





Equazioni differenziali


1 Trovare l'integrale generale delle seguenti equazioni differenziali:


 $y' = e^x (y - 2)$


 $y' - 2xy = x$


 $y'' - y' - 2y = e^{2x} (x + 3)$


 $y'' + 3y' - 4y = 2x e^{3x}$


 $y'' - 8y' + 16y = e^{-x}$


 $y'' - 2y' + y = e^x (x + 3)$

 $y'' - 9y = x + 1$

 $y'' + 2y' - 8y = e^x (x^2 + 1)$

 $y'' + 2y' - 15y = (2x + 1) e^x$

 $y'' + 3y' - 4y = x^2 e^x$


 $y'' + y' = x - 6$


$y'' + 4y = \cos 2x - \sin 2x$

$y'' + 2y = 4 \sin \sqrt{2} x$


$y'' - 2y' - 3y = e^x (\cos x - 3 \sin x)$

2 Risolvere i seguenti problemi di Cauchy



$$\begin{cases} y'' + 4y = xe^x \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 3 \end{cases}$$


$$\begin{cases} y'' - 3y' = 3x + 1 \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y' + (\cos x)y = \cos x \\ y(\frac{\pi}{2}) = \frac{1}{e} \end{cases}$$


$$\begin{cases} y' - xy = 3x \\ y(1) = 0 \end{cases}$$

3 Determinare l'integrale generale delle seguenti equazioni differenziali:

 (a) $y' = \frac{1}{xy}$

— (b) $y' = \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}}$

? (c) $y' = -\frac{2x}{1+x^2}y + \frac{1}{x(1+x^2)}$

4 Determinare l'integrale generale delle seguenti equazioni differenziali:

(a) $y'' + y - 1 = x \sin x$

(b) $y'' - 2y' + 2y = -2(\sin x - \cos x)e^x$

— (c) $y'' - 4y = 4xe^{2x}$

— 5 Determinare la soluzione $y(x)$ dell'equazione

$$y'' - 2y' + 2y = 0$$

verificante le condizioni

$$y(0) = y(\pi) = 0, \quad \int_0^\pi y(x) dx = 2$$

6 Risolvere l'equazione differenziale

$$y' + y \tan x = -\frac{1}{\cos x}$$

7 Risolvere i seguenti problemi di Cauchy:

$$\begin{cases} y' = yx \sin x + e^{-x \cos x} \cos x \\ y(0) = 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y' + \frac{6x}{1+3x^2}y = \arctan x \\ y(0) = 1 \end{cases}$$