

## Aufgabenblatt 5

Ausgabe: 06.12.2019  
Abgabe: 17.12.2019 09:59

**Thema:** Bäume, Traversierung, Reverse Polish Notation

### Abgabemodalitäten

1. Alle abzugebenden Quelltexte müssen ohne Warnungen und Fehler auf den Rechnern des ZECM/eecsIT mittels `clang -std=c11 -Wall -g` kompilieren.
2. Die Abgabe erfolgt ausschließlich über unser SVN im Abgaben-Ordner. Nur wenn ein Test in Osiris angezeigt wird ist sichergestellt, dass die Abgabe erfolgt ist.
3. Du kannst bis zur Abgabefrist beliebig oft neue Versionen abgeben.
4. Die Abgabe erfolgt in folgendem Unterordner:  
`introprog-wisel920/Studierende/<L>/<TU-Login>/Abgaben/Blatt<XX>`  
wobei `<L>` durch den ersten Buchstabe des TU-Logins und `<XX>` durch die Nummer des Aufgabenblattes zu ersetzen sind. Die Ordner werden automatisch angelegt sobald die Abgabe freigeschaltet wird.
5. Du darfst den Abgabeordner für das Blatt nicht selbst erstellen. Die Ordner erstellen wir kurz nach der Ausgabe der Aufgabe.
6. Um die Änderungen (z. B. neue Abgabeordner) vom Server abzuholen, musst Du den Befehl `svn update` im Wurzelverzeichnis (also im Verzeichnis `introprog-wisel920`) des Repositories ausführen.
7. Im Abgabeordner gelten einige restriktive Regeln. Dort ist nur das Einchecken von Dateien mit den in der Aufgabe vorgegebenen Namen erlaubt, ausserdem werden die Abgabefristen vom Server überwacht. Beachte eventuelle Fehlermeldungen beim SVN-Commit. Lade nur Dateien hoch, die Du selbst bearbeiten sollst, insbesondere also keine Vorgaben.
8. Der Dateiname bei Abgaben mit C-Code soll dem der Vorgaben entsprechen. Entferne ausschließlich `_vorgabe` aus dem Name. Bei Textaufgaben sind, wenn nicht anders angegeben, `.txt` Dateien zugelassen, die als Plaintext-Datei zu speichern sind (keine Word-Dateien umbenennen).
9. Es gibt einen Ordner `Arbeitsverzeichnis`, in dem Du Dateien für Dich ablegen kannst.
10. Die Ergebnisse der automatischen Tests kannst Du auf OSIRIS einsehen:  
<https://osiris.ods.tu-berlin.de/>

## Aufgabe 1 Implementieren eines Taschenrechners (7 Punkte)

In dieser Aufgabe sollst Du einen einfachen Taschenrechner implementieren, der Addition, Subtraktion und Multiplikation auf Fließkommawerten beherrscht. Um das Einlesen der Eingabe einfach zu gestalten, verwendet dieser, anstatt der geläufigen Infix Notation, die auch als *Reverse Polish Notation* bekannte Postfix Notation:

Postfix Notation: 38 4 +  
Infix Notation: 38 + 4

Diese Notation bietet den Vorteil, dass die Eingabe schrittweise mit Hilfe eines Stacks abgearbeitet werden kann und die Ausdrücke auch ohne Klammern eindeutig sind.

Postfix Ausdruck	equivalenter Infix Ausdruck	Wert
1 2 3 + +	1 + (2 + 3)	= 6
1 2 + 3 +	(1 + 2) + 3	= 6
1 2 3 + *	1 * (2 + 3)	= 5
3.1415 2 3 - *	3.1415 * (2 - 3)	= -3.1415
4.0 0.2 + 3.0 * 5 +	((4.0 + 0.2) * 3.0) + 5	= 17.6

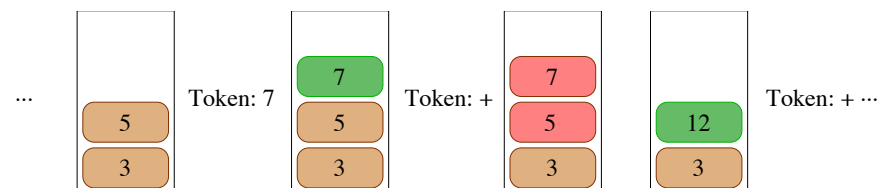


Abbildung 1: Stack während der Berechnung von “3 5 7 + +”

Grüne Zahlen werden in dem Schritt auf dem Stack abgelegt und rote Zahlen vom Stack genommen.

Die Berechnung eines in Postfix Notation geschriebenen Ausdrucks erfolgt wie folgt. Zunächst wird der als Zeichenkette bestehende Ausdruck (z.B. “0.3 -2 +”) in die von Leerzeichen getrennte Abschnitte unterteilt (“0.3”, “-2” und “+”). Jede dieser Einheiten, die selbst wieder eine Zeichenkette ist, bezeichnen wir als ein *Token*. Die Token werden dabei nacheinander, von links nach rechts, verarbeitet:

- Wenn es sich bei dem Token um eine, als Zeichenkette repräsentierte, Zahl handelt, dann konvertiere die Zahl in ein Zahlenformat (siehe `atof`) und platziere sie auf dem Stack (engl. `push`).
- Wenn es sich bei dem Token um einen Operator (+, - und \*) handelt, dann nimm die obersten zwei Elemente vom Stack (engl. `pop`), führe die dem Operator entsprechende Operation aus und lege das Resultat der Operation wieder auf den Stack.
  - Wenn der Stack zur Zeit der Abfrage kein Element enthält, dann gibt er ein NAN (“not-a-number”) zurück. NAN ergibt bei jeder Berechnung (d.h., unter Verwendung jeglicher Operatoren auf NAN und jegliche andere Zahl) ebenfalls ein NAN und ermöglicht es damit, Fehler schnell zu finden.

- Wenn es sich bei dem Token um ein anderes (als die genannten) Zeichen (oder Zeichenketten: Kommazahlen) handelt, dann ignoriere das Token und fahre mit dem nächsten Token fort.

Das Programm endet, wenn alle Token abgearbeitet wurden.

Um die Programmierung zu vereinfachen, muss die Vorgabe verwendet werden, zusätzlich muss die Bibliothek `introprog_input_stacks-rpn.c` und `introprog_input_stacks-rpn.h` wie angegeben eingebunden werden. (Da die Ausgabe zu umfangreich ist, wird sie hier nicht gezeigt.)

Listing 1: Programmbeispiel

```
1 > clang -std=c11 -Wall introprog_stacks-rpn.c \  
2     introprog_input_stacks-rpn.c -o introprog_stacks-rpn  
3 > ./introprog_stacks-rpn
```

Zusätzlich benötigst Du in dieser Aufgabe die Funktion `double atof(const char* string ↵ )`. Sie wandelt die Zeichenkette, auf die `string` zeigt, in eine Zahl des Formats `double` um.

Listing 2: Beispiel für `atof`

```
1 char* string = "-1.2";  
2 float number = atof(string);  
3 printf("String: %s Zahl: %d\n", string, number);
```

Dein Programm soll die folgenden Bedingungen erfüllen:

- **Funktionen:**

Programmiere die folgenden vier Funktionen und verändere **nicht** die anderen Funktionen in der Vorgabe:

- `stack_push(stack* astack, float value)`  
Füge Element mit dem Wert `value` am Anfang des Stacks ein.
- `stack_pop(stack* astack)`  
Nehme das zuletzt eingefügte Element vom Stack und gebe den enthaltenen Wert zurück. Gebe NAN zurück, wenn der Stack leer ist.
- `stack* stack_erstellen()`  
Erstelle einen Stack (dynamische Speicherreservierung & Initialisierung) und gebe einen Pointer auf den Stack zurück.
- `void process(stack* astack, char* token)`  
Verarbeite die Token wie oben beschrieben.

- **Datenstrukturen:**

Mache dabei Gebrauch von den bestehenden Datenstrukturen:

Listing 3: Ausschnitt `introprog_stacks-rpn_vorgabe.c`

```
1 /*  
2  * Füge Element am Anfang des Stacks ein
```

```
3  *  
4  * astack - Ein Pointer auf den Stack.  
5  * value  - Zahl, die als neues Element auf den Stack gelegt  
6  *          werden soll.  
7  */  
8 void stack_push(stack* astack, float value)  
9 {  
10     /* HIER implementieren */  
11 }
```

- **Speicherverwaltung:**

Der Speicher soll zum Ende des Programms vollständig freigegeben sein.

Verwende folgende Vorgabe und füge Deinen Code an den entsprechenden Stellen ein:

Listing 4: Vorgabe `introprog_stacks-rpn_vorgabe.c`

```
1 #include <stdio.h>  
2 #include <stdlib.h>  
3 #include <string.h>  
4 #include <math.h> // definiert den speziellen Wert NaN für floats  
5 #include "introprog_input_stacks-rpn.h"  
6  
7 typedef struct _stack stack;  
8 typedef struct _stack_element stack_element;  
9  
10 struct _stack {  
11     stack_element* top;  
12 };  
13  
14 struct _stack_element {  
15     stack_element* next;  
16     float value;  
17 };  
18  
19 /*  
20  * Füge Element am Anfang des Stacks ein  
21  *  
22  * astack - Ein Pointer auf den Stack.  
23  * value  - Zahl, die als neues Element auf den Stack gelegt  
24  *          werden soll.  
25  */  
26 void stack_push(stack* astack, float value)  
27 {  
28     /* HIER implementieren */
```

```

29 }
30
31 /*
32 * Nehme das letzte eingefügte Element vom Anfang des Stacks
33 * Gebe NaN zurück, wenn keine Element vorhanden ist.
34 *
35 * astack - Ein Pointer auf den Stack
36 *
37 * Gebe die im Element enthaltenen Zahl zurück
38 */
39 float stack_pop(stack* astack)
40 {
41     /* HIER implementieren */
42 }
43
44 /*
45 * Führt abhängig von dem Token eine entsprechende Operation auf
46 * dem Stack aus. Wenn es sich bei dem Token um
47 * -> eine Zahl handelt, dann konvertiere die Zahl mithilfe von
48 *   atof() zu einem float und lege sie auf den Stack.
49 * -> einen Operator handelt, dann nehme zwei Zahlen vom Stack,
50 *   führe die Operation aus und lege das Resultat auf den Stack.
51 * -> eine nichterkennbare Zeichenkette handelt, dann tue nichts.
52 *
53 * astack - Ein Pointer auf den Stack
54 * token   - Eine Zeichenkette
55 */
56 void process(stack* astack, char* token)
57 {
58     /* HIER implementieren */
59     printf("\n<Logik fehlt!>\n");
60     return;
61     /* Du kannst zur Erkennung der Token folgende Hilfsfunktionen
62      * benutzen:
63      *
64      * Funktion           Rückgabewert von 1 bedeutet
65      * -----
66      * is_add(token)      Token ist ein Pluszeichen
67      * is_sub(token)      Token ist ein Minuszeichen
68      * is_mult(token)     Token ist ein Multiplikationszeichen
69      * is_number(token)   Token ist eine Zahl
70      */
71 }
72

```

```

73 /*
74 * Debugausgabe des Stack
75 * Diese Funktion kannst du zum debugging des Stack verwenden.
76 *
77 * astack - Ein Pointer auf den Stack
78 */
79 void print_stack(stack *astack) {
80     int counter = 0;
81     printf("\n |xxxxx|xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx|xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx|
      ↪ xxxxxxxxx|\n");
82     printf(" | Nr. | Adresse                | Next                | Wert
      ↪ |\n");
83     printf("
      ↪ |----|-----|-----|-----|\
      ↪ n");
84     for (stack_element* elem=astack->top; elem != NULL; elem = elem
      ↪ ->next) {
85         printf(" | %3d | %17p | %17p | %7.3f |\n", counter, elem,
      ↪ elem->next, elem->value);
86         counter++;
87     }
88     printf(" |xxxxx|xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx|xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx|
      ↪ xxxxxxxxx|\n");
89 }
90
91 /*
92 * Erstelle einen Stack mit dynamischem Speicher.
93 * Initialisiere die enthaltenen Variablen.
94 *
95 * Gebe einen Pointer auf den Stack zurück.
96 */
97 stack* stack_erstellen() {
98     /* HIER implementieren */
99 }
100
101 int main(int argc, char** args)
102 {
103     stack* astack = stack_erstellen();
104     char zeile[MAX_STR];
105     char* token;
106
107     intro();
108     while (taschenrechner_input(zeile) == 0) {
109         // Erstes Token einlesen

```

```

110 token = strtok(zeile, " ");
111
112 while (token != NULL) {
113     printf("Token: %s\n", token);
114     // Stackoperationen durchführen
115     process(astack, token);
116     // Nächstes Token einlesen
117     token = strtok(NULL, " ");
118     print_stack(astack);
119 }
120
121 printf("\nExtrahiere Resultat\n");
122 float result = stack_pop(astack);
123 print_stack(astack);
124
125 if (astack->top != NULL) {
126     while (astack->top != NULL) {
127         stack_pop(astack); //Räume Stack auf
128     }
129     printf("\nDoes not Compute: Stack nicht leer!\n");
130 } else if (result != result) {
131     printf("\nDoes not Compute: Berechnung fehlgeschlagen!\n");
132 } else {
133     printf("\nDein Ergebnis: %7.3f\n", result);
134 }
135 }
136 free(astack);
137 }

```

#### Hinweise:

- Diese Aufgabe verwendet gerade in der Vorgabe einige Funktionen, die Du noch nicht kennengelernt hast. Falls Du wissen möchtest, was diese tun, so kannst Du das mit dem folgenden Befehl in der Kommandozeile in Erfahrung bringen:  
  
`> man <Funktionsname>`
- In dieser Aufgabe wird der Wert `NAN` verwendet. Diese Nicht-Zahl wird in der Bibliothek `math.h` definiert. Für eine beliebige Zahl  $x$  gilt:  $NAN + x = NAN$ ,  $NAN - x = NAN$  und  $NAN * x = NAN$ . Diese Eigenschaft machen wir uns in dieser Aufgabe zu Nutze, um Fehler zu finden. Allerdings hat `NAN` noch eine weitere Eigenschaft:  $NAN \neq NAN$ , d.h. der Wert `NAN` ist nicht nur ungleich jeder Zahl, sondern unterscheidet sich ebenso von sich selbst. Diese Eigenschaft benötigen wir in dieser Aufgabe nicht, aber sie kann, wenn nicht beachtet, zu Problemen führen.

Gib Deinen Quelltext in einer Datei mit folgendem Namen ab:  
`introprog_stacks-rpn.c`

## Aufgabe 2 Theorieaufgaben (3 Punkte)

### Aufgabe 2.1 In-order-tree-walk (1,5 von 3 Punkten)

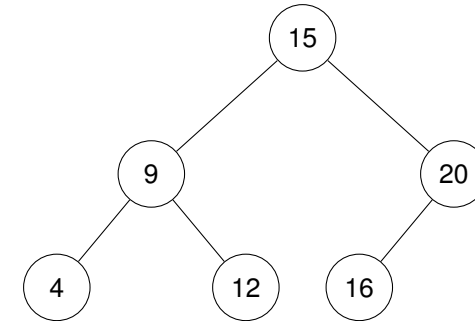


Abbildung 2: Binärbaum

Durchlaufe den gegebenen Baum nach dem in der Vorlesung vorgestellten Verfahren des In-Order-Tree-Walks. Gib die Reihenfolge an, in der die Knoten angezeigt werden (Aufruf der Funktion `Ausgabe`  $\leftrightarrow$  `key(x)` auf den Slides).

### Aufgabe 2.2 Queue (1,5 von 3 Punkten)

Füge unter der Verwendung der (in der Vorlesung vorgestellten) `enqueue`-Funktion die folgenden Werte in dieser Reihenfolge in eine initial leere FIFO Queue ein: 15, 3, 6, 10, 11. Gib die Reihenfolge an, in welcher die Elemente durch die `dequeue`-Funktion entnommen werden.

**Hinweis:** Die Abgabe der Theorieaufgaben erfolgt wiederum über SVN. Dazu findest Du die Datei `introprog_walk_queue_vorgabe.txt` im Vorgaben-Ordner dieses Blatts. In der Datei befinden sich genaue Angaben wie die Abgabe zu erfolgen hat. Gebe Deine Lösung als `introprog_walk_queue.txt` ab.