hw1.md 2/28/2022

Hamiltonský cyklus

Matouš Mařík

Let G = (V, E) be an undirected graph. Suggest a propositional formula that is satisfi-

able it and only if G contains a Hamiltonian cycle.

Proměnné:

• $x_{i,j}$... na i-té pozici cyklu je vrchol j \circ tedy $i,j\in 1..|V|$

Podmínky:

1. Každý vrchol musí být v cyklu:

$$orall j: igvee_i x_{i,j}$$

2. Na každé pozici cyklu musí být vrchol:

$$orall i: igvee_j x_{i,j}$$

3. Žádný vrchol se nesmí v cyklu objevit dvakrát:

$$\forall i,j: \forall k > i: \neg x_{i,j} \lor \neg x_{k,j}$$

4. Na každé pozici cyklu může být pouze jeden vrchol:

$$orall i, j: orall k > j:
eg x_{i,j} ee
eg x_{i,k}$$

- 5. Na sousedních pozicích v cyklu můžou být pouze vrcholy spojené hranou:
 - o Pro přehlednost pracuji s následujícími předpoklady:
 - ullet (j,k) se v tomto případě chová jako uspořádaná dvojice, tedy pokud není definována hrana (j,k), pak vzniká podmínka pro (j,k) i pro (k,j)
 - |V| + 1 = 1
 - Tento problém by šel také vyřešit přidáním poslední pozice, na které by musel být stejný vrchol jako na první pozici a na kterou by se nevztahovala podmínka 3

$$orall (j,k)
otin E:
eg x_{i,j} \lor
eg x_{i+1,k}, \ i=1..|V|$$

Výsledná výroková formule vznikne konjunkcí všech těchto podmínek a jelikož každá z nich je klauzulí, tak se bude ve tvaru CNF.