

Compressione



Compressione

- Con il termine compressione dati si indica la tecnica di elaborazione dati che, attuata a mezzo di opportuni algoritmi, permette la riduzione della quantità di bit necessari alla rappresentazione in forma digitale di una informazione.
- La compressione riduce le dimensioni di un file e quindi lo spazio necessario alla sua memorizzazione.
- La compressione riduce l'occupazione di banda necessaria in una generica trasmissione dati digitale.



Dal momento che differenti quantità di dati possono essere usate per rappresentare la stessa quantità di informazione le rappresentazioni che contengono informazioni irrilevanti o ripetute contengono i cosiddetti dati ridondanti.



Ridondanza della codifica

- Un codice è un sistema di simboli (lettere, numeri, bit, ecc) utilizzati per rappresentare una certa quantità di informazioni.
- Ad ogni "pezzo" d'informazione e a ogni singolo evento è assegnata una sequenza di simboli codificati, chiamati codeword.
- Il numero di simboli che costituisce ciascun codice è la sua lunghezza.



Ridondanza spaziale e temporale

- Dal momento che la maggior parte degli array di intensità 2-D sono relazionati spazialmente (per es. ciascun pixel è simile ai pixel del suo intorno, o dipende da esso), l'informazione è replicata inutilmente nei pixel correlati.
- In una sequenza video, i pixel correlati temporalmente (per es. simili o dipendenti dai pixel dei frame vicini) rappresentano anch'essi un'informazione duplicata.



Informazione percettivamente irrilevante

- Spesso i dati contengono informazioni ignorate dal sistema sensoriale umano.
- E' ridondante nel senso che non viene utilizzata.

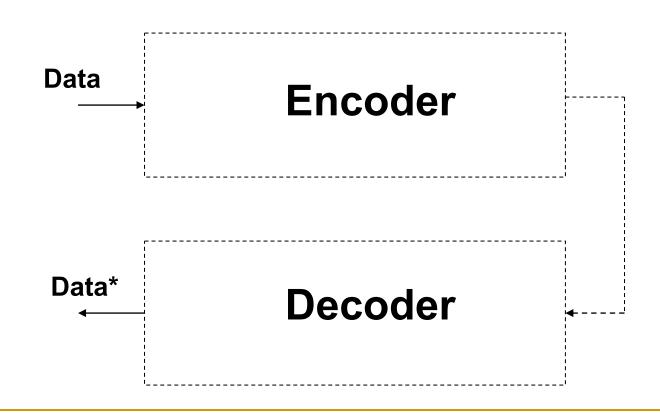


Algoritmo di compressione

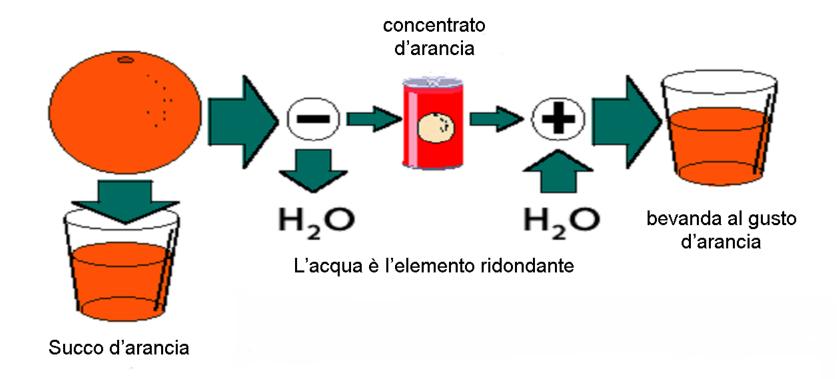
Un algoritmo di compressione è una tecnica che elimina la ridondanza di informazione dai dati e consente un risparmio di memoria



Il processo di compressione e decompressione









Classificazione dei metodi di compressione

Basata sul tipo di dati (Generico, Audio, Immagini, Video);

Basata sul tipo di compressione:

- REVERSIBILE o lossless, cioè senza perdita di informazione;
- IRREVERSIBILE o lossy, con eventuale perdita di informazione.



Compressione LOSSLESS

Si parla di compressione **LOSSLESS** quando i dati possono essere trasformati in modo da essere memorizzati con risparmio di memoria e successivamente ricostruiti perfettamente, senza errore e senza perdita di alcun bit di informazione.

Tale tipo di compressione è ovviamente necessario per ridurre lo spazio occupato da documenti, programmi eseguibili, eccetera.



Criterio per una buona compressione di tipo lossless

 Cercare di raggiungere il limite teorico per la compressione senza perdita che viene fornito dal primo teorema di Shannon (che vedremo tra poco).



Frequenza

Sia data una sequenza S di N caratteri tratti da un alfabeto di M possibili caratteri: a₁,...,a_{M.}

Sia f_i la frequenza del carattere a_i cioè

$$f_i$$
= (# occorrenze a_i)/N



Entropia

Definiamo entropia E della sequenza di dati S la quantità media di informazione associata alla singola generazione di un simbolo nella sequenza S:

$$E = - \sum f_i \log_2(f_i) \qquad i \in S$$

Più è grande l'incertezza della sequenza maggiore è l'entropia. Il massimo valore di entropia (e quindi di incertezza) lo si ha quando i simboli della sequenza sono equiprobabili.



ATTENZIONE

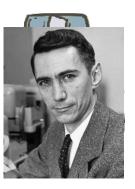
Se la vostra calcolatrice non ha il log in base 2 occorre cambiare la base usando questa formula:

FORMULA DEL CAMBIAMENTO DI BASE PER I LOGARITMI

Ecco la formula per il cambiamento di base nei logaritmi: dati a,b,c positivi e con $a,c \neq 1$

$$\log_a(b) = \frac{\log_c(b)}{\log_c(a)}$$

Grazie a questa formula possiamo scrivere il logaritmo in una data base a con una nuova base c scelta a piacere, purché sia maggiore di zero e diversa da uno.



Teorema di Shannon (1948)

«per una sorgente discreta e a memoria zero, il bitrate minimo è pari all'entropia della sorgente»

I dati possono essere rappresentati senza perdere informazione (lossless) usando almeno un numero di bit pari a:

N*E

Dove N è il numero di caratteri mentre E è l'entropia.



Attenzione!

- Il teorema di Shannon fissa il numero minimo di bit, ma non ci dice come trovarli.
- Occorre usare un algoritmo che permetta di codificare i nostri caratteri usando esattamente il numero di bit ricavati con il teorema di Shannon.
- Un algoritmo che fa ciò è stato proposto da Huffman.



Codifica di Huffman (1953)

David Huffman ha proposto un semplice algoritmo greedy che permette di ottenere un "dizionario" (cioè una tabella carattere-codifica_binaria) per una compressione quasi ottimale dei dati cioè pari al limite di Shannon con un eccesso di al più qualche bit.



Proprietà

- Si tratta di codifica a lunghezza variabile che associa a simboli meno frequenti i codici più lunghi e a simboli più frequenti i codici più corti.
- Si tratta di una codifica in cui nessun codice è prefisso di altri codici.
- È una codifica ottimale perchè tende al limite imposto dal teorema di Shannon.



Codifica di Huffman (1)

Illustro l'algoritmo con un esempio.

Dati: AABABCAACAAADDDD.

A: frequenza pari a $8/16 = \frac{1}{2}$

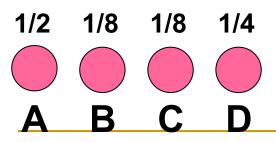
B: frequenza pari a 2/16= 1/8

C: frequenza pari a 2/16= 1/8

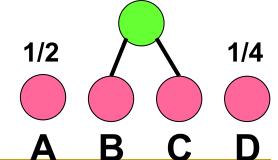
D: frequenza pari a 4/16= 1/4

L'algoritmo procede costruendo un albero binario le cui foglie sono i caratteri da codificare come segue:

INIZIO: una foresta con 4 alberi ciascuno composto di un singolo nodo.



Aggrego i due alberi della foresta con minore frequenza





Codifica di Huffman(2)

Procedo in tal modo fino ad avere un solo albero che aggreghi tutte le foglie





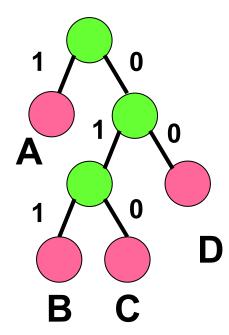
Codifica di Huffman(3)

In questo caso ecco il risultato finale:





Codifica di Huffman(4)



Etichetto con 1 i rami sinistri e 0 i destri. Il cammino dalla radice al simbolo fornisce la parola del dizionario che "codifica" in maniera ottimale il simbolo.

Si osservi che ho parole di codice di varia lunghezza, ma nessuna è prefissa delle altre. Inoltre i simboli più frequenti richiedono meno bit, i meno frequenti più bit.

A:1

B: 011

C: 010

D:00



Codifica di Huffman(5)

A:1

B: 011

C: 010

D:00

Codice per la sequenza

AABABCAACAAADDDD.

A: frequenza pari a $8/16 = \frac{1}{2}$

B : frequenza pari a 2/16= 1/8

C: frequenza pari a 2/16= 1/8

D: frequenza pari a 4/16= 1/4

Codifica:

pari a 28 bit

(si osservi che i trattini sono del tutto superflui perché <u>nessun codice per</u> <u>i caratteri è prefisso degli altri</u>, cioè posso decodificare senza fare errori se ho solo:

1101110110101101011100000000

Quale è il limite previsto da Shannon?

$$16* (-1/2*log_2(1/2) - 1/8*log_2(1/8) - 1/8*log_2(1/8)-1/4*log_2(1/4)) =$$

$$16*(1/2+3/8+3/8+2/4) = 8+6+6+8 = 28 bit - CODIFICA OTTIMALE!$$



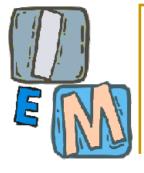
Attenzione in pratica!

- Costo aggiuntivo: si deve memorizzare la tabella caratteri-codici. Se i caratteri sono tanti questo può essere costoso.
- Huffman viene usato per comprimere alcune informazioni nella fase finale della codifica JPEG (dopo che è stata fatta una riduzione con altre tecniche)
- Huffman è usato nei seguenti standard di compressione CCITT, JBIG2, JPEG, MPEG-1,2,4.



Esercizio

- Applicare la codifica di Huffman alla stringa "gazzella". Quanti bit sono effettivamente usati?
- Quanti bit si dovrebbero usare secondo il teorema di Shannon per la codifica della stringa "gazzella"?



Altri algoritmi di compressione LOSSLESS

- Run-Length-Encoding (RLE)
- Codifica differenziale



Codifica Run-length

- le immagini che hanno delle ripetizioni di intensità lungo le righe (o colonne) possono spesso essere compresse rappresentando tali sequenze (run) sottoforma di coppie di run-length, in cui ciascuna coppia individua l'inizio di una nuova intensità e il numero di pixel consecutivi ne condividono il valore in questione.
- la codifica run-legnth è usata in CCITT, JBIG2, JPEG, M-JPEG-1,2,4, BMP



Run-Length-Encoding

Si voglia comprimere la sequenza:

00000111001011101110101111111

Si potrebbe ricordare in alternativa:

5 volte 0, 3 volte 1, 2 volte 0 etc.

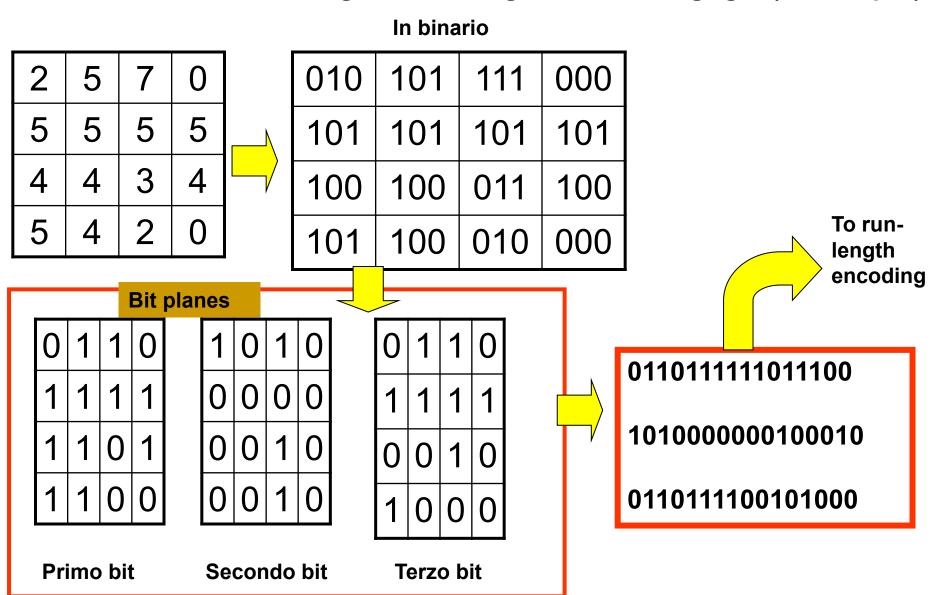
O meglio basterebbe accordarsi sul fatto che si inizia con il simbolo 0 e ricordarsi solo la lunghezza dei segmenti (run) di simboli eguali che compongono la sequenza:

Tali valori vanno adesso scritti in binario. Non sempre tale codifica porta un risparmio rispetto a quella di input. Ciò accade solo se la lunghezza della run è molto grande e prevede un numero di bit superiore a quelli necessari per scrivere il numero che rappresenta la run.

Se ci sono molte "run" (sequenze di simboli eguali) piuttosto lunghe ricordare la sequenza delle loro lunghezze potrebbe portare un risparmio.

Run Length + bit planes

Debbo memorizzare la seguente immagini a 8 toni di grigio (3 bit depth):





Codifica "differenziale"

- Si tratta di una tecnica assai usata.
- Se la sequenza dei valori varia lentamente, invece di registrare i valori è sufficiente ricordarsi del valore iniziale e delle differenze successive.

Esempio:

134, 137, 135, 128, 130, 134, 112, ...

ricorderò il valore iniziale 134 e poi la sequenza delle differenze successive:

 Si dimostra sperimentalmente che per le immagini la sequenza delle differenze ha una entropia minore di quella dei valori originali e quindi richiede meno bit per essere memorizzata.



Compressione Lossy



Compressione LOSSY

Si parla di compressione **LOSSY** quando i dati possono essere trasformati in modo da essere memorizzati con risparmio di memoria ma con perdita di informazione.

Tale tipo di compressione produce un maggiore risparmio di memoria!

La compressione lossy: ridondanza nei dati

NI mzz dl cmmn d nstr vt M rtrv pr n slv scr

Gli uomini hanno grande flessibilità nell'interpretare correttamente segnali rumorosi o incompleti ...

Alcuni linguaggi NON prevedono affatto che si scrivano le vocali!

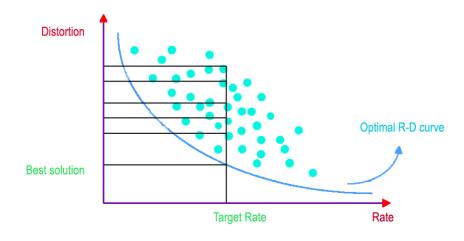
Se si ha una "competenza" spesso si possono completare da soli i dettagli che non sono stati trasmessi in maniera completa (esempio di ridondanza semantica).

Alcuni telefonini sanno "scegliere" quando si compone un SMS quale è la sequenza di caratteri più "probabile" nella nostra lingua (esempio di ridondanza statistica).



Criterio per una buona compressione di tipo lossy

- Fissata la massima distorsione accettabile l'algoritmo di compressione deve trovare la rappresentazione con il più basso numero di bit.
- Viceversa, fissato il massimo numero di bit accettabile occorre trovare il miglior algoritmo di compressione che a parità di numero di bit mi dia la minima distorsione





Per le immagini:



Una di queste immagini richiede su disco 26 Kb e una 8 Kb.

Quale è l'una o l'altra? Il nostro occhio non coglie alcuni dettagli e il nostro cervello "integra" l'informazione mancante o corrotta.



Idea della compressione lossy!

- Se "percettivamente" non è importante: buttalo via!
 - MP3 : applicano questa idea al caso del suono e della musica;
 - JPEG: applicano questa idea alle immagini fisse (still images)
 - MPEG, AVI, DVX etc: applicano questa idea alle sequenze di immagini (filmati)

Ovviamente una volta buttata via l'informazione non può essere ricostruita: si tratta di compressione IRREVERSIBILE.



In questo corso vedremo soltanto:

- Un algoritmo di requantization;
- II JPEG.



Un algoritmo lossy: requantization

- Si tratta molto semplicemente di una riduzione del numero di livelli disponibili in modo da risparmiare bit per pixel.
- La si realizza "dimenticando" n bit meno significativi per canale.
- Per esempio:

RED: da 8 bit si conservano solo i 4 più significativi;

GREEN: da 8 bit si conservano solo i 6 più significativi;

BLUE: da 8 bit a si conservano solo i 2 più significativi.

Si risparmia così il 50% dei bit inizialmente necessario! In più: se ci sono meno simboli ... la compressione LZW o Huffman è più efficiente!

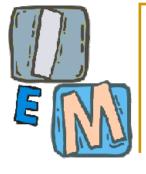
Ma che perdita di qualità nelle immagini!



Requantization







Lo standard JPEG



Storia

- ▶JPEG è l'acronimo di "Joint Photographic Experts Group". (www.jpeg.org)
- ▶ lo standard JPEG è stato sviluppato per la compressione di immagini.
- Nel 1988, JPEG ha scelto uno schema di codifica adattativo basato sulla tecnica DCT (Discrete Cosine Transform)
- Nel 1991 è stata presentata ufficialmente una proposta di standard che è stata approvata dai membri del consorzio ed è diventata uno standard ISO nel 1992 (ISO –International Standard Organization).

Passi fondamentali della codifica JPEG

Pre-processing:

- i. Color Transform (RGB \rightarrow YC_bC_r);
- ii. Sottocampionamento della crominanza
- iii. Suddivisione della immagine in sottoimmagini.

► <u>Trasformazione:</u>

- i. Discrete Cosine Transform;
- ii. Quantization;

► Codifica:

- i. DC Coefficient Encoding;
- ii. Zig-zag ordering of AC Coefficients;
- iii. Entropy Coding (Huffman).

Preprocessing (i): da RGB a Y C_b C_r

$$\begin{bmatrix} Y \\ C_b \\ C_r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ 0.596 & -0.275 & -0.321 \\ 0.212 & -0.523 & 0.311 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$

La Y è la luminanza, gli altri due canali codificano i colori.

Si tratta di una trasformazione reversibile.

Il modello Y C_b e C_r è un modello di colori che permette di avvantaggiarsi della "debolezza" del sistema visivo umano.

Infatti...



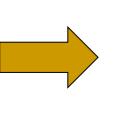
Preprocessing (ii): sottocampionamento della crominanza

- L'occhio umano è più sensibile alla luminanza che alla crominanza.
- JPEG prende TUTTE le informazioni sulla luminanza ma sceglie solo un campione delle informazioni degli altri canali.
- Si sceglie 1 valore ogni 4 per C_b e C_r (tralasciando metà dei valori originari da comprimere)
- Questo passo è ovviamente con perdita di informazione ed è irreversible!











Prendo tutti i pixel del canale Y





Prendo solo un pixel ogni quattro per i canali C_b e C_r



Preprocessing (iii): partizione della immagine

- Per approfittare al meglio della ridondanza (che localmente è maggiore che sulla intera immagine) e per semplificare i calcoli, JPEG procede dividendo l'immagine in "quadrotti" 8 x 8 di 64 pixel non sovrapposti.
- "Quadrotti" diversi subiranno una elaborazione differente: è qui l'origine del noto problema "quadrettatura" spesso visibile in ingrandimenti o stampe di immagini che sono state compresse con JPEG.

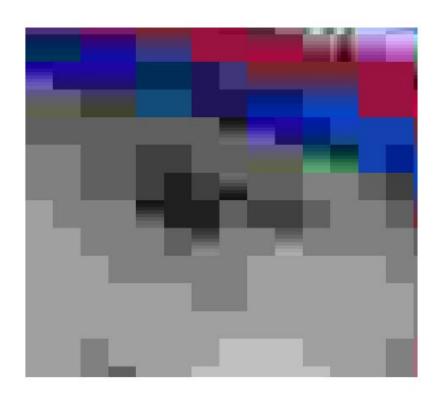


La «quadrettatura» è molto evidente se la compressione è elevata.





La «quadrettatura» è molto evidente se la compressione è elevata.





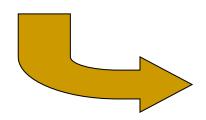


Prima della DCT

- Prima della applicazione della DCT ai 64 pixel di ciascun blocco viene sottratta una quantità pari a 2ⁿ⁻¹, dove 2ⁿ rappresenta il numero massimo di livelli di grigio dell'immagine.
- Se il blocco considerato presenta 256 = 2⁸ possibili livelli di grigio, a ciascun pixel di tale blocco verrà sottratto un offset pari a 128 = 2⁷.
- Con questo processo, noto come shift dei livelli di grigio, il grigio medio (128) diventa 0.



Esempio





Trasformazione (i): la DCT

- II JPEG trasforma i blocchi 8 x 8 di pixel secondo un algoritmo detto della Trasformata Discreta del Coseno (Discrete Cosine Tranform, DCT)
- Si tratta di un algoritmo della famiglia delle trasformate di Fourier.
- E' stato dimostrato che, statisticamente, tale trasformazione "decorrela" al massimo i dati permettendo maggiori rapporti di compressione nella fase successiva di codifica.
- Il nome non deve confondere: si tratta di una trasformazione del "vettore" di 64 pixel dalla base impulsiva (canonica) ad una più adatta alle immagini (vedi slide successiva)



Trasformazione (i): la DCT

- Come osservato <u>una immagine di 8 x 8 pixel si può</u> <u>pensare come un vettore nello spazio a 64</u> dimensioni.
- Ogni immagine è quindi la somma pesata di 64 immagini impulsive (tutte nere tranne in un pixel di valore 1) ove i "pesi" rappresentano l'effettivo livello di luminosità di ogni pixel.
- Tali immagini impulsive costituiscono una base, detta "base impulsiva" per le immagini.
- La "base impulsiva" non è l'unica base. <u>La</u> <u>trasformata del coseno esprime l'immagine in</u> <u>un'altra base</u>.



La formula della DCT per un blocco di dimensioni NxN (N=8 nel jpeg)

$$F(u,v) = \frac{2}{N} \left[\sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} C(u)C(v)f(x,y) \cos \frac{(2x+1)u\pi}{2*N} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{2*N} \right]$$

$$f(x,y) = \frac{2}{N} \left[\sum_{u=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} C(u)C(v)F(u,v) \cos \frac{(2x+1)u\pi}{2*N} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{2*N} \right]$$

where:

$$C(u) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 for $u = 0$; $C(u) = 1$ otherwise

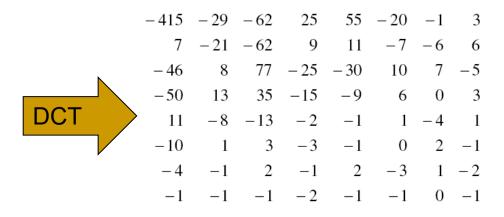
$$C(v) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 for $v = 0$; $C(v) = 1$ otherwise

Una implementazione diretta delle formule sopra richiede O(N²) Esistono algoritmi "fast" per calcolare i coefficienti in O(N log(N)) derivati dalla Fast Fourier Transform.



Esempio

Dopo l'applicazione della DCT, i nostri coefficienti diventano:



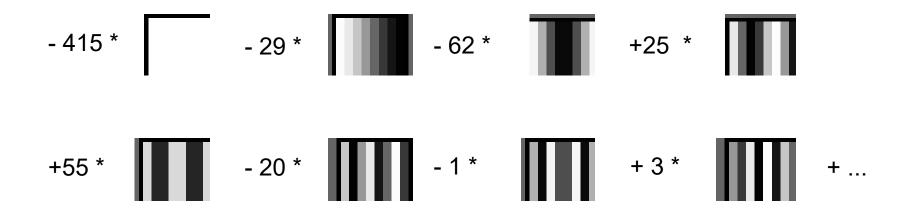


Esempio

E sono i coefficienti che devono essere moltiplicati alle basi della DCT (NON a quella canonica!) per ottenere il blocco precedente.



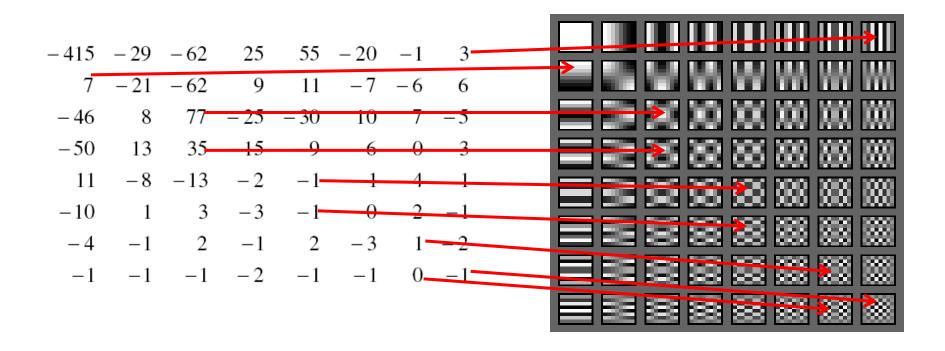
Per la prima riga si ottiene:



 Ognuna delle basi (cioè delle piccole immagini riportate sopra) è grande 8x8 pixel

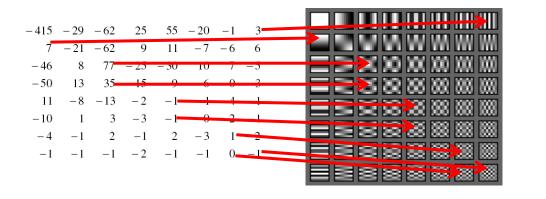


Lo stesso calcolo va ripetuto per tutti gli elementi della matrice.





Quindi, se volessimo tornare indietro:



Somma di prodotti tra 64 coefficienti e 64 basi della DCT di 8x8 elementi ciascuno!

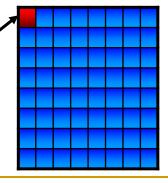


Risultato della DCT

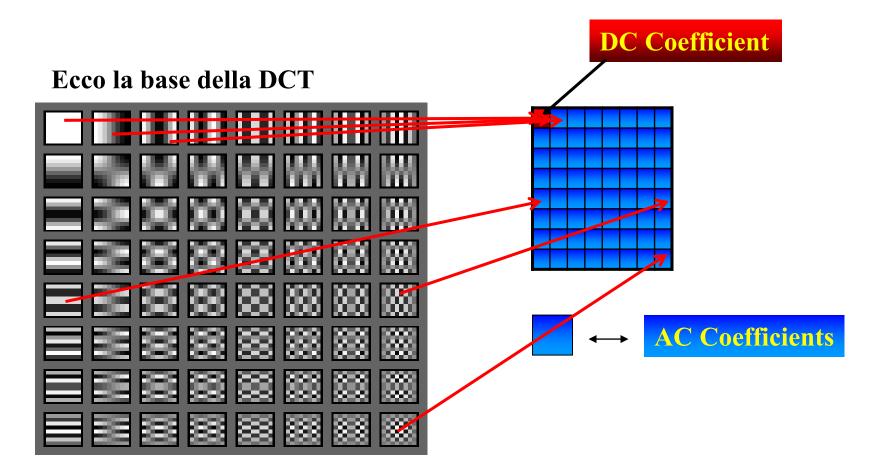
DC Coefficient

- Il coefficiente DC è solo il primo in alto a sinistra.
- Tutti gli altri 63 coefficienti sono detti coefficienti AC.

DC Coefficient







Ogni immagine 8 x 8 si ottiene moltiplicando ciascuna delle immagini a sinistra per un coefficiente e sommando tutte le immagini.

I coefficienti di tale somma sono i coefficienti della DCT.

Il coefficiente in alto a sinistra è un valore proporzionale al valor medio della luminanza dell'immagine. E' detto anche coefficiente DC



Trasformazione (ii): Quantizzazione

Un vantaggio in termini di simboli da usare (e quindi in termini di lunghezza dei codici Huffman) si ottiene se si riduce il numero di "livelli" su cui i coefficienti della DCT possono variare.

Tale operazione permette di rappresentare i diversi coefficienti incrementando il fattore di compressione, più precisamente avviene un processo di riduzione del numero di bit necessari per memorizzare un valore intero riducendone la precisione.



Trasformazione (ii): Quantizzazione

Si usa il seguente "formalismo" per la quantizzazione. Dato un fattore di quantizzazione Q e un numero F il valore F_{quantizzato} si ottiene come:

$$F_{quantizzato} = round(F/Q)$$

- Il valore ricostruito si ottiene moltiplicando F_{quantizzato} per Q.
- Ovviamente <u>la quantizzazione è un processo</u> <u>irreversibile</u> (perdita di informazione)



Trasformazione (ii): Quantizzazione

Si è scoperto sperimentalmente che non è conveniente usare un unico fattore di quantizzazione per tutti i 64 coefficienti della DCT della luminanza, o per quantizzare i valori provenienti dalla DCT delle crominanze.

Si preferisce adottare per il coefficiente F(i,j) un fattore di quantizzazione Q(i,j) scelto a priori (fornito dallo standard) o scelto dall'utente (in questo caso la tabella di quantizzazione deve essere trasmessa assieme ai dati compressi per consentire una corretta ricostruzione). I fattori Q(i,j) costituiscono la cosidetta "tabella di quantizzazione".

Nella successiva slide le due tabelle di fattori di quantizzazione standard

Tabel	la di	quant	izzazi	one	umi	nanza

Tabella	di	quantizzazione	crominanza
---------	----	----------------	------------

16	11	10	16	24	40	51	61
12	12	14	19	26	58	60	55
14	13	16	24	40	57	69	56
14	17	22	29	51	87	80	62
18	22	37	56	68	109	103	77
24	35	55	64	81	104	113	92
49	64	78	87	103	121	120	101
72	92	95	98	112	100	103	99

```
18 24 47 99 99 99
                       99
      26
         66 99 99
                   99
                       99
   26 56 99 99 99
                   99
                       99
   66 99
         99 99
                99
                   99
                       99
   99 99
         99
             99
                99
                   99
                       99
   99 99
         99 99
                   99
                       99
99
99
   99 99
         99 99 99
                   99
                       99
         99 99 99
99 99 99
                   99 99
```

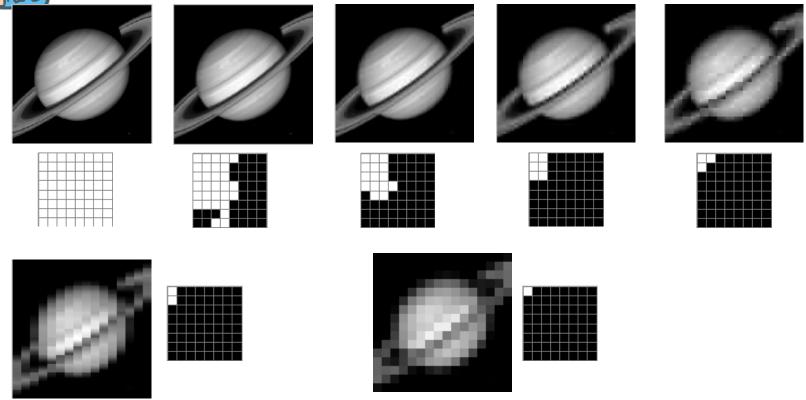
Si osservi che un fattore di compressione maggiore comporta una maggiore perdita di informazione.

L'utente del JPEG può scegliere il "grado" di quantizzazione da adottare fornendo un "quality factor" QF che va da 1 a 100. La tabella di quantizzazione adottata sarà una copia delle tabelle sopra i cui elementi sono divisi per QF.

Maggiore il QF, minore i fattori di quantizzazione e minore la perdita di informazioni.



Effetto della quantizzazione



I quadretti neri rappresentano i coefficienti DCT che la quantizzazione ha portato a zero per ogni blocco 8x8 della immagine di Saturno.

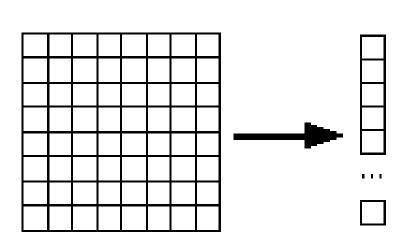


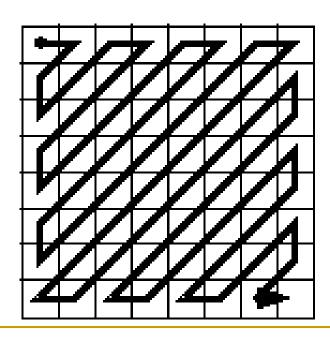
Nel nostro esempio



Codifica

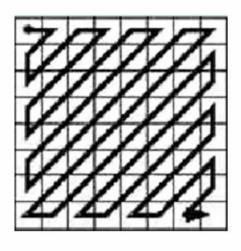
 Tutti i coefficienti vengono riordinati in un vettore 64 x 1 seguendo l'ordinamento "a serpentina" (per creare lunghe run di zeri) e codificati in un altro stream.







Codifica zig-zag



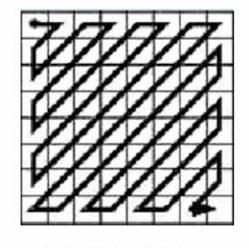
ordinamento a zigzag

0	1	5	6	14	15	27	28
2	4	7	13	16	26	29	42
3	8	12	17	25	30	41	43
9	11	18	24	31	40	44	53
10	19	23	32	39	45	52	54
20	22	33	38	46	51	55	60
			47				
35	36	48	49	57	58	62	63

Gli indici che determinano l'ordinamento a zig-zag dei coefficienti quantizzati



Nel nostro esempio



ordinamento a zigzag

-26 -3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB



Differenti codifiche

- A questo punto si hanno due differenti codifiche.
- I coefficienti DC, cioè quelli che stanno nella posizione (1,1) del blocco 8x8, sono codificati usando una codifica differenziale;
- I coefficienti AC, cioè tutti gli altri del blocco, sono codificati usando una codifica run-length.
- Le tabelle usate di seguito forniscono i codici di Huffmann ottenuti sulla base di calcoli statistici preventivi e sono fornite dallo standard.



Codifica coefficienti DC

I coefficienti del blocco 8x8 messi in sequenza sono:

-26 -3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB

- Il coefficiente DC è il primo e vale -26.
- Assumendo che il coefficiente DC del blocco successivo sia -17, otterremo l'evento
 Δ = - 26 – (-17) = - 9



 Nella tabella delle categorie, -9 sta nella posizione n=SSSS=4.

SSSS	Δ
0	0
1	-1, 1
2	-3 -2, 2 3
3	-74, 4 7
4	-158, 8 15
5	-3116, 16 31
6	-6332, 32 63
7	-12764, 64 127
8	-255128, 128 255
9	-511256, 256 511
10	-1023512, 5121023
11	-20471024, 1024 2047

SSSS = categoria

Δ = differenza tra due coefficienti DC (evento)

> n.b.: le tabelle complete sono disponibili su studium!



- Il valore n=SSSS=4 ha come codice base 101. Ed n è anche il numero di bit mancanti che occorre aggiungere.
- La corrispondenza tra il valore e il codice è fissata dalla tabella dei codici di Huffman che varia in base al fatto che stiamo trattando la luminanza o la crominanza.

SSSS	Codice base	
0	010	
1	011	
2	100	
3	00	
4	101	
5	110	
6	1110	
7	11110	
8	111110	
9	1111110	
10	11111110	
11	111111110	

n.b.: le tabelle complete sono disponibili su studium!



- A questo punto occorre completare il codice.
- Per fare ciò si usa la seguente regola:
- Se Δ > 0 allora i bit da aggiungere sono gli n bit meno significativi del valore Δ in binario.
- Se Δ < 0 allora i bit da aggiungere sono gli n bit meno significativi del valore in binario di Δ (con complemento a due) ai quali occorre sottrarre il valore 1.
- Δ = 0 allora anche SSSS è uguale a zero, pertanto non viene aggiunto alcun bit.



- Nell'esempio considerato i quattro bit meno significativi del valore in binario di Δ (-9) sono 0111; essendo Δ < 0 si sottrae il valore 1 e si ottengono i quattro bit 0110 che completano il codice base trovato in precedenza (101).
- Il codice completo del coefficiente DC è 1010110.



-3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB

- Dalla sequenza si è eliminato il primo coefficiente e si passa alla codifica di tutti gli altri.
- Poiché i coefficienti quantizzati AC sono spessissimo nulli, si usa una trasformazione in skip-value. Cioè, data una sequenza di valori, si memorizza il numero degli zeri seguito dal primo valore non zero che si incontra.
- Esempio: si debba codificare 0,0,0,0,11,0,0,0,3,0,0,0,0,0,0,0,0,12,17... memorizzo: (4,11),(3,3),(8,12),(0,17),...



Nel nostro caso

-3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB

Nel nostro caso sarebbe

$$(0,-3)$$
, $(0,1)$, $(0,-3)$, $(0,-2)$, $(0,-6)$, $(0,2)$, $(0,-4)$, $(0,1)$, $(0,-4)$, $(0,1)$, $(0,1)$, $(0,5)$, $(1,2)$, $(2,-1)$, $(0,2)$, $(5,-1)$, $(0,-1)$...



- La prima coppia del tipo (0,v) da codificare è (0,-3).
- Il coefficiente -3 ha come SSSS il valore 2.

SSSS	Coefficiente AC	
1	-1, 1	
2	-3 -2, 2 3	
3	-74, 4 7	
4	-158, 8 15	
5	-3116, 16 31	
6	-6332, 32 63	
7	-12764, 64 127	
8	-255128, 128 255	
9	-511256, 256 511	
Α	-1023512, 512 1023	

n.b.: le tabelle complete sono disponibili su studium



- La classe dell'evento è espressa mediante una coppia del tipo (run, categoria).
- Nel nostro caso abbiamo (0,2)

(run, ca-	Codice base	Lunghezza
tegory)		codice
		completo
(0, 0)	1010 (= EOB)	4
(0, 1)	00	3
(0, 2)	01	4
(0, 3)	100	6
(F, 0)	111111110111	12
(F, A)	111111111111111110	26

n.b.: le tabelle complete sono disponibili su studium



- Alla coppia (0, 2) corrisponde il codice base 01, tale codice sarà completato dall'aggiunta di un numero di bit fino a raggiungere il numero totale di bit che è riportato nell'ultima colonna della tabella.
- I bit che completano il codice base sono scelti con lo stesso criterio enunciato per la codifica dei coefficienti DC, in base al valore v del coefficiente AC (v > 0, v < 0, v = 0).
- Se v > 0 allora i bit da aggiungere sono i bit meno significativi del valore v in binario.
- Se v < 0 allora i bit da aggiungere sono i bit meno significativi del valore in binario di v (con complemento a due) ai quali occorre sottrarre il valore 1.
- v = 0 allora anche SSSS è uguale a zero, pertanto non viene aggiunto alcun bit.



- Nell'esempio considerato i due bit meno significativi del valore in binario del coefficiente AC v (-3) sono 01, essendo v < 0 si sottrae il valore 1 e si ottengono i due bit 00 che completano il codice base trovato in precedenza (01).
- Il codice completo è quindi 0100.



Sequenza finale del blocco 8x8

La sequenza finale sarà

-26 -3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB

- Dove gli spazi sono inseriti solo per migliorare la leggibilità.
- Senza spazi la sequenza diventa (72 bit):



Nella ricostruzione...

- Si deve tornare indietro "ricostruendo" i dati originali (o le loro approssimazioni per i passi irreversibili).
- Esistono diverse "strategie" per la ricostruzione in modo da abilitare la ricostruzione progressiva, gerarchica o lossless.
- Non tratteremo queste strategie in questo corso.



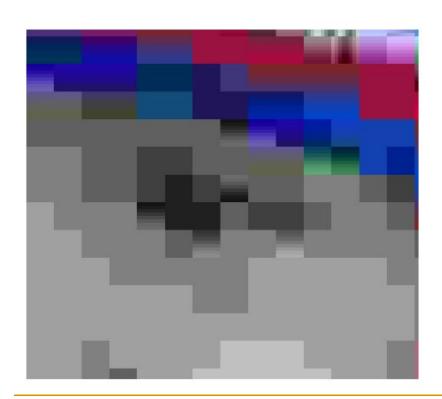
Confronto tra blocchi

 Attenzione, il Jpeg è lossy! Quindi il blocco ricostruito è diverso da quello in input.

```
70
    55
         61
              66
                          61
                              64
                                   73
                                                                      59
                                                     64
                                                          67
                                                                64
                                                                           62
                                                                                     78
63
    59
         66
              90
                   109
                          85
                              69
                                   72
                                                     55
                                                                89
                                                                           88
                                                 56
                                                          67
                                                                      98
                                                                                    69
62
    59
         68
             113
                   144
                         104
                                   73
                                                 60
                                                     50
                                                          70
                                                               119
                                                                     141
                                                                          116
                                                                                    64
63
    58
             122
                   154
                         106
                              70
                                   69
                                                 69
                                                      51
                                                               128
                                                                    149
                                                                          115
                                                                                    68
                   126
67
    61
         68
             104
                          88
                              68
                                   70
                                                     53
                                                          64
                                                               105
                                                                    115
                                                                           84
                                                                                65
                                                                                    72
    65
                              58
79
         60
              70
                    77
                          68
                                   75
                                                     57
                                                          56
                                                                74
                                                                     75
                                                                           57
                                                 76
                                                                                    74
85
    71
         64
              59
                    55
                              65
                                   83
                          61
                                                 83
                                                     69
                                                          59
                                                                60
                                                                      61
                                                                           61
                                                                                67
                                                                                     78
                              78
87
    79
         69
              68
                    65
                          76
                                   94
                                                      81
                                                                62
                                                                     69
                                                                           80
                                                                                84
                                                 93
                                                          67
                                                                                    84
```



Fattori di qualità pari a 1, 16







Fattori di qualità pari a 50, 100







Fattore di compressione 1, 16, 50, 100

Quinn haventu pilimo a lor dat lithratis estato dellen parmar ell tadi munitan li mo maccino diococli more :

Quiuis horrentia pilis agm los: aut labentis equo descri parum est; uel nimium si mo ueterum dicendi more; Quiuis horrentia pilis agn los aut labentis equo delcr parum est uel nimium si mo ucrerum dicendi more;

Quiuis horrentia pilis agni los:aut labentis equo descri parum est:uel nimium si mo ueterum dicendi more:



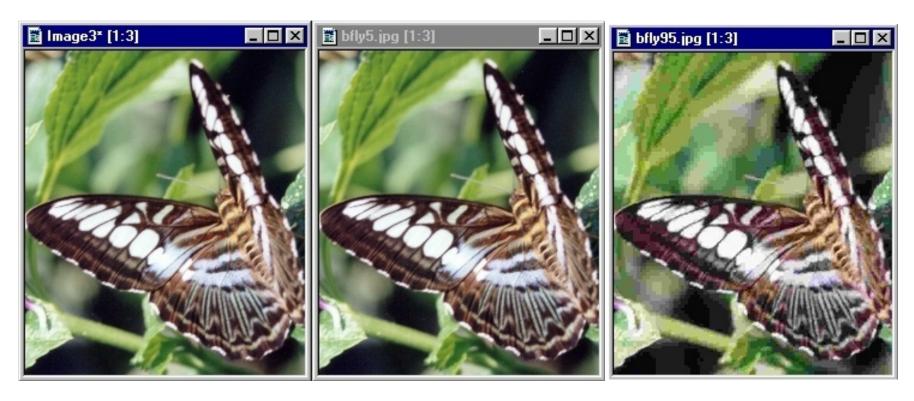


Originale

CR. 75:1 QF=10

CR. 110:1 QF=5



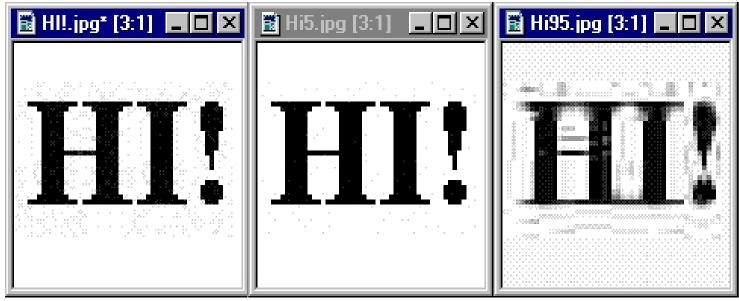


Original Uncompressed (3.2MB)

JPEG High level (179 KB)

JPEG Low level (15 KB)





Immagini "grafiche" con pochi colori e con testi non sono compresse con buona qualità dal JPEG!

Inoltre, per il WEB, JPEG non gestisce la trasparenza (GIF lo fa)



Nuovi standard

JPEG2000:

sostituisce la DCT con le wavelets.

Alloca più bit nelle zone con più informazione e permette il controllo esplicito di tale allocazione.

Raggiunge rapporti di compressione più elevati.

Non è stato un successo commerciale (inerzia tecnologica)



2-D Wavelet decomposition

