

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №2**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Жадный алгоритм и  $A^*$**

Студент гр. 8304

\_\_\_\_\_

Порывай П.А

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Размочаева Н.В

Санкт-Петербург

2020

## **Цель работы**

Разработать программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в ориентированном графе методом  $A^*$ . Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII.

## **Вариант 6**

Реализация очереди с приоритетами, используемой в  $A^*$ , через двоичную кучу.

## **Описание алгоритма**

В процессе работы алгоритма для вершин рассчитывается функция  $f(v) = g(v) + h(v)$ , где  $g(v)$  - наименьшая стоимость пути в  $v$  из стартовой вершины,  $h(v)$  - эвристическое приближение стоимости пути от  $v$  до конечной цели. Фактически, функция  $f(v)$  - длина пути до цели, которая складывается из пройденного расстояния  $g(v)$  и оставшегося расстояния  $h(v)$ . Исходя из этого, чем меньше значение  $f(v)$ , тем раньше мы откроем вершину  $v$ , так как через неё мы предположительно достигнем расстояние до цели быстрее всего. Открытые алгоритмом вершины хранятся в очереди с приоритетом по значению  $f(v)$ . Сложность алгоритма:  $O(|v|*|v| + |k|)$ , где  $v$  - множество вершин,  $k$  - множество ребер.

## **Описание основных структур данных и функций**

`struct node_in_queue`

Узел в очереди с приоритетом на основе "Heap". Каждый новый узел помещается в "Heap",

С уменьшением приоритета

`struct node`

Узел для массива вершин, которые помещаем в очередь

`Class Heap`

Реализация “кучи”, используется при выводе ответа

```
double m[100][100]
```

Матрица для хранения длин ребер

```
vector<node*> closedset
```

Вектор для хранения “открытых вершин”

```
vector<node*> openset
```

Вектор для “закрытых вершин”

```
void A(node* start, node* end, double m[100][100])
```

Основной алгоритм, записанный выше, функция здесь принимает матрицу с длинами ребер. Добавлен вывод промежуточных результатов

```
void printWay(Heap from, char start, char end)
```

Вывод ответа, использующий очередь с приоритетом, в Heap узлы просматриваются с конца, ключ curr меняется местом со значением h[i].neighbour , пока curr != start

### Тестирование

В Таблице 1 не указаны промежуточные результаты, которые вывожу в программе.

**Таблица 1 в формате(ввод/вывод)**

a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	ade
a g a b 3.0 a c 1.0 b d 2.0 b e 3.0	ag

d e 4.0 e a 1.0 e f 2.0 a g 8.0 f g 1.0	
a f a c 1.0 a b 1.0 c d 2.0 b e 2.0 d f 3.0 e f 3.0	abef
a c a c 1.0 a b 2.0 b c 3.0	ac
a b a b 1.0 a c 2.0	ab
a c a b 2.0 b c 3.0 a m 1.0 m c 3.0	amc

## Выводы

В ходе выполнения работы были получены навыки использования “ассоциативного массива”, “кучи”, написания алгоритма  $A^*$  по псевдокоду.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД

```
#include<iostream>
#include <string>
#include<vector>
#include<cstdlib>
#include<math.h>
#include<map>
#include<stack>
#include<cstdlib>
#include <fstream>
using namespace std;

struct node_in_queue {

    char curr;
    char neighbour;
    int prior;
};

struct node {

    char name;
    double G;
    double F;

};

class Heap;

void A(node start, node end, double m[100][100]);
void printWay(Heap from, char start, char end);

class Heap {
    static const int SIZE = 100; // максимальный размер кучи

    int HeapSize; // размер кучи
public:
    int get_HeapSize() {

        return HeapSize;
    }
    node_in_queue* h; // указатель на массив кучи
    Heap(); // конструктор кучи
    void addelem(node_in_queue); // добавление элемента кучи
    node_in_queue* print_heap_priority() {

        return h;
    }
};

Heap::Heap() {
    h = new node_in_queue[SIZE];
    HeapSize = 0;
}
```

```

void Heap::addelem(node_in_queue n) {
    bool is_in = false;

    int i, parent;
    i = HeapSize;
    h[i] = n;
    parent = (i - 1) / 2;
    while (parent >= 0 && i > 0) {
        if (h[i].prior > h[parent].prior) {
            node_in_queue temp = h[i];
            h[i] = h[parent];
            h[parent] = temp;
        }
        i = parent;
        parent = (i - 1) / 2;
    }
    HeapSize++;
}

void A(node* start, node* end, double m[100][100]) {

    double min_f = 9999999;
    node* min_node = nullptr;
    int min_i;
    vector<node*> closedset;
    vector<node*> openset;

    int prior_heap = 100;
    Heap fromset;

    start->G = 0;
    start->F = start->G + (end->name - start->name);
    openset.push_back(start);
    bool stop = false;
    while (openset.size() != 0) {

        for (int i = 0; i < openset.size(); i++) {
            if (openset[i]->F < min_f) { // =

                min_f = openset[i]->F;
                min_node = openset[i];
                min_i = i;

            }
            else if (openset[i]->F == min_f) {

                if (openset[i]->name > min_node->name) {
                    min_f = openset[i]->F;
                    min_node = openset[i];
                    min_i = i;
                }
            }
        }
    }
}

```

```

    }

    min_f = 99999999;

    node* curr = min_node;

    if (curr->name == end->name) {
        printWay(fromset, start->name, end->name);
        char c, n;
        c = fromset.h[fromset.get_HeapSize() - 1].curr;
        n = fromset.h[fromset.get_HeapSize() - 1].neighbour;
        //std::cout << c << n;
        return;
    }

    openset.erase(openset.begin() + min_i);
    closedset.push_back(curr);

    for (int i = 0; i < 100; i++)
        if (m[curr->name - 97][i] != 0) {
            bool cont = false;

            for (int j = 0; j < closedset.size(); j++)
                if (i + 97 == closedset[j]->name) //ВОЗМОЖНО

                    cont = true;

            if (cont == true)
                continue;

            bool tentative_is_better;
            node* neighbour = nullptr;
            double tentative_g_score = m[curr->name - 97][i];

            bool in_openset = false;

            for (int j = 0; j < openset.size(); j++)
                if (i + 97 == openset[j]->name)
                    in_openset = true;

            if (in_openset == false) {

                neighbour = new node;
                neighbour->name = i + 97;
                openset.push_back(neighbour);

                tentative_is_better = true;
            }
            else {

                for (int j = 0; j < openset.size(); j++)
                    if (openset[j]->name == i + 97) {
                        neighbour = openset[j];
                    }

                if (tentative_g_score < neighbour->G)
                    tentative_is_better = true;
            }
        }
    }
}

```

ошибка

```

        else
            tentative_is_better = false;
    }

    if (tentative_is_better == true) {
        for (int j = 0; j < openset.size(); j++)
            if (openset[j]->name == i + 97) {
                neighbour = openset[j];
            }
        neighbour->G = tentative_g_score;
        neighbour->F = neighbour->G + (end->name -
neighbour->name);
        node_in_queue node = { curr->name, neighbour-
>name, prior_heap };
        fromset.addelem(node);
        std::cout << "\n Вершины, которые идут в очередь\n";
        std::cout << curr->name << neighbour->name
<< "\n";
        prior_heap--;
    }
}

}

return;

}

void printWay(Heap from, char start, char end) {

    std::stack<char> stack;

    node_in_queue* h = from.h;
    int i = from.get_HeapSize()-1 ;//
    stack.push(end);
    char current = h[i].curr ;

    while (current != start) {

        if (current == h[i].neighbour) {

            stack.push(current);

            current = h[i].curr;
        }
        i--;
    }

    stack.push(start);

    while (!stack.empty()) {

```



```

        std::cout << stack.top();
        stack.pop();

    }

    std::cout << "\n";

}

int main() {

    double m[100][100];

    for (int i = 0; i < 100; i++)
        for (int j = 0; j < 100; j++)
            m[i][j] = 0;

    char a, b;
    double c;
    char start, end;

    std::ifstream
in("C:\\Users\\Павел\\source\\repos\\piaa_lab2\\piaa_lab2\\inp.txt"); //
открываем файл для чтения
    //char line[100];

    std::cout << "Ввод из файла или консоли?(1/2)\n";
    int i_inp;
    cin >> i_inp;

    if (i_inp == 1) {
        if (in.is_open())
        {
            std::string line;
            getline(in, line);
            start = line[0];
            end = line[2];

            while (getline(in, line))
            {
                m[line[0] - 97][line[2] - 97] = line[4];
            }
        }
    }
    else {

        std::cin >> start >> end;

        while (std::cin >> a >> b >> c)
            m[a - 97][b - 97] = c;
    }
}

```

```
node* start1 = new node;  
node* end1 = new node;  
start1->name = start;  
end1->name = end;  
A(start1, end1, m);  
  
}
```