

Vorlesung 3

Alexander Mattick Kennung: qi69dube

Kapitel 1

30. April 2020

$$\sigma_x^n = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}^2}$$

Beweis (über Varianz, damit man sich die Wurzel mitschleppen sparen kann):

$$\sigma_{\bar{x}}^n := \left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}^2 \right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\sigma_{\bar{x}}^n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i^2 - 2x_i\bar{x} + \bar{x}^2) = \left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x} \left(\frac{2}{n} \sum_{i=1}^n x_i \right) + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \bar{x}^2 \right) = \left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}(\bar{x} * 2) + \bar{x}^2 \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n 1 \right) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 -$$

$$\bar{x}(\bar{x} * 2) + \bar{x}^2 = \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}^2$$