stellar classification

July 10, 2021

1 Stellar Classification

Progetto preliminare all'esame di Programmazione di Applicazioni Data Intensive Matteo Cerioni, matteo.cerioni2@studio.unibo.it, 10/07/2021

L'obiettivo del progetto consiste nel costruire un modello di classificazione tra stelle giganti e stelle nane.

Link dataset kaggle : https://www.kaggle.com/vinesmsuic/star-categorization-giants-and-dwarfs Carichiamo il dataset in un pandas dataframe

```
[1]:
         Vmag
                  Plx
                        e Plx
                                 B-V SpType
                                                    Amag
                                                          TargetClass
        10.00
                31.66
                         6.19
                               1.213
                                         K7V
                                               22.502556
     1
         8.26
                 3.21
                         1.00
                               1.130
                                       KOIII
                                               15.792525
                                                                      0
         8.27
     2
                12.75
                         1.06
                              0.596
                                         F9V
                                               18.797552
```

1.0.1 Significato delle variabili

Il dataset è composto da 7 colonne: 1) **Vmag**: La magnitudine apparente ci indica la quantità di luce della stella che è possibile osservare dalla Terra. Più la stella è luminosa, più la sua magnitudine è numericamente bassa, anche negativa.

- 2) Plx: La distanza stimata tra la terra e la stella.
- 3) e Plx: L'errore standard della distanza tra la terra e la stella.
- 4) **B-V**: L'indice di colore della stella (Una stella di colore caldo ha un indice B-V vicino a 0, anche negativo, mentre una stella di colore freddo ha una indice B-V vicino a 2.0.
- 5) **SpType**: La Classe spettrale della stella è un codice che indica la dimensione e la colorazione della stella, le stelle con un numero romano > IV sono stelle giganti, altrimenti sono stelle nane.
- 6) **Amag**: La magnitudine assoluta della stella, calcolata usando la magnitudine apparente e la distanza dalla stella, è una stima della luminosità di ogni stella ad una distanza fissa di 10 Parsec

(32,6 anni luce).

$$Amag = Vmag + 5(log_{10}Plx + 1)$$

7) **TargetClass**: 1 indica le stelle giganti, 0 indica le stelle nane, questo valore è stato ricavato dalla classe spettrale.

L'obiettivo sarà quello di predirre la TargetClass.

1.0.2 Data cleaning

[2] ·	stars.describe()
L4J •	Stals.describe()

[2]:		Vmag	Plx	e_Plx	B-V	Amag	\
	count	39552.000000	39552.000000	39552.000000	39552.000000	39552.000000	
	mean	7.921309	7.117378	1.109705	0.744336	16.050687	
	std	1.308857	12.446291	0.788133	0.513987	2.443937	
	min	-0.620000	-27.840000	0.420000	-0.400000	-0.350000	
	25%	7.210000	2.430000	0.800000	0.358000	14.756514	
	50%	8.160000	4.440000	0.990000	0.703000	16.020828	
	75%	8.830000	8.232500	1.230000	1.129000	17.590541	
	max	12.850000	772.330000	40.630000	3.440000	30.449015	
		TargetClass					
	count	39552.000000					
	mean	0.500000					
	std	0.500006					
	min	0.000000					
	25%	0.000000					
	50%	0.500000					

Notiamo che nell'errore standard della distanza tra la terra e la stella esiste valore massimo molto più grande rispetto alla media e alla deviazione standard.

Quindi per ridurre gli errori dovuti al calcolo della distanza tra la terra e la stella possiamo scartare i record con un e_Plx "elevato"

```
[3]: threshold = stars['e_Plx'].mean() + stars['e_Plx'].std()

stars = stars[ stars['e_Plx'] < threshold ]
stars = stars.reindex()</pre>
```

1.0.3 Analisi esplorativa

1.000000

1.000000

75%

max

[4]: stars.describe()

```
[4]:
                                     Plx
                                                  e_Plx
                                                                   B-V
                     Vmag
                                                                                 Amag
                                           37697.000000
     count
            37697.000000
                           37697.000000
                                                         37697.000000
                                                                         37697.000000
     mean
                 7.858160
                                6.944542
                                               1.006974
                                                              0.747141
                                                                            15.961732
                                               0.292598
                                                              0.517514
     std
                 1.281602
                               11.408064
                                                                             2.375327
     min
                -0.620000
                               -6.680000
                                               0.420000
                                                             -0.400000
                                                                            -0.350000
     25%
                                2.420000
                                               0.790000
                                                              0.352000
                                                                            14.711507
                 7.160000
     50%
                 8.110000
                                4.390000
                                               0.970000
                                                              0.720000
                                                                            15.965467
     75%
                 8.770000
                                8.110000
                                               1.190000
                                                              1.133000
                                                                            17.455963
                                                              3.440000
                11.580000
                              742.120000
                                               1.890000
                                                                            28.004795
     max
             TargetClass
            37697.000000
     count
                 0.487413
     mean
     std
                 0.499848
     min
                 0.000000
     25%
                 0.000000
     50%
                 0.00000
     75%
                 1.000000
                 1.000000
     max
```

Verifichiamo che il dataset è abbastanza bilanciato tra stelle Nane e stelle Giganti.

```
[5]: stars["TargetClass"].value_counts()
```

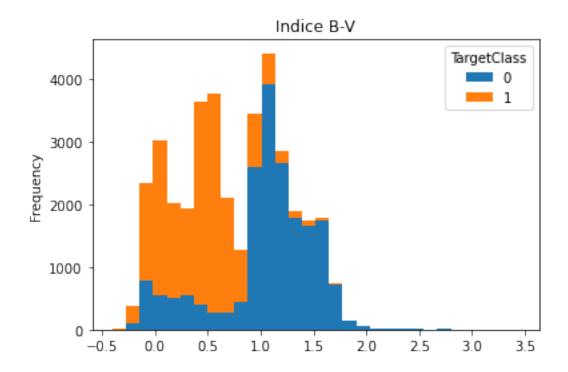
[5]: 0 19323 1 18374

Name: TargetClass, dtype: int64

Visualizziamo per ogni attributo la relazione con la classe della stella (**BLU - NANE, ARAN-CIONE - GIGANTI**)

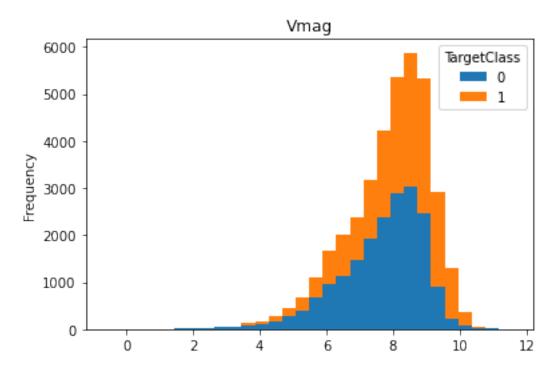
```
[6]: stars.pivot(columns="TargetClass")["B-V"].plot.hist(bins=30, □ 

⇒stacked=True,title="Indice B-V");
```



Analizzando **l'indive B-V** si può notare che dopo una certa soglia aumentano le stelle Nane e diminuiscono le stelle giganti.

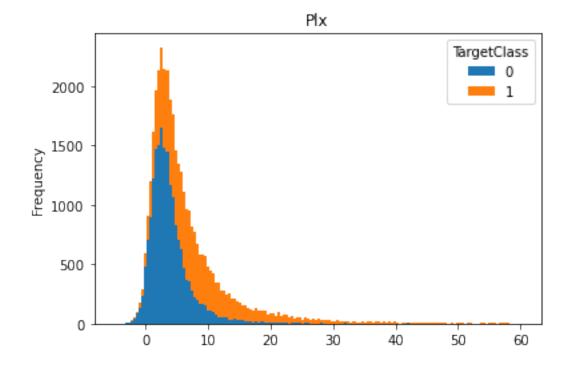
```
[7]: stars.pivot(columns="TargetClass")["Vmag"].plot.hist(bins=30, □ ⇒stacked=True,title="Vmag");
```



Visualizzando l'istogramma della **magnitudine apparente** della stella non si notano particolari relazioni con la tipologia della stella

```
[8]: stars.pivot(columns="TargetClass")["Plx"].plot.hist(bins=150, stacked=True, 

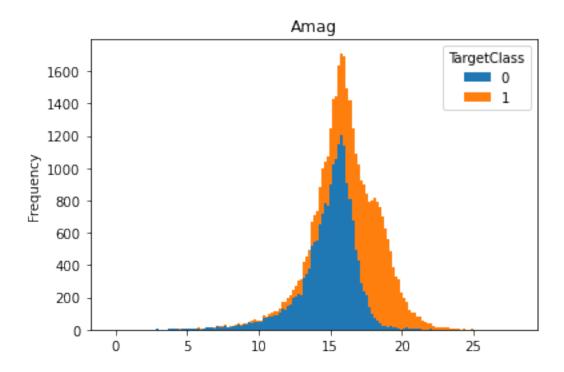
→range = (-5,60),title="Plx");
```



Visualizzando l'istogramma tra la distanza della stella e la terra si nota che all'aumentare della distanza diminuisce il numero di stelle nane in favore delle stelle giganti, questo comportamento potrebbe essere influenzato dal fatto che a grandi distanze è più difficile individuare le stelle nane rispetto alle stelle giganti ed utilizzando questi dati il modello di classificazione potrebbe risultare sbilanciato per classificare le stelle che verranno individuate lontane dalla terra.

```
[9]: stars.pivot(columns="TargetClass")["Amag"].plot.hist(bins=150, stacked=True, 

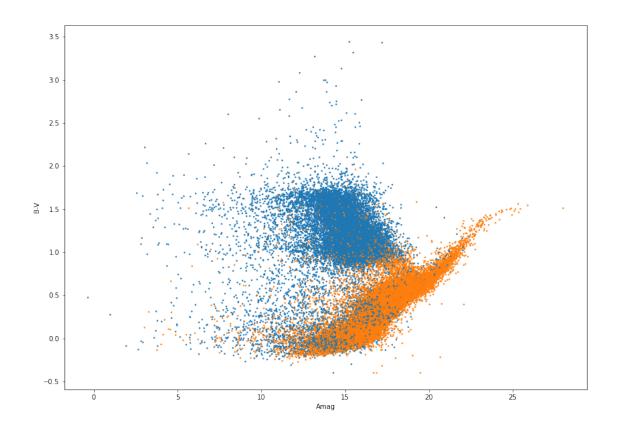
→title="Amag");
```



Infine analizzando la **magnitudine assoluta** della stella ottenuta combinando la magnitudine apparente e la distanza si può notare che all'aumentare della magnitudine assoluta aumentano le stelle giganti.

Infine visualizziamo il grafico a dispersione tra Magnitudine assoluta e indice B-V. In arancione le giganti e in blu le nane.

```
[10]: star_color_map = {0: "#1f77b4", 1: "#fe7f0e"}
star_colors = stars["TargetClass"].map(star_color_map)
stars.plot.scatter("Amag", "B-V", c=star_colors,figsize=(14,10), s=2);
```



2 Individuazione delle feature più rilevanti

suddividiamo i dati tra training e validation

Proviamo a costruire un primo modello di classificazione basato sull'algoritmo **Perceptron**

```
[12]: from sklearn.linear_model import Perceptron
model = Perceptron(random_state=61)
model.fit(X_train, y_train)
```

```
model.score(X_val, y_val)
```

[12]: 0.8761273209549072

Per individuare le feature più rilevanti, creiamo una pipeline che dopo aver effettuato la **standardizzazione**, utilizza un modello di classificazione **perceptron** applicando la **regolarizzazione con norma L1** e ne visualizziamo i pesi rilevati per ogni feature.

[13]: 0.8760389036251105

```
[14]: pd.Series(model.named_steps["perceptron"].coef_[0],index=X.columns)
```

```
[14]: Vmag 0.000000
Plx 1.515038
e_Plx 0.000000
B-V -1.866326
Amag 0.848336
dtype: float64
```

Possiamo notare che alle colonne **Vmag** e **e_Plx** è stato assegnato peso 0, in quanto non influiscono sulla classificazione della stella.

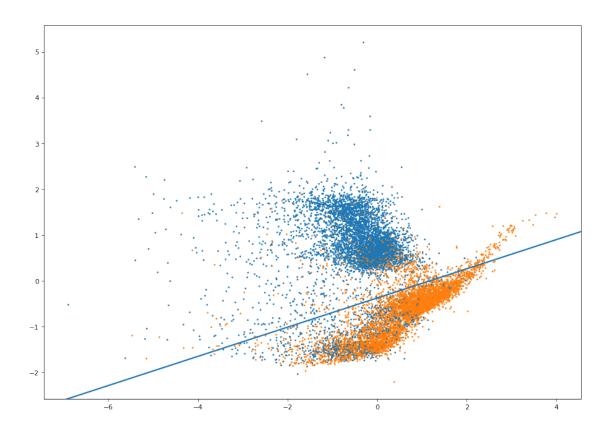
Inoltre notiamo che il modello ha calcolato un grosso pero per la feature \mathbf{Plx} (distanza dalla terra), in teoria non dovrebbe esserci una relazione tra la tipologia di una stella e la sua distanza dalla terra, ma come rilevato durante l'analisi esplorativa, questa relazione dovrebbe derivare dal fatto che il dataset comprende poche stelle nane a lunghe distanze, perchè essendo più piccole risulterebbero più difficili da individuare dalla terra.

Proviamo quindi ad addestrare un modello di classificazione basato sulle feature \mathbf{Amag} (magnitudine assoluta) e $\mathbf{B-V}$ (Indice di colore).

[44]: 0.8579133510167993

Nonostante l'esclusione della feature Plx, la precisione del modello rimane accettabile.

Essendo il modello basato su sole due feature possiamo visualizzare la retta di separazione delle due classi.



2.1 Regressione Logistica

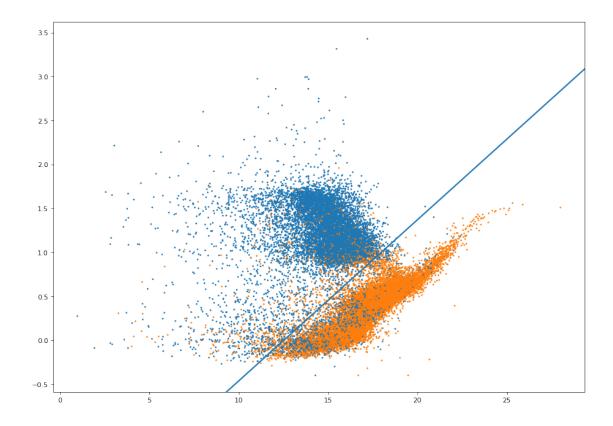
Sfruttando la **regressione logistica** possiamo creare un modello con maggiore precisione rispetto al metodo Perceptron.

Iniziamo creando un modello semplice e confrontiamolo con il perceptron

```
[47]: from sklearn.linear_model import LogisticRegression
log_reg_model = LogisticRegression(solver="saga", random_state=61)
log_reg_model.fit(X_train, y_train)
log_reg_model.score(X_val, y_val)
```

[47]: 0.8824933687002653

```
[52]: plot_separator_2d(X_train, y_train, log_reg_model)
```



Dal grafico e dallo score del modello di regressione logistica si nota un buon miglioramento rispetto al Perceptron.

2.1.1 Individuazione dei migliori iperparametri per la regressione logistica

Per migliorare il modello di Regressione logistica cerchiamo i migliori iperparametri utilizzando una GridSearch e una Stratified Cross Validation.

```
[56]: from sklearn.model_selection import StratifiedKFold
    k=4
    skf = StratifiedKFold(k, shuffle=True, random_state=61)

[57]: model = Pipeline([
        ("scaler", None),
        ("lr", LogisticRegression(solver="saga",random_state = 61))
])

[58]: from sklearn.model_selection import GridSearchCV

grid = [
        {
             "scaler": [None, StandardScaler()],
             "lr__penalty": ["none"]
```

```
},
              "scaler": [None, StandardScaler()],
              "lr__penalty": ["12", "11"],
              "lr__C": [0.1, 1, 10]
          },
          {
              "scaler": [None, StandardScaler()],
              "lr penalty": ["elasticnet"],
              "lr C": [0.1, 1, 10],
              "lr l1 ratio": [0.1,0.3, 0.5,0.7, 0.9]
          }
      ]
[59]: gs = GridSearchCV(model, grid, cv=skf)
     gs.fit(X train, y train);
     pd.DataFrame(gs.cv_results_).sort_values("rank_test_score").head(5)
[61]:
          mean_fit_time std_fit_time mean_score_time std_score_time \
      16
               0.115092
                             0.009993
                                               0.001863
                                                               0.000036
      20
                                                               0.000032
               0.112339
                             0.007200
                                               0.001866
      6
               0.129794
                             0.046201
                                               0.002332
                                                               0.000842
      22
               0.111113
                             0.008395
                                               0.001866
                                                               0.000037
      18
               0.118294
                             0.013087
                                               0.002010
                                                               0.000256
         param_lr__penalty param_scaler param_lr__C param_lr__l1_ratio \
      16
                elasticnet
                                   None
                                                 0.1
                                                                    0.3
                                                                    0.7
      20
                elasticnet
                                   None
                                                 0.1
                                   None
      6
                        12
                                                   1
                                                                    NaN
                                                                    0.9
      22
                elasticnet
                                   None
                                                 0.1
                elasticnet
                                   None
                                                 0.1
                                                                    0.5
      18
                                                      params split0_test_score \
      16 {'lr_C': 0.1, 'lr_l1_ratio': 0.3, 'lr_penal...
                                                                     0.881310
      20 {'lr_C': 0.1, 'lr_l1_ratio': 0.7, 'lr_penal...
                                                                     0.881461
          {'lr_C': 1, 'lr_penalty': 'l2', 'scaler': None}
                                                                       0.881461
      22 {'lr_C': 0.1, 'lr_l1_ratio': 0.9, 'lr_penal...
                                                                     0.881461
      18 {'lr_C': 0.1, 'lr_l1_ratio': 0.5, 'lr_penal...
                                                                     0.881310
          split1_test_score split2_test_score split3_test_score mean_test_score \
      16
                   0.883735
                                       0.872669
                                                          0.884475
                                                                           0.880547
      20
                   0.883583
                                       0.872821
                                                          0.884324
                                                                           0.880547
      6
                   0.883432
                                       0.872973
                                                          0.884324
                                                                           0.880547
                                                                           0.880509
      22
                   0.883432
                                       0.872821
                                                          0.884324
      18
                   0.883583
                                       0.872821
                                                          0.884324
                                                                           0.880509
```

```
std_test_score rank_test_score
      16
                0.004697
                                          2
      20
                0.004583
      6
                0.004494
                                          3
      22
                0.004558
                                          4
                0.004576
                                          4
      18
[62]:
      gs.best_params_
[62]: {'lr__C': 0.1,
       'lr__l1_ratio': 0.3,
       'lr_penalty': 'elasticnet',
       'scaler': None}
```

La **GridSearch** ha individuato come modello migliore secondo la **cross-validation** il modello di regressione logistica senza standardizzazione con regolarizzazione **elasticnet** con rapporto l1 pari al 30% e C pari a 0.1.

Proviamo ora a cercare i migliori iperparametri tramite RandomSearch

```
[63]: from sklearn.model selection import RandomizedSearchCV
      random_grid = [
          {
              "scaler": [None, StandardScaler()],
              "lr_penalty": ["none"]
          },
          {
              "scaler": [None, StandardScaler()],
              "lr_penalty": ["12", "11"],
              "lr__C": np.logspace(-2, 2, num=50),
          },
              "scaler": [None, StandardScaler()],
              "lr_penalty": ["elasticnet"],
              "lr__C": np.logspace(-2, 2, num=50),
              "lr__l1_ratio": np.linspace(0, 1, num=20),
          }
      ]
      rs = RandomizedSearchCV(model,random_grid, random_state=61,
      rs.fit(X_train, y_train);
      pd.DataFrame(rs.cv_results_).sort_values("rank_test_score").head(5)
```

```
3
              0.040832
                            0.011507
                                              0.003054
                                                               0.001032
      4
                                                               0.000279
              0.048970
                            0.019188
                                              0.002373
      8
              0.027075
                            0.001975
                                              0.001953
                                                               0.000016
             param_scaler param_lr__penalty param_lr__l1_ratio param_lr__C
      7
                     None
                                  elasticnet
                                                       0.421053
                                                                     0.13895
      2
        StandardScaler()
                                                       0.210526
                                  elasticnet
                                                                         100
      3 StandardScaler()
                                  elasticnet
                                                       0.894737
                                                                    0.910298
      4 StandardScaler()
                                                                    0.754312
                                  elasticnet
                                                       0.315789
      8 StandardScaler()
                                  elasticnet
                                                       0.842105
                                                                         100
                                                             split0_test_score \
                                                     params
      7 {'scaler': None, 'lr_penalty': 'elasticnet', ...
                                                                     0.881461
      2 {'scaler': StandardScaler(), 'lr_penalty': 'e...
                                                                     0.881461
      3 {'scaler': StandardScaler(), 'lr_penalty': 'e...
                                                                     0.881461
      4 {'scaler': StandardScaler(), 'lr_penalty': 'e...
                                                                     0.881461
      8 {'scaler': StandardScaler(), 'lr_penalty': 'e...
                                                                     0.881461
         split1_test_score split2_test_score
                                                split3_test_score mean_test_score
      7
                  0.883583
                                      0.872821
                                                         0.884324
                                                                           0.880547
                  0.883583
                                      0.872821
                                                         0.884172
                                                                           0.880509
      2
                                                         0.884172
                                                                           0.880509
      3
                  0.883583
                                      0.872821
      4
                  0.883583
                                      0.872821
                                                         0.884172
                                                                           0.880509
                                                                           0.880509
      8
                  0.883583
                                      0.872821
                                                         0.884172
         std_test_score rank_test_score
      7
               0.004583
      2
               0.004552
                                        2
      3
               0.004552
                                        2
      4
               0.004552
                                        2
      8
               0.004552
                                        2
[64]: rs.best_params_
[64]: {'scaler': None,
       'lr_penalty': 'elasticnet',
       'lr__11_ratio': 0.42105263157894735,
       'lr_C': 0.13894954943731375}
```

La RandomSearch ha individuato come modello migliore secondo la cross-validation il modello di regressione logistica senza standardizzazione e con regolarizzazione elasticnet con rapporto l1 pari al 42% e C pari a 0.14, valori simili al risultato ottenuto dalla GridSearch.

Proviamo a visualizzare l'accuratezza dei due modelli sul validation set.

```
[65]: gs.best_estimator_.score(X_val, y_val)
```

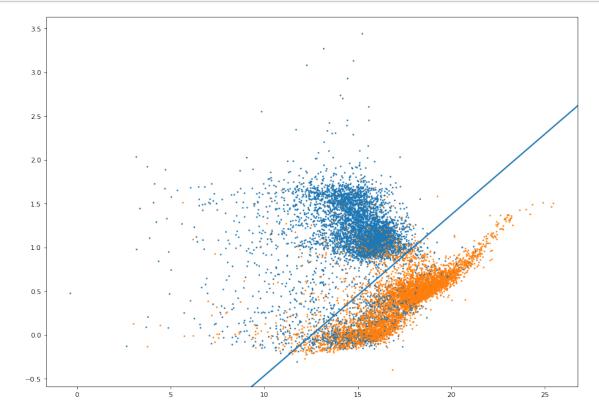
[65]: 0.8821396993810787

```
[66]: rs.best_estimator_.score(X_val, y_val)
```

[66]: 0.8822281167108753

Risulta essere leggermente più accurato il modello con gli iperparametri individuati dalla Random-Search, visualizziamone il grafico :

```
[67]: plot_separator_2d(
          X_val,
          y_val,
          rs.best_estimator_.named_steps["lr"]
)
```



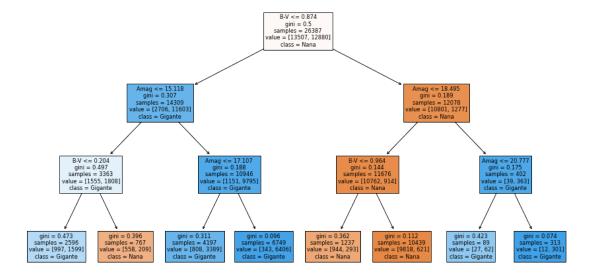
2.2 Classificazione mediante alberi decisionali

Proviamo ora a generare un semplice modello di classificazione basasto sugli alberi decisionali con profondità limitata a 3

```
[68]: from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
model = DecisionTreeClassifier(max_depth=3, random_state=61)
model.fit(X_train, y_train)
```

[68]: DecisionTreeClassifier(max_depth=3, random_state=61)

Visualizziamo ora l'albero decisionale generato dal modello di profondità pari a 3.



```
[35]: model.score(X_val,y_val)
```

[35]: 0.8756852343059239

L'accuratezza del modello ed è ottima, paragonabile ai modelli di regressione logistica precedentemente individuati

Cerchiamo di migliorare il risultato, individuando gli iperparametri migliori tramite **GridSearch** e **RandomSearch**

```
[70]: model = DecisionTreeClassifier(random_state=61)
grid = {
    "max_depth": [3, 5, 10, None],
    "min_samples_split": [2, 50, 100]
}
gs = GridSearchCV(model, grid, cv=skf)
gs.fit(X_train, y_train)
pd.DataFrame(gs.cv_results_).sort_values("rank_test_score").head(5)
```

```
5
              0.018893
                             0.000085
                                               0.001944
                                                                0.000029
      0
                                               0.002780
              0.017141
                             0.003053
                                                                0.000527
      1
              0.012959
                             0.000163
                                               0.001921
                                                                0.000032
        param_max_depth param_min_samples_split
      4
                       5
                                               50
                       5
                                                2
      3
                       5
                                              100
      5
                       3
      0
                                                2
      1
                       3
                                               50
                                               params
                                                       split0_test_score \
      4
          {'max_depth': 5, 'min_samples_split': 50}
                                                                 0.881158
           {'max_depth': 5, 'min_samples_split': 2}
      3
                                                                 0.881158
        {'max_depth': 5, 'min_samples_split': 100}
      5
                                                                 0.881310
           {'max_depth': 3, 'min_samples_split': 2}
                                                                 0.875549
          {'max_depth': 3, 'min_samples_split': 50}
      1
                                                                 0.875549
         split1_test_score split2_test_score
                                                 split3_test_score mean_test_score
      4
                   0.880097
                                      0.869789
                                                          0.882353
                                                                            0.878349
      3
                  0.879794
                                      0.869789
                                                          0.882353
                                                                            0.878274
      5
                                      0.869941
                                                          0.882050
                                                                            0.878198
                  0.879491
      0
                  0.876611
                                      0.865848
                                                          0.876592
                                                                            0.873650
                  0.876611
                                                          0.876592
                                                                            0.873650
      1
                                      0.865848
         std_test_score rank_test_score
               0.005006
      4
      3
               0.004981
                                        2
      5
               0.004857
                                        3
               0.004525
      0
                                         4
      1
               0.004525
                                         4
[71]: gs.best_params_
```

[71]: {'max_depth': 5, 'min_samples_split': 50}

Gli iperparametri migliori trovato dalla GridSearch risultano, **profondità massima** pari a 5 e **numero minimo di casi di training in un noto intermedio** pari a 50

```
[82]: random_grid = {
    "max_depth": np.arange(0,30),
    "min_samples_split": np.arange(0,100),
}
rs = RandomizedSearchCV(model, random_grid, random_state=61, cv=skf)
rs.fit(X_train, y_train)
pd.DataFrame(rs.cv_results_).sort_values("rank_test_score").head(5)
```

```
[82]:
                         std_fit_time mean_score_time
                                                         std_score_time
         mean_fit_time
                                                                0.00008
      7
              0.016275
                             0.000069
                                               0.001962
      9
              0.024361
                             0.000319
                                               0.002103
                                                                0.000034
      8
              0.012825
                             0.000147
                                               0.001923
                                                                0.000035
      5
              0.033908
                             0.000362
                                               0.002369
                                                                0.000067
      6
              0.034696
                             0.000685
                                               0.002378
                                                                0.000062
        param_min_samples_split param_max_depth
      7
                              71
                                                4
                              78
                                                7
      9
                               4
                                                3
      8
      5
                              97
                                               11
      6
                              35
                                               11
                                               params
                                                       split0_test_score \
      7
          {'min_samples_split': 71, 'max_depth': 4}
                                                                 0.880552
      9
          {'min_samples_split': 78, 'max_depth': 7}
                                                                 0.878733
      8
           {'min_samples_split': 4, 'max_depth': 3}
                                                                 0.875549
      5 {'min_samples_split': 97, 'max_depth': 11}
                                                                 0.874943
      6 {'min_samples_split': 35, 'max_depth': 11}
                                                                 0.870850
                                                 split3 test score
         split1_test_score
                             split2 test score
                                                                     mean test score
      7
                   0.877975
                                      0.870850
                                                          0.881140
                                                                            0.877629
      9
                   0.881461
                                      0.870244
                                                          0.879927
                                                                            0.877591
      8
                   0.876611
                                      0.865848
                                                          0.876592
                                                                            0.873650
      5
                   0.876459
                                      0.862665
                                                          0.874773
                                                                            0.872210
      6
                   0.871608
                                                          0.870831
                                                                            0.868003
                                      0.858724
         std_test_score rank_test_score
      7
               0.004091
                                         2
      9
               0.004351
      8
               0.004525
                                        3
      5
               0.005550
                                         4
      6
               0.005367
                                        5
     rs.best_params_
[83]:
```

```
[83]: {'min_samples_split': 71, 'max_depth': 4}
```

Gli iperparametri migliori trovato dalla GridSearch risultano, **profondità massima** pari a 4 e **numero minimo di casi di training in un noto intermedio** pari a 71

Valutiamo l'accuratezza dei due modelli sul dataset di validazione.

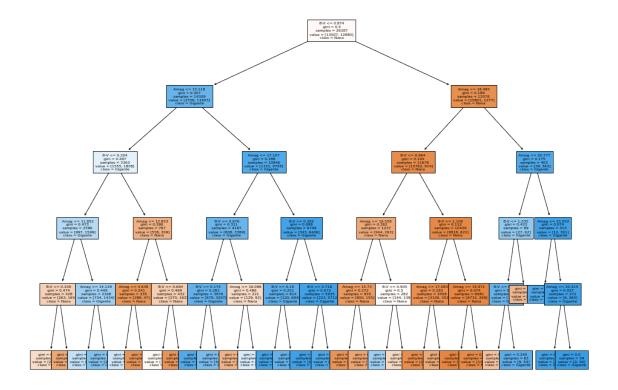
```
[84]: gs.best_estimator_.score(X_val, y_val)
```

[84]: 0.8800176834659593

```
[85]: rs.best_estimator_.score(X_val, y_val)
```

[85]: 0.8781609195402299

Il modello trovato dalla GridSearch risulta leggermente più accurato, visualizziamo l'albero decisionale:



2.2.1 Conclusioni

Dopo aver generato diversi modelli di classificazione basati su diverse tecniche, siamo riusciti ad ottenere risultati paragonabili tra i modelli di regressione logistica e gli alberi decisionali. In entrambi i casi il risultato ottenuto ha accuratezza ${\bf R}^2$ 0.88.

Siccome è stato escluso l'attributo "distanza dalla terra", i modelli saranno indipendenti dalla precisione dei telescopi utilizzati per inidividuare le stelle.