



Python data structures and collections

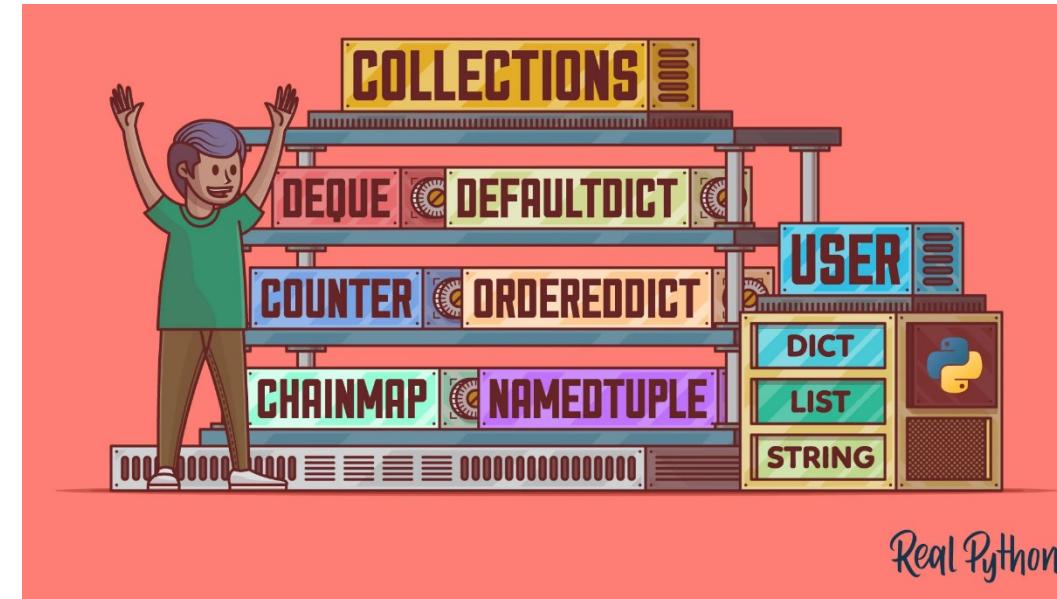
A wide choice of containers for your data

Fulvio Corno

Giuseppe Averta

Carlo Masone

Francesca Pistilli



<https://realpython.com/python-collections-module/>
<https://realpython.com/python-data-structures/>
<https://docs.python.org/3/library/collections.html>
<https://docs.python.org/3/library/datatypes.html>

Data structures

- The Python language offers very powerful built-in data structures
 - `list` and `tuple`
 - `set`
 - `dict`
- They can be used to store and search information, and each is specialized to support some `use cases`
- Additional data structures are available in the standard library, to cover other `use cases`

Overview

• Possibili scopi x cui potremo dover raccogliere dei dati assieme

Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

CODE

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Remember...

Riassunto della sintassi x compiere le operazioni fondamentali
sulle strutture dati + importanti.

Schema sinottico delle principali operazioni sui contenitori					
Operation	str	list	tuple	set	dict
Create	"abc" 'abc'	[a, b, c]	(a, b, c)	{a, b, c}	{a:x, b:y, c:z}
Create empty	"" ''	[] list()	() tuple()	set()	{ } dict()
Access i-th item	s[i]	l[i]	u[i]		d[k] d.get(k, default)
Modify i-th item		l[i]=x			d[k]=x
Add one item (modify value)		l.append(x)		t.add(x)	d[k]=x
Add one item at position (modify value)		l.insert(i,x)			
Add one item (return new value)	s+'x'	l+[x]	u+(x,)		
Join two containers (modify value)		l.extend(l1)		t.update(t1)	
Join two containers (return new value)	s+s1	l+l1	u+u1	t.union(t1) t t1	
Does it contain a value?	x in s	x in l	x in u	x in s	k in d (search keys) x in d.values() (search values)
Where is a value? (returns index)	s.find(x) s.index(x)	l.index(x)	u.index(x)		
Delete an item, by index		l.pop(i) l.pop()			d.pop(k)
Delete an item, by value		l.remove(x)		t.remove(x) t.discard(x)	
Sort (modify value)		l.sort()			
Sort (return new list)	sorted(s)	sorted(l)	sorted(u)	sorted(t)	sorted(d) (keys) sorted(d.items())

https://polito-informatica.github.io/Materiale/CheatSheet/Python_Cheat_Sheet-3.2.pdf

Comparison and ordering

- Objects can be compared if they define an `__eq__` method
 - Used internally by `==` and `!=` operators
 - Used internally by `find`, `index`, `in`, ...
- Objects can be ordered if they define a `__lt__` method (and optionally, other comparison dunder methods)
 - Must define `__eq__`, in addition
 - Used internally by `<` `<=` `>` `>=` operators
 - Used internally by `sort`, `sorted`

- I tipi primitivi (**stringhe e numeri**) sono confrontabili tra loro.
Anche liste e tuple! ↗ I dizionari non sono confrontabili tra loro!
- Gli oggetti di una classe generica creata da noi non definirà automaticamente i metodi `__eq__` e `__lt__`, quindi non potrò né confrontare gli oggetti della classe né ordinarli in una struttura data. Per poterlo fare, dovrò definire io i metodi `__eq__` e `__lt__` in cui specifico come confrontare gli oggetti.

Special case: predefined types

- Some built-in collections already define `__eq__` and `__lt__`, therefore they are comparable and sortable
 - str, list, tuple compare their elements in left-to-right order
 - The contained values must be comparable/sortable, too
- Dictionaries support `__eq__` but not `__lt__`
 - dict object cannot be ordered
- Sets support `__eq__`, but define `__lt__` to mean “subset”
 - Misleading, do not try to order a list of sets

 Gli insiemi definiscono `__lt__` non per intendere minore, ma sottinsieme!

Special case: dataclasses

con `(eq=False)`

Una **dataclass** definisce automaticamente `__eq__` (a meno che gli due di non farlo), ma **NON** definisce il metodo `__lt__` (e quindi di base gli oggetti non saranno confrontabili!)

Posso chiedergli comunque di farlo, con `(order=True)`

- By default, a dataclass defines the `__eq__` method
 - To prevent, define it as `@dataclass(eq=False)`
- By default, a dataclass does **not** define the `__lt__` method
 - To generate it, define with `@dataclass(order=True)`: will generate `__lt__()`, `__le__()`, `__gt__()`, and `__ge__()`
 - Automaticaly generated methods compare **all** the fields of the object, **in the order** in which they are declared
 - One or more fields **may be omitted** from comparison and ordering methods, by initializing them with `field(compare=False)`

Example

```
@dataclass(order=True)
class Voto:
    esame: str
    cfu: int
    punteggio: int
    lode: bool
    data: str = field(compare=False)
```

Se chiedo alla dataclass di generare anche il metodo `__lt__` tramite `order=True`, allora Python genererà un confronto tra gli attributi in ordine di apparizione all'interno della classe. Nell'esempio a sx, i voti verranno confrontati prima per esame. A parità di esame per cui. A parità di CFU per punteggio e così via.
Se NON voglio che un attributo venga utilizzato per il confronto, dopo la sua definizione dovrò scrivere `= field(compare=False)`.

Sorting by other criteria

- If you want to sort a collection using criteria **different** from the `__lt__` method (or if `__lt__` is not defined), use the `key=` argument
- `key=operator.itemgetter('keyname')`
 - sort by dictionary['keyname']
- `key=operator.itemgetter(itemnumber)`
 - Sort by list/tuple[itemnumber]
- `key=operator.attrgetter('attrname')`
 - Sort by object.attrname
- `key = lambda obj: something(obj)`
 - Sort by value of something() function
 - Example: `lambda v: v.voto` is equivalent to `operator.attrgetter('voto')`

↳ Se non voglio fare un ordinamento confrontando con `__lt__`, potrò usare il parametro **Key**, che definisce qual è la chiave di ordinamento in quella specifica operazione. ↳ Se ci metto `as Key`, `__lt__` viene ignorato!

↳ Il valore del parametro che assume **key** è una funzione, che verrà utilizzata direttamente dal metodo `.sort()` a definire l'ordinamento!

Overview

Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• Str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Dictionaries

- Map a “key” to a “value”
 - Key: unique value of a **hashable** type
 - Value: **any** object
- **dict**
 - Very efficient, constant time for insertion, search, deletion
 - Retains insertion order of elements
 - Has built-in syntax { **key: val** } for creation

Nei dizionario associo una key univoca con un value!

Come chiave di un dizionario potrò usare solamente oggetti di tipo hashable!

METODI PRINCIPALI!

<code>d[key] = value</code>	Set a new value for a key
<code>d[key]</code>	Retrieve value from the key. May raise <code>KeyError</code>
<code>d.clear()</code>	Clears a dictionary.
<code>d.get(key, default)</code>	Returns the value for a key if it exists in the dictionary. Otherwise, returns a default value
<code>d.items()</code>	Returns a list of key-value pairs in a dictionary.
<code>d.keys()</code>	Returns a list of keys in a dictionary.
<code>d.values()</code>	Returns a list of values in a dictionary.
<code>d.pop(key, default)</code>	Removes a key from a dictionary, if it is present, and returns its value. Otherwise, returns a default value
<code>d.popitem()</code>	Removes the last key-value pair from a dictionary.
<code>d.update(obj)</code>	Merges a dictionary with another dictionary

“Hashable”?

Come funzionano i dizionari?

Prende la chiave, e trasforma la chiave in un numero attraverso una funzione detta funzione di hash. Questo numero viene usato per indicizzare una tabella per indice. Se gli oggetti sono uguali, i numeri saranno uguali. Se gli oggetti sono diversi... dipende! Può darsi che i numeri vengano uguali o diversi.

Una buona funzione di hash è una funzione che prende i valori del dato e mi calcola un numero in un range possibilmente molto ampio evitando le collisioni più probabili.

Le chiavi di un dizionario dovranno essere oggetti hashable, il che significa che dovranno poter essere trasformati in un numero grazie a una funzione di hash.

- A hashable object ↗ • IMP: Quando creiamo una classe, se vogliamo che gli oggetti della classe possano essere usati come chiavi di un dizionario, allora dobbiamo definire la funzione `__hash__` x quella classe!
Inoltre, gli oggetti non dovranno MAI cambiare valore di hash nella loro lifetime!
 - Has a **hash value** that never changes during its lifetime (defines `__hash__`)
 - It can be **compared** to other objects (defines `__eq__`)
- Hashable objects that compare as equal must have the same hash value
 - $a == b \Rightarrow \text{hash}(a) == \text{hash}(b)$ ↗ Se due oggetti sono =, saranno = anche i risultati della funzione di hash applicata sugli oggetti!
- Note: instances of user-defined classes are hashable by default. They all compare unequal (except with themselves), and their hash value is derived from their `id()`. You can redefine this behavior

Hash functions

- A hash function is a function that maps any object into an integer number (over 64 bit)
- It is needed to quickly discover if two objects are
 - Surely different
 - Very likely equal
- Used in the `hash()` function and internally in `set`, `frozenset` and `dict`.

https://docs.python.org/3/reference/datamodel.html#object.__hash__

Other dictionaries

~ Dizionari che sono classi figlie di `dict()`.

- `collections.defaultdict`

- A class that automatically provides a default value for non-existent keys
- Requires a “factory” function to build the default values: list, str, int, ... or custom
- `d = collections.defaultdict(int)`

Nel `defaultdict`, se cerco un valore x una chiave **NON** esistente,
mi viene restituito un valore di default!

↳ Il valore lo scelgo io quando creo il dizionario!

- `types.MappingProxyType`

Dizionario che riceve in input un dizionario
e ne cancella tutti i metodi che vanno a
modificare il dizionario!

Si trova nel
modulo `types`!

- Creates a “read-only” dictionary, without copying it
- `readonly_d = types.MappingProxyType(normal_d)`
- All modifications will generate an exception
 - `TypeError: 'mappingproxy' object does not support item assignment`

Overview

Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Main Array types

- **list**
 - The most versatile one, mutable ordered sequence of objects of any value
 - Indexed by number (0...len()-1)
- **tuple** ↗ Lista immutabile!
 - An immutable version of a list: elements cannot be added, removed nor replaced
 - But... elements can be mutated, if they are mutable
 - Hashable, if its elements are hashable
- **str**
 - An array of Unicode Characters
 - Immutable

Specialized Array types

↳ **Non** ci serviranno quasi mai

- **array.array**
 - Implemented in C as an array of elements of the same basic type (byte, int, float)
 - The type is declared at the time of creation
 - `arr = array.array("f", (1.0, 1.5, 2.0, 2.5))`
 - Uses less memory than normal lists, but less versatile
- **bytes**: Immutable Arrays of Single Bytes
- **bytearray**: Mutable Arrays of Single Bytes

Overview

Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Records

record: struttura contenente dati di tipo +.

- A **record** is a collection of data of different types, and different meanings, grouped together to represent a single high-level information

```
car = {  
    "type": "Panda",  
    "year": 2010  
}
```

Implemented
as...

dict

```
class Car:  
    def __init__(self, type, year):  
        self.type = type  
        self.year = year
```

```
car = ("Panda", 2010)
```

tuple

dataclass

```
@dataclass  
class Car:  
    type: str  
    year: int
```

Specialized record types

⚠️ **Non useremo!**

- **`collections.namedtuple`**

- A tuple whose indices are not integers, but attributes (like objects)

```
Car = collections.namedtuple("Car", ("name", "year"))
c1 = Car("Panda", 2010)
c1.name # 'Panda'
```

- Attribute values are immutable

- **`typing.NamedTuple`**

- Uses a syntax similar to dataclasses

```
class Car(typing.NamedTuple):
    name: str
    year: int
```

Overview

Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Sets

- **set** ↗ Nei **set** non posso inserire oggetti duplicati => x poter inserire un oggetto all'interno di un set, la classe di quell'oggetto dovrà definire il metodo **--eq--**
 - Mutable container of hashable objects. ↗ Gli oggetti del set devono essere immutabili!
 - Duplicates are not allowed.
 - Simple syntax: { 1, 2, 3 }
 - Supports set-theory operations
- **frozenset** ↗ i **frozenset** li posso utilizzare x costruire set contenenti altri set (**frozenset**)
 - An immutable version of a set: once created, its elements cannot be changed
 - Since it's hashable, it may be used as a key in a dictionary (or as an element in a set)

Multisets and collections.Counter

La funzione `.Counter()` del modulo `collections` è un oggetto che riceve in input una struttura dati (ad esempio una lista) e conta le occorrenze di ciascun oggetto all'interno della struttura dati! ↗ Gli oggetti che metto dentro al counter dovranno sicuramente definire il metodo `__eq__`

- The Counter class is useful for computing and storing frequencies of items (i.e. counts of elements that may appear more than once in a set)

```
cnt = collections.Counter([1, 2, 3, 3, 4, 5, 1, 8, 3, 5, 2, 2, 3, 8])
Counter({3: 4, 2: 3, 1: 2, 5: 2, 8: 2, 4: 1})
```
- Great for statistics, frequency counting, histogram, duplicate detection, ranking, ...
- Internally stored as a defaultdict, with keys at the set elements, and values as the occurrence counts, with default value = 0

<https://docs.python.org/3/library/collections.html#counter-objects>

Creating Counter objects

- `c = Counter()` 
L'oggetto **Counter** può ricevere anche una stringa
in input; in questo caso conterrà le occorrenze di
ciascun singolo carattere all'interno
`# a new, empty counter`
- `c = Counter('gallahad')` 
`# a new counter from an iterable`
- `c = Counter(['eggs', 'ham'])` 
`# a new counter from an iterable`
- `c = Counter({'red': 4, 'blue': 2})` 
`# a new counter from a mapping`
- `c = Counter(cats=4, dogs=8)` 
`# a new counter from keyword args`

Posso passare un dizionario
con dei conteggi parziali!

Manually increasing counts:

```
for word in ['red', 'blue', 'red', 'green', 'blue', 'blue']:  
    cnt[word] += 1
```

Questa cosa equivale all'utilizzo dell'oggetto Counter, che è molto + easy!

equivalent to

```
cnt = Counter(['red', 'blue', 'red', 'green', 'blue', 'blue'])
```

What can I do with a Counter?

- Metodi che posso usare sull'oggetto Counter()!

- `c.most_common(n)` ↗ Gli **n** elementi del Counter che hanno i conteggi (numero di occorrenze) maggiori.
 - `c.total()` ↗ totale dei conteggi di tutti gli elementi
 - `list(c)` ↗ lista degli elementi che compaiono senza conteggi
 - `set(c)`
 - `dict(c)` ↗ Lista di tuple
 - `c.items()` ↗ Lista contenente gli oggetti x il numero di volte che compaiono nel conteggio
 - `c.elements()` ↗ funzione che ritorna l'oggetto con conteggio minore all'interno del Counter
 - `Counter(dict(list_of_pairs))`
 - `c.most_common()[:-n-1:-1]`
 - `+c`
 - `c.clear()`
- # the 'n' (default: all) most common items
total of all counts
list unique elements

convert to a set
convert to a regular dictionary
convert to a list of (elem, cnt) pairs
return a list [elem, ...] with repetitions
convert from a list of (elem, cnt) pairs
n least common elements
remove zero and negative counts
reset all counts

Overview

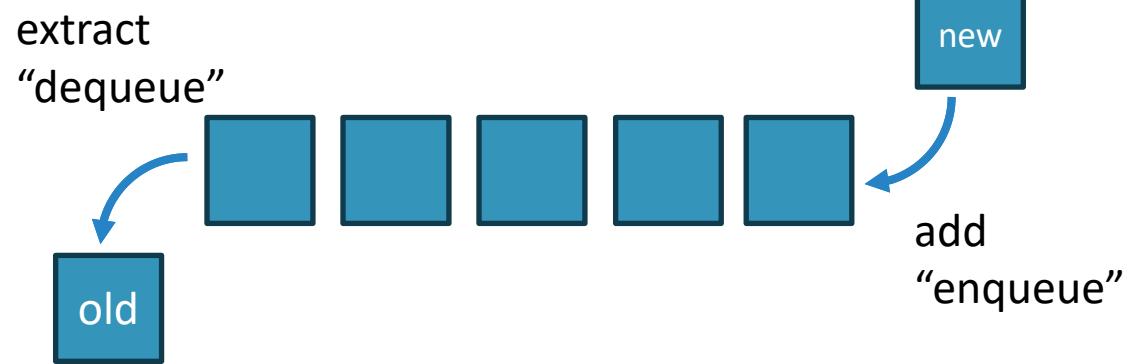
Dictionaries, Maps, Hash Tables	Array Data Structures	Records, Structs, Data Transfer Objects	Sets, Multisets	Stacks (LIFO)	Queues (FIFO)	Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType	<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray	<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct	<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque	<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue	<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

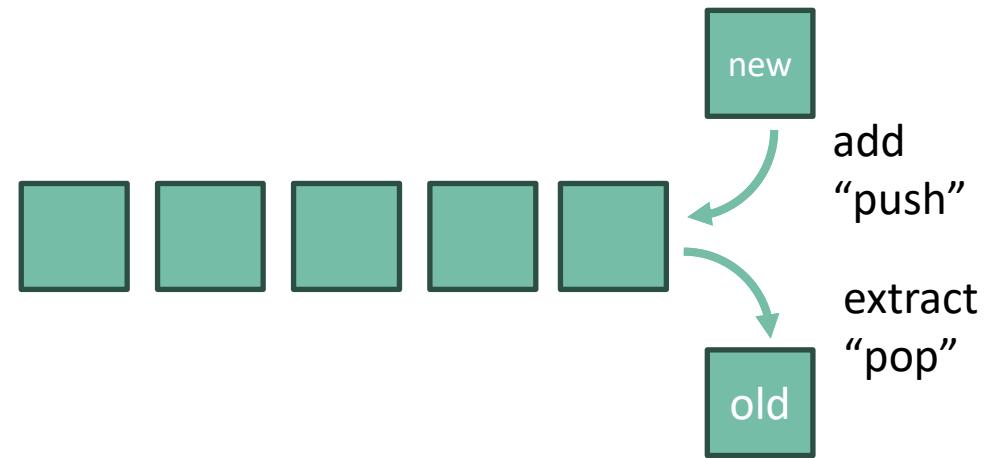
Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Queues and Stacks

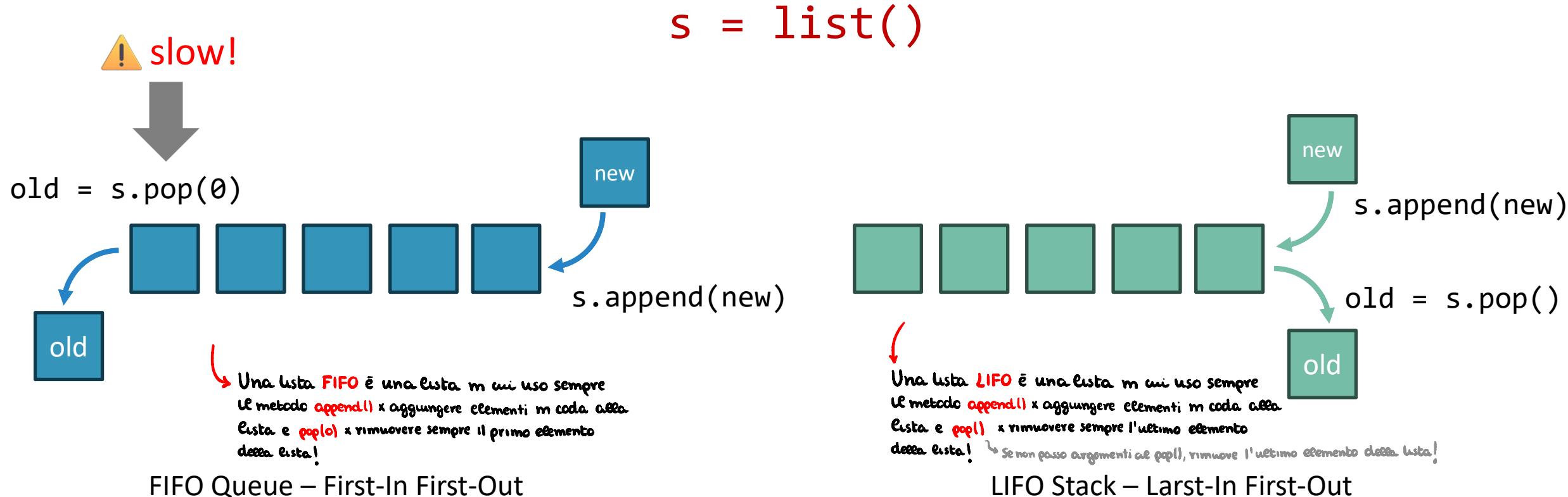


FIFO Queue – First-In First-Out



LIFO Stack – Last-In First-Out

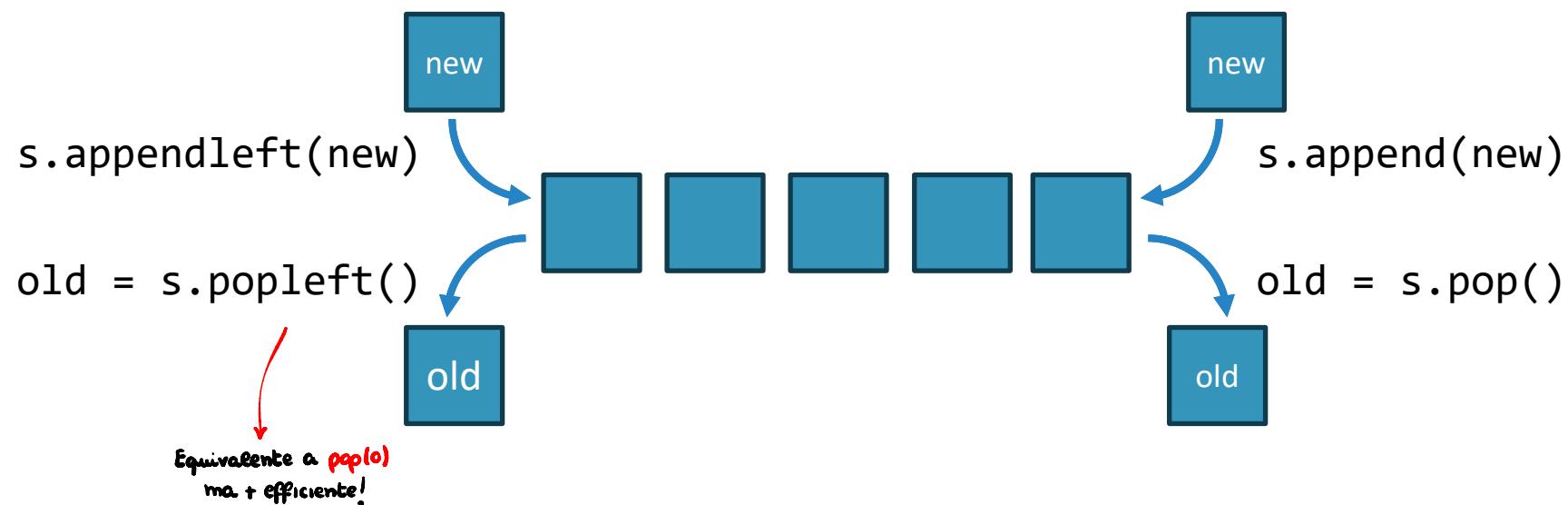
List implementations



deque: double-ended queue

`s = collections.deque()`

La `deque` è una struttura dati specializzata che può essere usata sia in modalità LIFO che FIFO in modo + efficiente rispetto alla classica lista!



All operations have the same efficiency

<https://docs.python.org/3/library/collections.html#deque-objects>

Using a deque

As a FIFO Queue

- **append** and **popleft**
 - Most popular choice
- **appendleft** and **pop**
 - Also possible, same efficiency

As a LIFO Stack

- **append** and **pop**
 - Most popular choice
 - Might use a list, instead
- **appendleft** and **popleft**
 - Also possible, same efficiency

Other deque methods

<code>d = deque()</code>	New empty deque
<code>d = deque(iterable)</code>	Deque from list
<code>d = deque(maxlen=N) ↪ N: numero massimo di elementi</code>	Hosts max N elements, discards older ones if more are added
<code>d.extend(iterable)</code>	Adds list of elements at end
<code>d.extendleft(iterable)</code>	Adds list of elements at beginning
<code>d.rotate(n)</code>	Rotate elements by n steps
<code>d[i]</code> ↪ L'accesso agli elementi è + lento rispetto alle liste!	Access element (slower than lists)
<code>d.index(x), d.insert(i, x), d.remove(x), d.reverse()</code>	Same as lists

↓
Metodi utili che possono essere utilizzati su una deque!

<https://docs.python.org/3/library/collections.html#deque-objects>

Overview

Dictionaries, Maps, Hash Tables
<ul style="list-style-type: none">• dict• OrderedDict• defaultdict• ChainMap• MappingProxyType

Array Data Structures
<ul style="list-style-type: none">• list• tuple• array• str• bytes• bytearray

Records, Structs, Data Transfer Objects
<ul style="list-style-type: none">• dict• tuple• class• dataclass• namedtuple, NamedTuple• Struct

Sets, Multisets
<ul style="list-style-type: none">• set• frozenset• Counter

Stacks (LIFO)
<ul style="list-style-type: none">• list• deque• LifoDeque

Queues (FIFO)
<ul style="list-style-type: none">• list• deque• Queue

Priority Queues
<ul style="list-style-type: none">• list• heapq• PriorityQueue

Some types are
extremely versatile
(list, dict)

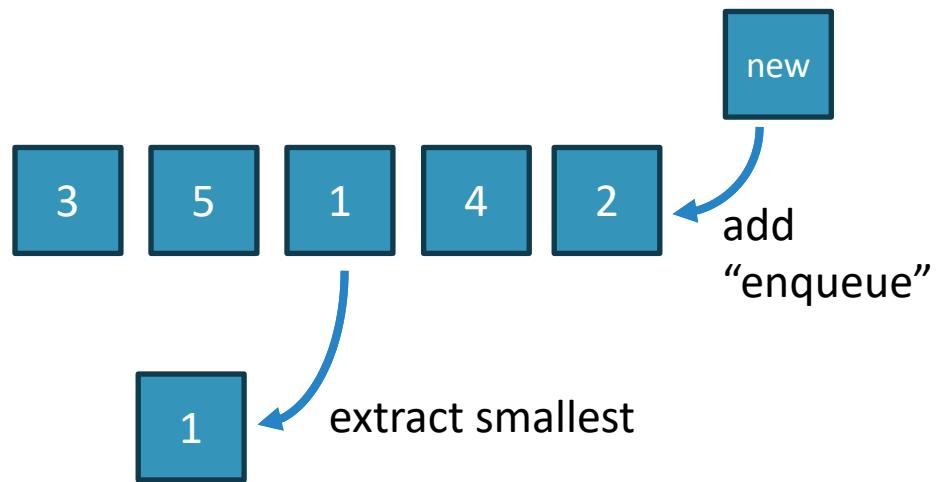
Some types are
“improvements” of
basic types

Some types are very
specialized (e.g. for
parallel computation)

Priority Queues

- Nelle **priority queue** gli elementi vengono aggiunti in un qualsiasi ordine ma verranno poi estratti sulla base di una **priorità**!

↳ Per definire la priorità dovrà poter confrontare fra loro gli oggetti che quindi dovranno definire il metodo `__lt__` nella classe
↳ + piccolo => priorità + alta!



- Elements are **added** in any order
- Elements are **removed** according to their "**priority**"
- Priority is determined by the **sorting order** of the elements
- Often, we create a tuple:
 - (priority, value)
- Or we rely on the object's **__lt__** method

Priority queues in Python

Items `x` must be comparable
(implement `__lt__`)

heapq – uses plain lists

- `h = []` *→ Lista semplice*
- `h = heapify(iterable)`
- `len(h)`
- `len(h)==0`
- `heapq.heappush(h, x)`
- `x = heapq.heappop(h)`

`heapq` è un modulo con una serie di funzioni che usano una lista normale in un modo particolare.

Con `.heappush(h,x)` aggiungo l'elemento `x` alla lista `h`

Con `.heappop(h)` mi estrae e ritorna nella variabile `x` l'elemento con la priorità + alta della lista!

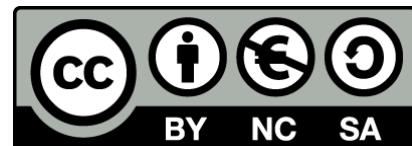
queue.PriorityQueue

- `q = queue.PriorityQueue()`
- `q.qsize()`
- `q.empty()`
- `q.full()`
- `q.put(x)` *→ Aggiungo un elemento in un punto qualsiasi della queue*
- `x = q.get_nowait()`

Implementazione ad oggetti della `PriorityQueue`

Creo un oggetto `PriorityQueue` dal modulo `queue`

`.get_nowait()` mi restituisce l'oggetto della queue con la priorità + alta!



License

- These slides are distributed under a Creative Commons license “**Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International (CC BY-NC-SA 4.0)**”
- **You are free to:**
 - **Share** — copy and redistribute the material in any medium or format
 - **Adapt** — remix, transform, and build upon the material
 - The licensor cannot revoke these freedoms as long as you follow the license terms.
- **Under the following terms:**
 - **Attribution** — You must give appropriate credit, provide a link to the license, and indicate if changes were made. You may do so in any reasonable manner, but not in any way that suggests the licensor endorses you or your use.
 - **NonCommercial** — You may not use the material for commercial purposes.
 - **ShareAlike** — If you remix, transform, or build upon the material, you must distribute your contributions under the same license as the original.
 - **No additional restrictions** — You may not apply legal terms or technological measures that legally restrict others from doing anything the license permits.
- <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>