Matemática Tres- Segundo Cuatrimestre 2020

Resolución del segundo parcial- Segunda fecha

1)

Sea $X_1,...,X_n$ muestra aleatoria de una v.a. X continua con densidad $f(x)=\begin{cases} \frac{1}{\theta}e^{-\frac{1}{\theta}x} & x>0\\ 0 & c.c. \end{cases}$

El E.M.V. de θ , es $\frac{1}{\bar{X}}$

El E.M.V. de θ , es $\frac{1}{2\bar{X}}$

Opción 1

Opción 2

El E.M.V. de θ , es \bar{X}

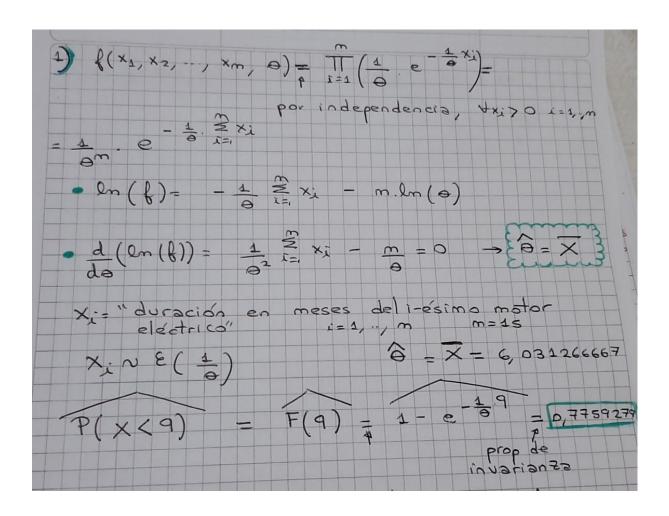
La duracion en meses de un motor electrico es una v.a. X con la densidad dada. Se mide la duracion en meses de 15 motores: 5.178, 0.848, 11.244, 3.920, 13.342, 3.424, 1.879, 2.001, 0.677, 13.254, 4.556, 1.941, 3.314, 12.074, 12.817La estimacion de maxima verosimilitud de P(X < 9), para esta muestra es 0.775127

Opción 3

Opción 4

La duración en meses de un motor electrico es una v.a. X con la densidad dada Se mide la duración en meses de 15 motores 5.178, 0.848, 11,244, 3.920, 13,342, 3,424, 1.879, 2.001, 0.677, 13,254, 4,556, 1.941, 3,314, 12,074, 12,817. La estimación de maxima veresimilitud deP(X < 9), para esta murestra es 0.5534

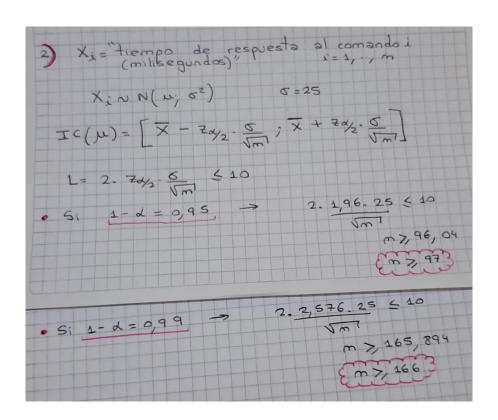
Opción 5



10 puntos

Un intensivo monitoreo de un sistema de tiempo compartido de computadoras sugiere que el tiempo de respuesta a un comando de edición particular está normalmente distribuido con desviación estándar de 25 milisegundos. Se instaló un nuevo sistema operativo y se desea estimar el tiempo de respuesta promedio verdadero en el nuevo entorno. Suponiendo que los tiempos de respuesta siguen estando normalmente distribuidos con σ = 25, el tamaño de muestra necesario para asegurarse de que : *

	el intervalo de confianza de 95% resultante tenga un ancho de (cuando mucho) 10 es 100
~	el intervalo de confianza de 95% resultante tenga un ancho de (cuando mucho) 10 es 97
	el intervalo de confianza de 99% resultante tenga un ancho de (cuando mucho) 10 es 18
~	el intervalo de confianza de 99% resultante tenga un ancho de (cuando mucho) 10 es 166
	el intervalo de confianza de 99% resultante tenga un ancho de (cuando mucho) 10 es 20



Los datos adjuntos son voltajes de ruptura de circuitos eléctricamente sobrecargados . El voltaje de ruptura está distribuido en forma normal : 1470 1510 1690 1740 1900 2000 2030 2100 2190 2200 2290 2380 2390 2480 2500 2580 2700 . *

10 puntos

~	El intervalo de confianza para la varianza de 95% es (76 172.3 , 318 064.4)
~	El intervalo de confianza de 95% para la desviación estándar es (276.0 , 564.0)
	El intervalo de confianza para la varianza de 90% es (76 172.3 , 318 064.4)
	El intervalo de confianza de 90% para la desviación estándar es (276.0 , 564.0)
	El intervalo de confianza para la varianza de 99% es (76 172.3 , 318 064.4)

3	X = "voltaje d	de ruptura del circuitai" i=1,-,m
H	11/10/10/0	m = 44
1	S = 370, 572	28872 S ² = 137 324, 2647
0	1-d=0,95	X ² 0,025(16)= 28,845
		X ² 0,975 (16) = 6,908
	IC(62) = [($(m-1)5^2$; $(m-1)5^2$ $\chi^2_{4_2}(n-1)$ $\chi^2_{1-4_2}(n-1)$
		$\chi^2_{4/2}$ (n-1) $\chi^2_{1-4/2}$ (n-1)
	IC(02) - [7	76172,239; 318064,3074]
		Similar a la respuesta 1.3
	IC(S)= [27	5,99 - 563,97] (similar a la)
		gespoesia ?
- 1	- d = 0,90 →	$\chi^2_{0,05}$ (16)= 26,3 $\chi^2_{0,95}$ (16)= 7,96
	IC(62)= [83	543,27891;276028,6728]
		89,038; 525,3843]
1.	-d=0,99, X2	$0,005(16) = 34,3$ $\chi^{2}_{0,995(16) = 5,14}$ $4057,966; 427468,5283]$
4	10(0)- (0)	1034, 100 , 12. 12.

Es importante que las máscaras utilizadas por bomberos sean capaces

de soportar altas temperaturas porque los bomberos comúnmente
trabajan en temperaturas de 200-500°F. En una prueba de un tipo de
máscara, a 11 de 55 máscaras se les desprendió la mica a 250°. Un
intervalo de confianza para la proporción de máscaras verdadera de este
tipo cuya mica se desprendería a 250° es *

- (0.105375; 0.294425) con nivel 95%
 (0.111283; 0.288717) con nivel 90%
 (0.130878; 0.269122) con nivel 99%
 (0.0610701; 0.33893) con nivel 99%
 (0.0610701; 0.33893) con nivel 90%
- 4) X = número de más caras desprendidas entre m? $X \sim B(m; p)$ M = 55 P = X = 11 = 0,2 M = 55 M =

Una muestra de diez camiones diesel fue operada tanto caliente como fría para calcular la diferencia en el ahorro de combustible. Los resultados, en milla/galón, se presentan en la tabla siguiente. Suponiendo que la diferencia de los millajes es normal, un intervalo de confianza para la diferencia en la media del millaje de combustible entre motores calientes y fríos es *

Car	nion	Caliente	Frio
	1	4.56	4.26
	2	4.46	4.08
3	3	6.49	5.83
8	4	5.37	4.96
	5	6.25	5.87
- 3	6	5.90	5.32
3.5	7	4.12	3.92
3	8	3.85	3.69
	9	4.15	3.74
1	10	4.69	4.19
	(0.258	983 ; 0.5370	17) con nivel 90%
~	(0.258	983 ; 0.5370	17) con nivel 98%
	(0.283	179 ; 0.5128	21) con nivel 99%
	(0.301	413 ; 0.4945	87) con nivel 95%
~	(0.286	53 ; 0.50947)	con nivel 95%

5) IC(ud) = [D - tay2 (n-1) Sd . D + tay2 Sd]
$m=10$ $\overline{D}=0,398$ $S_d=0,15583467$
$5: 1-\lambda = 0,90 \rightarrow t_{0,05}(9) = 1,833$ $TC(u_d) = [0,30767,0,488328864]$
IC(ud) = [0,258983; 0,537017]
• Si $1-\lambda=0,99$ \rightarrow $t_{0,005}(9)=3,25$ $TC(u_{0})=[0,23784;0,558157]$
St 1-d=0,95 -> to,025(9) = 2,262 IC(Ud) = [0,28653.0,50947]

Antes de que una sustancia se pueda considerar segura para enterrarse 10 puntos como residuo se deben caracterizar sus propiedades químicas. En una de seis muestras de lodo de una planta de tratamiento de agua residual, la media del pH era 6.68 con desviación estándar de 0.20. Suponga que los datos provienen de una población normal. Se quiere probar que la media del pH es menor de 7.0 *

	el p-valor es aproximadamente cero
~	el valor del estadístico de prueba es - 3.919
~	el p-valor es mayor que 0.005 y menor que 0.01
	el p-valor es mayor que 0.02
	el estadistico de prueba toma el valor - 2.34

6) Xi= "ivel de pten la muestra de ladai"
$\times_{i} \sim N(u, 6^{2})$ $m = 6 \times = 6,68 = 0,2$
Ho: $\mu = 7$ Ho: $\mu < 7$. Test unilateral
$T = \overline{X} - \overline{7}$ $N + (s)$ bajo Ho
$-7_0 = 6,68 - 7 = -3,919$ $9,2/\sqrt{6}$
P-valor = P(T < -3,919) = P(T > 3,919) por simetria.
Tabla de valores críticos de student
> 0,005 (p-valor < 0,01

10 punt

Se compara las propiedades de soldaduras hechas con dióxido de carbono como gas de protección con respecto a las de soldaduras hechas mediante una mezcla de argón y dióxido de carbono. Una propiedad estudiada era el diámetro de inclusiones, que son partículas incrustadas en la soldadura. Una muestra de 544 inclusiones en soldaduras hechas al usar argón como protección tiene un diámetro promedio de 0.37 mm, con desviación estándar de 0.25 mm. Una muestra de 581 inclusiones en soldaduras hechas al emplear dióxido de carbono como protección tiene diámetro promedio de 0.40 mm, con desviación estándar de 0.26 mm. Suponga que las poblaciones son independientes. Se quiere probar que las medias de los diámetros de las inclusiones son diferentes entre los dos gases de protección *

	el test es unilateral a derecha
	el test es unilateral a izquierda
~	el estadístico de prueba toma el valor - 1.97
	el p-valor es mayor que 0.005 y menor que 0.01 y se acepta Ho
~	el p-valor es 0.0488 y por lo tanto se rechaza H0

7) $X_{i} = \text{diametro}$ de la soldadura i con argón $(mm)^{n}$ $m_{i} = 544$ X = 0.37 $S_{1} = 0.25$ $Y_{i} = \text{diametro}$ de la soldadura i con discido de carbosa $(mm)^{n}$ $i = 1, ..., m_{2}$ $m_{2} = 531$ $i = 1, ..., m_{2}$ $i = 1, ..., m_{2}$ i = 1, ...

Se han desarrollado dos métodos para determinar el contenido de níquel 10 puntos del acero. En una muestra de cinco reproducciones del primer método sobre cierta clase de acero, la medición promedio (en porcentaje) fue 3.16 y la desviación estándar 0.042. El promedio delas siete reproducciones del segundo método fue 3.24, y la desviación estándar, 0.048. Suponga que se conoce que las varianzas poblacionales son iguales y las poblaciones son normales e independientes. Se quiere probar que hay diferencia en las mediciones promedio entre los dos métodos *

	el estadístico de prueba toma el valor - 4.65
\checkmark	el estadístico de prueba toma el valor 2.990
\checkmark	el p-valor es mayor que 0.01 y menor que 0.02
	el tes es unilateral
	el p-valor es mayor que 0.005 y menor que 0.02

3) $X_{i} N N(u_{ij}G_{i}^{2})$ $m_{i} = 5$ $X = 3,16$ $S_{i} = 0,042$ $G_{i}^{2} = G_{2}^{2}$ $X_{i} \times Y_{i} = 0$ $M_{i} = M_{2}$ $M_{i} = M_{2}$	Ho Ho to the total
$Sp = \begin{cases} Sp^{2} = \begin{cases} (n_{1}-1)S_{1}^{2} + (n_{2}-1)S_{2}^{2} \\ n_{1}+n_{2}-2 \end{cases}$	= \(\int_{0,002088} = 0,0456946\)
o to = +2,989979 o prvalor = P(T > 2,90 grados de libertad: 10	
Mirando en tabla 2. 0,005 p-valor 0,01	42.001 bilaterel

En una serie de experimentos para determinar la tasa de absorción de ciertos pesticidas en la piel se aplicaron cantidades medidas de dos pesticidas a algunos especimenes de piel. Después de un tiempo se midieron las cantidades absorbidas (en mg). Para el pesticida A la varianza de las cantidades absorbidas en seis muestras fue de 2.3, mientras que para el B, la varianza de las cantidades absorbidas en diez especimenes fue de 0.6. Suponga que para cada pesticida las cantidades absorbidas constituyen una muestra aleatoria simple de una población normal y que las poblaciones son independientes. Se quiere probar que la varianza en la cantidad absorbida es mayor para el

10 puntos

Si σ_A^2 es la varianza para el pesticida A y σ_B^2 es la varianza para el pesticida B, la hipotesis mula es $H_0: \frac{\sigma_A^2}{\sigma_B^2} \leqslant 1$

pesticida A que para el B *

el estadistico de prueba toma el valor 3.83 y se rechaza H_0 con significancia 0.05

Opción 1



Opción 2

Si σ_A^2 es la varianza para el pesticida A y σ_B^2 es la varianza para el pesticida B, la hipotesis nula es $H_0: \frac{\sigma_A^2}{\sigma_B^2} \geqslant 1$

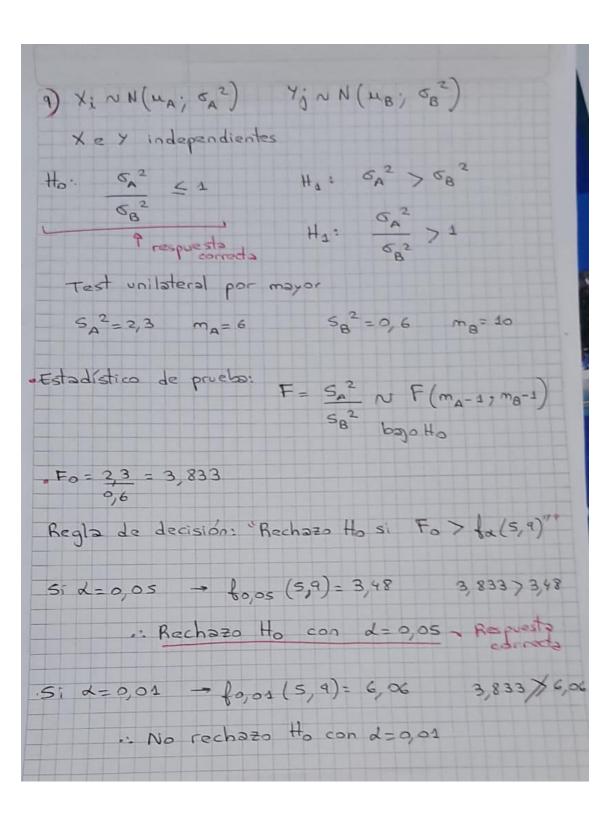
el estadistico de prueba toma el valor 3.83 y se rechaza H_0 con significancia 0.01

Opción 3

Opción 4

el estadistico de prueba toma el valor 6.43

Opción 5



Un fabricante de baterías para automóvil afirma que la duración de sus baterías se distribuye de forma normal con una desviación estándar igual a 0.9 años. Si una muestra aleatoria de 10 de tales baterías tiene una desviación estándar de 1.2 años, se quiere probar que σ > 0.9 años. Utilizando un nivel de significancia de 0.05: *

~	la región critica corresponde a los valores mayores a 16.919
~	el estadístico de prueba toma el valor 16.0 y se acepta H0
	el estadístico de prueba toma el valor 27.8
	la región critica corresponde a los valores mayores a 19.022 y menores que 2.7003
	el test es bilateral

m=10 Xi NN(m; 02)	i strated al	" (años) i=1,7m ? S=4,2
Ho: 0=0,9		5>0,9.
Test unilateral		111111111111111111111111111111111111111
· Est. de prueba: X	$= (m-1).5^2$	× (n-1) bajo Ho
Xo:	9.1,22 = 10	6 - "Acepto" Ho.
, Zona de rechazo:	× > ×	$\binom{2}{2}\binom{n-1}{2}$ $\binom{2}{0,05}\binom{q}{q} = 16,919$