# Tasa máxima

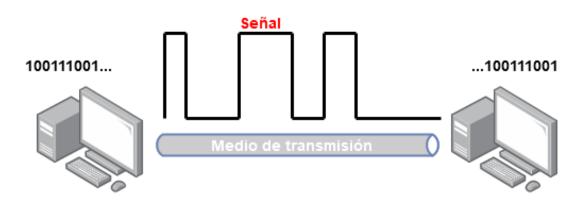
Adaptación

#### ¿Dónde estamos en el modelo?

APLICACIÓN
TRANSPORTE
RED
ENLACE
FÍSICA

- Comenzamos de abajo hacia arriba.
- Iniciando en la capa física

#### Tasa máxima de un canal



- Señal: variación en el tiempo de un fenómeno físico (voltaje, corriente, luz) con un propósito específico.
- Señales digitales
  - Toma valores discretos
- Señales análogas
  - Toma valores en un rango continuo
- Nos interesa saber qué tanta información por unidad de tiempo podemos enviar información sobre un canal físico

#### Tasa máxima de un canal

- ¿Qué tanta información podemos enviar sobre un canal por unidad de tiempo?
  - Teorema de Nyquist (1924)
  - Teorema de Shannon (1948)
- Los sistemas se diseñan teniendo en cuenta los límites que indican los teoremas anteriores.
- El objetivo es tener enlaces de comunicaciones de alto rendimiento para poder enviar la mayor cantidad de información lo suficientemente rápido.
- ¿Qué tanta información se puede enviar por unidad de tiempo?

## Propiedades de un canal

- El ancho de banda (B)
  - Limita la tasa de transiciones: cuántas transiciones (p. ej.: +V V) por unidad de tiempo (frecuencia)
  - Ancho de banda medido en Hz (rango de frecuencias que soporta el medio)
  - Ponemos señales sobre el medio
- La potencia de la señal (S) y la potencia del ruido (N) que la corrompe
  - Limitan el número de niveles de señal (símbolos) que podemos reconocer
  - El receptor es quién detecta qué tan fuerte o débil recibió la señal
  - Entre más símbolos, más posibilidad de enviar información
  - Ruido externo
  - Ruido generado por los equipos de comunicaciones

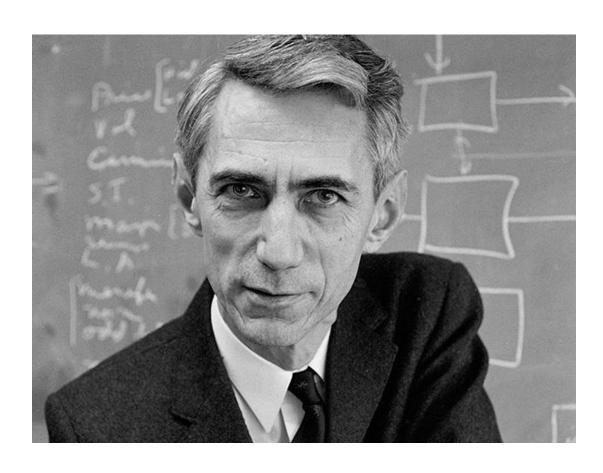
# Límite de Nyquist

• Si la señal consiste en V niveles discretos

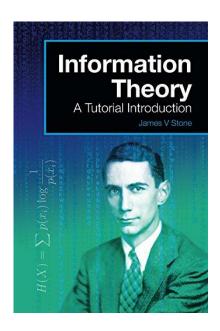
$$R = 2B \times \log_2(V) bits/s$$

- No considera ruido en el canal.
- *V* está limitado por el medio.
  - P. Ej.: Resistencia, atenuación
- Un canal **sin ruido** de 3kHZ no puede transmitir dos símbolos (dos niveles de señal) a una velocidad mayor a 6000 bps (6 Kbps).

$$R = 2(3000) \times \log_2(2) = 6000 \text{ bps} = 6 \text{ kbps}$$



- Padre de la teoría de la información
  - "A Mathematical Theory of Communication" (1948)



- Indica la capacidad máxima de un canal
- Considera el ruido térmico (N)
  - Movimiento aleatorio de los átomos en el sistema (p. ej.: conductor eléctrico)
- La cantidad de ruido (N) térmico se mide con base en la relación entre la potencia de la señal (S) y la potencia del ruido.
- Relación señal (S) ruido (N)

$$\frac{S}{N}$$

- Se expresa en dB (decibeles)
- Se mide en escala logarítmica

• 
$$SNR_{dB} = 10 \log_{10} \left(\frac{S}{N}\right)$$

- SNR de 10 = 10 dB
- SNR de 100 = 20 dB
- SNR de 1000 = 30 dB
- Entre más dB mejor calidad de canal
- Tasa de datos máxima de un canal con ruido

$$R = B \times \log_2\left(1 + \frac{S}{N}\right)$$
 bits/s

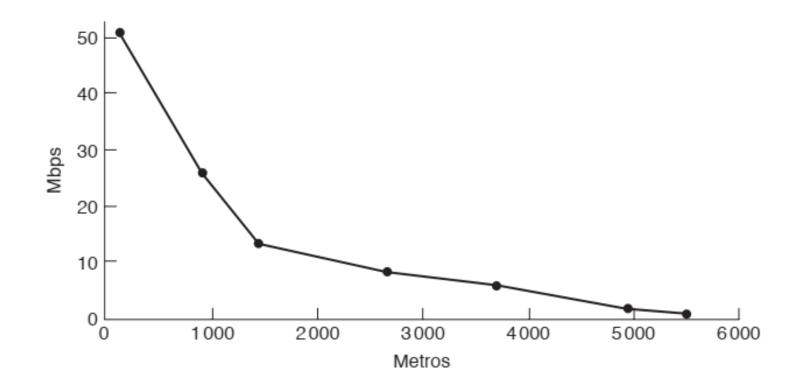
- $SNR_{dB} = 10 \log_{10} \left(\frac{S}{N}\right)$ 
  - SNR de 10 = 10 dB
  - SNR de 100 = 20 dB
  - SNR de 1000 = 30 dB
- En el sistema telefónico convencional se maneja una SNR de 30 dB y un ancho de banda de 3.3 kHz

$$R = 3300 \times \log_2(1 + 1000) = 32901 \ bps = 33 \ Kbps$$

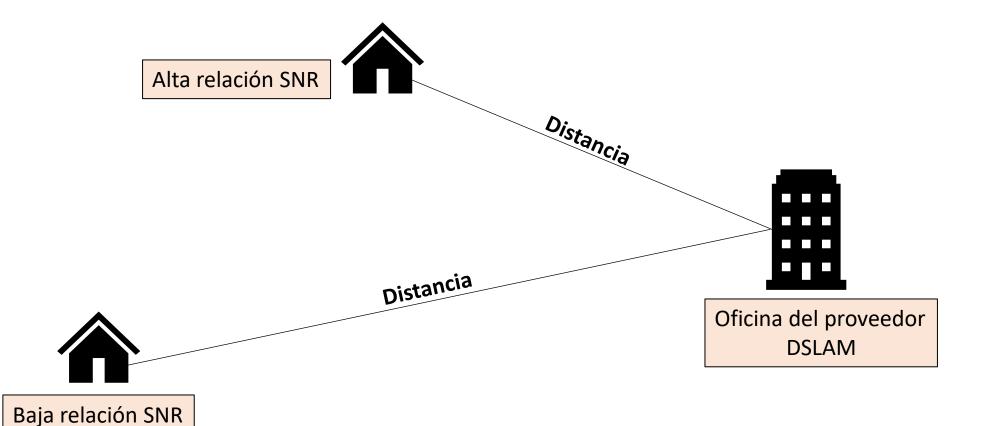
- Los módems telefónicos ya estaban en el límite.
  - No había más de donde mejorar
- La capacidad del canal se mejora con aumento de (S) o diminución de (N)
- Para casos de SNR muy altas (buena calidad de canal) sumar 1 en la expresión no incide mucho.
  - No sucede lo mismo para SNR baja

- Usado para conexiones banda ancha: 10 Mbps 24 Mbps (ADSL2+)
- Hace uso del par trenzado de cable telefónico que llega al suscriptor.
- El cable soporta frecuencias mayores a 4kHz (~1 MHz @~5Km)
  - En la práctica solo se usan 4 kHz para el teléfono: transmisión analógica de la voz
  - El proveedor filtra las frecuencias por encima de los 4 kHz
- El rango de frecuencias por encima de los 4 kHz los aprovecha DSL
  - Las limitantes las impone el medio físico desde el DSLAM hasta el suscriptor. Aprox. 1 MHz.
  - La capacidad disminuye con la distancia
  - Grosor
  - Calidad del cable

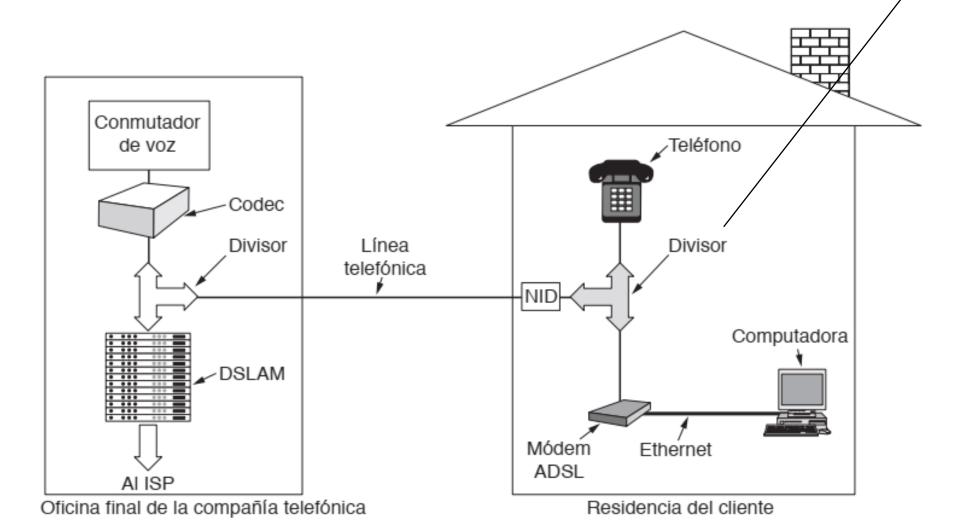
- Variación del ancho de banda con la distancia
  - Cable UTP Cat 3 para DSL



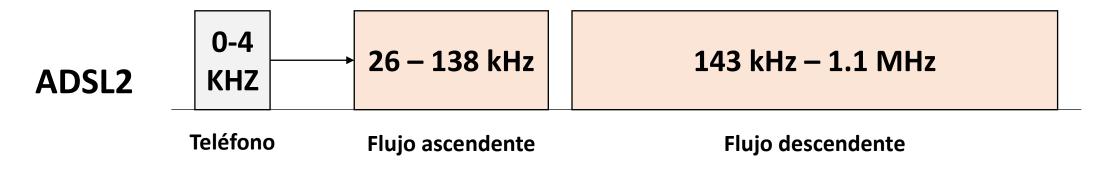
Distancia deseable no mayor a 2km



Separa señales 0 – 4 kHz para voz 26 kHz – 1.1 MHz datos



- DSL usa modulación pasa-banda (OFDM)
  - Separa bandas para flujos ascendentes y descendentes
  - La modulación varía a la vez la amplitud y la fase (esquema QAM) de la señal portadora
  - Con una alta relación SNR se pueden enviar hasta 15 bits/símbolo
  - Con una baja relación SNR se puede enviar un 1 bit por símbolo



#### Referencias

- Wetherall, David J. *Computer Networks 2-5 Limits*. https://www.youtube.com/watch?v=PKDVX7Rf2tg
- Tanenbaum A., and Wetherall D. *Redes De Computadoras* 5th ed., Pearson Educación, México, 2012.