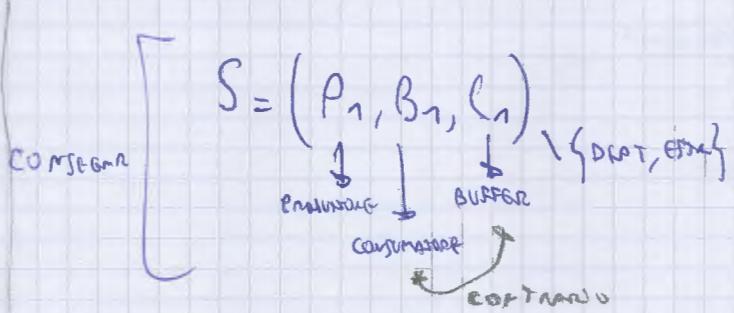
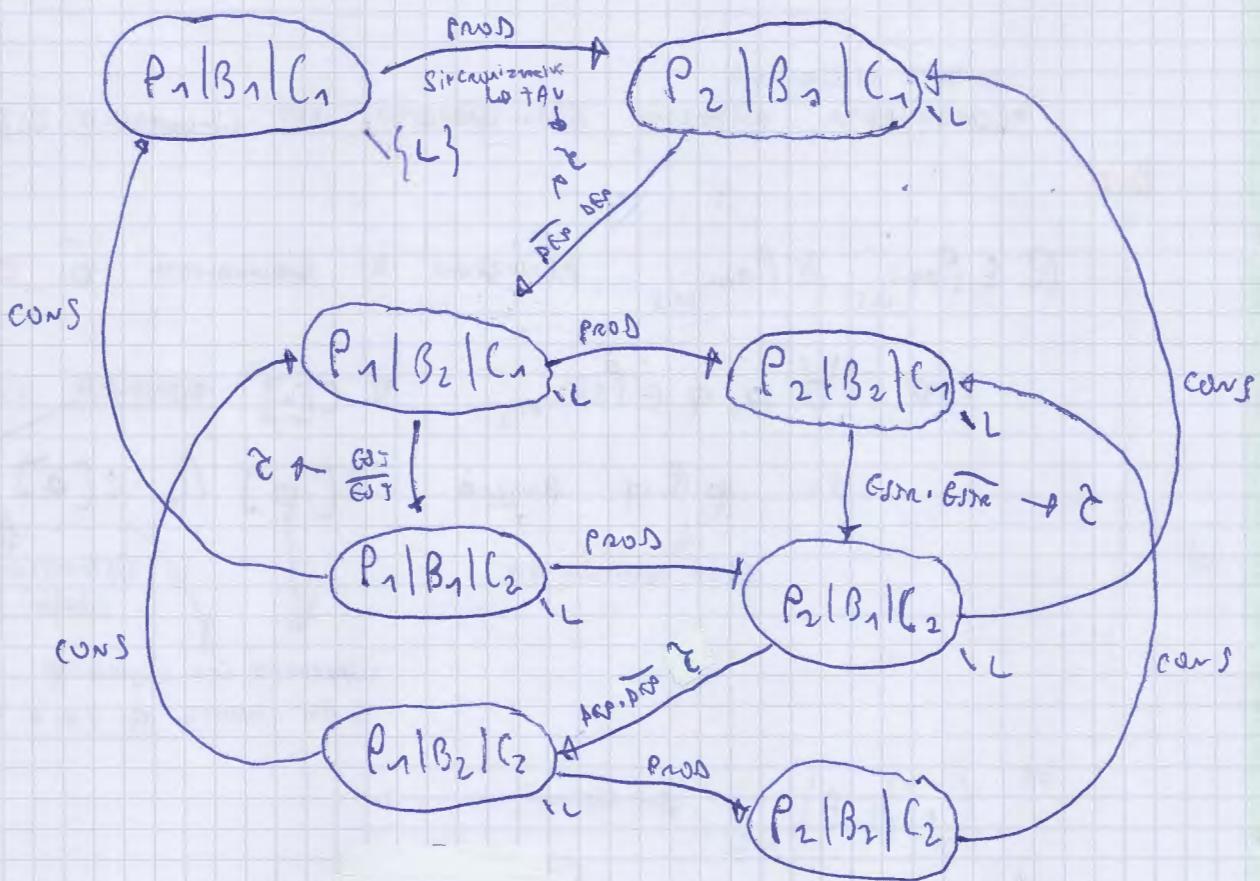


ESERCIZIO



$$L = \{ \text{DEF}, \text{ESTR} \}$$

$$\begin{aligned} P_1 &= \text{prod}.P_1, \quad P_2 = \overline{\text{prod}}.P_1 \\ C_1 &= \text{ESTR}.C_1, \quad C_2 = \text{cons}.C_1 \\ B_1 &= \text{prod}.B_1, \quad B_2 = \overline{\text{ESTR}}.B_1 \end{aligned}$$



† SONO PROCESI

$$S_1 \sim S_2 \text{ + veder sopra}$$

↓ ↓
 LTS₁ LTS₂
 ↗ ↘
ss0 → se sono isomorfi allora posso sostituire S₂ con S₂ o viceversa

$$\text{LTS}_1 = (Q_1, E_1, T_1, q_{0_1}) \quad \text{LTS}_2 = (Q_2, E_2, T_2, q_{0_2})$$

LTS₁ è isomorfo a LTS₂ sse

$$\exists \alpha: Q_1 \rightarrow Q_2$$

ovvero α paria dati snati del primo sistema A
ogni dati del secondo

$$\exists \beta: E_1 \rightarrow E_2$$

ovvero β paria dati snati del primo sistema A
ogni dati del secondo

$$\text{T.C. } \alpha(q_{0_1}) = q_{0_2}$$

l'immagine sotto iniziale di S₁ coincide
con sotto iniziale della seconda

$$\star (q_1, \alpha, q_1') \in T_1 \quad (\alpha(q_1), \beta(q_1'), \alpha(q_2)) \in T_2$$

per ogni coppia di stati di S₁ tra cui esiste un arco $\alpha(q_1) \rightarrow q_2'$
vale che esiste un arco escludendo con l'immagine di q₁ in S₂ che va nel finale
del primo stato considerato del primo sistema all'immagine del secondo stato considerato per
l'arco dato. È UN PÒ TROPPO FORTE PERCHE' S₁ E S₂ SONO UGUALI

DEUTA DIF. È UN PÒ TROPPO FORTE PERCHE' S₁ E S₂ SONO UGUALI
seguente si azioni troppo restrittiva e vicina a
fanno gli stessi passi;

$$\text{Tracce di } P = \{ w \in \text{Act}^* \mid \exists p' \in \text{Proc}_{\text{ccs}} : p \xrightarrow{w} p' \}$$

$$\text{se } p, p' \in \text{Proc}_{\text{ccs}} \quad p \xrightarrow{w} p' \quad \text{se } w = \varepsilon \quad p = p'$$

$$w \in \text{Act}^* \quad \text{se } w = x_1, x_2, \dots, x_n$$

$$\exists p'_1, p'_2, \dots, p'_n \in \text{Proc}_{\text{ccs}} \\ p \xrightarrow{x_1} p'_1 \xrightarrow{x_2} p'_2 \xrightarrow{\dots} p'_n = p'$$

calcoli

$$p_1 \xrightarrow{T} p_2 \text{ sse } \text{Tracce}(p_1) = \text{Tracce}(p_2)$$

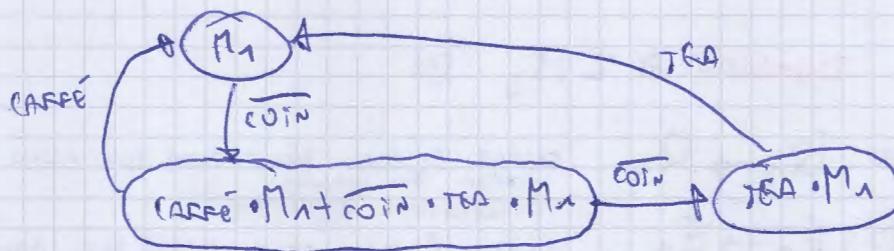
CONVERGENZA RISPETTO ALLE TRACCE PER PROC E Proc_{ccs}

$$U_{Ni} = (M1 \mid L) \setminus \{COIN, CAFFÉ\} \quad M_1, M_2$$

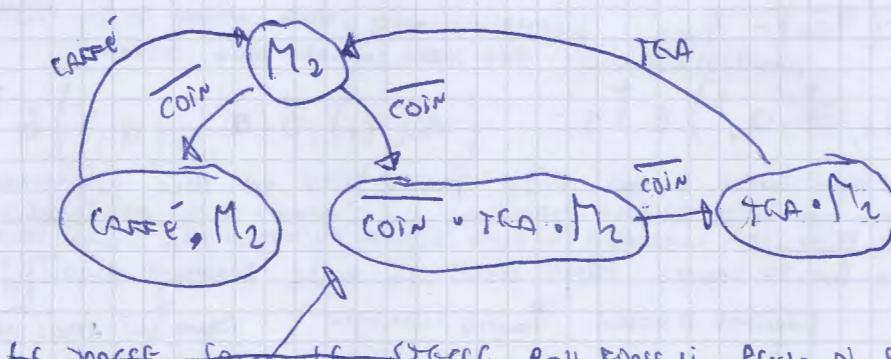
$$M_1 = \overline{COIN} \cdot (CAFFÉ \cdot M_1 + \overline{COIN} \cdot TEA \cdot M_1)$$

$$M_2 = \overline{COIN} \cdot CAFFÉ \cdot M_2 + \overline{COIN} \cdot \overline{COIN} \cdot TEA \cdot M_2$$

$$\text{Trace}(M_1) \stackrel{?}{=} \text{Trace}(M_2)$$



ma c'è
isomorfismo



~~LE trace SONO LE STESE BOH POSSONO PRENDERE NEL SI~~

SI SONO LE STESE

MA COMUNQUE SONO DUE STATE, NON SONO SOSTITUITI

SE COIN ENTRA \leftarrow non posso più prendere IL CAFFÉ PER ESSERE

$$LP = LP_1 \cdot \text{COIN} \cdot \overline{\text{CARRE}}$$

$$(LP(M_1))_{\setminus \{\text{COIN}, \text{CARRE}, \text{TE}\}}$$

$$(LP(M_2))_{\setminus \{\text{COIN}, \text{CARRE}, \text{TE}\}}$$

M_1 non termina mai

M_2 può andare in deadlock

nuovi possibili joistazioni

Quindi solo le tracce uguali non sono sufficienti? ✓

EQUIVALENZA ALL'OSSERVAZIONE (BISIMULAZIONE)

$$M_1 \xrightarrow{\text{BIS}} M_2$$

Possiamo di sostituire un processo p_1 con p_2 se sono equivalenti all'osservazione cioè se ogni osservazione esterna non è in grado di distinguere i processi.

Osservare significa interagire con il sistema, dove agisce il processo

$R \subseteq \text{Procces} \times \text{Procces}$ è UNA RELAZIONE DI BISIMULAZIONE (PONTE) PROCESSO P IN RELAZIONE CON IL PROCESSO Q

Se $\forall p, q \in \text{Procces} : p R q$ vale che

$\exists \alpha \in \text{Act} \quad \text{Act} = \text{Act} = \text{Act} \cup \{\alpha\}$

Se ho $p \xrightarrow{\alpha} p'$ avrò $\exists q \in \text{Procces} : q \xrightarrow{\alpha} q'$

si compongono allo stesso modo

→ saranno quindi indistinguibili

$\wedge p' R q'$

Viceversa $\exists \alpha \in \text{Act} \quad \text{se ho } q \xrightarrow{\alpha} q' \text{ allora deve esistere}$

p.i.c. $p \xrightarrow{\alpha} p'$ esista $p' R q'$

$p \sim q$ sono **BISIMILI** (permutante)

\downarrow
 $p \sim^{\text{BIS}} q$ sse $\exists R$ relazione di Bisimilità forte
 tale che pRq

$\sim^{\text{BIS}} = \bigcup \{R \subseteq \text{Proc}_{ccs} \times \text{Proc}_{ccs} : R \text{ è una relazione di bisimilità forte}\}$

SI PUÒ DIMOSTRARE CHE QUESTA È UNA RELAZIONE DI EQUIVALENZA

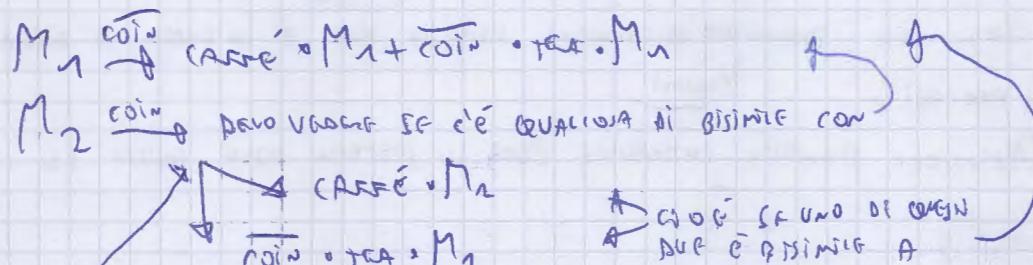
DEF.

$p \sim^{\text{BIS}} q$ sse $\forall \alpha \in \text{Act}$ se $p \xrightarrow{\alpha} p'$ allora $\exists q' : q \xrightarrow{\alpha} q'$
 $p' \sim^{\text{BIS}} q'$

DEFINIZIONE
PIÙ EASY

se $q \xrightarrow{\alpha} q'$ allora $\exists p' : p \xrightarrow{\alpha} p'$
 $p' \sim^{\text{BIS}} q'$

NUOVO ESEMPIO PRENDERE DALLA MACHINERIA:



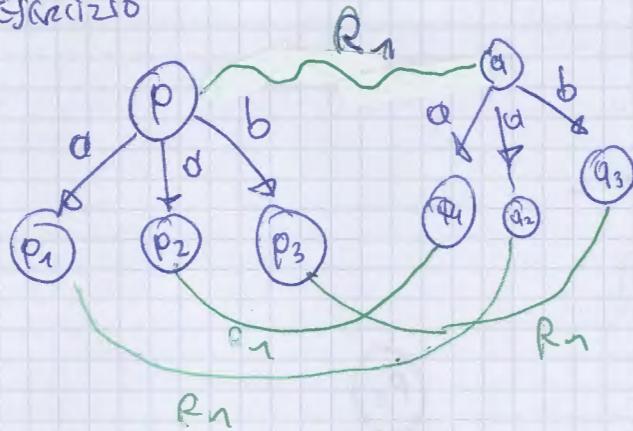
MA NON SONO BISIMILI PERCHÉ NEL PRIMO CASO PAGANDO CAFFÈ MA SONO POSSIBILI ANCHE PAYMENT COIN

STESO DISCORSO PER IL SECONDO

QUINDI NON ESISTE NESSUN q' CHE SIA BISIMILE A p'

MC-L3

Esercizio



Esempio bisimilazione
su due processi isomorfi
(scambiando delle i/no/i)

Esercizio BUFFER CAPACITÀ 1

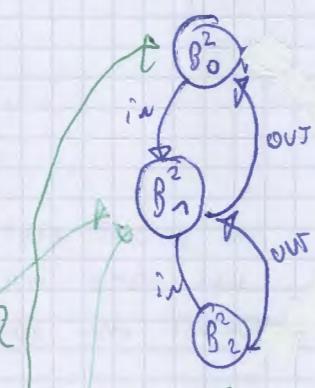
$$A = \{\text{in}, \text{out}\}$$

$$\begin{aligned} B_0^1 &= \text{in} \cdot B_1^1 \\ B_1^1 &= \overline{\text{out}} \cdot B_0^1 + \text{in} \cdot B_2^1 \end{aligned}$$

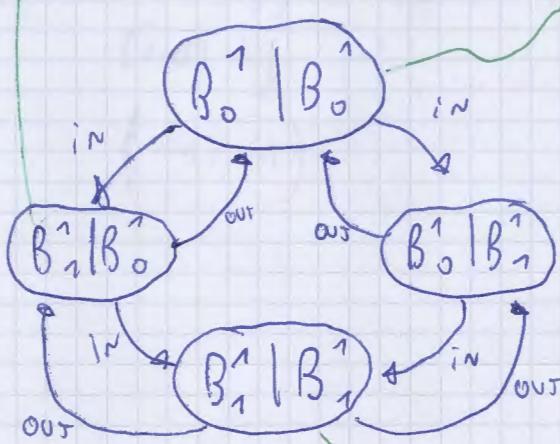
pieno

BUFFER 2

$$\begin{aligned} B_0^2 &= \text{in} \cdot B_1^2 \\ B_1^2 &= \overline{\text{out}} \cdot B_0^2 + \text{in} \cdot B_2^2 \\ B_2^2 &= \overline{\text{out}} \cdot B_1^2 \end{aligned}$$



$$B_0^1 | B_0^1 \xrightarrow{\text{bis}} B_0^2$$



Sono bisimili