Nella maggioranza dei problemi che si affrontano con i calcolatori l'esponenzialità è legata all'impiego, a volte mascherato, di due strutture combinatorie di base: l'insieme delle 2^n configurazioni di n bit, e l'insieme delle n! permutazioni di n elementi. Vediamo come tali strutture possano essere costruite algoritmicamente e quindi utilizzate. Dato un vettore A di lunghezza n, il seguente algoritmo Configurazioni costruisce in A le 2^n possibili configurazioni binarie (disposizioni con ripetizione dei due elementi 0 e 1 in gruppi di n). Per ogni configurazione l'algoritmo stabilisce se essa possiede determinate proprietà mediante una procedura Controllo che specificheremo nel seguito trattando di problemi concreti. Il calcolo è avviato con la chiamata iniziale Configurazioni (A,1) che innesca la costruzione di tutte le configurazioni binarie dalla 00...0 alla 11...1, facendo variare le cifre a partire dall'ultima.

```
Procedure Configurazioni(A, k):

for i \leftarrow 0 to 1 do

A[k] \leftarrow i;

if k = n then Controllo(A)

else Configurazioni(A, k + 1).
```

Un altro problema combinatorio di base è quello della costruzione di permutazioni. Dato un insieme di n elementi contenuti in un vettore P, l'algoritmo seguente costruisce in P tutte le n! permutazioni di tali elementi. Come nel caso precedente, per ogni permutazione l'algoritmo stabilisce se essa possiede determinate proprietà mediante una procedura Controllo.

```
Procedure Permutazioni (P, k):

if k = n then \mathtt{Controllo}(P)

else for i \leftarrow k to n do

scambia P[k] \leftrightarrow P[i];

Permutazioni (P, k + 1);

scambia P[k] \leftrightarrow P[i].
```

Il calcolo è avviato con la chiamata iniziale Permutazioni(P,1). L'algoritmo è basato sull'osservazione che le permutazioni di n elementi possono essere divise in gruppi, ponendo in ciascun gruppo quelle che iniziano con il primo, il secondo,..., l'n-esimo elemento ciascuno seguito dalle permutazioni degli altri n-1. Nel primo gruppo troviamo P[1] seguito da tutte le permutazioni di $P[2], \ldots, P[n]$; nel secondo troviamo P[2] seguito da tutte le permutazioni di $P[1], P[3], \ldots, P[n]$ e così via. Questa definizione è induttiva e la correttezza dell'algoritmo si può quindi dimostrare per induzione: occorre solo notare che la seconda operazione di scambio tra P[k] e P[i] è necessaria per ripristinare l'ordine degli elementi dopo la costruzione ricorsiva delle permutazioni degli elementi che seguono il primo. Più difficile è capire il funzionamento dell'algoritmo e individuare l'ordine in cui vengono costruite le permutazioni. Invitiamo il lettore a rifletterci un momento simulando a mano il comportamento dell'algoritmo sull'insieme $\{1,2,3\}$: otterrà nell'ordine le permutazioni: 1,2,3-1,3,2-2,1,3-2,3,1-3,2,1-3,1,2, e con l'ultima operazione di scambio ripristinerà l'ordine iniziale 1,2,3 degli elementi.