Tutoraggio di Fisica 3

2025 - Corso A/B - 2

- 9 Si consideri un condensatore carico ad armature circolari parallele di raggio R in condizioni non stazionarie. Assumendo il campo elettrico uniforme per $r \leq R$ e nullo per r > R, ricavare l'espressione per il campo magnetico B in funzione della coordinata radiale r e della variazione $\frac{dE}{dt}$ del campo elettrico nel condensatore, sia per r < R che per r > R. Qual è la direzione di B?
- Un condensatore piano con armature circolari di raggio a, distanti d e poste nel vuoto, caricato alla d.d.p. V_0 , viene lasciato scaricare attraverso un resistore di resistenza R. Si consideri una superficie Σ di forma cilindrica, interna al condensatore e coassiale con esso, di raggio $r \ll a$ e lunghezza $\ell \leq d$; calcolare l' energia totale U che fluisce attraverso di essa durante la scarica. Verificare che l'energia trovata coincide con l'energia elettrostatica iniziale immagazzinata nel volume racchiuso da Σ .
- 11 È dato un solenoide molto lungo nel quale la corrente cresce linearmente da 0 a I nel tempo τ . Il numero di spire per unità di lunghezza del solenoide è n. Si consideri all'interno del solenoide, nella sua parte centrale, una superficie cilindrica chiusa, coassiale ad esso, di raggio r e lunghezza ℓ . Determinare
 - (a) intensità e direzione del vettore di Poynting per i punti della superficie;
 - (b) l'energia W che attraversa la superficie nell'intervallo di tempo τ , confrontandola con l'energia del campo magnetico contenuto nel volume V delimitato dalla superficie stessa, quando la corrente ha raggiunto il valore I.
- 12 Un fascio di luce con intensità I incide su una superficie piana formando un angolo θ con la normale. Determinare la pressione P esercitata dalla radiazione nell'ipotesi che una frazione a dell'energia luminosa incidente venga assorbita.
- 13 Un fascio di luce con polarizzazione circolare e lunghezza d'onda $\lambda = 632$ nm è puntato in direzione verticale verso l'alto (asse z). Il fascio di luce ha diametro d=5 mm ed è approssimabile con un'onda piana. Il campo elettrico ha ampiezza $E_0=50$ kV/m. L'onda si propaga nel vuoto.
 - (a) Scrivere le espressioni dei campi \mathbf{E} e \mathbf{B} sapendo che per t=0 e z=0 il campo elettrico è diretto nel verso positivo dell'asse y.
 - (b) Calcolare l'espressione del vettore di Poynting e verificare che è indipendente dal tempo e dallo spazio (proprietà delle onde e.m. piane con polarizzazione circolare).
 - (c) Calcolare l'intensità e la potenza del fascio.
 - Si vuole mantenere in equilibrio nel campo gravitazionale terrestre un cilindretto di polistirolo espanso (densità $\rho = 30 \text{ kg/m}^3$) di diametro inferiore a quello del fascio, per mezzo della pressione di radiazione.
 - (d) Quale deve essere l'altezza H del cilindretto assumendo che la sua superficie sia perfettamente riflettente?
- 14 Si consideri una superficie piana illuminata in modo isotropo (cioè con luce proveniente da tutte le direzioni e di pari intensità), con intensità totale I. Si dimostri che la pressione di radiazione vale $P_a = \frac{I}{3c}$, nel caso di assorbimento completo della radiazione, e $P_r = \frac{2I}{3c}$, nel caso di perfetta riflessione.
- 15 Due onde e.m. piane polarizzate circolarmente, una destrorsa e l'altra sinistrorsa, si propagano nel vuoto nella stessa direzione. Determinare la polarizzazione dell'onda risultante dalla loro sovrapposizione, sapendo che
 - (a) hanno la stessa frequenza e ampiezza, ma la seconda è in ritardo di una fase ϕ rispetto alla prima;
 - (b) hanno la stessa frequenza e fase, ma le loro intensità sono $I_1 = I$ ed $I_2 = 4I$.
- Dimostrare che sulla superficie di separazione tra due mezzi omogenei con, rispettivamente, ε_1, μ_1 e ε_2, μ_2 , la componente del vettore di Poynting ortogonale alla superficie stessa è continua, ossia $\mathbf{S}_{1\perp} = \mathbf{S}_{2\perp}$.

Risultati

9. Vedere la guida alla soluzione.

$$r \leq R$$
: $B(r) = \frac{1}{2}\mu_0\epsilon_0 r \frac{dE}{dt}$, $r > R$: $B(r) = \frac{1}{2}\mu_0\epsilon_0 \frac{R^2}{r} \frac{dE}{dt}$

Suggerimento: usare la quarta equazione di Maxwell in forma integrale per calcolare una componente di \vec{B} (quale?). Verificare che le altre componenti sono nulle.

10.
$$U = \frac{\varepsilon_0 \pi r^2 \ell V_0^2}{2 d^2}$$
.

11. (a)
$$\mathbf{S}(r,t) = -\frac{\mu_0 n^2 r I^2}{2\tau^2} t \mathbf{u}_r$$
; (b) $W = \frac{1}{2} \pi \mu_0 r^2 n^2 I^2 \ell = \frac{1}{2\mu_0} B^2(\tau) V = W_M$

12.
$$P = (2-a)\frac{I}{c}\cos^2\theta$$

13. (a)
$$\mathbf{E} = 50(\pm \mathbf{u}_x \sin \alpha + \mathbf{u}_y \cos \alpha) \frac{\text{kV}}{\text{m}}$$
, avendo posto $\alpha = 9.94 \cdot 10^6 z - 2.98 \cdot 10^{15} t$ (z in m, t in s), [il segno \pm distingue l'elicità (sinistrorsa/destrorsa) della polarizzazione circolare] $\mathbf{E} = 0.167(-\mathbf{u}_x \cos \alpha + \mathbf{u}_y \sin \alpha) \text{ mT}$

$$\mathbf{B} = 0.167(-\mathbf{u}_x \cos \alpha \pm \mathbf{u}_y \sin \alpha) \,\text{mT} .$$
(b)
$$\mathbf{S} = \frac{E_0^2}{\mu_0 c} \mathbf{u}_z = 6.64 \,\frac{\text{MW}}{\text{m}^2} \,\mathbf{u}_z. \text{ (c) } I = 6.64 \,\text{MW/m}^2, W = 130.3 \,\text{W. (d) } H = \frac{2I}{cg\rho} = 0.15 \,\text{mm}$$

- 14. Vedere la guida alla soluzione.
- 15. (a) Polarizzazione lineare; (b) polarizzazione ellittica.
- 16. Suggerimento: ricordare le condizioni di continuità dei campi sull'interfaccia, ad esempio: $\mathbf{E}_{1\parallel} = \mathbf{E}_{2\parallel}$, eccetera