

多项式函数库



主要内容

多项式的四则运算

多项式求导、求根和求值

多项式拟合

线性微分方程的解



1. 多项式的四则运算

1.1 多项式的表示

用各幂次前的系数向量表示，从高到低。

$$a(x) = a_1 x^n + a_2 x^{n-1} + \cdots + a_n x + a_{n+1}$$

$$\mathbf{a} = [\mathbf{a}(1), \mathbf{a}(2), \dots, \mathbf{a}(n), \mathbf{a}(n+1)]$$

注意： 零系数不能省去。

$$a(x) = x^3 + 2x^2 + 1 \quad \mathbf{a} = [1, 2, 0, 1]$$

$$b(x) = x^2 + 2x + 1 \quad \mathbf{b} = [1, 2, 1]$$



1. 多项式的四则运算

1.1 多项式的运算

♥ 多项式相加: $\mathbf{a+b}$

注意: 长度必须相同, 短的在**前面**以“0”
补齐。

♥ 多项式相乘: $\mathbf{conv(a,b)}$

♥ 多项式相除: $\mathbf{[q,r]=deconv(a,b)}$

q: 商式

r: 余子式

注意: \mathbf{a} 是分子, \mathbf{b} 是分母, 分母系数
向量的第一位不能为零。



1. 多项式的四则运算

例5. 2-1 $a(x) = 2x^3 + 4x^2 + 6x + 8$

$$b(x) = 3x^2 + 6x + 9$$

$$a=[2, 4, 6, 8]$$

$$b=[3, 6, 9]$$

$$c=a+[0, b]$$

$$d=\text{conv}(a,b)$$

$$[q,r]=\text{deconv}(d,a)$$

$$[q,r]=\text{deconv}(a,b)$$



2. 多项式求导、求根和求值

- ♥ 多项式求导: **polyder(a)**
- ♥ 多项式求根: **roots(a)**
- ♥ 由根求多项式系数: **poly(a)**
- ♥ 多项式求值: **polyval(a,xv)**

给多项式a中的自变量x赋予值xv。



2. 多项式求导、求根和求值

例5. 2-2 $a(x) = 2x^3 + 4x^2 + 6x + 8$

`a=[2, 4, 6, 8]`

`a1=polyder(a)`

`a2=roots(a)`

`a3=poly(a2)`

`a4=polyval(a,1)`



3. 多项式拟合

拟合：根据一组已知的数据找到其数学表达式。

拟合方法：使方差最小，应用最小二乘法。

$p = \text{polyfit}(x, y, n)$

x, y 是已知的 N 个数据点坐标向量， n 是拟合的多项式次数， p 是求出的多项式系数向量。



3. 多项式拟合

例5. 2-3 在11个点 ($x=0:0.1:1$) 上测得的数值为
 $y=[0.447, 1.978, 3.28, 6.16, 7.01, 7.32, 7.66,$
 $9.56, 9.48, 9.30, 11.2]$

试用最小二乘法求拟合曲线。

线性拟合程序

```
a1=polyfit(x,y,1);  
yi1=polyval(a1,xi);  
plot(x,y,'o',xi,yi1,'b')
```



4. 线性微分方程的解

首先利用**拉普拉斯变换**将线性常微分方程变换为**代数方程**，响应的表达式为s的有理分式。

$$Y(s) = \frac{B(s)}{A(s)}$$

(1) 部分分式展开（假设分母比分子阶数高）

$$[r,p,k]=\text{residue}(b,a)$$

$$Y(s) = \frac{r(1)}{s - p(1)} + \frac{r(2)}{s - p(2)} + \dots$$

(2) 求反变换

$$y(t)=r(1)*\exp(p(1)*t)+ r(2)*\exp(p(2)*t)+ \dots$$

$$y(t) = r(1)e^{p(1)t} + r(2)e^{p(2)t} + \dots$$



