Settima esercitazione

18/11/2022

Esercizio 1.

Si scriva una funzione che dato un array a di dimensione n, calcoli

$$\sum_{i \in I} a[i]$$

dove
$$I = \{i \in [0, n) \mid a[i] \% 2 == 0\}.$$

Esercizio 2.

Si scriva una funzione che dato un array a di dimensione n, verifichi il seguente predicato:

$$\forall i \in [0, n) \not\exists j \in [0, n) \mid a[j] == a[i] \land j \neq i.$$

Esercizio 3.

Si scriva una funzione che dati due array a e b di uguale dimensione n ne calcoli il prodotto scalare, ossia: $a \cdot b = \sum_{i=0}^{n-1} a[i] * b[i]$

Esercizio 4.

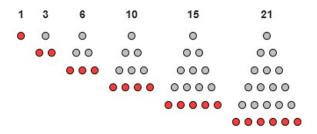
Si scriva una funzione che dati due array a e b di dimensione rispettivamente n ed m, verifichi il seguente predicato

$$\exists \; i \in [0,n) \; | \; \mathbf{a}[\mathbf{i}] = \; \sum_{j=0}^{m-1} b[j]$$

Esercizio 5.

Un numero è *triangolare* se è uguale alla somma dei primi n numeri naturali; per esempio, 10 è triangolare dal momento che è uguale alla somma dei primi 4 numeri naturali. Scrivere una funzione che dato un array a di dimensione n, inserisca nell'array i primi n numeri *triangolari*.

Fun fact: si chiamano triangolari dal momento che preso un insieme con una cardinalità uguale al numero in oggetto, è possibile disporre i suoi elementi su una griglia regolare, in modo da formare un triangolo equilatero o isoscele.



Esercizio 6.

Si scriva una funzione che dato un array a di dimensione n (con elementi non ordinati e non ripetuti) e un numero $k \in [1, n]$, ritorni il k-esimo elemento più piccolo.

Esempio: a = [1, 10, 4, 99, 5], k = 3, il k-esimo elemento più piccolo è 5.

Esercizio 7.

Si scriva una funzione che dato un array a di dimensione n e un numero k verifichi il seguente predicato $\exists i \in [0, n-2) \mid a[i] + a[i+1] + a[i+2] == k$.

Esercizio 8.

Si scriva una funzione che dati due array a e b di dimensione n salvi nell'array b tutti gli elementi a[i] che soddisfano il seguente predicato $\forall j \in [0,n) \setminus \{i\}, \ a[i] \% \ a[j] \neq 0.$

Nota: $[0, n) \setminus \{i\}$ indica tutti gli indici da 0 a n-1 escluso l'indice i;

per esempio $[0,5) \setminus \{3\} = \{0,1,2,4\}.$