## Calcolo Numerico - Corso B: Laboratorio Lezione 9

Luca Gemignani < luca.gemignani@unipi.it>

## Simulazione di Prova

Esercizio1. Siano  $M=(m_{i,j}), N=(n_{i,j})\in \mathbb{R}^{n\times n},\, n\geq 2,$  definite da

$$m_{i,j} = \begin{cases} 1 \text{ se } i \ge j; \\ 0 \text{ altrimenti;} \end{cases}$$

$$n_{i,j} = \begin{cases} x \text{ se } i \ge j; \\ 1 \text{ se } 1 \le i \le n-1, j = n; \\ 0 \text{ altrimenti.} \end{cases}$$

- 1. Si determini A = M N.
- 2. Si determini per quali valori del parametro  $x \in \mathbb{R}$  la matrice A è predominante diagonale.
- 3. Si determini per quali valori del parametro  $x \in \mathbb{R}$  il metodo iterativo  $Mx^{(k+1)} = Nx^{(k)} + b$  è convergente.
- 4. Si mostri che per tali valori A è invertibile.
- 5. Si determini il costo computazionale di un'iterazione del metodo.

Esercizio 2. Si consideri l'equazione

$$f(x) = (x-1)e^{x+1} - a = 0, \quad a > 0.$$

- 1. Si mostri che l'equazione ammette una ed una sola soluzione reale  $\xi = \xi(a)$ .
- 2. Si mostri che il metodo delle tangenti genera successioni convergenti per ogni  $x_0 > 0$ .
- 3. Si scriva un programma MatLab che dato in input il valore di a e una tolleranza tol restituisce in uscita un'approssimazione di  $\xi = \xi(a)$  generata dal metodo di Newton arrestato quando  $|x_{k+1} x_k| \leq tol$ .

4. Utilizzando il comando p<br/>lot si tracci un grafico della funzione  $a \to \xi(a)$  per<br/>  $1 \le a \le 3.$