

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта**

Студент гр. 8304

Птухов Д.А.

Преподаватель

Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург

2020

## **Вариант 1.**

### **Цель работы.**

Построение и анализ алгоритма Кнута-Морриса-Пратта на основе решения задачи о нахождении циклического сдвига строки.

### **Основные теоретические положения.**

Заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ). Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, `defabc` является циклическим сдвигом `abcdef`.

### **Описание алгоритма.**

Для определения величины сдвига было использовано только последнее значение префикс функции для уже расширенной строки. Далее при помощи проверки в цикле было определено являются ли оставшиеся суффикс первой строки и префикс второй идентичными. Если да, то итоговое значение равно последнему значению префикс функции, иначе первая строка не может быть получена из второй при помощи сдвига. Оценка сложности – пусть размер первой строки –  $n$ , размер второй –  $m$ , тогда префиксная функция работает за  $O(n)$  + считывание второй строки  $O(m)$  + проверка идентичности –  $O(n)$ . Ответ –  $O(2n + m)$ .

### **Описание функций.**

Для реализации вышеописанного алгоритма была реализована функция `shift`, принимающая входной и выходной поток. Данная функция осуществляет посимвольное считывание 2-ой строки (для экономии памяти) и параллельное вычисление значения префикс функции для конкатенации двух входных строк. Далее осуществляется проверка на то – являются ли строки идентичными, если да то возвращается 0 иначе осуществляется вышеописанная проверка префикса и суффикса первой и второй строки соответственно.

### **Вывод промежуточной информации.**

Во время основной части работы алгоритма происходит вывод промежуточной информации, а именно, значения префикс функции и проверка идентичности префикса и суффикса первой и второй строки соответственно.

### **Тестирование.**

Таблица 1 – Результаты тестирования

<b>Ввод</b>	<b>Вывод</b>
defabc abcdef	3
defabz abcdef	-1
Baa aaB	2
GggHgg gggggg	-1

### **Вывод.**

В ходе работы был построен и анализирован алгоритм Форда-Фалкерсона на основе решения задачи о нахождении циклического сдвига. Код программы представлен в приложении А.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А.

### ИСХОДНЫЙ КОД

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>

void prefixx(std::string& s, std::vector<size_t>& pi)
{
    pi[0] = 0;

    for (size_t i = 1; i < s.size(); ++i)
    {
        size_t j = pi[i - 1];
        while (j > 0 && s[i] != s[j])
            j = pi[j - 1];

        if (s[j] == s[i])
            ++j;
        pi[i] = j;
    }
}

int shift()
{
    std::string s;
    std::cin >> s;
    size_t start_size = s.size();

    std::vector<size_t> pi(s.size());
    prefixx(s, pi);

    char c;
    size_t j = 0;
    size_t text_ind = 0;
    bool is_same = true;

    while (std::cin >> c)
    {
        if (s[text_ind] != c)
            is_same = false;

        while (j > 0 && s[j] != c)
            j = pi[j - 1];

        if (s[j] == c)
            ++j;

        pi[start_size + j] = j;
        ++text_ind;
    }

    if (is_same)
        return 0;
    if (text_ind != start_size - 1)
        return -1;

    size_t ind = pi[pi.size() - 1];
    for (int i = ind; i < start_size; ++i)
    {
        if (s[i] != s[i + start_size - ind])
```

```
        return -1;
    }

    return start_size - ind;
}

int main()
{
    std::cout << shift();
    return 0;
}
```