



Análise Sintática

Parte III – Análise Sintática Bottom-Up

Análise Bottom-UP

- A análise sintática bottom-up é conhecida como análise de **empilhar e reduzir**
- A análise gramatical de empilhar e reduzir tenta construir uma árvore gramatical para uma cadeia de entrada
 - Começa pelas folhas (cadeia) e vai em direção à raiz (símbolo inicial da gramática)
 - Podemos pensar neste processo como o de "reduzir" uma cadeia w ao símbolo de partida de uma gramática

Análise Bottom-UP

- A cada passo de **redução**, uma subcadeia particular, que reconheça o **lado direito** de uma produção, é substituída pelo símbolo à **esquerda** daquela produção
 - Se a subcadeia tiver sido escolhida corretamente a cada passo, uma **derivação mais à direita** terá sido rastreada na ordem inversa

Gramática:

1. $E \rightarrow E + T$

2. $E \rightarrow T$

3. $T \rightarrow T * F$

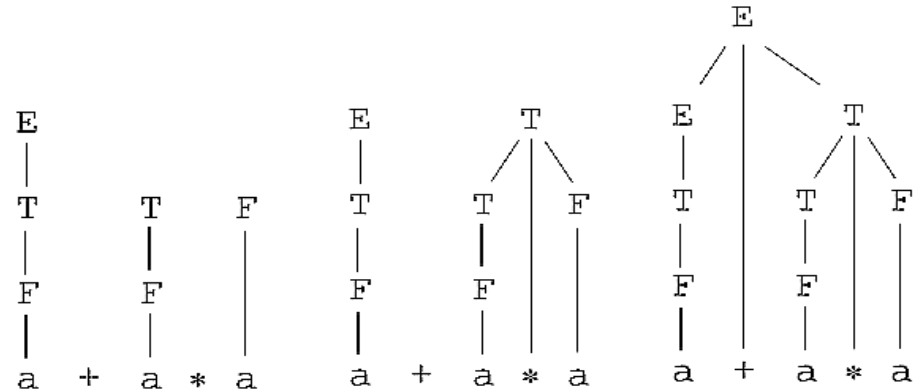
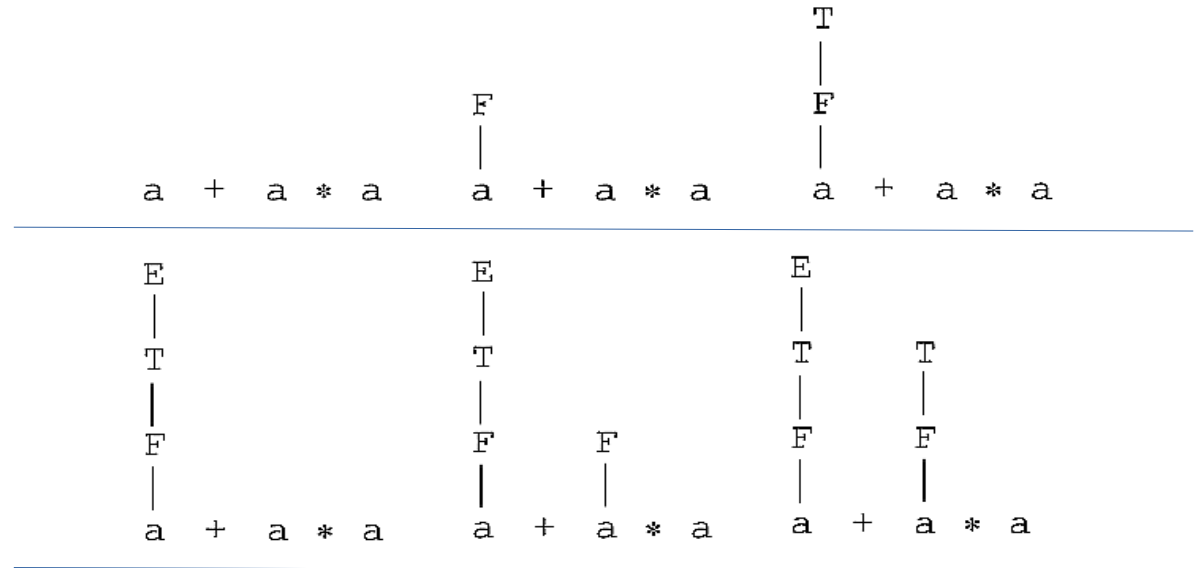
4. $T \rightarrow F$

5. $F \rightarrow (E)$

6. $F \rightarrow a$

Sentença: $a + a * a$

Bottom-up:



$a + a * a \leftarrow F + a * a \leftarrow T + a * a \leftarrow E + a * a \leftarrow E + F * a \leftarrow E + T * a$

Análise Bottom-UP

- A análise ascendente é mais complicada de implementar, tanto para um analisador escrito à mão quanto para geradores
- Mais geral que Top-Down
 - Impõe menos restrições à gramática
 - Por exemplo, recursão à esquerda e prefixos em comum não são problemas para as técnicas de análise ascendente

Reduções

- **Redução:** *substituição do lado direito de uma produção pelo não terminal correspondente (lado esquerdo)*
- A sequência de reduções da análise ascendente equivale a uma **derivação mais à direita**, lida de trás pra frente

Lembrando: Para uma gramática não ambígua, cada entrada só pode ter uma única derivação mais à direita

- Isso quer dizer que a sequência de reduções também é única

- O trabalho do analisador é então achar qual a próxima redução que tem que ser feita a cada passo
 - **Como saber quando fazer a redução?**

Handles (Prefixos Viáveis)

- **Handle:** sequência de símbolos do lado direito da produção, tais que suas reduções levam, no final, ao símbolo inicial da gramática
- Se a gramática não é ambígua então cada forma sentencial à direita tem um *handle único*
 - Veremos no **exemplo 2**
- Simplesmente procurar por regras com lados direitos que casem com o topo da pilha não é o suficiente
 - Veremos no **exemplo 3**

Handles (Prefixos Viáveis)

- **Ponto Fundamental:**

- Como sabemos que achamos um *handle* sem primeiro gerar um monte de derivações?

- **Resposta:**

- Usamos a informação do que já vimos na entrada, o "estado" do parser e a próxima palavra da entrada (*lookahead*)

- Técnicas para construir um AFD para *handles*

- Veremos adiante...

Exemplo 1

Gramática:

List \rightarrow List Pair |

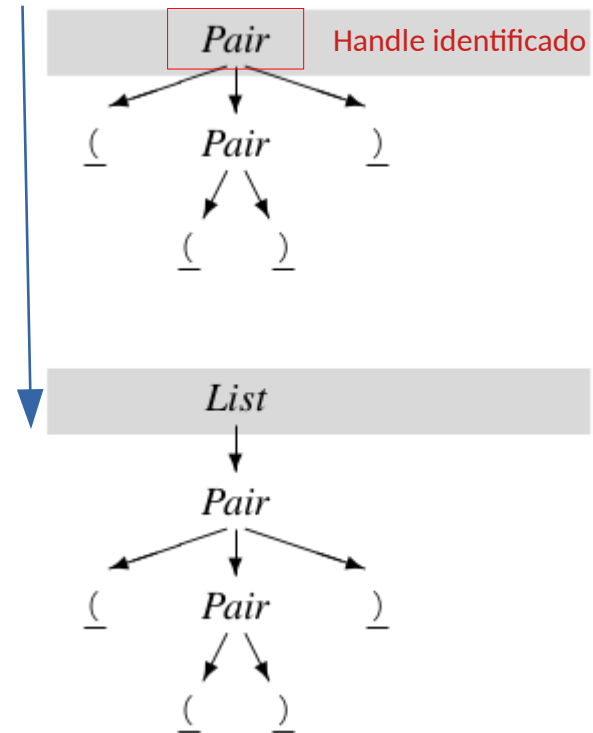
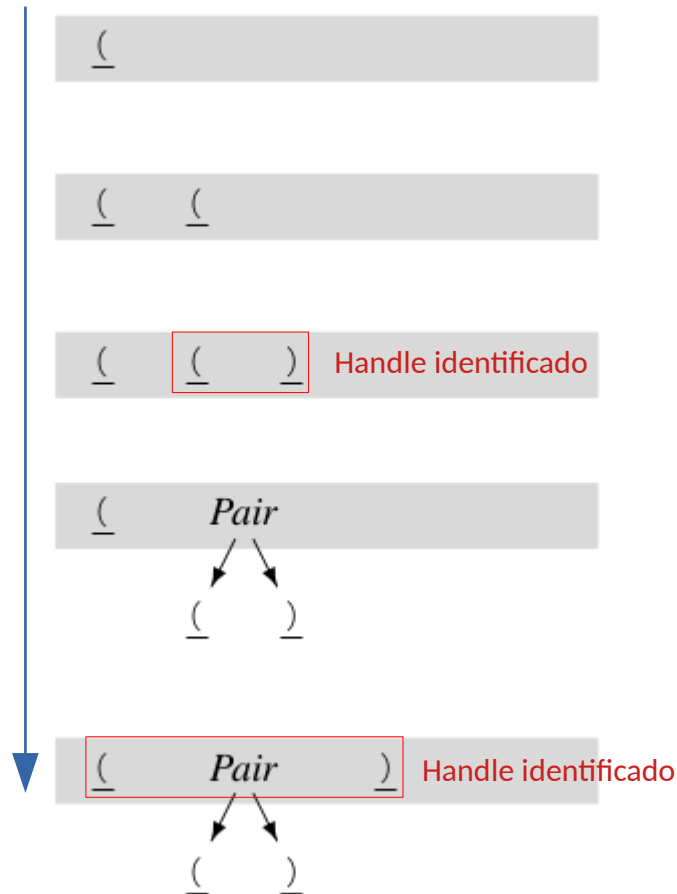
Pair

Pair \rightarrow (Pair) |

()

Sentença:

"(())"



Exemplo 2

Gramática Ambígua:

$E \rightarrow E + E$

$E \rightarrow E * E$

$E \rightarrow id$

Sentença:

"id + id * id"

Duas derivações possíveis!

**Problemas com a escolha do
handle!**

id + id * id

E + id * id

E + E * id

E + E * E

E + E

E

Derivação 1

id + id * id

E + id * id

E + E * id

E + E * E

E * E

E

Derivação 2

Exemplo 3

Gramática

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

Sentença:

"abbcede"

abbcde

aAbcde

“b” nesse caso pode ser um handle?

Exemplo 3

Gramática:

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

Sentença:

"abbcede"

abbcde

aAbcde

aAAcde

aAAcBe

??

“b” nesse caso pode ser um handle?

Não... pois se substituir “b” por “A” não será mais possível chegar ao símbolo inicial da gramática

Exemplo 3

Gramática:

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

Sentença:

"abbcede"

abbcde

aAbcde

aAde

aABe

S

É necessário escolher o
handle correto...

Nesse caso não
reduzimos "b", mas sim
"Abc"

Funcionamento do Analisador Bottom-up

Estrutura de dados

- **Pilha:**

- Armazena os símbolos gramaticais
- Inicialmente contém apenas \$

- **Buffer:**

- Armazena a cadeia w a ser decomposta
- Inicia com $w\$$

*Usamos \$ para marcar o fundo da pilha e o final da entrada (direita)

Funcionamento do Analisador Bottom-up

Ações

- As ações que podem ser realizadas por um reconhecedor bottom-up são as seguintes:
 - **Empilha (shift)** - coloca no topo da pilha o símbolo que está sendo lido e avança o cabeçote de leitura
 - **Reduz (reduce)** - substitui o handle do topo da pilha pelo não-terminal correspondente
 - **Aceita** - reconhece que a sentença de entrada foi gerada pela gramática
 - **Erro** - chama uma sub-rotina de atendimento a erros

Funcionamento do Analisador Bottom-up

Operação

- Empilha zero ou mais símbolos até que um handle H surja no topo da pilha
- Reduz o handle H para o lado esquerdo da produção apropriada
- Repete-se este ciclo até que:
 - Pilha contenha o símbolo de partida e entrada vazia
 - Ou erro detectado

Exemplo 1

Gramática

$P \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow id (E)$

$T \rightarrow id$

Sentença:

"id (id + id)"

Pilha	Entrada	Ação
\$	id (id + id) \$	shift
\$ id	(id + id) \$	shift
\$ id (id + id) \$	shift
\$ id (id	+ id) \$	reduce $T \rightarrow id$
\$ id (T	+ id) \$	reduce $T \rightarrow E$
\$ id (E	+ id) \$	shift
\$ id (E +	id) \$	shift
\$ id (E + id) \$	reduce $T \rightarrow id$
\$ id (E + T) \$	reduce $E \rightarrow E + T$
\$ id (E) \$	shift
\$ id (E)	\$	reduce $T \rightarrow id(E)$
\$ T	\$	reduce $E \rightarrow T$
\$ E	\$	reduce $P \rightarrow E$
\$ P	\$	accept

Exemplo 1

Gramática

$P \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow id (E)$

$T \rightarrow id$

Sentença:

"id (id + id)"

Alguma observação
neste exemplo??

Pilha	Entrada	Ação
\$	id (id + id) \$	shift
\$ id	(id + id) \$	shift
\$ id (id + id) \$	shift
\$ id (id	+ id) \$	reduce $T \rightarrow id$
\$ id (T	+ id) \$	reduce $T \rightarrow E$
\$ id (E	+ id) \$	shift
\$ id (E +	id) \$	shift
\$ id (E + id) \$	reduce $T \rightarrow id$
\$ id (E + T) \$	reduce $E \rightarrow E + T$
\$ id (E) \$	shift
\$ id (E)	\$	reduce $T \rightarrow id(E)$
\$ T	\$	reduce $E \rightarrow T$
\$ E	\$	reduce $P \rightarrow E$
\$ P	\$	accept

Conflitos

- Podemos atingir uma configuração na qual não sabemos como proceder
 - Mesmo conhecendo o conteúdo da pilha
 - Conflitos!!
- **Conflito empilhar/reduzir**
- **Conflito reduzir/reduzir**

Conflitos

- **Conflito empilhar/reduzir**

- Possibilidade de empilhar ou reduzir, de acordo com o estado do processamento
- **Exemplo (anterior):**
 - Temos na pilha: \$id
 - Entrada: "(id..."
 - O que fazer?
 - Reduz usando $T \rightarrow id$, ou
 - Empilhar para reduzir usando $T \rightarrow id (E)$ mais tarde?

Conflitos

- Conflito empilhar/reduzir

– Exemplo 2:

$S \rightarrow abc \mid a$

Empilha ou reduz?

Pilha	Entrada	Ação
\$	abc\$	empilha
\$a	bc\$???

Conflitos

- Conflito empilhar/reduzir
 - Exemplo 2:

$S \rightarrow abc \mid a$

Pilha	Entrada	Ação
\$	abc\$	empilha
\$a	bc\$	empilha
\$ab	c\$	empilha
\$abc	\$	reduz
\$S	\$	aceita

Nesse caso, deve-se empilhar!

Conflitos

- **Conflito reduzir/reduzir**
 - Possibilidade de reduzir de múltiplas formas, de acordo com o estado do processamento
 - **Exemplo:**
 - Temos na pilha: \$id
 - Gramática contém (por exemplo):
$$S \rightarrow id$$
$$R \rightarrow id$$
 - Reduzir usando qual produção?

Conflitos

- Infelizmente não há uma maneira para dizer qual ação devemos tomar ou como resolver conflitos empilha-reduz e reduz-reduz
- Para isso, devemos levar em consideração algumas informações adicionais
 - Mais símbolos a frente, por exemplo
- Esses problemas geralmente são causados por gramáticas ambíguas!

Implementações de Analisadores Bottom-Up

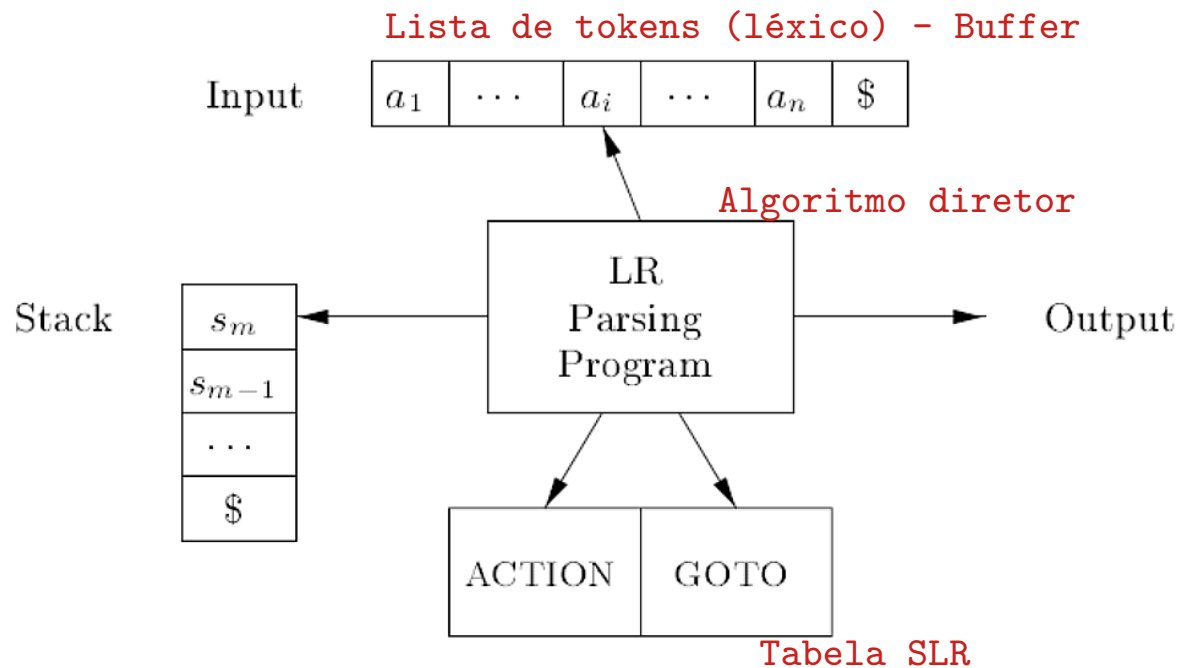
- Atualmente, o tipo mais prevalente de analisadores ascendentes é baseado em um conceito LR(k)
 - L: Leitura da esquerda para a direita (*left to right*)
 - R: Derivação mais a direita (*rightmost derivation*)
 - k: símbolos a frente lidos
- Vários algoritmos para o parsing empilha-reduz:
 - LR(0): Usa somente a pilha (k=0)
 - SLR(1): Simple LR, usa 1 token da entrada
 - LR(1)
 - LALR(1): Lookahead LR
 - Diferentes tabelas e linguagens que podem ser analisadas

SLR (Simple LR)

- A análise SLR é uma forma básica de análise LR na qual usamos o FOLLOW para resolver conflitos de empilhamento ou redução
- Em suma, nós usamos a redução $A \rightarrow \alpha$ apenas quando o próximo token na entrada estiver em $\text{FOLLOW}(A)$

SLR

Componentes



Construção da tabela SLR

- Conceitos que temos que entender para a construção da tabela:

1) Itens

2) Gramática aumentada

3) Operação de fechamento

4) Operação de desvio

5) Construção do **conjunto de itens**

Deve-se calcular os conjuntos canônicos de itens, ou seja, todos os itens alcançáveis a partir de um conjunto de regras da gramática.

Isso dá origem a um autômato.

Construção da tabela SLR

1) Itens LR (ou simplesmente itens):

- Um item para uma gramática G é uma produção de G com um ponto (\bullet) em alguma de suas posições no lado direito
- Exemplo:
 - Para $A \rightarrow CDE$, temos 4 itens possíveis:
 - $A \rightarrow \bullet CDE$
 - $A \rightarrow C \bullet DE$
 - $A \rightarrow CD \bullet E$
 - $A \rightarrow CDE \bullet$

A posição do \bullet serve para indicar o que já foi analisado.

Itens com a marca no final são itens de redução (ex: $A \rightarrow CDE \bullet$).

OBS: $A \rightarrow \epsilon$ gera apenas $A \rightarrow \bullet$

Construção da tabela SLR

2) Gramática aumentada:

- Se G é uma gramática com símbolo inicial S , então G' (gramática aumentada) para G é G com um novo símbolo de partida S' , mais a produção $S' \rightarrow S$
- Serve para indicar ao analisador quando deve parar a análise e indicar se houve a aceitação da entrada
 - Isso ocorre quando houver a redução de S para S'

Exemplo:

G:

```
List → List Pair
      | Pair
Pair  → ( Pair )
      | ( )
```

G':

```
List' → List
List  → List Pair
      | Pair
Pair  → ( Pair )
      | ( )
```

Construção da tabela SLR

3) Operação de Fechamento

- Considere I como o conjunto de itens para G
- O *fechamento*(I) é o conjunto de itens construídos a partir de I
- **Regras:**
 - 1) Cada item em I é adicionado ao *fechamento*(I)
 - 2) Se $A \rightarrow a \bullet B b$ estiver em *fechamento*(I) e $B \rightarrow c$ for uma produção, adicionar o item $B \rightarrow \bullet c$ ao conjunto I
 - Repete-se até que não se possa mais adicionar novos itens

Construção da tabela SLR

Exemplo:

Dada a gramática:

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid id$

Se I for o conjunto de um item $\{[E' \rightarrow \bullet E]\}$, então

fechamento(I) = {

$E' \rightarrow \bullet E$ *{ponto de partida - R1}*

$E \rightarrow \bullet E + T$

$E \rightarrow \bullet T$

$T \rightarrow \bullet T * F$

$T \rightarrow \bullet F$

$F \rightarrow \bullet (E)$

$F \rightarrow \bullet id$

}

Construção da tabela SLR

4) Operação de Desvio

- $\text{Desvio}(I, X)$
 - Conjunto de itens I e um símbolo X
 - Retorna um conjunto de itens
- Cálculo do desvio a partir do estado I ao ler X :
 - Mover ponto para direita em todos os itens de I onde o ponto precede X
 - Para todas as regras $A \rightarrow \alpha \bullet X \beta$ em C , retorna $A \rightarrow \alpha X \bullet \beta$
 - Calcular o fechamento deste conjunto de itens

Construção da tabela SLR

Exemplo:

Dada a gramática:

$S' \rightarrow T$

$T \rightarrow F \mid T * F$

$F \rightarrow id \mid (T)$

e $I =$

$\{ S' \rightarrow \bullet T$

$T \rightarrow \bullet F$

$T \rightarrow \bullet T * F$

$F \rightarrow \bullet id$

$F \rightarrow \bullet (T) \}$

Desvio $(I, () =$

$F \rightarrow (\bullet T)$

$T \rightarrow \bullet F$

$T \rightarrow \bullet T * F$

$F \rightarrow \bullet id$

$F \rightarrow \bullet (T)$

Desvio $(I, id) =$

$F \rightarrow id \bullet$

Construção da tabela SLR

Exemplo:

Dada a gramática:

$S' \rightarrow T$

$T \rightarrow F \mid T * F$

$F \rightarrow id \mid (T)$

e $I =$

$\{ S' \rightarrow \bullet T$

$T \rightarrow \bullet F$

$T \rightarrow \bullet T * F$

$F \rightarrow \bullet id$

$F \rightarrow \bullet (T) \}$

Desvio $(I, \textcolor{red}{F}) =$

{

$T \rightarrow F \bullet$

}

Desvio $(I, \textcolor{red}{T}) =$

{

$S' \rightarrow T \bullet$

$T \rightarrow T \bullet * F$

}

Construção da tabela SLR

5) Construção dos conjuntos

- A construção consiste em calcular todos os conjuntos a partir dos desvios
- Parte-se do fechamento(I_0), com $I_0 = [S' \rightarrow \cdot S]$
 - S' é o símbolo inicial da gramática aumentada
- Novos estados I_n são gerados

Construção da tabela SLR

5) Construção dos conjuntos de itens

proc itens(G')

{

$C = \text{fechamento}([S' \rightarrow \bullet S])$ *{C é o conjunto de itens}*

repetir

para cada conjunto de itens I em C e cada símbolo gramatical X tal que $\text{desvio}(I, X)$ não seja vazio e não esteja em C

incluir $\text{desvio}(I, X)$ a C

até que não haja mais conjuntos de itens a serem incluídos a C

}

Construção da tabela SLR

Exemplo:

Considere a gramática:

0) $S' \rightarrow T$

1) $T \rightarrow F$

2) $T \rightarrow T * F$

3) $F \rightarrow \text{id}$

4) $F \rightarrow (T)$

Estado inicial I_0

Fechamento de $S' \rightarrow \bullet T$

$I_0: S' \rightarrow \bullet T$

$T \rightarrow \bullet F$

$T \rightarrow \bullet T * F$

$F \rightarrow \bullet \text{id}$

$F \rightarrow \bullet (T)$

$I_0:$ $S' \rightarrow \bullet T$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $T \rightarrow \bullet T * F$
 $F \rightarrow \bullet id$
 $F \rightarrow \bullet (T)$

$I_0:$ $S' \rightarrow \bullet T$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $T \rightarrow \bullet T * F$
 $F \rightarrow \bullet id$
 $F \rightarrow \bullet (T)$

T

$I_1:$ $S' \rightarrow T \bullet$
 $T \rightarrow T \bullet * F$

F

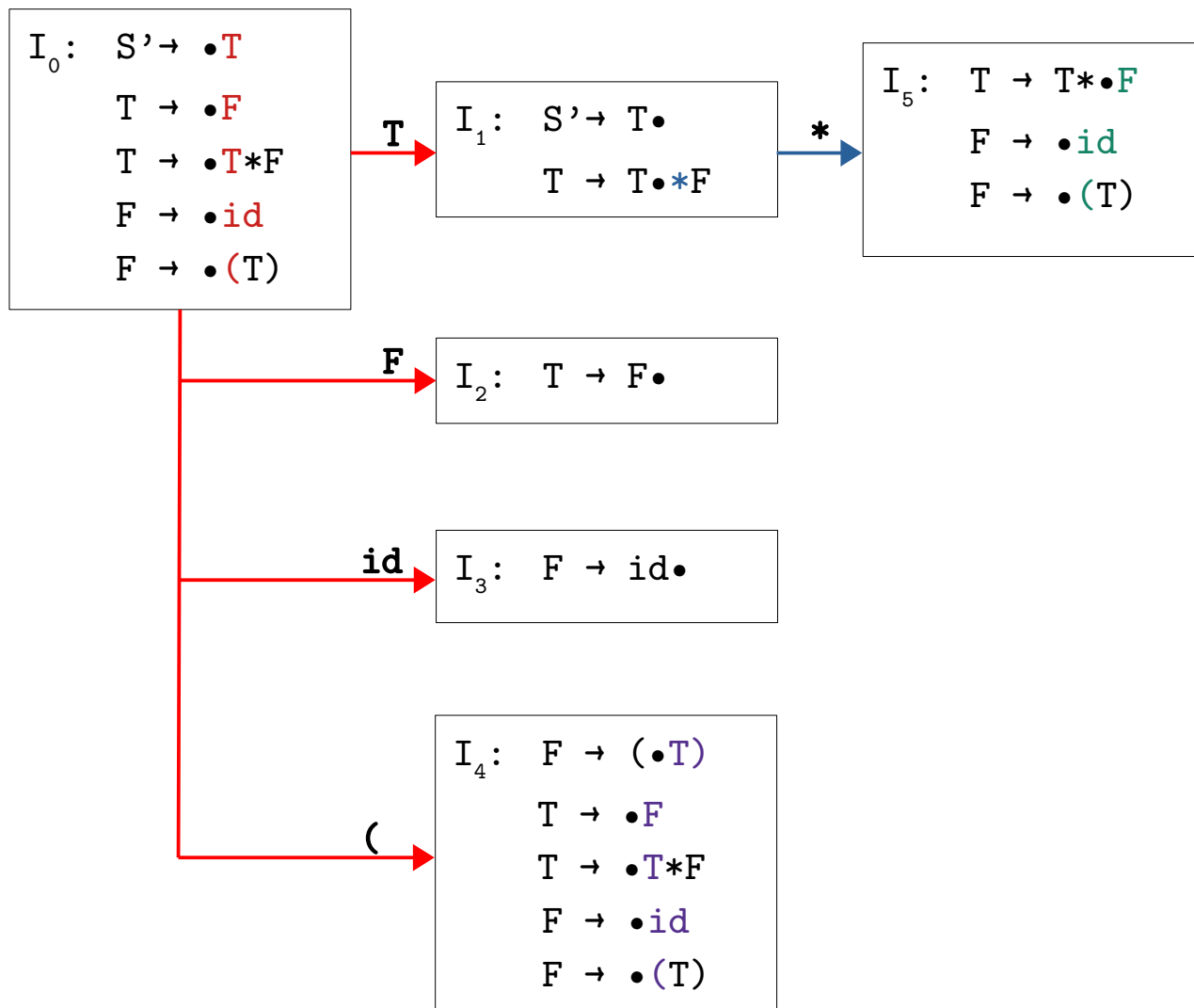
$I_2:$ $T \rightarrow F \bullet$

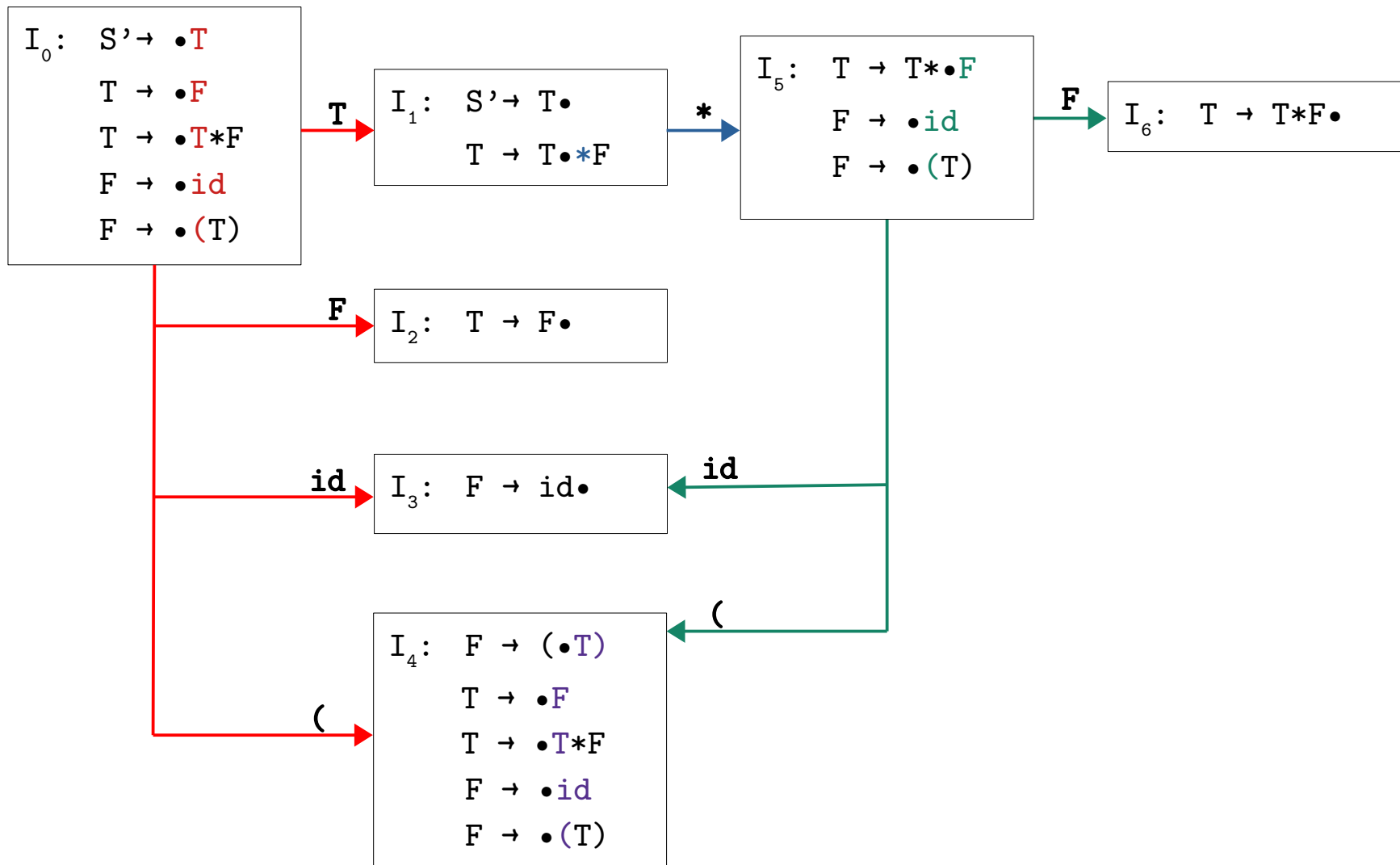
id

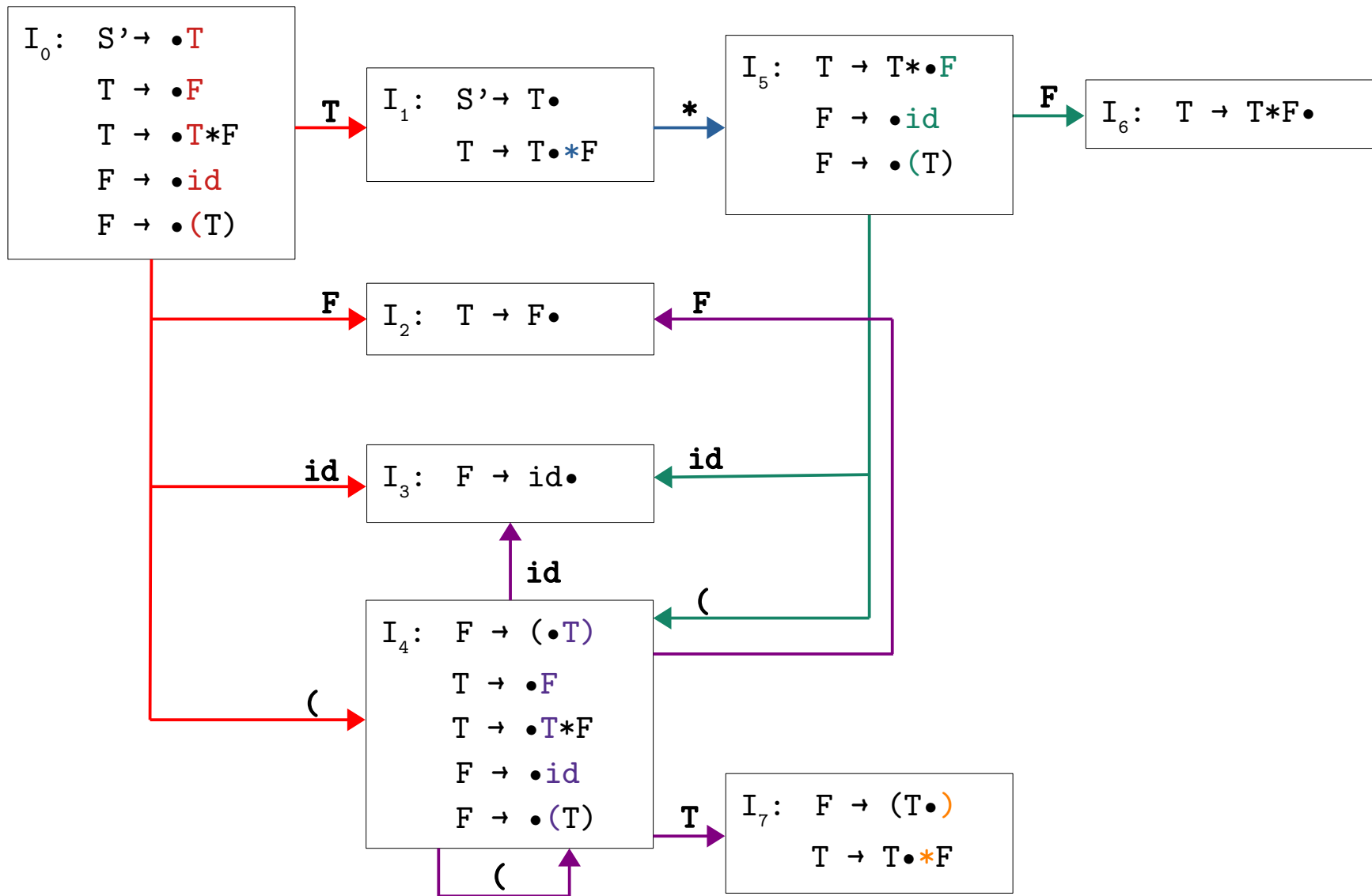
$I_3:$ $F \rightarrow id \bullet$

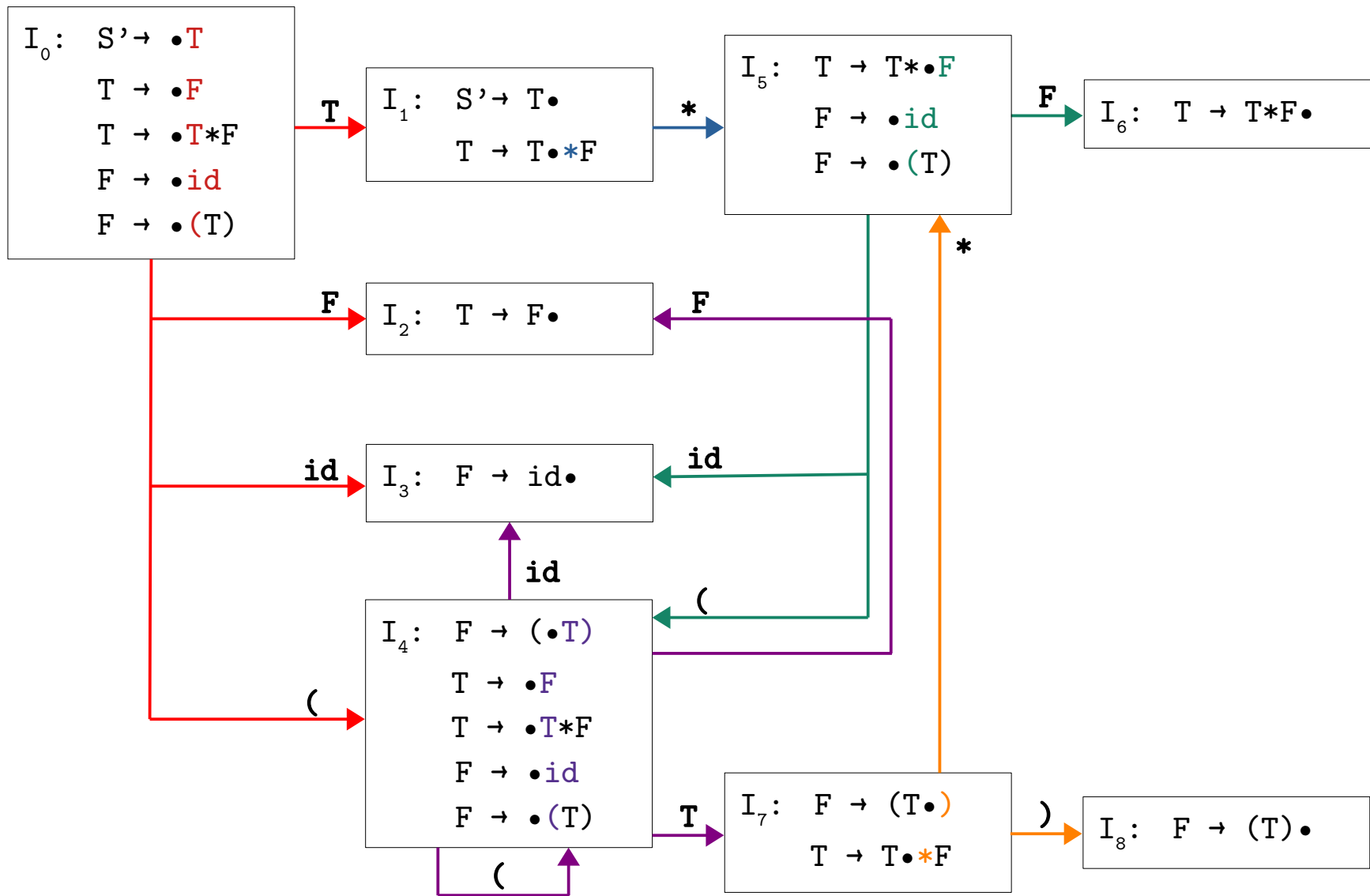
(

$I_4:$ $F \rightarrow (\bullet T)$
 $T \rightarrow \bullet F$
 $T \rightarrow \bullet T * F$
 $F \rightarrow \bullet id$
 $F \rightarrow \bullet (T)$









Construção da tabela SLR

Algoritmo

- Construção das funções de ação e desvio a partir do autômato que reconhece os prefixos viáveis (handles)
- Pré-requisito:
 - Cálculo do $Follow(A)$ para cada não-terminal A da gramática

Construção da tabela SLR

Algoritmo

Entrada: Gramática aumentada G'

Saída: Funções sintáticas SLR ação e desvio para G'

Proc tabela(G')

{

1. Construir $C=\{I_0..I_n\}$ *//coleção de itens para G'*

2. O estado i é construído a partir de I_i . As ações sintáticas para o estado i são determinadas como segue:

a) Se $[A \rightarrow \alpha \bullet a \beta]$ estiver em I_i e $\text{desvio}(I_i, a) = I_j$, então estabelecer ação $[i, a]$ em "empilha j ". Aqui a é terminal. *//R1*

b) Se $[A \rightarrow \alpha \bullet]$ estiver em I_i , então estabelecer ação $[i, a]$ em "reduzir através de $A \rightarrow \alpha$ " para todo a em $\text{Follow}(A)$. Aqui A é diferente de S' . *//R2*

c) Se $[S' \rightarrow S \bullet]$ estiver em I_i , então estabelecer ação $[i, \$]$ igual a "aceitar". *//R3*

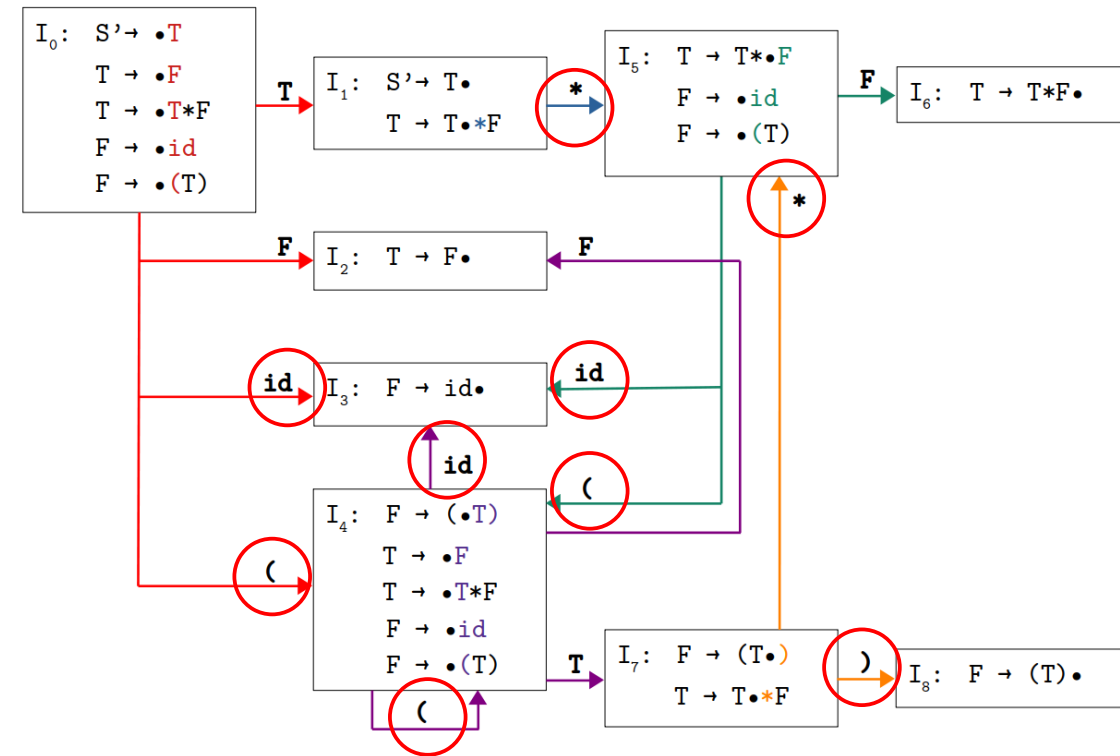
3. As transições de desvio para o estado i são construídos pra todos os não-terminais A usando a regra: se $\text{desvio}(I_i, A) = I_j$, então $\text{desvio}[i, A] = j$ *//R4*

4. Entradas não definidas: erro

}

Construção da tabela SLR

Algoritmo



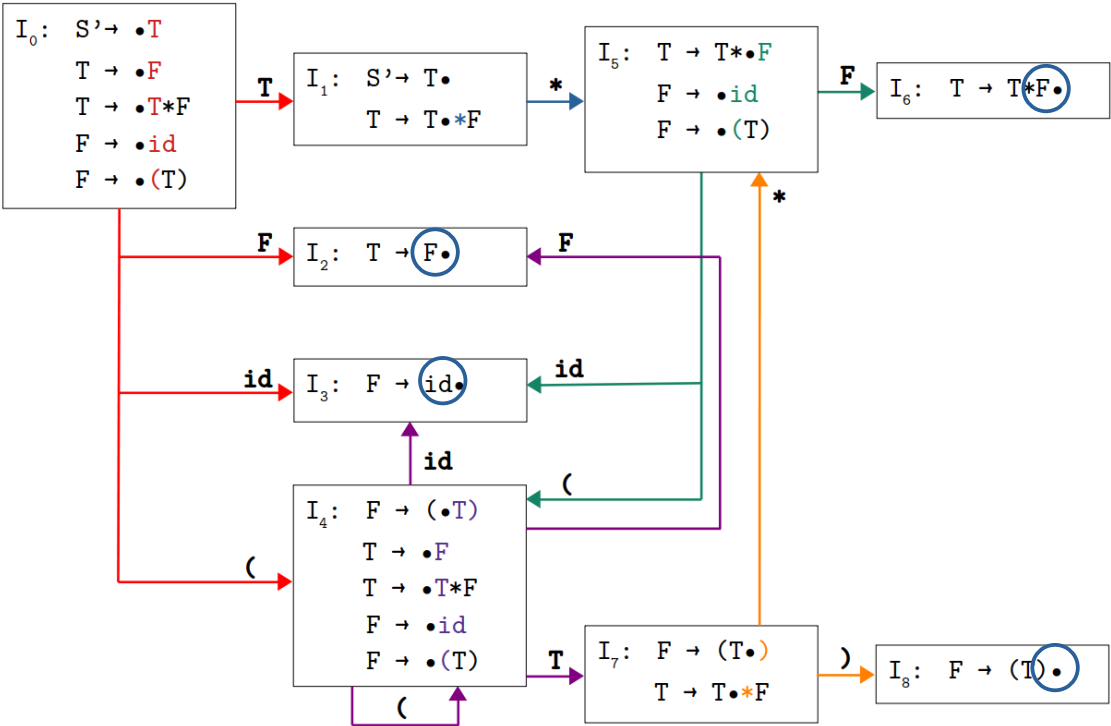
Aplicação de R1:

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3			
1	E5						
2							
3							
4		E4		E3			
5		E4		E3			
6							
7	E5		E8				
8							

Construção da tabela SLR

Algoritmo

- 0) $S' \rightarrow T$
- 1) $T \rightarrow F$
- 2) $T \rightarrow T * F$
- 3) $F \rightarrow id$
- 4) $F \rightarrow (T)$

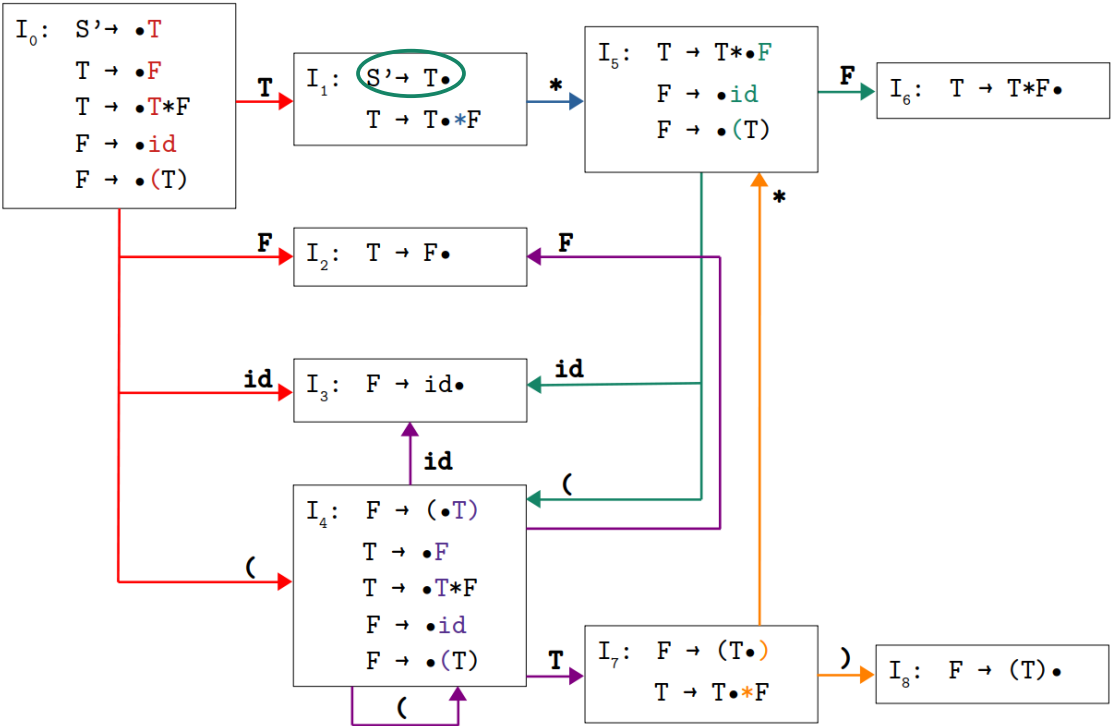


Aplicação de R2:

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3			
1	E5						
2	R1		R1		R1		
3	R3		R3		R3		
4		E4		E3			
5		E4		E3			
6	R2		R2		R2		
7	E5		E8				
8	R4		R4		R4		

Construção da tabela SLR

Algoritmo

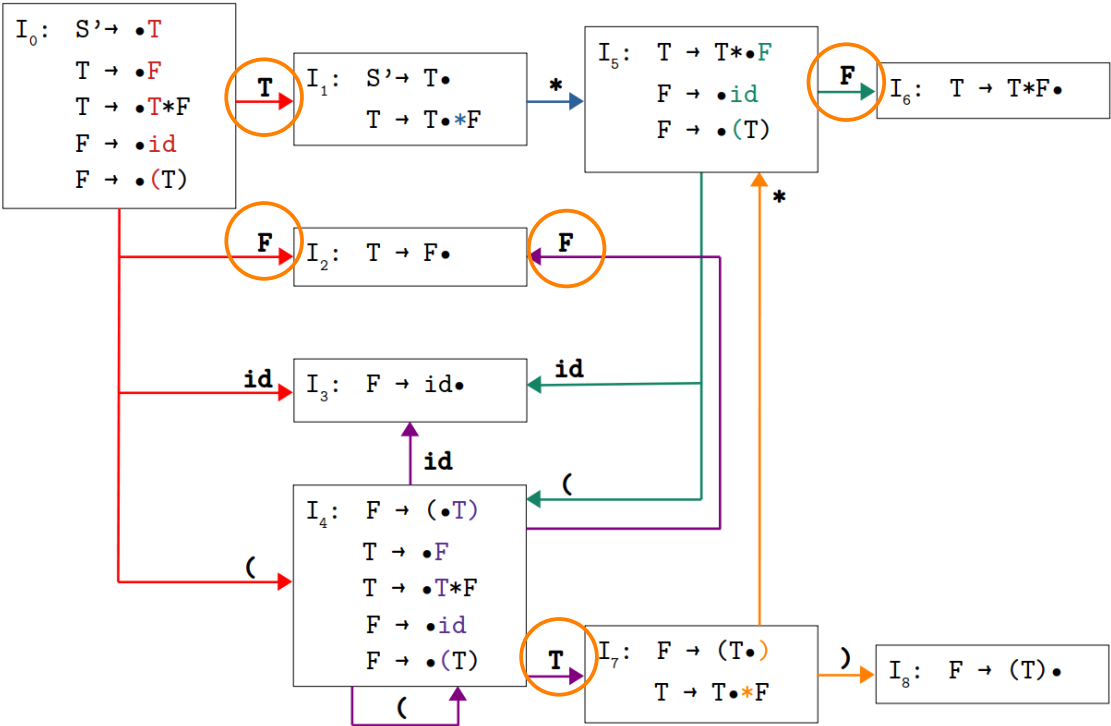


Aplicação de R3:

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3			
1	E5				AC		
2	R1		R1		R1		
3	R3		R3		R3		
4		E4		E3			
5		E4		E3			
6	R2		R2		R2		
7	E5		E8				
8	R4		R4		R4		

Construção da tabela SLR

Algoritmo



Aplicação de R4:

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3		1	2
1	E5				AC		
2	R1		R1	R1			
3	R3		R3	R3			
4		E4		E3		7	2
5		E4		E3			6
6	R2		R2	R2			
7	E5		E8				
8	R4		R4	R4			

Algoritmo de Análise LR

Entrada: sentença w e tabela com as funções ação e desvio para G

Proc Processa_LR(w)

```
{  
    fazer ip apontar para o primeiro símbolo de  $w$ ;  
    repetir  
        seja  $s$  o estado do topo da pilha e  $a$  o símbolo apontado por ip;  
        se ação[ $s, a$ ] = empilhar  $s'$   
            empilhar  $a$  e em seguida  $s'$  no topo da pilha;  
            avançar ip para o próximo símbolo de entrada;  
        senão se ação[ $s, a$ ] = reduzir  $A \rightarrow \beta$   
            desempilhar  $2*|\beta|$ ;  
            seja  $s'$  o estado agora no topo da pilha;  
            empilhar  $A$  e em seguida desvio[ $s', A$ ];  
        senão se ação[ $s, a$ ] = aceitar  
            retorna "aceita";  
        senão  
            erro();  
}
```

Algoritmo de Análise LR

- 0) $S' \rightarrow T$
- 1) $T \rightarrow F$
- 2) $T \rightarrow T * F$
- 3) $F \rightarrow id$
- 4) $F \rightarrow (T)$

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3		1	2
1	E5				AC		
2	R1		R1		R1		
3	R3		R3		R3		
4		E4		E3		7	2
5		E4		E3			6
6	R2		R2		R2		
7	E5		E8				
8	R4		R4		R4		

Exemplo: processamento para a entrada (id)*id.

Pilha	Entrada	Ação
0	(id)*id\$	E4
0 (4	id)*id\$	E3
0 (4 id 3)*id\$	R3
0 (4 F 2)*id\$	R1
0 (4 T 7)*id\$	E8
0 (4 T 7) 8	*id\$	R4
0 F 2	*id\$	R1
0 T 1	*id\$	E5
0 T 1 * 5	id\$	E3
0 T 1 * 5 id 3	\$	R3
0 T 1 * 5 F 6	\$	R2
0 T 1	\$	AC

Tratamento de Erros

- Um analisador LR irá detectar um erro ao consultar a tabela de ações sintáticas e encontrar uma entrada de erro
 - Posição na matriz vazia
- Erro anunciado caso não haja continuação válida
 - Relatam o problema e param
- Esse comportamento evita que o compilador perca tempo tentando traduzir um programa incorreto
 - Encontra no máximo um erro de sintaxe por compilação

Tratamento de Erros

- Um analisador deve encontrar tantos erros de sintaxe quanto possível em cada compilação
- Permitir que o analisador se recupere de um erro movendo-se para um estado em que possa continuar a análise

Tratamento de Erros

- **Modo pânico:**
 - Linhas que contém reduções:
 - Células em branco são preenchidas com reduções
 - Demais células
 - Chamadas a rotinas de tratamento de erros

Tratamento de Erros

	*	()	id	\$	T	F
0		E4		E3		1	2
1	E5				AC		
2	R1		R1		R1		
3	R3		R3		R3		
4		E4		E3		7	2
5		E4		E3			6
6	R2		R2		R2		
7	E5		E8				
8	R4		R4		R4		



	*	()	id	\$	T	F
0	erro	E4	erro	E3	erro	1	2
1	E5	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	R3	R3	R3	R3	R3		
4	erro	E4	erro	E3	erro	7	2
5	erro	E4	erro	E3	erro		6
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E5	erro	E8	erro	erro		
8	R4	R4	R4	R4	R4		

Cada posição da matriz pode gerar um erro diferente e exigir um tratamento distinto. Isso vai depender da gramática.

Algoritmo de Análise LR

- 0) $S' \rightarrow T$
- 1) $T \rightarrow F$
- 2) $T \rightarrow T * F$
- 3) $F \rightarrow id$
- 4) $F \rightarrow (T)$

	*	()	id	\$	T	F
0	erro	E4	erro	E3	erro	1	2
1	E5	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	R3	R3	R3	R3	R3		
4	erro	E4	erro	E3	erro	7	2
5	erro	E4	erro	E3	erro		6
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E5	erro	E8	erro	erro		
8	R4	R4	R4	R4	R4		

Exemplo1: processamento para a entrada (id*id.

Pilha	Entrada	Ação
\$ 0	(id*id\$	E4
\$ 0 (4	id*id\$	E3
\$ 0 (4 id 3	*id\$	R3
\$ 0 (4 F 2	*id\$	R1
\$ 0 (4 T 7	*id\$	E5
\$ 0 (4 T 7 * 5	id\$	E3
\$ 0 (4 T 7 * 5 id 3	\$	R3
\$ 0 (4 T 7 * 5 F 6	\$	R2
\$ 0 (4 T 7	\$	Erro ¹
\$ 0 (4 T 7) 8	\$	R4
\$ 0 F 2	\$	R1
\$ 0 T 1	\$	Aceita (!)

Erro¹ - espera por um '*' ou ')' → nesse caso pode empilhar um ')' e 8 (estado de 7 com ')') imaginário para continuar

Algoritmo de Análise LR

- 0) $S' \rightarrow T$
- 1) $T \rightarrow F$
- 2) $T \rightarrow T * F$
- 3) $F \rightarrow id$
- 4) $F \rightarrow (T)$

	*	()	id	\$	T	F
0	erro	E4	erro	E3	erro	1	2
1	E5	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	R3	R3	R3	R3	R3		
4	erro	E4	erro	E3	erro	7	2
5	erro	E4	erro	E3	erro		6
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E5	erro	E8	erro	erro		
8	R4	R4	R4	R4	R4		

Erro¹ - ‘)’ não esperado → remover o ‘)’

Erro² - ‘*’ não esperado → remover o ‘*’

Exemplo2: processamento para a entrada `id)**id`.

Pilha	Entrada	Ação
\$ 0	id)**id\$	E3
\$ 0 id 3)**id\$	R3
\$ 0 F 2)**id\$	R1
\$ 0 T 1)**id\$	Erro ¹
\$ 0 T 1	**id\$	E5
\$ 0 T 1 * 5	*id\$	Erro ²
\$ 0 T 1 * 5	id\$	E3
\$ 0 T 1 * 5 id 3	\$	R3
\$ 0 T 1 * 5 F 6	\$	R2
\$ 0 T 1	\$	Aceita(!)

Big Example

Gramática:

$S \rightarrow a$

$S \rightarrow [L]$

$L \rightarrow L;S$

$L \rightarrow S$

Big Example

Passo 1: Gramática aumentada

Gramática:

0) $S' \rightarrow S$

1) $S \rightarrow a$

2) $S \rightarrow [L]$

3) $L \rightarrow L;S$

4) $L \rightarrow S$

Big Example

Passo 2: Construção do Conjunto de itens

Gramática:

- 0) $S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow a$
- 2) $S \rightarrow [L]$
- 3) $L \rightarrow L;S$
- 4) $L \rightarrow S$

Ponto de partida:

$[S' \rightarrow \bullet S]$

Estado Inicial:

Fechamento de $[S' \rightarrow \bullet S]$

$I_0: \quad S' \rightarrow \bullet S$

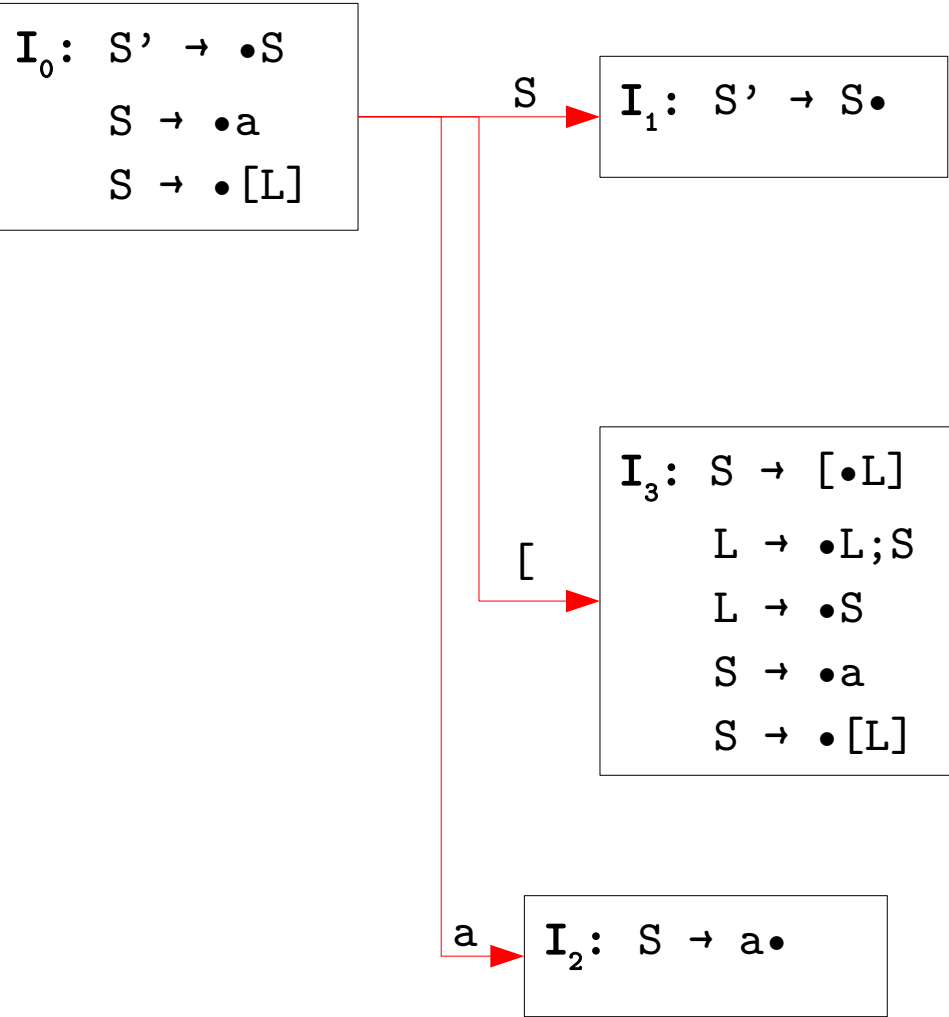
$S \rightarrow \bullet a$

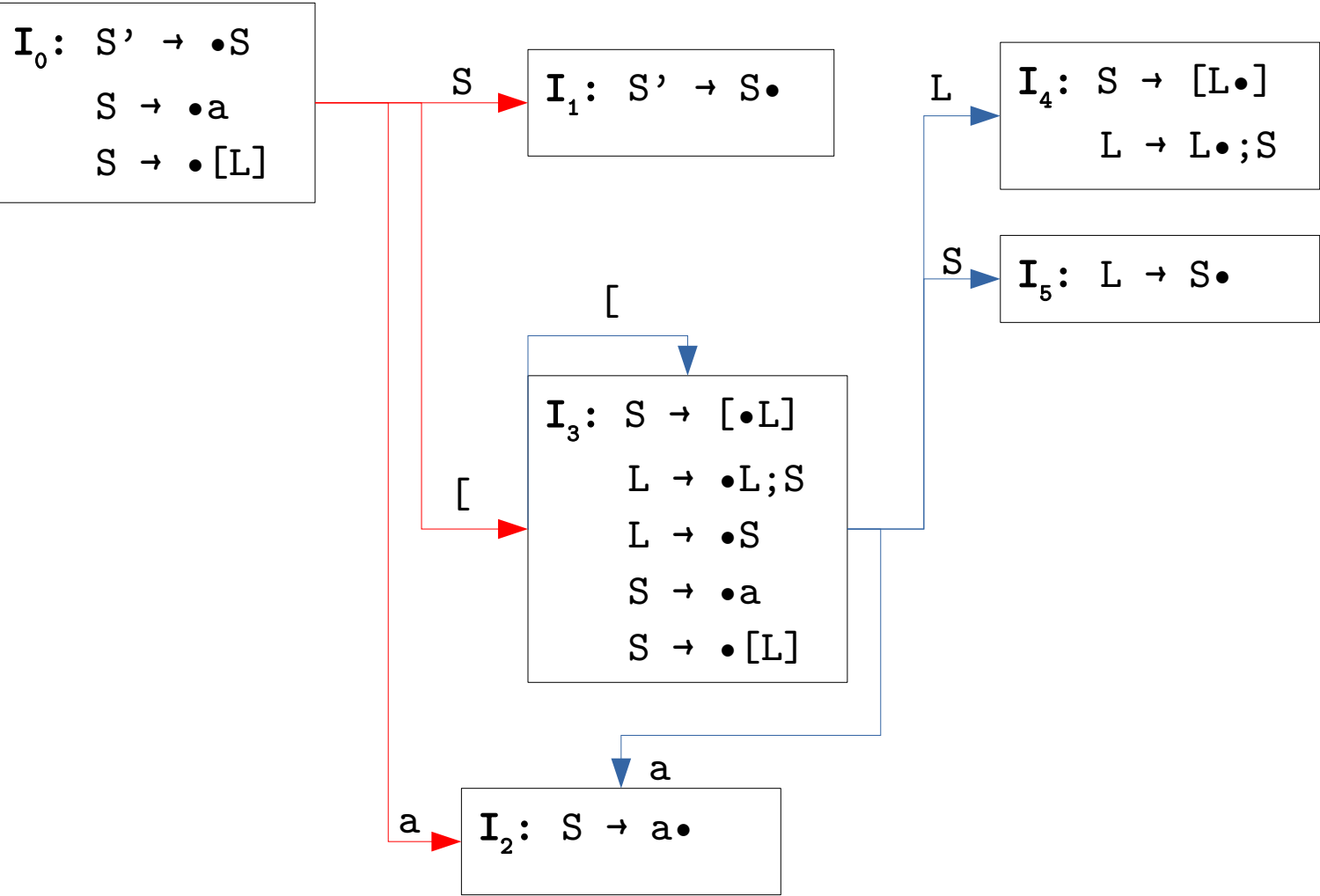
$S \rightarrow \bullet [L]$

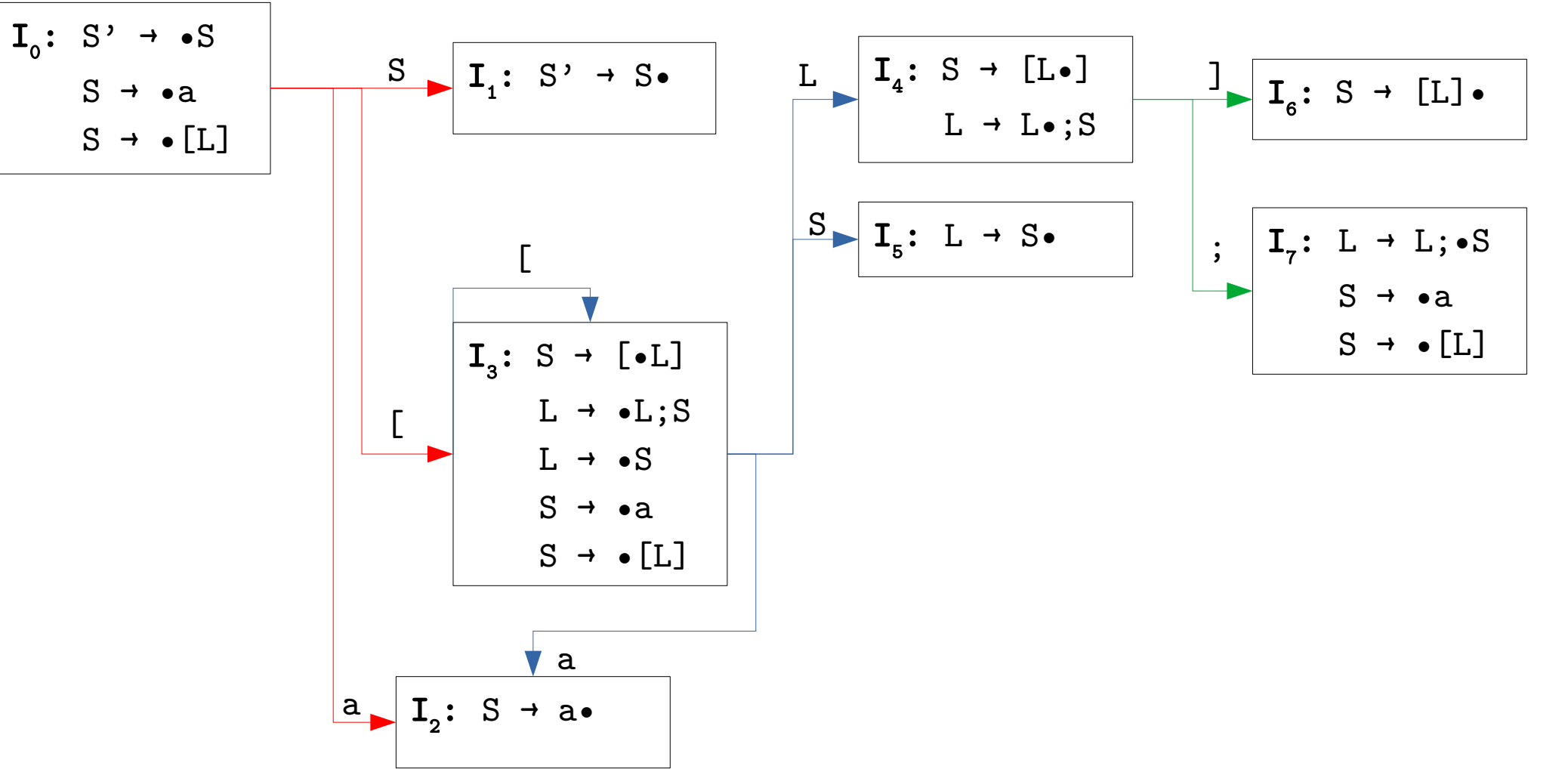
$I_0: S' \rightarrow \bullet S$

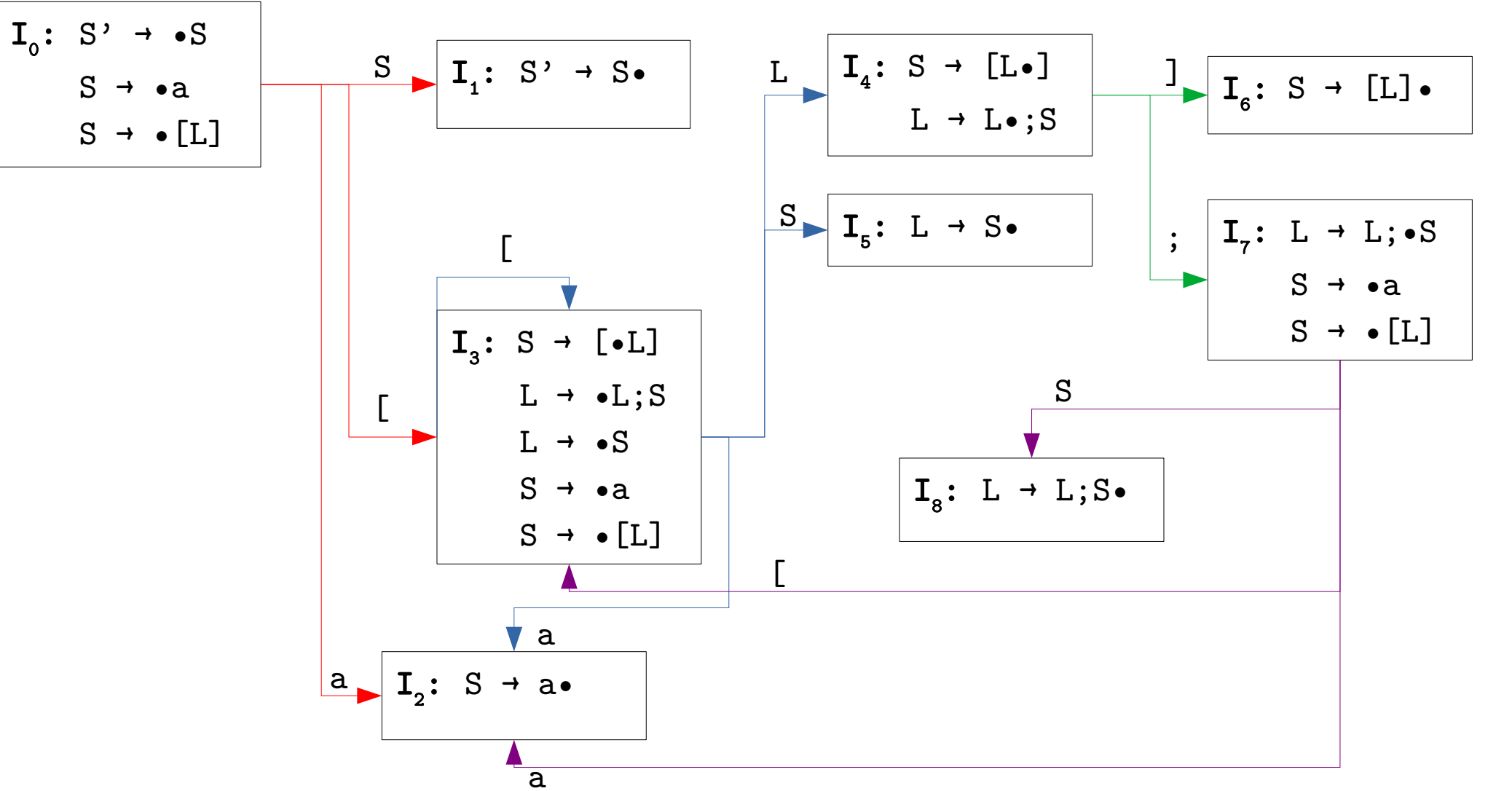
$S \rightarrow \bullet a$

$S \rightarrow \bullet [L]$



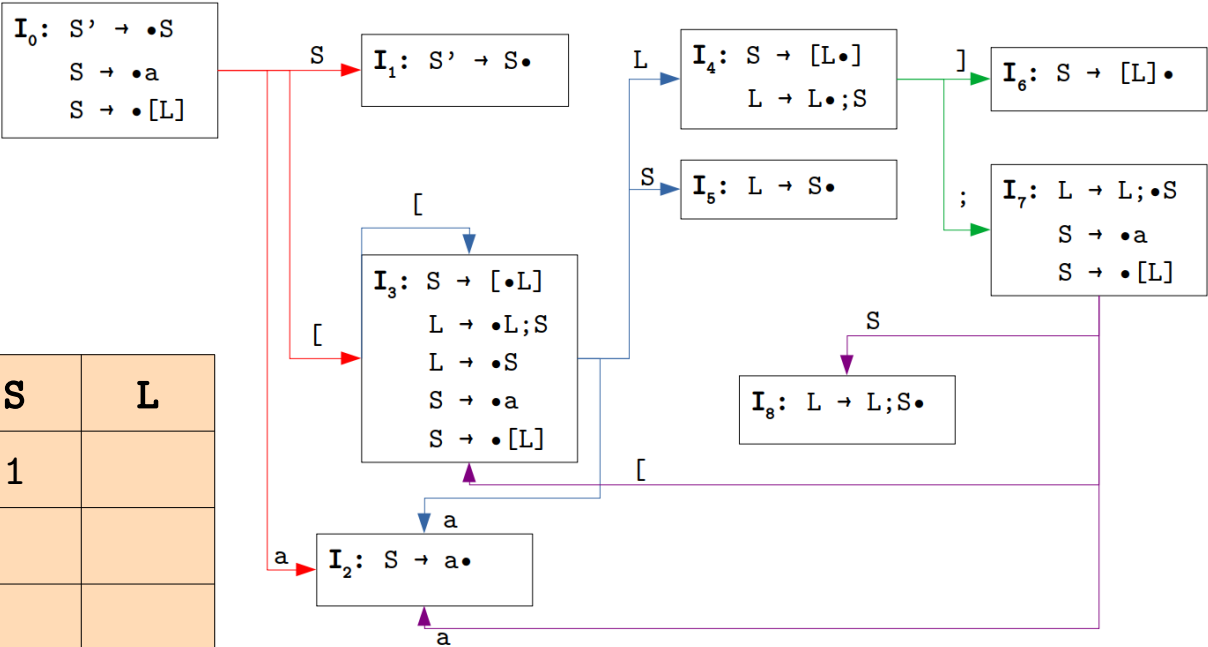






Passo 3: Construção da tabela

	a	[]	;	\$	S	L
0	E2	E3				1	
1					AC		
2			R1	R1	R1		
3	E2	E3				5	4
4			E6	E7			
5			R4	R4			
6			R2	R2	R2		
7	E2	E3				8	
8			R3	R3			



- 0) $S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow a$
- 2) $S \rightarrow [L]$
- 3) $L \rightarrow L; S$
- 4) $L \rightarrow S$

Passo 4: Expansão da tabela
para tratamento de erros

	a	[]	;	\$	S	L
0	E2	E3	erro	erro	erro	1	
1	erro	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	E2	E3	erro	erro	erro	5	4
4	erro	erro	E6	E7	erro		
5	R4	R4	R4	R4	R4		
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E2	E3	erro	erro	erro	8	
8	R3	R3	R3	R3	R3		

Passo 5: Reconhecimento da sentença (Exemplo 1)

Gramática:

- 0) $S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow a$
- 2) $S \rightarrow [L]$
- 3) $L \rightarrow L;S$
- 4) $L \rightarrow S$

	a	[]	;	\$	S	L
0	E2	E3	erro	erro	erro	1	
1	erro	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	E2	E3	erro	erro	erro	5	4
4	erro	erro	E6	E7	erro		
5	R4	R4	R4	R4	R4		
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E2	E3	erro	erro	erro	8	
8	R3	R3	R3	R3	R3		

Pilha	Entrada	Ação
\$ 0	[[a;a]]\$	E3
\$ 0 [3	[a;a]]\$	E3
\$ 0 [3 [3	a;a]]\$	E2
\$ 0 [3 [3 a 2	;a]]\$	R1
\$ 0 [3 [3 S 5	;a]]\$	R4
\$ 0 [3 [3 L 4	;a]]\$	E7
\$ 0 [3 [3 L 4 ; 7	a]]\$	E2
\$ 0 [3 [3 L 4 ; 7 a 2]]\$	R1
\$ 0 [3 [3 L 4 ; 7 S 8]]\$	R3
\$ 0 [3 [3 L 4]]\$	E6
\$ 0 [3 [3 L 4] 6]\$	R2
\$ 0 [3 S 5]\$	R4
\$ 0 [3 L 4]\$	E6
\$ 0 [3 L 4] 6	\$	R2
\$ 0 S 1	\$	ACEITA!

Passo 5: Reconhecimento da sentença (Exemplo 2)

Gramática:

- 0) $S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow a$
- 2) $S \rightarrow [L]$
- 3) $L \rightarrow L;S$
- 4) $L \rightarrow S$

	a	[]	;	\$	S	L
0	E2	E3	erro	erro	erro	1	
1	erro	erro	erro	erro	AC		
2	R1	R1	R1	R1	R1		
3	E2	E3	erro	erro	erro	5	4
4	erro	erro	E6	E7	erro		
5	R4	R4	R4	R4	R4		
6	R2	R2	R2	R2	R2		
7	E2	E3	erro	erro	erro	8	
8	R3	R3	R3	R3	R3		

Pilha	Entrada	Ação
\$ 0	[a;]\$	E3
\$ 0 [3	a;]\$	E2
\$ 0 [3 a 2	;]\$	R1
\$ 0 [3 S 5	;]\$	R4
\$ 0 [3 L 4	;]\$	E7
\$ 0 [3 L 4 ; 7]\$	ERRO1
\$ 0 [3 L 4 ; 7 a 2]\$	R1
\$ 0 [3 L 4 ; 7 S 8]\$	R3
\$ 0 [3 L 4]\$	E6
\$ 0 [3 L 4] 6	\$	R2
\$ 0 S 1	\$	ACEITA(!)

ERRO1: empilha um ‘a’ o ‘2’ (estado 7 com a).
Mensagem: "] não esperado". Espera-se ‘a’ ou ‘[’.

Análise Sintática Top-Down:

Exercícios

- Exercício em duplas:

1) Construir a tabela sintática com tratamento de erros para a gramática abaixo:

$$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } C \mid C$$
$$E \rightarrow a$$
$$C \rightarrow b$$

2) reconhecer as cadeias

"if a then b"

"if a b"

