## MATEMÁTICA 3 – 1° CUATRIMESTRE 2024 2° PARCIAL – 1° FECHA (03/07/2024)

į,	Apelli	ido y	nor	nbro	»:															**		
1)	pue 20 r	den :	remo	vers	e, o	ros	no se	pue	den	rem	over.	Elı	núme	ero d	e de	fecto	s no	rem	ovib	les p	para (	ores y una de
	500	3	2	1	2	4	3	1	2	1	2	0	2	5	2	2	0	4	3	1	1	

- a) Suponga que el número de defectos por pantalla sigue una distribución Poisson con parámetro λ desconocido. Hallar el EMV de λ.
- **b)** Hallar la estimación de λ para los datos dados.

Nº de alumno: .....

- c) Hallar la estimación de la probabilidad de que el número de defectos en una pantalla sea a lo sumo 1.
- 2) Para probar la eficacia de los empaques de protección, una compañía envió 1200 órdenes con un empaque ligero común y 1500 órdenes con un empaque de gran resistencia. De las órdenes enviadas con el empaque ligero, 20 llegaron deterioradas, mientras que de las órdenes enviadas con el otro empaque, 15 llegaron deterioradas. ¿Puede concluir que el empaque de gran resistencia reduce la proporción de órdenes deterioradas? . Decida con el p-valor.
- 3) Se afirma que una nueva dieta reducirá en 4.5 kg. el peso de un individuo, en promedio, en un lapso de dos semanas. Los pesos de 7 mujeres que siguieron esta dieta se registraron antes y después de un período de 2 semanas:

Mujer	1	2	3	4	5	6	7	
Peso antes	58.5	60.3	61.7	69.0	64.0	62.6	56.7	
Peso después	60.0	54.9	58.1	62.1	58.5	59.9	54.4	

Calcule un intervalo de confianza de 95% para la diferencia media en el peso. Suponga que las diferencias de los pesos se distribuyen de forma normal. Utilizando dicho intervalo, ¿qué puede concluir sobre la nueva dieta?, ¿Cuál es el nivel de significancia del test?.

- 4) Un negocio de fotocopiado registra que en n = 64 casos el cartucho de la máquina fotocopiadora dura un promedio de 18300 copias con una desviación estándar de 2800 copias.
  - a) Obtenga un intervalo de confianza del 95 % para la media verdadera μ del número de copias antes de necesitar un nuevo cartucho para la fotocopiadora.
  - b) ¿se encuentra  $\mu$  en el intervalo que obtuvo en la parte a)?, Explique.
- 5) En una muestra de 30 focos, la desviación estándar muestral de la duración de un foco es de 12.6 horas. Suponga que los datos provienen de una población normal.
  - a) Calcule un intervalo de confianza de 95% para la varianza de la duración del foco.
  - b) Calcule un intervalo de confianza de 95% para la desviación estándar de la duración del foco

3/7/24 (Matemática III) The de defectos no remonsibles en la pantallai"  $x_i \sim P(\lambda)$   $x_i \sim P(\lambda)$ A) EHU de  $\lambda$ . independencia  $f(x_i, x_2, -x_m \lambda) = \prod_{i=1}^m f(x_i, \lambda) = \prod_{i=4}^m \frac{e^{-\lambda} \lambda i}{x_i!} = \frac{e^{-m\lambda}}{\prod_{i=1}^m x_i!}$ · ln(f) = -m/ln(e) + = xi ln(1) - ln(=xi) =-m1 + \(\frac{\mathbb{E}}{2} \times \ln(\lambda) - \(\frac{\mathbb{E}}{2} \ln(\times \lambda \l)  $\frac{d \ln(f) = -m}{d \lambda} + \frac{2}{\lambda} \frac{x_i}{\lambda} = 0 \rightarrow \begin{cases} 1 = x \\ 1 = x \end{cases}$  Estimador 6) { 1 = 2,05 } Estimación  $P(X \leq 1) = f(0) + f(1) = e^{-\lambda} (1 + \lambda) = e^{-\lambda} (1 + \lambda) = e^{-\lambda} (1 + \lambda) = 0,3926$ 2) X = "n= de ordenes déterioradas con el empaque ligero entre 1200" X N B (m, pi) m,=1200  $\hat{P}_1 = \frac{X}{\Gamma_1} = \frac{20}{1200} = 0,016$ Y='n= de órdenes deterioradas con el empaque de gran resistencia entre 1500' YN B(nz, pz)  $\hat{p} = \frac{X+Y}{n_1+n_2} = \frac{35}{2700} = 0,01296$  $\hat{p}_2 = \frac{y}{n_2} = \frac{15}{1500} = 0,01$ · H1: P2 ( P1 Hz: Pi-P2>0 Test unilateral · Ho: P1-P2=0 Est. de prueba:  $Z = \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2 - o}{\hat{p}_1 - \hat{p}_1 + \frac{1}{n_2}} \approx N(0,1)$ bajo to · P-valor= P(Z) = P(Z) 2005)= P(Z) 1,52) 2 0,064 Rech Ho si p-valor <0,05. Rechto si p-valor suficiente evidencia como dio mayor. No tengo suficiente evidencia como dio mayor. No tengo suficiente evidencia para afirmar que el empaque de gran resisten para afirmar que el empaque de gran resisten de orden

después . - - " " =+ -, m 3) X; ="peso de la mujeri (Kg)

/\* =

E(X;)=4, E(Y;)=42 Di= Xr - Yr ~ N(ng; egs) ng = n1-ns 1-4=0,95 Di -1,5 5,4 3,6 6,9 5,5 2,7 3,3 a) Ic(ud) = D = ta/2, n-1. Sd · D = 3,557 · to,025/=3,444 (Ic(nd)= [0,98978, 6,1245]) b) Hb: Jud = 4,5 H3: M1 +4,5 = 5d = 2,776 | d = 0,000 | Rech Ho si 4,5 of Ic (ud) Test bilateral 4,5 6 IC("11). No tengo evidencia suficiente para afirmar que la dieta funciona 4)  $X_i \stackrel{!}{=} n_i$  de copias antes de necesitar un nuevo cartucho  $X_i \stackrel{!}{=} n_i$  de copias antes de necesitar un nuevo cartucho Distr. desconocida X = 18300 S= 2800  $E(X_i) = \mu$  1-20,95  $\frac{1}{2000}$   $\frac{1}{$ 6) No lo sabemos. El intervalo aleatorio fue construido con el 95% de confianza 5) X: "duración del foco i (hs)" :=1,-, m m=30 X: N(N, 5²) S=12,6 1-d=0,95 a) Ic  $(6^2) = [(m-1)5^2, (m-1)5^2]$   $\chi^2_{0,025;29} = 45,7222$   $\chi^2_{0,975;29} = 16,041$ (IC(G²)=[100,6959; 286,9097)]