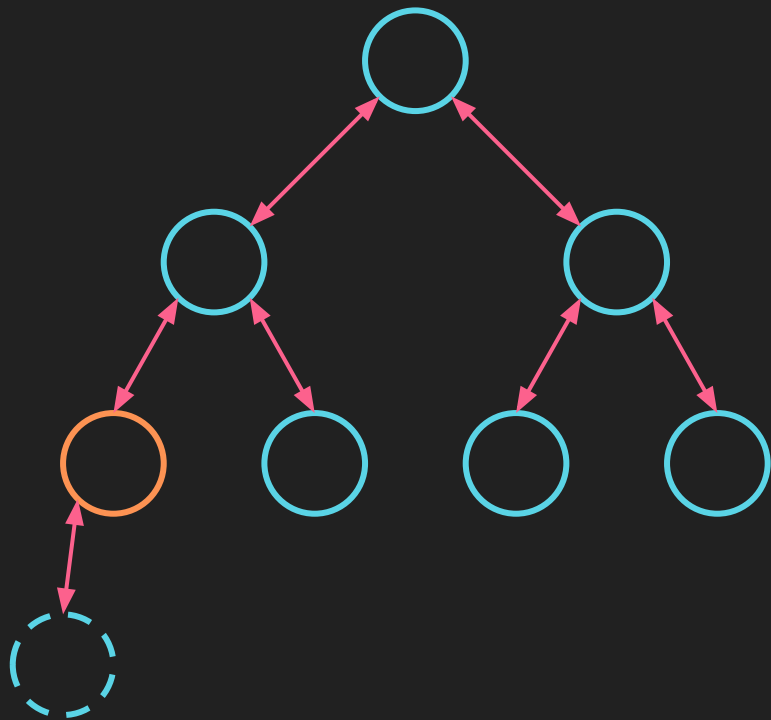
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

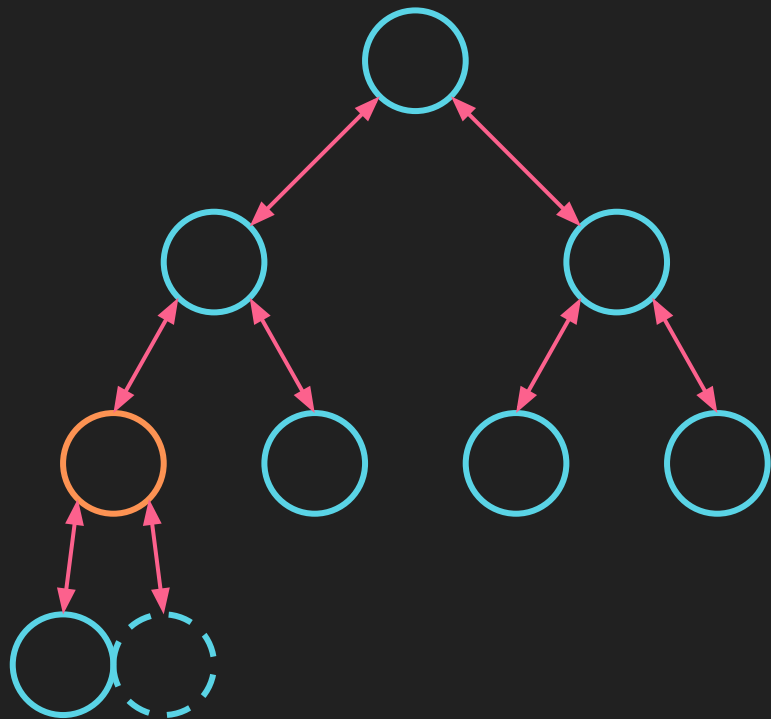
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

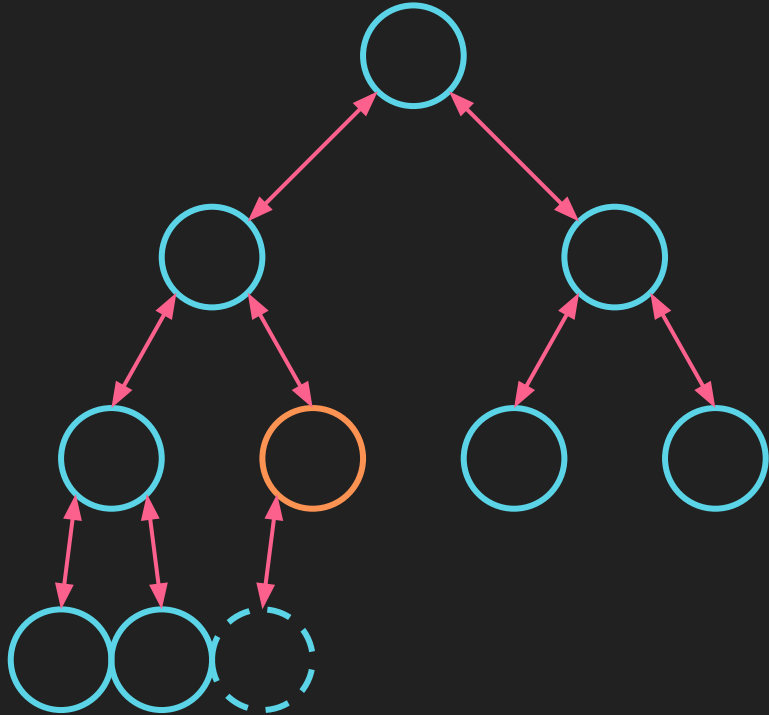
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

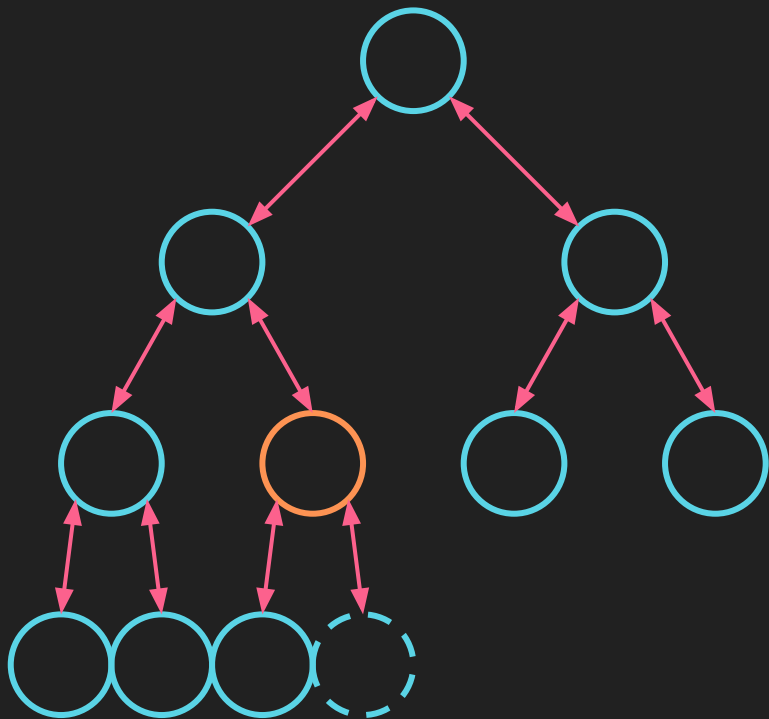
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

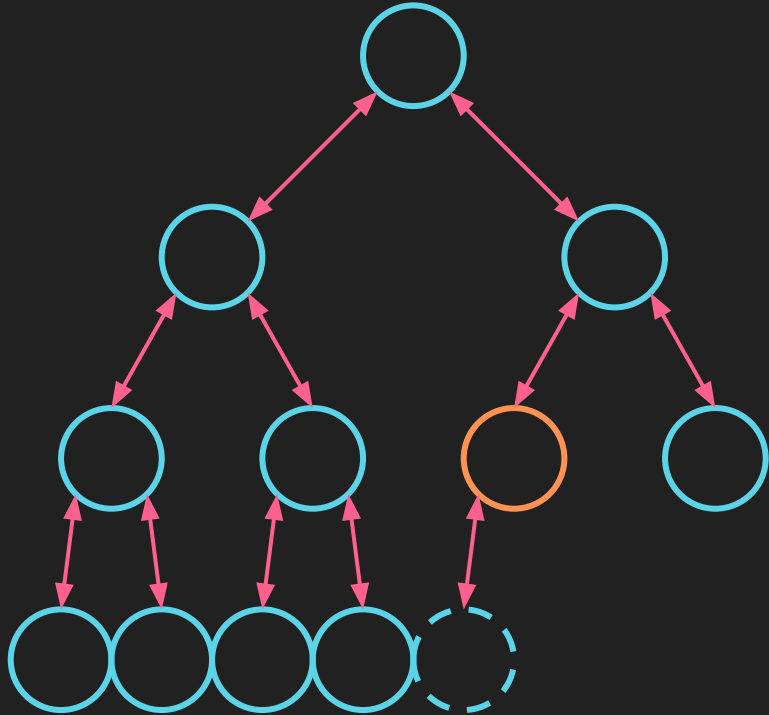
Caso 5: El hijo derecho está incompleto

```
insertion_parent - padre del insertado
```



Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

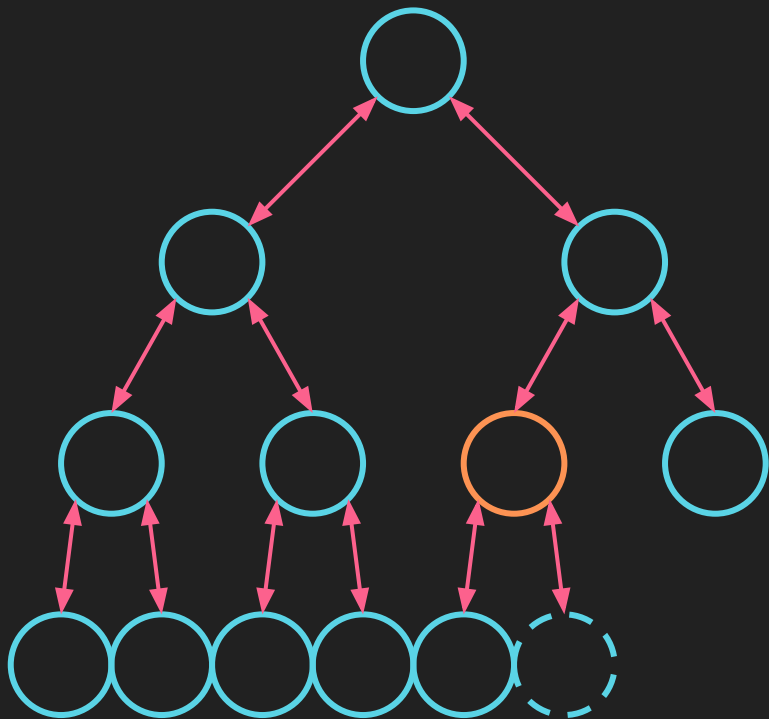
Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

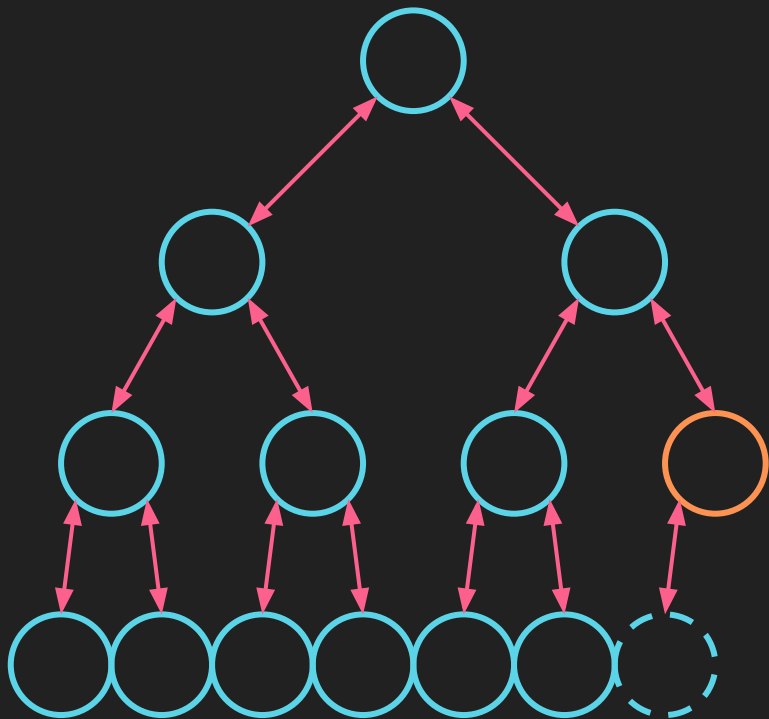
Caso 5: El hijo derecho está incompleto

```
insertion_parent - padre del insertado
```



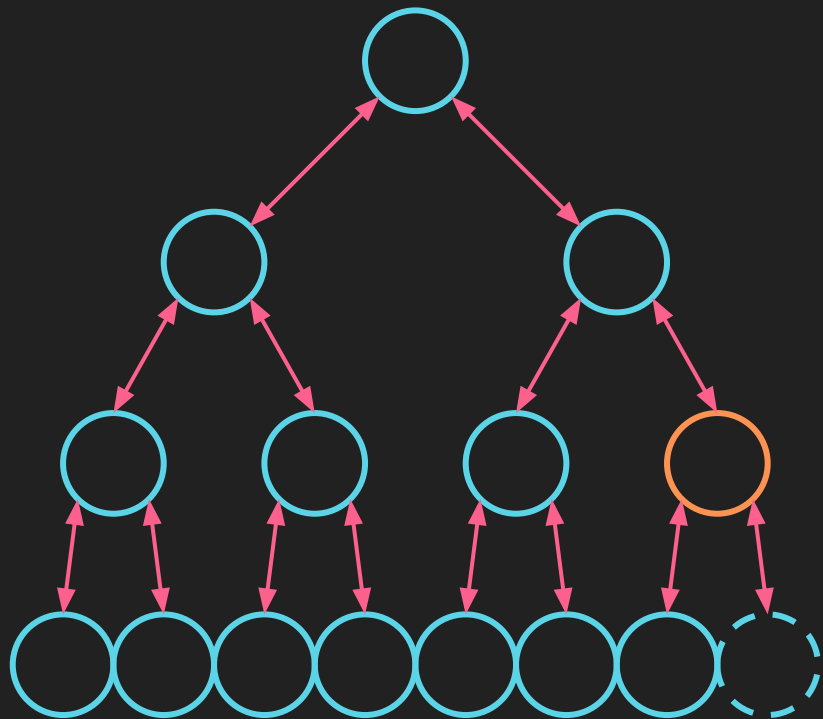
Caso 5: El hijo derecho está incompleto

```
insertion_parent - padre del insertado
```



Caso 5: El hijo derecho está incompleto

insertion_parent - padre del insertado



Caso 1: Heap no tiene 2 hijos

Caso 2: Ambos hijos están completos y son de la misma altura

Caso 3: El hijo izquierdo está incompleto

Caso 4: Ambos hijos están completos pero son de distinta altura

Caso 5: El hijo derecho está incompleto

is_complete

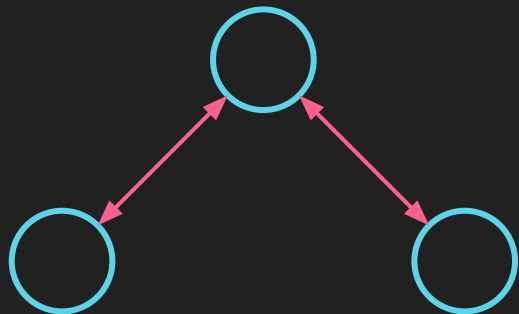


```
height = 1
```

```
count = 1
```

```
count == pow(2, height) - 1
```


is_complete

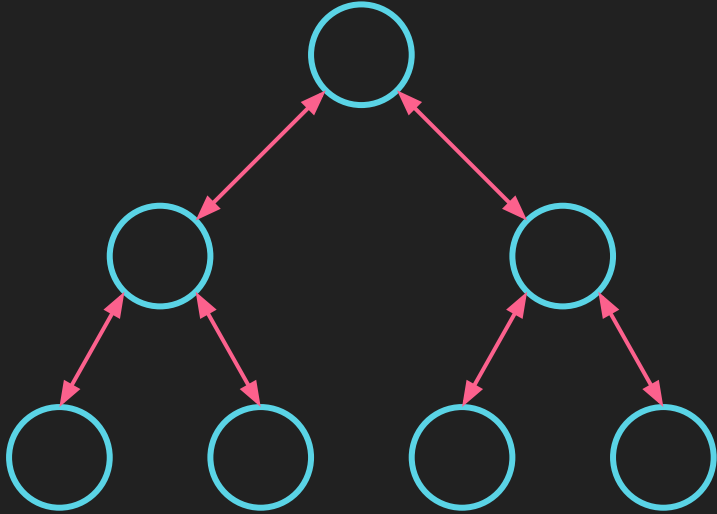


height = 2

count = 3

count == pow(2, height) - 1

is_complete

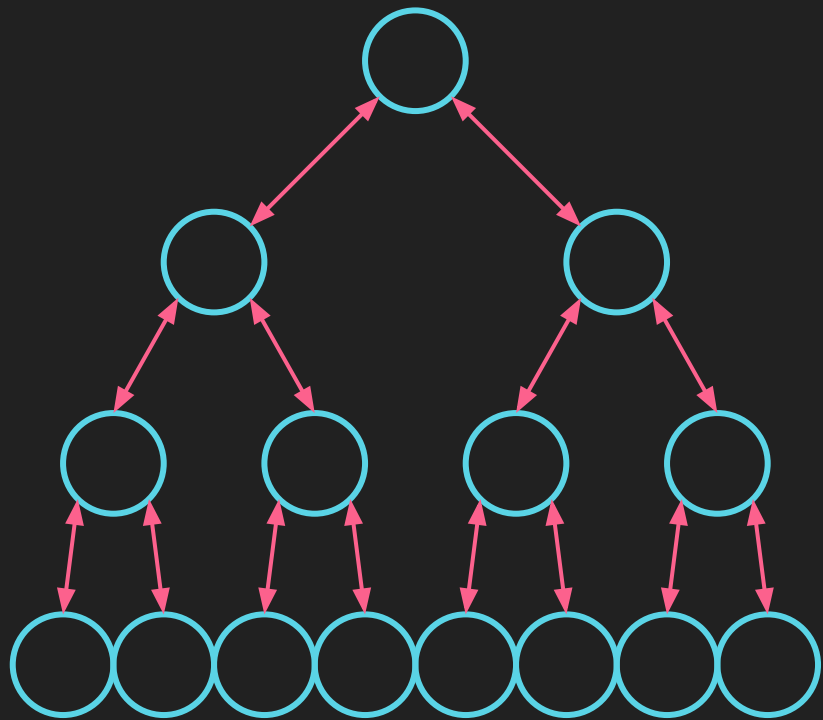


height = 3

count = 7

count == pow(2, height) - 1

is_complete



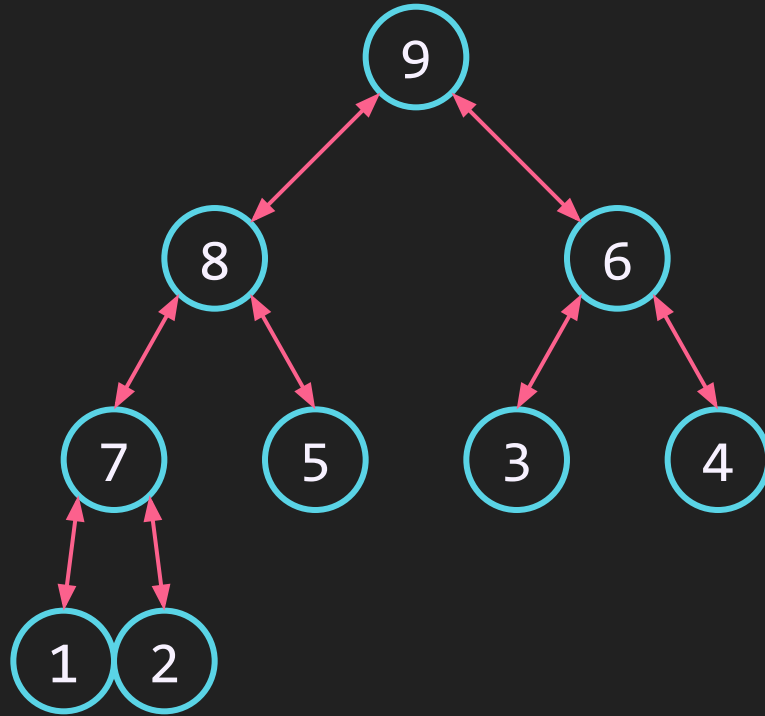
height = 4

count = 15

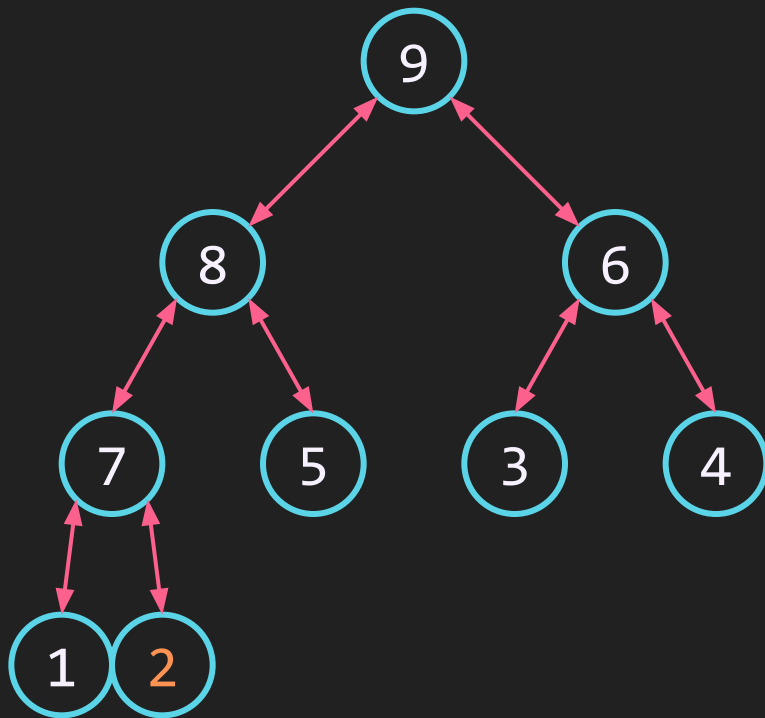
count == pow(2, height) - 1

heap_extract

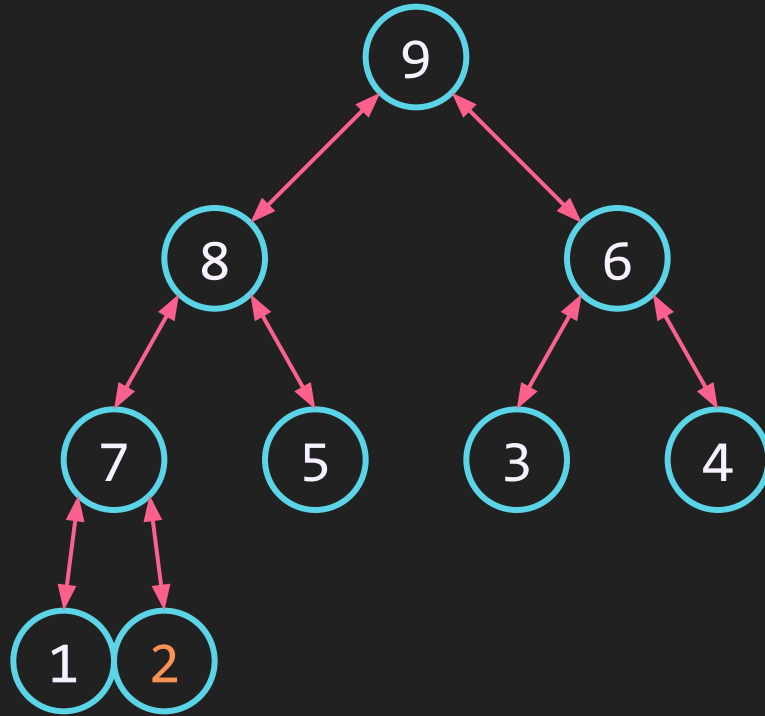
heap_extract((9))



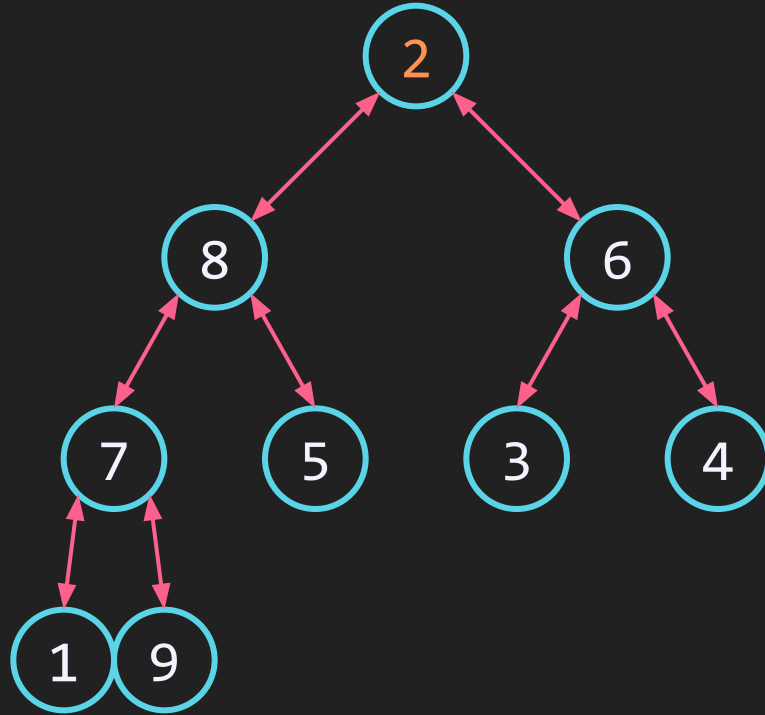
$\textcircled{2} = \text{extraction_replacement}(\textcircled{9})$



swap(2, 9)

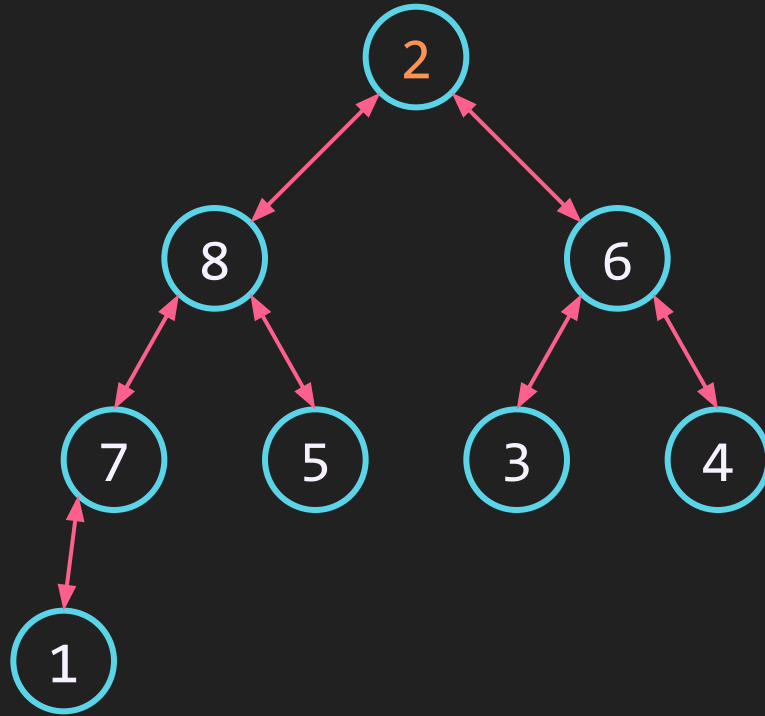


```
best = 9.priority, delete(9)
```



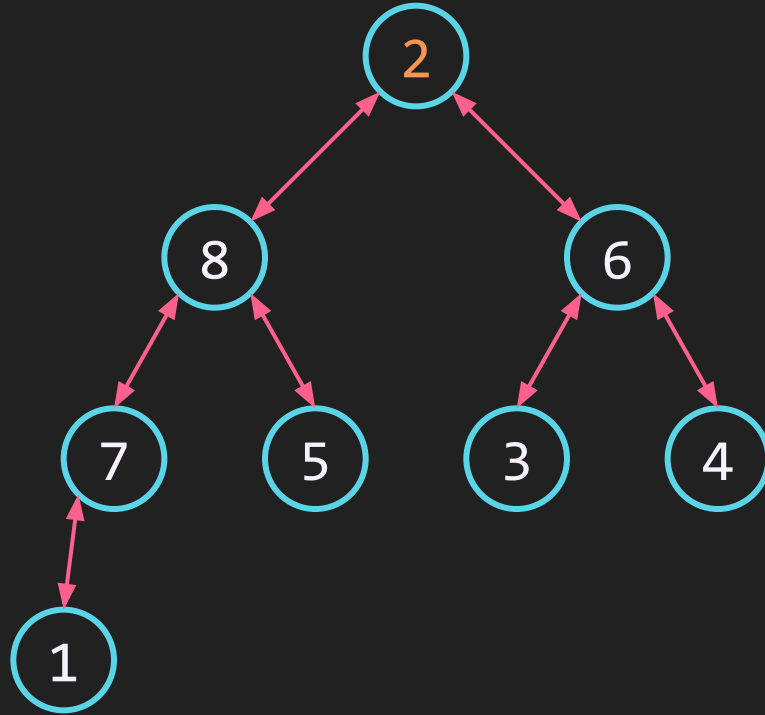
best = 9.priority, delete(9)

9
best



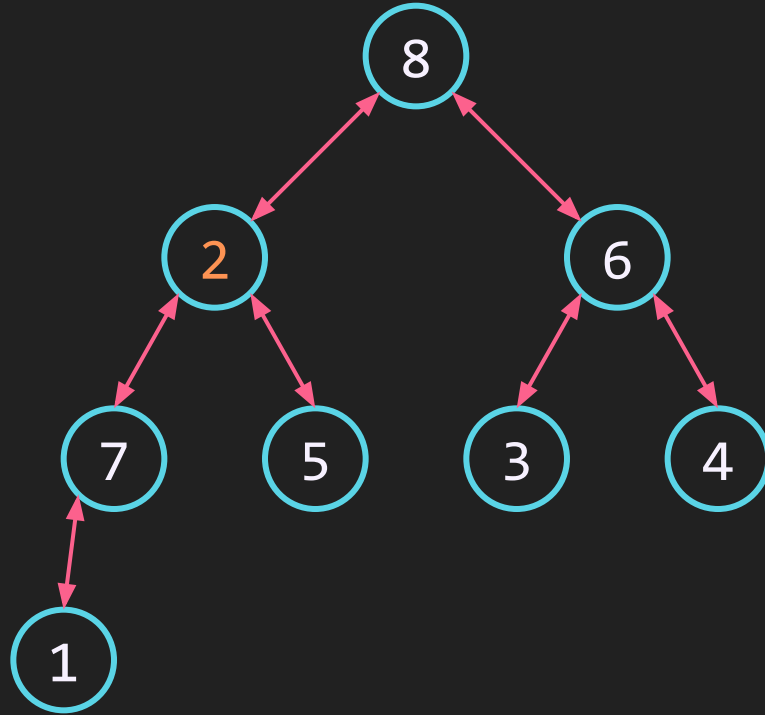
sift_down(**2**)

9
best



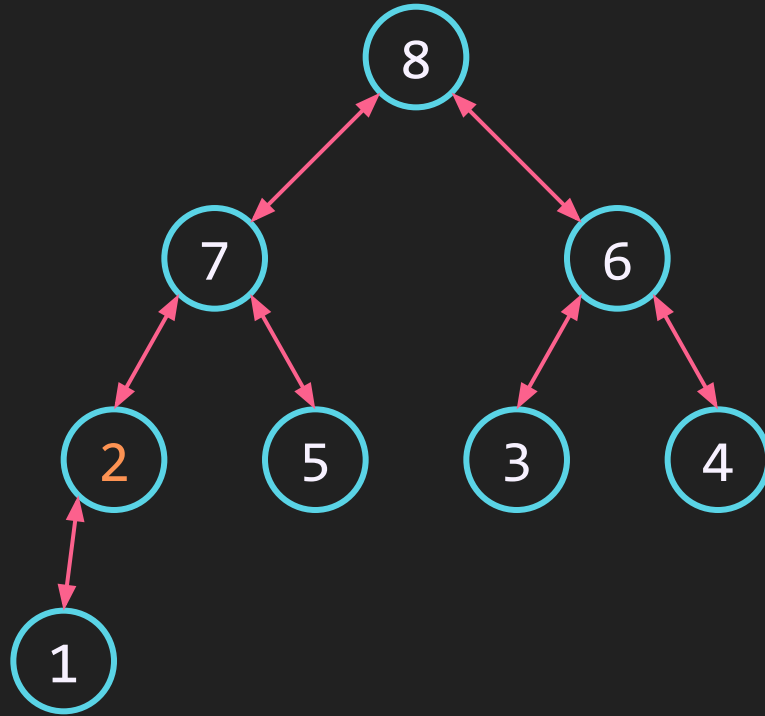
sift_down(**2**)

9
best



sift_down(**2**)

9
best



done, return best

9
best

