

Titre de la thèse (sur plusieurs lignes si nécessaire)

Traduction du titre de la thèse (sur plusieurs lignes si nécessaire)

Thèse de doctorat de l'université Paris-Saclay et de l'université XXX (si cotutelle - sinon enlever cette seconde partie)

École doctorale n° d'accréditation, dénomination et sigle
Spécialité de doctorat : voir annexe
Graduate School : voir annexe. Référent : voir annexe

Thèse préparée dans la (ou les) unité(s) de recherche **Nom(s)** (voir annexe), sous la direction de **Prénom NOM**, titre du directeur ou de la directrice de thèse, la co-direction de **Prénom NOM**, titre du co-directeur ou de la co-directrice de thèse, le co-encadrement de **Prénom NOM**, titre, du co-encadrant ou de la co-encadrante ou la co-supervision de **Prénom NOM**, titre, du tuteur ou de la tutrice (en cas de partenariat industriel)

Thèse soutenue à Paris-Saclay, le JJ mois AAAA, par

Prénom NOM

Composition du jury

Membres du jury avec voix délibérative

Prénom NOM

Titre, Affiliation

Président ou Présidente

Rapporteur & Examinateur / trice

Rapporteur & Examinateur / trice

Examinateur ou Examinatrice

Examinateur ou Examinatrice

Titre : titre (en français).....

Mots clés : 3 à 6 mots clefs (version en français)

Résumé : Lorem ipsum dolor sit amet, consec-tetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, no-nummy eget, consectetuer id, vulputate a, ma-gna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentes-que habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasel-lus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. In-teger sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bi-bendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Cu-rabitur auctor semper nulla. Donec varius orci

eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non ju-sto. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum so-ciis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tinci-dunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum tur-pis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Title : titre (en anglais).....

Keywords : 3 à 6 mots clefs (version en anglais)

Abstract : Lorem ipsum dolor sit amet, consec-tetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, no-nummy eget, consectetuer id, vulputate a, ma-gna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentes-que habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasel-lus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. In-teger sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bi-bendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Cu-rabitur auctor semper nulla. Donec varius orci

eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non ju-sto. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum so-ciis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tinci-dunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum tur-pis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Table des matières

1	Introduction	7
2	Problématique (plan)	9
3	Problématique	11
3.1	Introduction	11
3.2	Description de l'intégration du capteur de Mesures de Soutien Électronique et son fonctionnement	11
3.2.1	Contexte opérationnel : La maîtrise du spectre électromagnétique	11
3.2.2	Chaîne de traitement de l'information	11
3.2.3	Architecture et fonctionnement du capteur	12
3.3	Description de l'environnement virtuel	16
3.3.1	Motivations	16
3.3.2	Architecture et fonctionnement de l'environnement virtuel	17
3.4	Identification du goulot d'étranglement et limites opérationnelles	18
3.4.1	L'impératif de temps réel et le coût de la simulation	18
3.4.2	Analyse de la complexité et localisation du verrou	19
3.5	Formalisation et complexité du problème d'apprentissage	19
3.5.1	Nature des données et définition formelle de la tâche	19
3.5.2	Une double problématique : Traitement de séquence et Génération	20
4	État de l'art : PLAN (à supprimer après rédaction)	23
4.1	Introduction	23
4.2	IA générative	23
4.3	Méthodes pour le traitement de séquence	23
4.4	Les améliorations	24
5	État de l'art	25
5.1	Introduction : Environnements Numériques et typologie des apports de l'IA	25
5.1.1	Cadre Conceptuel : Environnement Virtuel et Jumeau Numérique	25
5.1.2	L'IA pour la constitution géométrique et visuelle de l'environnement	27
5.1.3	L'IA pour l'accélération et la modélisation des phénomènes physiques	28
5.1.4	L'IA au service de l'interactivité et de l'adaptation décisionnelle	29
5.1.5	Ancrage dans la problématique	30
5.2	IA générative	31
5.2.1	L'approche probabiliste explicite : Les VAE (2013)	31
5.2.2	La révolution antagoniste : Les GAN (2014)	32
5.2.3	La génération par raffinement : Les Modèles de Diffusion (2020)	32
5.2.4	Le paradigme séquentiel et l'Autorégression	32

5.2.5	Ancrage dans la problématique	33
5.3	Méthodes de traitement : Séquences et structures spatiales	34
5.3.1	Typologie des données : De la causalité temporelle à la topologie spatiale	34
5.3.2	Réseaux de convolution	35
5.3.3	Réseaux de neurones récurrents et Espaces d'Etats (RNN et SSM)	39
5.3.4	L'architecture Transformer	43
5.3.5	Ancrage dans la problématique	53
6	Capacité de discernement des modèles	55
6.1	Génération des données et protocole de construction	55
6.1.1	Règle d'ordonnancement implicite	56
6.1.2	Définition de la difficulté et invariances	56
6.1.3	Algorithme de génération sous contrainte	57
6.2	Stratégie d'apprentissage et architectures neuronales	58
6.2.1	Fonction de coût normalisée	58
6.2.2	Métrique d'évaluation : La Justesse Positionnelle	59
6.2.3	Apprentissage progressif	59
6.2.4	Architectures évaluées	60
6.3	Résultats expérimentaux et analyse	60
6.3.1	Protocole de visualisation	60
6.3.2	Évaluation du modèle de référence	61
6.3.3	Évaluation de la méthodologie proposée	62
6.3.4	Synthèse et comparaison des architectures	64
7	AVERTISSEMENT	67
8	COMPOSITION GÉNÉRALE, CHARTE GRAPHIQUE	69
8.1	COMPOSITION DU DOCUMENT	69
8.2	QUELS LOGOS FAIRE FIGURER?	69
8.3	POLICES DE CARACTÈRES ET COULEURS	69
9	INFORMATIONS GÉNÉRALES SUR LA PAGE DE COUVERTURE	71
9.1	TITRE DE LA THÈSE ET LANGUE(S)	71
9.2	SPÉCIALITÉ DE DOCTORAT	71
9.3	UNITÉ DE RECHERCHE	72
9.4	LE RÉFÉRENT	72
9.5	GRADUATE SCHOOL	73
9.6	ÉCOLE DOCTORALE	73
9.7	LIEU ET DATE DE SOUTENANCE	74
10	CIVILITÉ, FÉMINISATION DES TITRES ET FONCTIONS	75
11	PRÉSENTATION DE LA DIRECTION DE LA THÈSE OU DE L'ÉQUIPE D'ENCADREMENT	77

12 COMPOSITION DU JURY	79
12.1 A QUOI SERVENT CES INFORMATIONS?	79
12.2 LÉGITIMITÉ ACADEMIQUE	79
12.3 INDÉPENDANCE	80
12.4 FONCTION DANS LE JURY ET ORDRE DE CITATION	81
12.4.1 Ordre de citation	81
12.4.2 Les rapporteurs	81
13 BIEN CITER SES SOURCES	83
13.1 S'INFORMER SUR LE PLAGIAT	83
13.2 LES IMAGES	83
13.3 ARTICLES JOINTS A LA THÈSE	83
14 DÉPOSER ET DIFFUSER SA THÈSE	85
14.1 LES RESSOURCES A CONSULTER	85
14.2 LES DÉMARCHES	85
15 ANNEXE : LES LOGOS INSTITUTIONNELS	87
15.1 LE LOGO DE L'UNIVERSITÉ PARIS-SACLAY	87
15.2 LOGOS, NUMÉROS D'ACCREDITATION ET DÉNOMINATIONS DES ÉCOLES DOCTORALES	87

1 - Introduction

Le chapitre introduction comprendra les éléments suivants :

- Introduction du domaine de la guerre électronique
- Les grandes lignes du rôle du capteur ESM
- Explications de l'utilité de l'environnement numérique
- La problématique d'accélération
- Introduction succincte sur le domaine de l'IA
- Le plan de notre approche

2 - Problématique (plan)

Le chapitre sur la problématique contiendra les éléments suivants :

- Description du fonctionnement du capteur ESM dans l'environnement (dans la limite de ce qu'on peut dire), intégré dans la chaîne algorithmique de traitement de l'information.
- Description du fonctionnement de l'environnement virtuel, avec l'explication des modélisations de chaque traitement.
- Spécification du goulot d'étranglement et commentaire sur les données I/O.
- Commentaire sur le complexité du problème pour l'apprentissage automatique : double problématique génération et traitement de séquence.
- **Penser à ajouter des références de traitement avec ce principe de mesureur (brevet?) pour montrer qu'on ne révèle pas des secrets**

3 - Problématique

3.1 . Introduction

L'objectif central de ces travaux de recherche est d'accélérer par intelligence artificielle la simulation d'un environnement virtuel (VE - Virtual Environment) modélisant l'interaction entre des impulsions RADAR et un capteur de Mesures de Soutien Électronique (ESM - Electronic Support Measures). Ce chapitre s'attache à définir précisément le périmètre et les enjeux de cette problématique. Dans un premier temps, nous détaillerons le fonctionnement opérationnel du capteur ESM et son intégration au sein de la chaîne de traitement de l'information tactique. Cette analyse contextuelle permettra de justifier la nécessité de disposer d'un VE de simulation capable de reproduire fidèlement le comportement du capteur pour des besoins de validation. Nous exposerons ensuite l'architecture de cet VE afin d'identifier les verrous technologiques qui limitent actuellement ses performances, en localisant spécifiquement le goulot d'étranglement computationnel. Cette analyse conduira finalement à la formalisation du problème d'accélération sous l'angle de l'apprentissage automatique, en mettant en évidence sa double nature de traitement de séquence et de génération conditionnelle.

3.2 . Description de l'intégration du capteur de Mesures de Soutien Électronique et son fonctionnement

3.2.1 . Contexte opérationnel : La maîtrise du spectre électromagnétique

Dans le cadre d'un scénario de guerre électronique (GE), la survie de l'aéronef dépend de sa capacité à percevoir et comprendre son environnement électromagnétique (EM). L'appareil évolue dans un espace abondant d'émissions provenant de RADAR adverses ou civils, au sol ou aéroportés, cherchant eux-mêmes à détecter leur cible. Les caractéristiques techniques de ces signaux, telles que la fréquence, la largeur d'impulsion ou la période de répétition, constituent une signature unique permettant d'identifier l'émetteur et d'en déduire ses intentions tactiques (veille, poursuite, engagement). La mission des capteurs de ESM, illustrée dans la partie droite de la figure 3.1, est alors d'assurer une écoute passive et discrète du spectre pour détecter, de caractériser et de localiser ces menaces potentielles. Ils fournissent ainsi les données critiques à la décision stratégique et aux contre-mesures.

3.2.2 . Chaîne de traitement de l'information

L'intégration du capteur s'inscrit dans une architecture de traitement séquentielle visant à transformer un signal physique brut en renseignement tactique exploitable. Le champ EM incident est initialement capté par le capteur ESM, qui opère la première conversion fondamentale : il détecte les impulsions radar et construit en temps réel des descripteurs numériques, les PDW (Pulse Description Word - Mot de Description d'Impulsion). Chaque PDW synthétise les

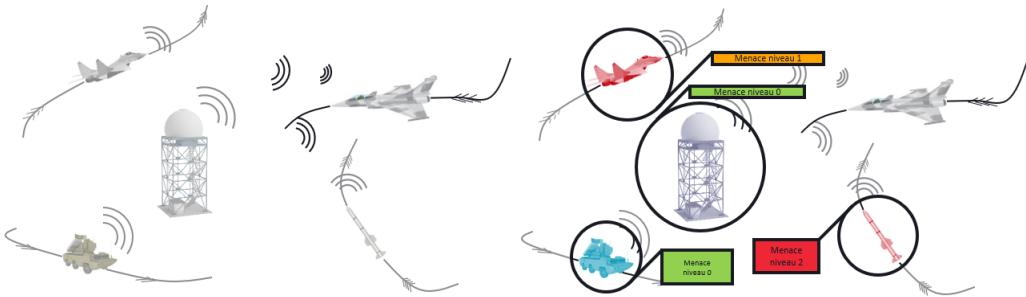


Figure 3.1 – Visualisation de l'apport tactique. Le système transforme un environnement EM dense (gauche) en une situation tactique intelligible (droite), permettant la localisation et la classification des plateformes présentes.

paramètres mesurés de l'impulsion : Date d'arrivée (ToA), Largeur d'impulsion (LI), Fréquence, Niveau de puissance et Direction d'arrivée (DoA). Ce flux continu de PDW alimente ensuite les algorithmes de traitement de haut niveau. Une étape de désentrelacement regroupe d'abord les impulsions par émetteur sur un horizon temporel court, isolant les trains d'impulsions cohérents. Ces regroupements élémentaires sont ensuite consolidés par un processus de pistage (tracking) qui suit l'évolution des émetteurs sur le long terme pour en caractériser la cinématique et le mode de fonctionnement. Finalement, ces pistes enrichies sont confrontées à des bases de données de signatures pour identifier formellement le système d'arme associé et évaluer le niveau de menace immédiat.

La figure 3.2 présente la chaîne de traitement d'un capteur réel (haut) ainsi que deux approches de simulation correspondant à un VE (milieu) et un VE avec IA (bas).

3.2.3 . Architecture et fonctionnement du capteur

Le fonctionnement interne du capteur ESM ne se limite pas à une conversion analogique-numérique transparente ; il constitue une chaîne de traitements physiques et logiques qui conditionne structurellement la qualité des données produites. Les traitements décrits ci-après, et illustré de manière simplifié au milieu de la figure 3.2, constituent le socle architectural de la plupart des récepteurs numériques modernes, bien que des variantes d'implémentation, dictées par les contraintes matérielles des systèmes temps réel, puissent exister selon les constructeurs.

Le traitement débute par la conversion du champ EM incident en signal électrique analogique. L'objectif est ensuite d'extraire, sur des fenêtres temporelles successives, les raies spectrales significatives. La mission de surveillance de bandes passantes instantanées de plusieurs gigahertz (typiquement 2 – 18GHz) impose l'usage de bancs de convertisseurs analogique-numérique (au moins 3) fonctionnant en parallèle à des cadences inférieures à la fréquence de Nyquist (ex : 1GHz, 1.2GHz, 1.4GHz.) [1]. Ce choix architectural induit un repliement spectral

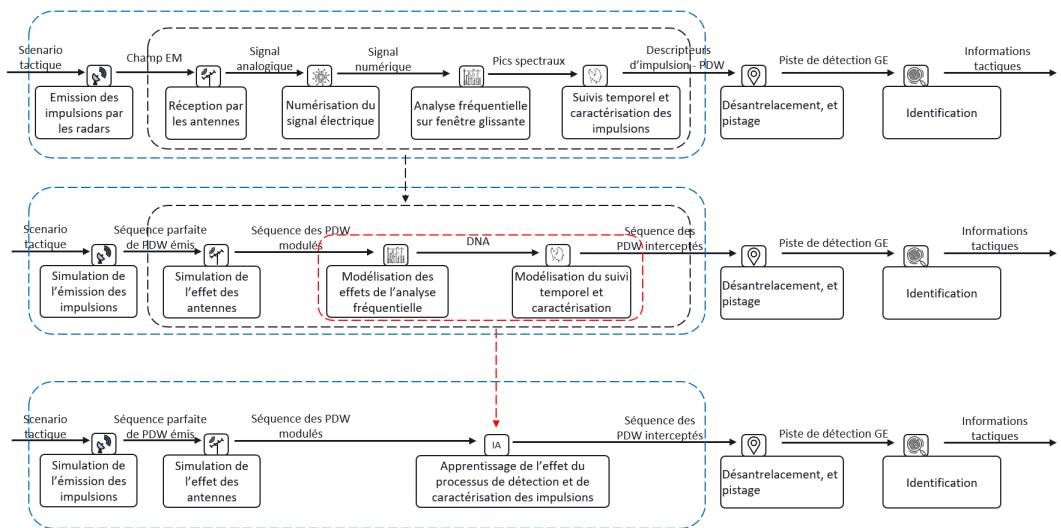


Figure 3.2 – Illustration des chaînes de transformation des informations pour un capteur réel (haut), un VE (milieu) et un VE avec IA (bas). **Haut :** La vérité terrain dicte l'émission d'impulsions, le signal physique est intercepté et les PDW sont déterminées par le capteur (en pointillés noirs). Ces informations sont agrégées (désentrelacement, pistage) et analysées (identification) pour produire un renseignement exploitable sur la vérité terrain initiale. **Milieu :** Un VE (périmètre en pointillés bleus) modélise la physique, à partir de l'émission des impulsions jusqu'à la caractérisation des PDW. La simulation des blocs est comportementale. **Bas :** Le goulot d'étranglement du VE (en pointillés rouges) est remplacé par un module d'IA. L'enchaînement des blocs de traitement constitue encore un VE mais avec IA.

systématique sur chaque voie d'acquisition, mais permet la détermination de la fréquence réelle grâce à la résolution d'un système de congruences entre les différentes voies repliées, principe connu sous le nom de théorème des restes chinois [2], [3]. Cependant, sur chaque canal d'acquisition, des phénomènes de masquage peuvent intervenir, liés à la saturation des convertisseurs, aux harmoniques et/ou à l'intermodulation provoquée par des impulsions de haute énergie, ou à la proximité fréquentielle entre signaux repliés. De plus, la résolution d'ambiguïté s'appuie généralement sur une sélection restreinte des N pics spectraux les plus énergétiques par canal, liée aux contraintes matérielles. La conjonction du bruit thermique sur des canaux critiques et de cette sélection limitative peut conduire à l'échec de la levée d'ambiguïté, entraînant la perte d'impulsions sur la fenêtre temporelle considérée. Les fréquences non-ambiguës identifiées, associées leur énergie, sont qualifiées de détections non-ambiguës (DNA).

Une fois les DNA identifiées sur la fenêtre d'analyse courante, elles sont transmises collectivement au système de suivi temporel. Ce module reçoit ainsi un paquet de détections simultanées qu'il doit associer aux ressources mémoires actives, qualifiées de "pistes" [4]. Le processus d'association est séquentiel et hiérarchisé : les DNA sont traitées une à une, par ordre de priorité croissante selon leur amplitude, afin de privilégier le suivi des signaux les plus énergétiques. Pour chaque détection candidate, le système recherche une correspondance parmi les pistes actives sur la base de critères de tolérance prédéfinis (proximité fréquentielle, cohérence de niveau). Une contrainte stricte d'unicité s'applique alors : une piste ne peut être mise à jour qu'une seule fois par fenêtre temporelle. En cas de corrélation valide avec une piste disponible (non encore mise à jour sur ce cycle), celle-ci intègre les nouveaux paramètres et prolonge sa durée de vie. Si aucune association n'est possible, ou si la piste candidate a déjà été servie par une détection prioritaire, une nouvelle piste est ouverte pour le signal, sous réserve qu'une ressource mémoire soit libre. La clôture d'une piste et la génération du PDW final [5] s'opèrent finalement lorsqu'elle n'a pas reçu de mise à jour durant une période seuil ou lorsque l'impulsion dépasse sa limite de durée opérationnelle.

La limitation matérielle du nombre de ces mémoires, conjuguée à leur logique d'allocation, engendre des artefacts de segmentation spécifiques. Premièrement, une contrainte de latence maximale impose de segmenter artificiellement les impulsions très longues ou continues pour assurer des mises à jour périodiques, générant une série de PDW contigus. Deuxièmement, les échecs de résolution d'ambiguïté peuvent provoquer une rupture de suivi prématurée. Si le masquage est transitoire, la piste reprend après une interruption, scindant l'impulsion en plusieurs entités. Si le masquage persiste jusqu'à la fin de l'émission, le suivi s'arrête définitivement, tronquant la fin du signal. Troisièmement, la saturation des ressources mémoires en environnement dense impacte directement la détection : si aucune piste n'est disponible à l'apparition du signal, il sera ignoré sur l'instant. Cela conduit soit à une acquisition tardive dès la libération d'une ressource, amputant alors le début du signal, soit à une perte totale de l'impulsion si aucune ressource ne se libère à temps. À l'inverse de ces phénomènes de fragmentation ou de perte, la résolution temporelle finie des bancs de filtres peut conduire à l'amalgame de deux impulsions brèves et rapprochées en un seul descripteur. Ainsi, la séquence de PDW produite ne doit pas être considérée comme une simple mesure dégradée de la réalité, mais comme une reconstruction interprétée, portant intrinsèquement la signature des limitations fréquentielles

et des heuristiques de gestion de ressources du capteur.

Cette problématique d'interprétation est illustrée par la figure 3.3, issue d'une campagne de mesures réelles. Si cette visualisation permet d'appréhender la structure macroscopique des données interceptées — notamment la parcimonie des impulsions et leur organisation en trains caractéristiques du fonctionnement radar — elle révèle surtout les limites de l'analyse sur données réelles. Dans ce contexte opérationnel, la seule réalité observable est celle restituée par le capteur ESM; il n'existe aucune "vérité terrain" absolue permettant de certifier si un train d'impulsions est intégral ou s'il résulte de la fragmentation d'une émission plus longue. Cette incertitude quant à la signature du traitement interne rend délicate la validation formelle des algorithmes de désentrelacement et d'identification, soulignant la nécessité de disposer de données maîtrisées. À l'inverse, la figure 3.4 exploite des impulsions générées par un environnement numérique pour objectiver ces biais. Elle permet d'établir une comparaison entre l'état des informations conceptuelles transitant avant la modélisation de la DCI, considérées comme une quasi-vérité terrain, et leur état après caractérisation par le capteur, c'est-à-dire les PDW interceptés. Cette visualisation exploite une représentation dans le plan temps-fréquence pour mettre en exergue les phénomènes d'altération de l'information liés au traitement numérique, rendant les effets du traitement visibles et descriptibles.

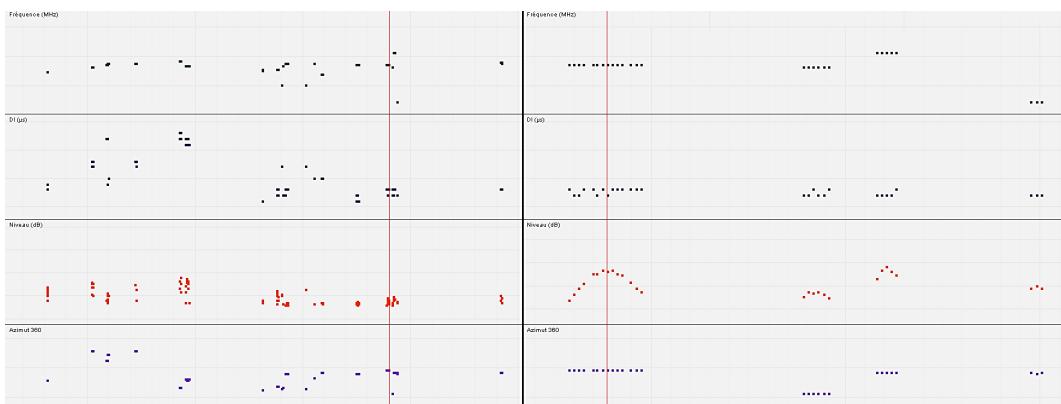


Figure 3.3 – Visualisation d'un flux d'impulsions intercepté par un capteur ESM lors d'un campagne d'essai, mettant en évidence la structure temporelle par paquets des émissions RADAR. Les quatre sous-graphiques superposés détaillent l'évolution des paramètres scalaires de chaque PDW en fonction de sa date d'arrivée. Le marqueur vertical rouge matérialise la correspondance temporelle entre la vue globale (gauche) et la vue locale (droite). Cette dernière, correspondant à un facteur d agrandissement de 25, permet d observer la structure fine du signal et révèle sur l'axe de l'amplitude la modulation caractéristique du lobe de balayage d'antenne du RADAR émetteur.

3.3 . Description de l'environnement virtuel

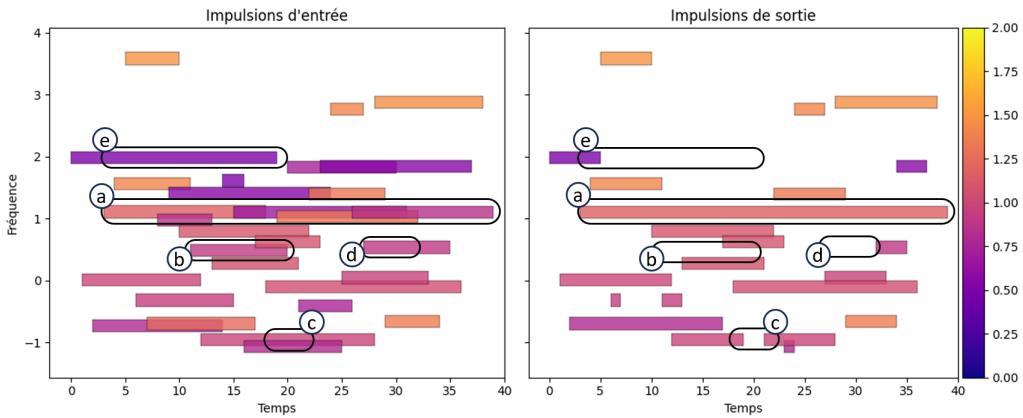


Figure 3.4 – Représentation dans un plan temps-fréquence des informations conceptuelles transitant dans la chaîne de traitement, visualisées à l'étape précédent (gauche) et succédant (droite) à la modélisation du processus de DCI (Détection et Caractérisation des Impulsions). La couleur de chaque rectangle encode l'amplitude du PDW. Les annotations identifient les dégradations structurelles induites par la chaîne de traitement : (a) Fusion de signaux distincts, (b) Disparition d'impulsion (non-détection), (c) Scission artificielle d'une impulsion continue, (d) Troncature avant, (e) Troncature arrière

3.3.1 . Motivations

La phase d'Intégration, Vérification, Validation et Qualification (IVVQ) des algorithmes de GE, tels que le désentrelacement, le pistage et l'identification, exige de disposer de jeux de données rigoureusement contrôlés. Pour valider la chaîne de traitement, il est nécessaire de confronter les données d'entrée des algorithmes - le flux de PDW en sortie du capteur ESM - aux données de sortie attendues, c'est-à-dire la situation tactique restituée. Or, l'obtention de ces données par des essais en vol réels se heurte à des contraintes majeures. En effet, la connaissance exacte et exhaustive de la situation tactique (la position et l'activité de tous les émetteurs environnants) est souvent impossible à garantir, empêchant d'établir une "vérité terrain" fiable pour qualifier les algorithmes. De plus, la réalisation d'essais en vol dédiés représente un défi logistique et financier considérable. La constitution d'un scénario réaliste implique le déploiement de moyens conséquents, tels que des avions plastrons ou des stations radars au sol, dont la disponibilité est limitée. Par ailleurs, ces essais physiques ne permettent de couvrir qu'un spectre restreint de configurations géométriques et EM, limitant la diversité des données récoltées. Face à ces obstacles, le recours à un simulateur d'impulsions s'impose comme la solution de référence. Comme l'illustre la partie centrale de la figure 3.2, l'environnement virtuel (encadré en pointillés bleus) s'insère en amont de la chaîne de traitement de l'information pour fermer la boucle de validation. En générant, à partir d'une vérité terrain parfaitement maîtrisée (le scénario tactique), le flux de PDW que les capteurs auraient intercepté, il permet d'alimenter les algorithmes de post-traitement et de confronter directement la situation tactique reconstruite au scénario initial. Cette approche autorise la simulation d'une quantité massive de données et la construction

de scénarios d'une complexité arbitraire, incluant des cas limites difficilement reproductibles en vol, en assurant une maîtrise totale des paramètres d'entrée. Cette capacité de tests intensifs est indispensable pour analyser finement la réaction de la chaîne algorithmique et procéder aux itérations nécessaires à son amélioration.

3.3.2 . Architecture et fonctionnement de l'environnement virtuel

L'environnement virtuel est structuré en quatre modules fonctionnels séquentiels. Il repose sur une approche de modélisation comportementale, dont l'objectif n'est pas de reproduire le traitement du signal échantillon par échantillon, mais de simuler l'effet macroscopique des traitements physiques et logiques sur le flux d'impulsions incident, afin de prédire les PDW que le capteur aurait effectivement générés. Les quatre modules présentés ci-après sont schématisés dans la partie centrale de la figure 3.2, dans l'environnement numérique (encadré en pointillés bleus).

Le premier module assure la génération de la vérité terrain EM. Il ingère les fichiers de description cinématique (trajectoires du porteur et des radars environnants) ainsi que les séquences d'émission théoriques de chaque radar. À partir de ces données, il construit une liste chronologique d'impulsions émises, triées par date d'arrivée (ToA), où chaque impulsion est décrite par un PDW idéal contenant ses caractéristiques physiques natives.

Le second module modélise la chaîne de propagation et de réception analogique. Sa fonction est double : premièrement, il applique l'équation du bilan de liaison pour déterminer l'amplitude du signal arrivant au voisinage du porteur, en tenant compte de la position relative émetteur-récepteur et de la direction d'émission. Deuxièmement, il simule la fonction de transfert des antennes réceptrices. En exploitant les diagrammes de gain et l'angle d'incidence du signal, ce module calcule l'atténuation ou l'amplification subie par le signal électrique en sortie d'antenne. La sortie de ce bloc est une liste de PDW dont l'amplitude a été ajustée pour refléter la puissance réellement disponible à l'entrée du récepteur numérique.

Les deux derniers modules simulent le cœur du traitement numérique : la détection spectrale et la caractérisation temporelle. Pour s'abstraire de la simulation coûteuse du temps continu, ces modules opèrent sur une échelle temporelle discrétisée nommée "palier". Un palier définit un intervalle de temps au cours duquel l'environnement EM est considéré comme stationnaire : il est délimité par l'apparition ou la disparition d'une impulsion quelconque. Cette hypothèse de stationnarité permet de considérer que les fréquences détectables par le capteur restent constantes sur toute la durée du palier, autorisant un calcul unique par intervalle.

Le troisième module se charge de la modélisation spectrale à l'échelle de ce palier. Il reproduit les effets de l'architecture sous-Nyquist en calculant, pour chaque impulsion présente, ses fréquences repliées sur les différents canaux d'acquisition. En comparant les niveaux relatifs des signaux concurrents et en appliquant les seuils de sensibilité matériels, le module détermine la visibilité de chaque impulsion. Une impulsion est considérée comme "détectée" — c'est-à-dire que son ambiguïté fréquentielle aurait été levée avec succès — si elle reste visible

et non masquée sur au moins trois canaux simultanément, elle est alors qualifiée de DNA.

Enfin, le quatrième module reproduit le mécanisme de suivi temporel. Son fonctionnement mime la logique interne du capteur décrite précédemment, mais la cadence de mise à jour est ici dictée par les paliers et non par les fenêtres d'échantillonnage. À chaque palier, les DNA sont comparées aux pistes actives. En cas de corrélation, la piste est maintenue; sinon, une nouvelle piste est allouée sous réserve de disponibilité mémoire. Ce module gère également les clôtures de pistes : si une piste n'est pas mise à jour pendant une durée critique, elle est fermée. De même, pour simuler la segmentation des signaux continus ou longs, une logique de coupure forcée est implémentée : lorsqu'une piste dépasse une durée maximale d'ouverture, elle est close (génération d'un PDW), puis immédiatement rouverte pour poursuivre le suivi, reproduisant ainsi fidèlement les artefacts de segmentation du capteur réel.

En conclusion, l'environnement virtuel articule une chaîne de transformation cohérente qui mime le cycle de vie complet de l'information EM. En élaborant successivement une séquence de PDW idéaux issue de la vérité terrain, en leur appliquant les modulations radiométriques propres à la chaîne d'acquisition, puis en soumettant ce flux aux logiques de sélection spectrale et de suivi temporel du récepteur, le simulateur parvient à reproduire la séquence de PDW qu'un capteur aurait effectivement interceptée pour un scénario donné. Bien que cette modélisation comportementale constitue par essence une approximation par rapport à une simulation physique du signal au niveau de l'échantillon, elle offre un compromis entre la précision des phénomènes reproduits et la charge de calcul. La représentativité des artefacts générés — incluant les effets de masquage, de fragmentation et de saturation — s'avère suffisante pour garantir la pertinence des données synthétiques, permettant ainsi de répondre aux exigences de diversité et de volume nécessaires à la validation robuste des algorithmes de traitement de l'information sans dépendre exclusivement des essais en vol. Ces artefacts peuvent être visualisés dans la partie droite de la figure 3.4.

3.4 . Identification du goulot d'étranglement et limites opérationnelles

3.4.1 . L'impératif de temps réel et le coût de la simulation

Si l'architecture modulaire de l'environnement virtuel garantit une fidélité satisfaisante des données produites, son exploitation opérationnelle se heurte à une contrainte majeure de performance temporelle. Actuellement, la simulation détaillée des traitements du capteur présente un coefficient d'expansion temporel moyen de l'ordre de 100 : la simulation d'une seule seconde de scénario nécessite environ cent secondes de calcul. Cette latence prohibe l'utilisation du simulateur pour des applications nécessitant une interaction en temps réel, telles que la formation des pilotes et des opérateurs de GE. Par ailleurs, même dans le cadre de la validation algorithmique hors ligne, ce coût calculatoire devient un obstacle à la génération massive de données. La validation statistique robuste des algorithmes de désentrelacement ou d'identification exige de couvrir des milliers de variations de scénarios, une tâche qui, avec le coefficient

d'expansion actuel, nécessiterait des temps de calcul incompatibles avec les cycles de développement industriels, particulièrement pour les scénarios denses.

3.4.2 . Analyse de la complexité et localisation du verrou

L'analyse de profilage de l'environnement virtuel permet de localiser précisément l'origine de cette latence au niveau des troisième et quatrième modules fonctionnels, responsables de la détection spectrale, du pistage et de la caractérisation des impulsions. Une distinction structurelle fondamentale sépare ces modules des étages amont. Les modules 1 et 2 (génération et propagation) appliquent des transformations physiques indépendantes sur chaque impulsion; ils se prêtent donc naturellement à une parallélisation sur CPU voire GPU. À l'inverse, les modules 3 et 4 opèrent intrinsèquement de manière séquentielle : l'état du système à l'instant t (les pistes actives, les masquages en cours) dépend de l'histoire du traitement, empêchant toute parallélisation temporelle simple. De surcroît, le nombre de paliers temporels à traiter croît linéairement avec la densité d'impulsions du scénario. Or, au sein de chaque palier, le module de détection doit effectuer des comparaisons croisées entre toutes les impulsions présentes pour résoudre les masquages et les ambiguïtés, induisant une complexité quadratique par rapport au nombre d'impulsions locales. Cette combinaison d'une structure séquentielle rigide et d'une complexité locale quadratique crée un goulot d'étranglement dès que la densité du scénario augmente. Ce verrou, situé au cœur de la logique de traitement du capteur, constitue l'obstacle technologique qu'il est nécessaire de lever. L'objectif de la thèse est donc d'accélérer l'environnement virtuel en substituant ces deux modules, que nous désignerons conjointement comme le système de détection et de caractérisation des impulsions (DCI), par un modèle d'intelligence artificielle optimisé. Cette approche est schématisée par les parties centrale et inférieure de la figure 3.2 : le goulot d'étranglement, mis en évidence par l'encadré en pointillés rouges, est remplacé par un module d'apprentissage automatique, définissant ainsi la nouvelle chaîne de traitement de l'information.

3.5 . Formalisation et complexité du problème d'apprentissage

3.5.1 . Nature des données et définition formelle de la tâche

L'objectif est de substituer au DCI un modèle appris capable d'approximer sa dynamique de fonctionnement. Du point de vue des données, cette tâche se formalise comme un problème de transduction de séquence s'opérant dans un espace continu. L'entrée du modèle, notée X , est la séquence de PDW "modulés" issue du module de propagation (module 2). Elle représente l'information physique brute incidente aux bornes des convertisseurs analogique-numérique. La cible à prédire, notée Y , est la séquence de PDW "capteur" (sortie du module 4), correspondant aux impulsions effectivement construites et publiées par le système. Ces flux de données sont illustrés par la figure 3.4, qui en propose une visualisation temps-fréquence où l'amplitude est codée par la couleur. Dans ce formalisme, les désignations "données d'entrée" et "données de sortie" se définissent par rapport aux bornes du goulot d'étranglement identifié précédemment (le DCI) : la mission de l'IA consiste à reproduire la fonction de génération permettant de

construire la séquence de sortie Y conditionnellement à l'observation de la séquence d'entrée X .

Ces données présentent deux caractéristiques structurelles qui font leurs particularités. Premièrement, elles appartiennent à un espace continu multidimensionnel. Chaque élément constitutif des séquences X et Y est un vecteur de valeurs réelles (Date, Fréquence, Largeur, Amplitude, Azimut) définissant les propriétés physiques de l'impulsion. Deuxièmement, les séquences se caractérisent par une cardinalité variable et asynchrone. La topologie temporelle diffère entre l'entrée et la sortie en raison des mécanismes internes du capteur (masquages, fusions, scissions). Ainsi, la longueur N de la séquence d'entrée et la longueur M de la séquence de sortie sont variables et ne respectent pas de règle de proportionnalité stricte ou de synchronisation élément par élément.

3.5.2 . Une double problématique : Traitement de séquence et Génération

Cette caractérisation ancre le problème à l'intersection de deux paradigmes de l'apprentissage profond, induisant une spécificité qui le distingue des applications classiques.

D'une part, il s'agit fondamentalement d'un problème de traitement de séquence (Sequence Processing), imposé par la nature variable et décorrélée des dimensions temporelles en jeu. Contrairement à des tâches de régression à taille fixe, le modèle doit traiter une série d'entrée de longueur arbitraire N pour produire une série de sortie de longueur M , sans qu'il existe de règle de proportionnalité simple entre N et M . Cette structure constraint à l'utilisation de mécanismes capables de mapper une séquence de taille variable vers une représentation latente fixe ou dynamique. De plus, la tâche se trouve complexifiée par la nature continue des données. Contrairement aux tâches de Traitement du Langage Naturel (NLP) où les séquences sont formées de mots issus d'un dictionnaire fini, les PDW exigent une précision numérique fine sur plusieurs variables continues simultanément (Fréquence, Largeur, Amplitude, etc.). Toute tentative de discréétisation de cet espace pour le ramener à un problème de classification fini se heurterait à la *malédiction de la dimensionnalité* [6] : pour un descripteur composé de seulement cinq variables physiques (Fréquence, Largeur, Amplitude, Azimut, Date), une grille de résolution modeste de cent intervalles par dimension engendrerait un espace d'états de 100^5 cellules, soit dix milliards de classes potentielles. Une telle cardinalité, supérieure de plusieurs ordres de grandeur aux vocabulaires des modèles de langage massifs (50000 classes), rend la méthode intraitable. L'espace de travail est ainsi mathématiquement condamné à rester continu.

D'autre part, il s'agit d'un problème de génération conditionnelle. Le modèle ne doit pas simplement filtrer ou altérer les impulsions incidentes, mais construire intégralement une séquence de sortie dont la structure événementielle diffère fondamentalement de l'entrée. La logique de suivi temporel du capteur brise la relation bijective : un événement physique unique peut se trouver traduit par une succession de plusieurs PDW distincts, ou inversement, plusieurs événements peuvent être fusionnés. Le modèle doit donc apprendre à générer une nouvelle série de descripteurs qui constituent une interprétation synthétique de la réalité physique.

Dans cette reconstruction, la séquence de sortie devient une entité structurellement autonome plutôt qu'une version simplement dégradée de l'entrée.

Cette dualité, combinée à l'exigence de précision, écarte les solutions sur étagère et nécessite la conception d'une architecture capable de marier les mécanismes propres à la compréhension de contexte et les capacités de régression fine nécessaires à la reconstruction physique du signal.

4 - État de l'art : PLAN (à supprimer après rédaction)

Le chapitre sur l'état de l'art se découpe en 4 parties.

4.1 . Introduction

Cette section aborde les aspects suivants :

- Environnements numériques
- Injection 1 : génération et modélisation de l'environnement
- Injection 2 : simulation de phénomènes physiques
- Injection 3 : adaptation et interaction

4.2 . IA générative

Cette section présente le domaine de l'IA générative. Notre problème peut y être naïvement associé mais en réalité quasiment aucune des méthodes ne sera applicable. Les aspects présentés sont :

- Le concept d'IA générative. En notant que n'importe quelle fonction génère une sortie à partir d'une entrée et que la dériver de tout appeler IA générative est tentante.
- Les VAE et spécialement VAE conditionnels
- Les GAN et spécialement GAN conditionnels
- Les modèles de diffusion et spécialement ceux conditionnels
- Les modèles de langage et GPT

4.3 . Méthodes pour le traitement de séquence

Cette section présente les architectures connues pour leurs capacités à traiter des séquences, de leurs formes les plus simples aux formes les plus complexes. Par ordre d'apparition :

- Le concept de séquence : notion de proximité dans un ensemble. Série temporelle, image, texte.
- Réseau de convolution :
 - Histoire de son apparition : dans l'image
 - Comment la convolution interagit avec la séquence
 - La convolution dans l'image (vue comme une séquence)
 - La convolution dans le texte
 - La convolution ailleurs
- Réseau de neurones récurrents :
 - Histoire de son apparition
 - Comment un RNN interagit avec la séquence
 - Variante SSM

- RNN dans le texte
- RNN dans les systèmes temporels (chaine de Markov)
- Transformer :
 - Histoire de son apparition : dans le langage
 - Comment le Transformer interagit avec la séquence
 - Transformer dans le texte (traduction, GPT, ...)
 - Transformer dans les systèmes temporels (chaine de Markov)
 - Transformer dans l'image
 - Transformer ailleurs (généralisation)

4.4 . Les améliorations

Cette section met en avant les difficultés liées à l'apprentissage automatique, entre complexité calculatoire, mémorielle et instabilité en entraînement. À cette occasion, nous montrons les propositions existantes visant à résoudre ces problèmes. Par ordre d'apparition :

- Compréhension des architectures : Mechanistic Interpretability
- Présentation des soucis de performances
- Présentation des solutions aux soucis de performances
 - Positional Encoding
 - Certains mécanismes d'attention
 - Pre-Training
 - Embedding et tokenization
- Présentation des soucis de stabilité
- Présentation des solutions aux soucis de stabilité :
 - Layer-norm
 - Initialisation
 - Structure (hyper-paramètre de manière générale)
- Présentation des soucis d'efficacité et leurs solutions
 - Complexité mémoire et calcul : mécanisme d'attention
 - Vitesse d'entraînement : MAMBA?

5 - État de l'art

Ce chapitre présente les concepts et méthodes fondamentaux sur lesquels s'appuie cette thèse. Nous commencerons par définir la notion d'Environnement Numérique ainsi que les différents apports de l'IA à la simulation. Nous exposerons ensuite les approches d'IA générative, avant de nous concentrer sur les méthodes de traitement de séquence, en détaillant particulièrement l'architecture Transformer. Enfin, nous conclurons par une analyse des défis inhérents à l'entraînement de ces modèles profonds, en passant en revue les solutions techniques existantes pour garantir leur stabilité, leur efficacité calculatoire et leur interprétabilité.

5.1 . Introduction : Environnements Numériques et typologie des apports de l'IA

Portée par l'augmentation de la puissance de calcul et la disponibilité croissante des données, l'utilisation de représentations virtuelles pour l'analyse et l'optimisation des systèmes physiques s'est généralisée. Dans ce contexte, les notions de « jumeau numérique » et « environnement numérique » sont souvent employés de manière interchangeable, engendrant une confusion sémantique que cette section a pour objectif de démêler. Nous retracerons dans un premier temps l'origine et les définitions, tant idéales que pragmatiques, du jumeau numérique. Dans un second temps, nous présenterons une définition unificatrice et fonctionnelle de l'environnement numérique. Enfin, une synthèse comparative nous permettra d'établir une distinction claire basée sur les flux de données et le critère d'individualisation, et de justifier le positionnement terminologique adopté dans le cadre de cette étude.

5.1.1 . Cadre Conceptuel : Environnement Virtuel et Jumeau Numérique

Le concept de jumeau numérique, popularisé et formalisé dès le début des années 2000 par les travaux de Michael Grieves dans le domaine manufacturier [7], puis théorisé comme un pilier des systèmes cyber-physiques (CPS) par des auteurs comme Negri et al. [8], a connu une adoption rapide et variée à travers l'industrie.

Si le terme de "jumeau numérique" s'est imposé dans le paysage technologique, sa définition précise fait l'objet d'un débat animé entre une vision idéale et une approche pragmatique. D'un côté, une conception formelle, s'appuyant sur les travaux fondateurs de la NASA [7], défend l'idée qu'un véritable jumeau numérique se caractérise par un couplage bidirectionnel et dynamique avec son homologue physique. Dans cette perspective exigeante, le jumeau n'est pas une simple représentation ; il constitue une instance virtuelle dont l'état est synchronisé en continu par les flux de données issus du système physique et qui, en retour, pilote, optimise et prédit le comportement de ce dernier [8].. Cette boucle fermée est considérée comme la condition permettant de distinguer le jumeau numérique d'un simple modèle ou d'une simulation. De l'autre, une approche plus pragmatique, largement répandue dans l'industrie, adopte une définition évolutive et par niveaux de maturité. Dans cette vision, une maquette 3D enrichie de données, parfois qualifiée de "digital shadow", peut déjà être appelé "jumeau numérique". Cette

flexibilité sémantique, bien que source de confusion, reflète la réalité des projets industriels où la complexité et le coût d'une intégration parfaite imposent une progression par étapes. Malgré tout, une ligne de démarcation essentielle fait consensus : l'existence d'un transfert de données automatique du système physique vers son représentant virtuel. Sans ce flux, la représentation demeure une simulation ou un modèle générique, que nous qualifierons ici d'« environnement numérique ». Par exemple les simulateurs de conduite autonome comme CARLA [9] sont des environnements numériques essentiels pour l'entraînement des algorithmes d'IA, mais ils simulent un monde routier générique non couplé à un véhicule physique unique, et ne sont en ce sens pas des jumeaux numériques. En revanche, certains simulateurs de moteur d'avion, comme ceux déployés par General Electric [10], qui est alimenté en temps réel par les données de vol de l'équipement spécifique, incarnent la définition minimale du jumeau numérique, souvent appelée « Digital Shadow ». Ils permettent un suivi individualisé de l'état de santé et de l'usure de chaque moteur de la flotte.

Pour désigner les représentations numériques qui ne sont pas couplées à une instance physique unique, nous recourons donc au terme plus large et unificateur d'Environnement Numérique (Virtual Environment - VE).

La notion d'Environnement Virtuel est interdisciplinaire, et sa définition varie selon que l'on se place dans la communauté de la Réalité Virtuelle, de l'Ingénierie Système ou de l'Intelligence Artificielle. La recherche en Réalité Virtuelle, historiquement focalisée sur l'immersion sensorielle et l'interaction humain-machine, définit souvent les VE comme des « mondes synthétiques générés par ordinateur dans lesquels l'utilisateur a un sentiment d'être présent et d'y interagir » [11]. Cette perspective met l'accent sur les aspects perceptuels et cognitifs. En revanche, dans les domaines de l'ingénierie et de l'IA, l'accent est davantage porté sur la fonction de simulation et de cadre d'expérimentation. Ici, un VE est vu comme un « modèle informatique exécutable d'un système » [12] ou un « cadre de simulation qui permet le test et la validation d'algorithmes dans des conditions contrôlées et reproductibles » [13]. Cette vision est moins concernée par l'immersion de l'utilisateur que par la fidélité de la modélisation des processus et des interactions.

Pour englober ces différentes finalités – de la formation immersive au banc d'essai algorithmique – nous proposons la définition unificatrice suivante : Un Environnement Virtuel (VE) désigne une simulation numérique interactive modélisant un ensemble d'entités et de phénomènes, dans le but d'observer, d'analyser ou d'expérimenter des comportements au sein d'un cadre contrôlé.

Cette définition permet de tracer une ligne de démarcation nette avec le concept voisin de Jumeau Numérique. La distinction fondamentale réside dans le principe d'individualisation par les données. Le jumeau numérique se définit intrinsèquement comme l'avatar d'une instance physique unique, tel un moteur spécifique, dont l'essence est indissociable d'un lien de données continu avec son homologue réel. En revanche, l'environnement numérique se conçoit comme une représentation générique d'une classe de systèmes, dont la valeur réside dans la modélisation fidèle de lois physiques au sein d'un cadre reproductible, indépendamment d'une instance matérielle particulière.

Ainsi clarifiée, la notion de VE couvre un spectre étendu, allant du monde immersif interactif au simulateur technique. Dans le contexte spécifique du développement algorithmique, qui est le nôtre, le VE devient un outil de prototypage et de validation indispensable : il permet de reproduire des situations expérimentales complexes, de générer des données synthétiques massives et de tester des modèles de manière intensive, sûre et économique, sans les contraintes logistiques des dispositifs physiques réels. Pour structurer l'état de l'art des méthodes d'Intelligence Artificielle au service de ces environnements, nous organiserons la suite de notre analyse selon trois axes d'intervention distincts : la constitution géométrique et visuelle de l'environnement, la représentation des phénomènes physiques par apprentissage, et enfin les capacités d'interaction et d'adaptation dynamique.

5.1.2 . L'IA pour la constitution géométrique et visuelle de l'environnement

L'intégration de l'apprentissage profond dans la chaîne de production des environnements virtuels marque une transition technologique de la modélisation explicite vers les représentations apprises. Cette évolution s'articule autour de deux axes. Le premier concerne la capacité de l'IA à encoder la scène non plus sous forme de maillages géométriques, mais via des représentations implicites optimisées pour le réalisme visuel. Ces méthodes encodent la scène dans les poids d'un réseau, permettant de modéliser des phénomènes complexes comme la transparence ou les réflexions dépendantes du point de vue. Elles réduisent ainsi l'écart de performance lors du transfert du simulateur vers le réel en fournissant aux agents des observations capteurs quasi-identiques à la réalité. Le second axe porte sur l'automatisation de la synthèse d'objets, où les modèles génératifs assistent la création géométrique pour accélérer le peuplement des univers virtuels. Ces deux mécanismes, la reconstruction par représentation implicite et la génération d'éléments par diffusion, seront détaillés respectivement dans les deux paragraphes suivants.

5.1.2.1 . Modélisation : reconstruction neurale et représentations implicites

L'enjeu de la numérisation d'environnements pour la simulation est de reproduire le réel avec une fidélité suffisante pour garantir la validité des expérimentations virtuelles. Le défi technique est la Synthèse de Nouveaux Points de Vue qui permet d'observer une scène depuis des angles non capturés initialement. Les méthodes classiques de photogrammétrie montrent ici une limitation majeure : en figeant l'apparence sur des maillages statiques, elles échouent à reproduire les variations d'éclairage dépendantes de la position de l'observateur (reflets, transparence). Pour lever ce verrou, les *Neural Radiance Fields* (NeRF) [14] ont introduit les représentations implicites. En apprenant la fonction de transport de la lumière via un réseau de neurones, cette approche permet de générer des vues inédites où les interactions lumineuses s'adaptent dynamiquement au mouvement de la caméra, garantissant un photoréalisme supérieur.

Toutefois, le coût calculatoire inhérent au NeRF limite son usage interactif. Des optimisations algorithmiques majeures ont été proposées pour pallier cette latence, notamment le *Hash Encoding* multi-résolution [15] qui réduit drastiquement les temps d'apprentissage. Plus récemment, une rupture vers des représentations hybrides a été opérée avec le *3D Gaussian Splatting*

[16]. Cette méthode substitue au coûteux échantillonnage volumétrique une projection (rasterization) rapide de gaussiennes 3D anisotropes. Elle concilie ainsi la fidélité visuelle des représentations neurales avec les performances temps réel (> 100 FPS) indispensables à l'interactivité au sein d'un environnement numérique.

5.1.2.2 . Génération : synthèse d'objets par diffusion

Au-delà de la reproduction du réel, la simulation requiert la capacité de générer des environnements variés incluant des objets ou des conditions non observés. L'IA générative intervient ici pour la création d'objets 3D, palliant la rareté des banques de modèles 3D par l'exploitation des vastes ensembles de données image-texte 2D.

L'état de l'art actuel s'appuie sur le transfert de connaissances depuis des modèles de diffusion 2D pré-entraînés vers la 3D. La méthode *DreamFusion* (Poole et al., 2022) [17] a formalisé ce principe via le *Score Distillation Sampling* (SDS). Cette technique utilise un modèle de diffusion 2D comme fonction de critique pour optimiser une représentation 3D (telle qu'un NeRF), de sorte que ses rendus 2D correspondent à une description textuelle donnée. Des itérations ultérieures, comme *ProlificDreamer* (Wang et al., 2023) [18], ont affiné ce processus via le *Variational Score Distillation* (VSD) pour améliorer la fidélité géométrique et la résolution des textures. Ces approches permettent d'envisager des pipelines de "texte-vers-environnement", où la description sémantique d'une scène suffit à instancier un cadre de simulation complet et physiquement cohérent.

5.1.3 . L'IA pour l'accélération et la modélisation des phénomènes physiques

L'objectif de cette seconde injection est de substituer ou d'accélérer les solveurs numériques traditionnels (Éléments Finis, Volumes Finis) dont la complexité calculatoire limite les applications temps réel. L'état de l'art s'articule autour de la manière dont la connaissance physique est intégrée dans le modèle d'apprentissage. Nous distinguons trois niveaux d'intégration, allant de l'apprentissage pur par les données à l'intégration structurelle des lois physiques.

5.1.3.1 . Apprentissage par Observation (Data-Driven)

Le premier niveau considère le simulateur comme une "boîte noire" dont il faut approximer la fonction de transfert à partir d'observations. L'IA apprend ici les corrélations spatio-temporelles sans connaissance explicite des équations sous-jacentes. Les Graph Neural Networks (GNN) se sont imposés comme l'architecture de référence pour cette tâche, notamment pour les systèmes lagrangiens (particules). Les travaux sur les *Graph Network-based Simulators* (GNS) [19] démontrent une capacité remarquable à prédire la dynamique de fluides et de solides déformables en modélisant les interactions locales par passage de messages. Bien que très rapides à l'inférence, ces modèles souffrent d'un manque de garanties physiques : sans contrainte explicite, ils peuvent violer les lois de conservation (masse, énergie) et dériver sur de longues horizons temporels.

5.1.3.2 . Apprentissage constraint par les Équations (Physics-Informed)

Pour pallier le manque de robustesse physique et la dépendance aux données, une seconde approche intègre les Équations aux Dérivées Partielles (EDP) directement dans l'optimisation. C'est le paradigme des Physics-Informed Neural Networks (PINNs) [20]. Ici, le réseau de neurones agit comme un approximateur universel de la solution, et sa fonction de coût inclut les résidus de l'équation physique (ex : Navier-Stokes). Cette méthode permet de s'affranchir partiellement ou totalement de données d'étiquetage (apprentissage non supervisé par la physique). Cependant, les PINNs font face à des défis d'optimisation majeurs lorsqu'ils sont confrontés à des dynamiques multi-échelles ou chaotiques.

5.1.3.3 . Apprentissage structuré par la Physique (Inductive Bias)

Le troisième niveau d'intégration cherche à inscrire les lois physiques non plus dans la fonction de perte (contrainte douce), mais dans l'architecture même du réseau (contrainte dure ou biais inductif). D'une part, les Hamiltonian Neural Networks (HNN) [21] imposent une structure symplectique au réseau. Au lieu d'apprendre directement les accélérations, le réseau apprend l'Hamiltonien (l'énergie totale) du système, garantissant par construction la conservation de l'énergie et la réversibilité temporelle, ce qui est crucial pour la stabilité des simulations orbitales ou mécaniques sur le très long terme. D'autre part, les Fourier Neural Operators (FNO) [22] exploitent la structure spectrale des solutions d'EDP. En apprenant l'opérateur intégral dans l'espace de Fourier, ils acquièrent une propriété d'invariance à la discrétilisation (zero-shot super-resolution), permettant de prédire la physique à des résolutions arbitraires, une propriété structurelle absente des CNN ou MLP classiques.

5.1.4 . L'IA au service de l'interactivité et de l'adaptation décisionnelle

Cette dernière dimension transforme l'environnement numérique d'un cadre passif en un écosystème réactif et adaptatif. L'objectif est d'enrichir la dynamique interactionnelle pour confronter le système sous test à des situations d'une complexité réaliste, impossible à coder manuellement via des scénarios déterministes.

5.1.4.1 . L'environnement peuplé d'agents apprenants (IA comme Acteur)

La première contribution de l'IA est le remplacement des entités scriptées (PNJ, trafic, adversaires) par des agents autonomes pilotés par des politiques neuronales. Contrairement aux machines à états finis classiques, prévisibles et limitées, ces agents sont entraînés via l'Apprentissage par Renforcement Multi-Agents (MARL) ou des mécanismes de Self-Play [23]. Cela permet de peupler le VE d'adversaires ou de collaborateurs capables de stratégies émergentes et optimales. L'exemple du défi DARPA AlphaDogfight (2020), où des agents IA ont développé des manœuvres de combat aérien surclassant les experts humains, illustre comment l'injection d'agents apprenants permet de soumettre le système testé à des niveaux de difficulté et de réalisme inatteignables par des méthodes heuristiques [24]. Ici, l'environnement devient "intel-

lagent" car ses composantes actives s'adaptent au comportement de l'utilisateur ou du système validé.

5.1.4.2 . L'environnement comme générateur de curriculum (IA comme Superviseur)

La seconde contribution concerne le pilotage des paramètres de la simulation par des algorithmes d'optimisation ou évolutionnaires. Au-delà du simple Domain Randomization aléatoire [25], qui manque de direction, l'IA est utilisée pour structurer activement l'apprentissage : c'est l'Apprentissage de Curriculum Automatique (Automatic Curriculum Learning). Des méthodes comme POET (Paired Open-Ended Trailblazer) utilisent des algorithmes évolutionnaires pour co-générer l'environnement en même temps que l'agent [26]. L'algorithme cherche spécifiquement à générer les configurations topologiques ou physiques (terrains accidentés, conditions météo limites) qui maximisent le progrès de l'agent, créant une "course à l'armement" entre la difficulté du monde et la compétence de l'agent. Dans ce cadre, les algorithmes évolutionnaires agissent comme une forme d'IA générative fonctionnelle, créant des scénarios pertinents et ciblés ("Edge cases") que le hasard seul ne produirait que rarement.

Ainsi, l'IA transforme le simulateur : d'un simple banc d'essai physique, il devient un partenaire d'entraînement actif, capable de générer des opposants redoutables et d'adapter sa propre complexité pour guider l'apprentissage.

5.1.5 . Ancrage dans la problématique

Au regard des distinctions établies précédemment, la classification du système étudié s'opère sans équivoque. Le simulateur de capteur de Mesures de Soutien Électronique que nous analysons a pour fonction de générer des données synthétiques à partir de scénarios tactiques génériques. Il ne modélise pas le comportement d'un équipement matériel spécifique connecté en temps réel, mais reproduit le fonctionnement théorique d'une classe de capteurs face à des environnements simulés. Par conséquent, l'absence de couplage à une instance physique unique et la nature générique des scénarios valident l'usage exclusif du terme d'Environnement Numérique (VE) pour désigner notre cadre d'étude.

L'analyse des trois axes d'intégration de l'IA révèle par ailleurs la singularité de notre approche au sein de ce VE. Bien que l'objectif fonctionnel rejoigne la "Seconde injection" visant l'accélération de la physique, les méthodes classiques sont inadaptées car elles traitent principalement des champs spatiaux continus. Or, notre goulot d'étranglement réside dans la transformation de séquences d'événements discrets (les PDW). Notre problématique se situe donc à l'intersection de la simulation physique et du traitement de l'information : il s'agit d'apprendre la fonction de transfert du capteur, un processus qui s'apparente conceptuellement à une tâche de "traduction" d'un état physique vers un état perçu. Ce constat motive l'adoption d'une approche fondée sur l'IA générative constructive et les architectures de traitement de séquence, dont nous explorerons les fondements théoriques dans les sections suivantes.

5.2 . IA générative

Dans le paysage contemporain de l'apprentissage profond, la définition de l'IA générative a évolué au-delà de la stricte opposition statistique entre modèles de densité et modèles discriminants. Là où un modèle classique condense l'information (classification, réduction de dimension), un modèle génératif apprend à construire des données de haute dimension, structurées spatialement ou temporellement, en capturant les dépendances complexes inhérentes au jeu d'entraînement. L'IA générative désigne aujourd'hui une classe d'architectures neuronales caractérisée par sa capacité de synthèse.

Un modèle est qualifié de génératif dès lors qu'il construit une donnée structurée en capturant la distribution de probabilité sous-jacente. L'objectif n'est pas simplement d'estimer une valeur locale, mais de bâtir une cohérence globale, respectant les corrélations intrinsèques du domaine d'apprentissage. Cette définition par la capacité constructive est particulièrement pertinente pour la modélisation de systèmes physiques, où la distinction entre discret et continu s'estompe

Dans le contexte spécifique de l'accélération de simulation, nous nous intéressons particulièrement aux modèles génératifs conditionnels, capables de produire une sortie structurée complexe, tel un champ physique ou un état futur, correspondant à une condition initiale. Cette section explore l'évolution chronologique de ces architectures, depuis les approches opérant dans des espaces continus jusqu'aux paradigmes séquentiels discrets.

5.2.1 . L'approche probabiliste explicite : Les VAE (2013)

La première avancée significative dans l'apprentissage profond de distributions complexes fut l'introduction des Auto-encodeurs Variationnels (VAE). Contrairement aux auto-encodeurs classiques qui compressent l'information en un point déterministe de l'espace latent, les VAE imposent une structure probabiliste à cet espace, généralement sous la forme d'une distribution gaussienne multivariée. L'innovation majeure réside dans l'introduction de l'astuce de reparamétrisation (reparameterization trick), qui rend le processus d'échantillonnage différentiable et permet l'optimisation du modèle par descente de gradient en maximisant la borne inférieure de la vraisemblance (ELBO) [27]. Cette capacité à structurer l'espace latent est particulièrement pertinente pour les problèmes de simulation où une même condition initiale peut mener à plusieurs résultats possibles. Dans leur article sur les VAE Conditionnels (C-VAE) [28], il est prouvé qu'il est possible de modéliser des sorties structurées multimodales en conditionnant la génération à la fois par une variable latente aléatoire et par une observation d'entrée. Bien que théoriquement élégants, les VAE ont souffert historiquement d'une limitation qualitative, leur fonction de perte tendant à produire des résultats lissés. Cependant, des développements récents ont redonné une pertinence majeure à cette famille, notamment via la quantification vectorielle de l'espace latent (VQ-VAE). Ces modèles discrets sont désormais au cœur d'architectures de pointe comme les World Models, où un agent apprend à "rêver" des futurs possibles dans un espace latent compact pour accélérer l'apprentissage par renforcement en robotique [29], [30].

5.2.2 . La révolution antagoniste : Les GAN (2014)

Pour répondre au manque de piqué et de réalisme des méthodes variationnelles, une rupture paradigmique a été introduite avec les Réseaux Antagonistes Génératifs (GAN). Cette approche délaisse l'estimation explicite de la densité de probabilité au profit d'une méthode implicite fondée sur la théorie des jeux. Le processus d'apprentissage est modélisé comme un jeu minimax à somme nulle entre un générateur qui tente de créer des données indiscernables du réel, et un discriminateur qui tente de distinguer les échantillons générés des données d'entraînement [31]. Comme le soulignent les travaux théoriques sur les modèles implicites, cette formulation permet au générateur d'apprendre des statistiques d'ordre supérieur souvent ignorées par les méthodes classiques, s'affranchissant des contraintes de vraisemblance [32]. Dans le cadre de la "traduction" d'environnement, les variantes conditionnelles telles que l'architecture Pix2Pix se sont imposées pour transformer une représentation sémantique en une image photoréaliste, produisant des structures fines et des textures détaillées [33]. Si les GAN restent difficiles à stabiliser durant l'entraînement, ils ont démontré des capacités de généralisation spectaculaires au-delà de l'image statique. Des travaux comme tempogan ont par exemple appliqué ce principe à la mécanique des fluides, parvenant à super-résoudre des simulations volumétriques de fumée ou de liquide tout en garantissant une cohérence temporelle que les méthodes purement statistiques peinent à maintenir [34].

5.2.3 . La génération par raffinement : Les Modèles de Diffusion (2020)

La dernière vague d'innovation, qui définit une grande partie de l'état de l'art actuel, puise son inspiration dans la physique statistique hors équilibre. Les modèles de diffusion probabilistes proposent de construire la génération comme l'inversion d'un processus de destruction d'information. L'idée consiste à détruire progressivement la structure des données par l'ajout successif de bruit gaussien, puis d'entraîner un réseau de neurones à inverser ce processus temporel pour reconstruire la donnée originale étape par étape [35]. Ce concept a été porté à maturité avec les Denoising Diffusion Probabilistic Models (DDPM), qui offrent un compromis inédit : ils atteignent une qualité d'échantillonnage supérieure aux GAN tout en couvrant mieux la diversité de la distribution des données, évitant le problème d'effondrement de mode [36]. Bien que le processus itératif soit intrinsèquement lent, des méthodes d'échantillonnage accélérées (DDIM) ont rendu ces modèles exploitables en production [37]. Au-delà de la génération d'images 2D, ce paradigme est aujourd'hui le moteur de la génération de contenus pour les environnements virtuels. Des approches comme DreamFusion utilisent un modèle de diffusion 2D pré-entraîné pour optimiser une représentation volumétrique (NeRF), permettant de générer des objets 3D complets et cohérents à partir d'une simple description textuelle, ouvrant la voie à la création procédurale d'environnements physiques complexes [17].

5.2.4 . Le paradigme séquentiel et l'Autorégression

Enfin, une approche radicalement différente considère la génération comme une prédiction séquentielle discrète. Ce paradigme trouve ses racines dans les Réseaux de Neurones Récurrents (RNN), historiquement utilisés pour générer du texte ou des séries temporelles, mais limités par leur mémoire à court terme et leur séquentialité stricte [38]. La rupture fondamen-

tale survient avec l'introduction de l'architecture Transformer et du mécanisme d'attention, qui permet de modéliser des dépendances à très long terme et de paralléliser le calcul [39]. L'évolution majeure de ce paradigme réside dans le concept de pré-entraînement génératif (GPT). Il a été démontré qu'un modèle entraîné massivement sur l'objectif simple de prédire le prochain élément d'une séquence acquiert une capacité de généralisation et de compréhension structurelle émergente [40]. Aujourd'hui, cette approche déborde largement du cadre du texte. Des architectures multimodales comme Gato [41] ou les Vision Transformers (ViT) [42] traitent les images ou les actions de contrôle robotique comme des séquences de tokens, unifiant ainsi la génération de contenu visuel et la prise de décision séquentielle au sein d'un même formalisme autorégressif. Cela positionne le traitement de séquence comme une méthode universelle pour la simulation, justifiant l'analyse détaillée des architectures séquentielles qui suivra.

5.2.5 . Ancrage dans la problématique

L'analyse du paysage de l'IA générative nous permet d'identifier les architectures les plus adaptées à la modélisation de notre simulateur de capteur. Si les modèles probabilistes explicites comme les VAE offrent une gestion intéressante de l'incertitude structurelle, leur tendance historique à produire des sorties lissées peut poser question quant à la fidélité des signaux radar, où la précision des paramètres fins tels que les fréquences est critique. Concernant les approches antagonistes (GAN), bien qu'elles soient performantes pour la synthèse d'images, leur adaptation directe à des séquences d'événements discrets paramétriques (les PDW) s'avère complexe, notamment pour gérer la causalité temporelle et la nature irrégulière du flux d'impulsions, sans compter leur instabilité d'entraînement connue. De même, si les modèles de diffusion définissent l'état de l'art actuel, leur processus de débruitage itératif est intrinsèquement coûteux en temps de calcul. Cette caractéristique entre potentiellement en conflit avec notre objectif premier d'accélération de la simulation, en plus de nécessiter une adaptation lourde pour traiter des vecteurs de paramètres physiques plutôt que des pixels.

Cette analyse invite à considérer le paradigme séquentiel auto-régressif. Contrairement au Traitement du Langage Naturel qui opère sur des vocabulaires finis, notre simulation numérique évolue dans un espace métrique continu : chaque PDW est défini par des coordonnées réelles (temps d'arrivée, fréquence, largeur). Dans ce contexte, l'acte génératif ne consiste pas à sélectionner un symbole parmi un dictionnaire, mais à prédire directement les valeurs d'un état dans un espace vectoriel continu \mathbb{R}^n . Bien que ce processus s'apparente mathématiquement à une régression multivariée, il conserve la nature intrinsèque de la génération : le modèle doit bâtir, étape par étape, une cohérence globale du signal temporel. Ainsi, la reconstruction de la séquence de PDW perçue à partir de la séquence émise se formule comme une tâche de traduction de signal continu. Cela motive l'orientation de notre étude vers les architectures spécialisées dans le traitement de séquence, capables de capturer les dépendances à long terme comme le pistage temporel, justifiant l'analyse approfondie des RNN et des Transformers qui suivra.

5.3 . Méthodes de traitement : Séquences et structures spatiales

5.3.1 . Typologie des données : De la causalité temporelle à la topologie spatiale

Avant d'aborder les architectures neuronales spécifiques, il est essentiel de définir formellement l'objet mathématique qu'elles manipulent. Dans l'apprentissage statistique classique, les données sont souvent supposées être indépendantes et identiquement distribuées (hypothèse i.i.d.). Le traitement de séquences et de structures spatiales rompt fondamentalement avec cette hypothèse en introduisant une structure de dépendance intrinsèque. Une donnée n'est pas un simple ensemble non ordonné, mais une collection indexée $X = \{x_1, x_2, \dots, x_N\}$ où l'indice porte une information topologique ou causale déterminante. La valeur d'un élément x_i n'a de sens que relativement à son contexte, c'est-à-dire son voisinage ou son historique. Cette propriété de dépendance locale, formalisée par les processus de Markov pour le temps ou les Champs de Markov pour l'espace, caractérise la nature de l'ensemble et impose des contraintes spécifiques de modélisation que les architectures neuronales doivent satisfaire.

5.3.1.1 . La séquence et la causalité

Dans le cadre des séquences, la notion de proximité est dictée par la causalité : l'état présent est une fonction de l'histoire passée. C'est le fondement de la théorie de l'information de Shannon [43], où le langage est modélisé comme un processus stochastique discret. Dans cette vision, la probabilité d'apparition d'un symbole (lettre ou mot) dépend conditionnellement de la séquence des symboles précédents, définissant la notion d'entropie d'une source d'information. Cette logique s'applique identiquement aux séries temporelles continues. Des travaux sur les modèles ARIMA [44] ont montré qu'une observation à l'instant t est mathématiquement corrélée à ses prédecesseurs immédiats et aux termes d'erreur passés. Dans ce formalisme statistique, la séquence est définie par une dépendance directionnelle irréversible vers le futur.

5.3.1.2 . La donnée spatiale et la contiguïté

Le champ physique ou l'image, de leur côté, se définissent comme des grilles spatiales (multidimensionnelle ou simplement bidimensionnelle) où la notion d'ordre séquentiel disparaît au profit de la contiguïté topologique. Ici, un pixel ou une cellule n'a pas de "passé" ou de "futur", mais un voisinage omnidirectionnel. Cette structure, régie par la contiguïté spatiale locale, s'affranchit de la causalité temporelle au profit d'un voisinage omnidirectionnel propre aux Champs de Markov. Elle permet de fonder théoriquement l'usage des opérations de convolution, où la notion d'ordre chronologique est remplacée par celle de proximité euclidienne. Ce concept de donnée spatiale reste néanmoins proche de celui de séquence : les travaux sur PixelRNN [45] montrent qu'en traitant l'image comme une séquence autorégressive, où chaque pixel dépend de ceux situés "avant" lui (en haut et à gauche), on peut modéliser la distribution conjointe des pixels et générer des structures visuelles cohérentes.

5.3.1.3 . Universalité de la modélisation séquentielle

Finalement, le défi central des architectures de traitement que nous allons présenter (CNN, RNN, Transformer) est de modéliser cette fonction de dépendance conditionnelle $P(x_t|\text{Contexte})$.

La nature de ce contexte varie selon le domaine : il sera un historique causal pour les séries temporelles et la génération de texte, alors qu'il est bidirectionnel et topologique pour l'image ou la compréhension sémantique globale. Cependant, l'objectif mathématique reste identique : capturer les corrélations à courte et longue portée qui structurent la donnée, transformant une collection de valeurs isolées en une entité cohérente.

5.3.2 . Réseaux de convolution

Bien que les données séquentielles soient intuitivement associées à une dimension temporelle linéaire, le traitement de l'information repose fondamentalement sur l'extraction de motifs locaux et de relations de voisinage. C'est dans cette optique que les Réseaux de Neurones Convolutionnels (CNN) se positionnent comme une méthode incontournable. Initialement conçus pour la grille spatiale de l'image, ils formalisent une approche du traitement de séquence fondée sur la localité, l'invariance par translation et la hiérarchie des caractéristiques.

5.3.2.1 . Genèse et prédominance dans l'imagerie

L'histoire des réseaux de convolution est indissociable de la vision par ordinateur et de la volonté de s'affranchir des descripteurs manuels (SIFT [46], SURF [47] et HOG [48]). Inspirée par les travaux biologiques sur le cortex visuel, le premier modèle [49] a introduit les concepts fondateurs de champ récepteur local et de partage des poids pour la reconnaissance de caractères manuscrits. Cependant, c'est l'avènement d'AlexNet [50] qui a marqué le véritable point d'inflexion en démontrant la supériorité de l'apprentissage profond sur GPU pour l'extraction de caractéristiques. Cette percée a ouvert la voie à des architectures plus profondes et plus efficientes. Par exemple, l'architecture GoogLeNet [51] factorise les convolutions pour réduire le coût de calcul tout en augmentant la largeur du réseau, permettant de traiter des motifs à différentes échelles simultanément.

5.3.2.2 . Mécanisme d'interaction : Filtrage local et expansion hiérarchique

L'interaction fondamentale d'un réseau de convolution avec une séquence repose sur l'application répétée d'un opérateur de filtrage caractérisé par un noyau w de support fini. Contrairement à une couche dense qui apprendrait un poids spécifique pour chaque élément de la séquence globale, la convolution impose une contrainte de partage des poids qui nécessite que les données soient structurées dans un espace métrique régulier. En effet, l'opération pré-suppose l'existence d'une fonction $p(\cdot)$ permettant d'associer à chaque élément x sa position sur une grille sous-jacente, qu'elle soit unidimensionnelle pour des données temporelles ou multidimensionnelle pour des données spatiales.

Mathématiquement, le noyau w est défini sur un support \mathcal{V} centré à l'origine. Ainsi, le noyau définit pour tout élément cible x_t un voisinage d'interaction \mathcal{V}_t , correspondant à la translation du support \mathcal{V} en la position $p(x_t)$. L'opération de convolution consiste alors à calculer une somme pondérée des éléments appartenant à ce voisinage, où les poids sont déterminés exclusivement

par la position relative entre les éléments et le centre. La sortie h_t (avant activation) s'exprime par l'équation :

$$h_t = \sum_{x_j \in \mathcal{V}_t} w_{\Delta(x_j, x_t)} \cdot x_j + b$$

Dans cette expression, $\Delta(x_j, x_t) = p(x_j) - p(x_t)$ représente le vecteur de position relative du voisin x_j par rapport au centre x_t , b est un biais. Une conséquence directe de la structure en grille des données est que ce vecteur de différence correspond systématiquement à un n-uplet d'entiers (n étant la dimension de la grille). Cette propriété discrète est fondamentale pour l'implémentation neuronale : elle implique que la fonction w n'a pas besoin d'être modélisée comme une fonction continue, mais se réduit à un ensemble fini de paramètres scalaires (les poids du filtre) qu'il suffit d'apprendre pour chaque décalage entier possible dans le support. Cette formulation garantit l'invariance par translation, assurant que le même motif de poids est appliqué uniformément sur toute la structure. Par ailleurs, l'application de ce voisinage aux bornes d'une grille finie nécessite une gestion des effets de bord, typiquement résolue par l'ajout de valeurs nulles (zero-padding) en périphérie afin de conserver la dimension de la séquence traitée.

Ce mécanisme permet l'extraction robuste de motifs locaux, mais la compréhension de la structure globale de la séquence émerge de la composition hiérarchique de ces opérations. L'illustration 5.1 permet de visualiser comment l'empilement de couches induit une expansion mathématique du champ récepteur. Considérons une première couche définie par un filtre w de taille 3. Pour un instant t , ce filtre induit un voisinage immédiat. L'équation locale est, en notant ϕ la fonction d'activation :

$$\begin{aligned} h_t^{(1)} &= w_1 x_{t-1} + w_2 x_t + w_3 x_{t+1} \\ x_t^{(1)} &= \phi(h_t^{(1)}) \end{aligned}$$

La sortie $x_t^{(1)}$ est une fonction des entrées x_{t-1} à x_{t+1} . Lorsqu'une seconde couche définie par un filtre v de même support est appliquée sur cette représentation intermédiaire, elle opère selon le même principe d'invariance en translation :

$$\begin{aligned} h_t^{(2)} &= v_1 x_{t-1}^{(1)} + v_2 x_t^{(1)} + v_3 x_{t+1}^{(1)} \\ x_t^{(2)} &= \phi(h_t^{(2)}) \end{aligned}$$

La sortie $x_t^{(2)}$ est une fonction des entrées x_{t-2} à x_{t+2} . Ainsi, par simple composition algébrique, l'horizon d'interaction s'est étendu de 3 éléments (couche 1) à 5 éléments (couche 2). La profondeur du réseau agit donc comme un multiplicateur mécanique de l'horizon d'interaction, permettant de reconstruire des dépendances causales à longue portée à partir de règles de construction strictement locales et invariantes.

Au-delà de l'expansion de l'horizon d'interaction, la géométrie du support de convolution détermine la nature causale ou non du traitement, une caractéristique nécessaire pour la modélisation de systèmes dynamiques. La partie gauche de la figure 5.2 la configuration standard,

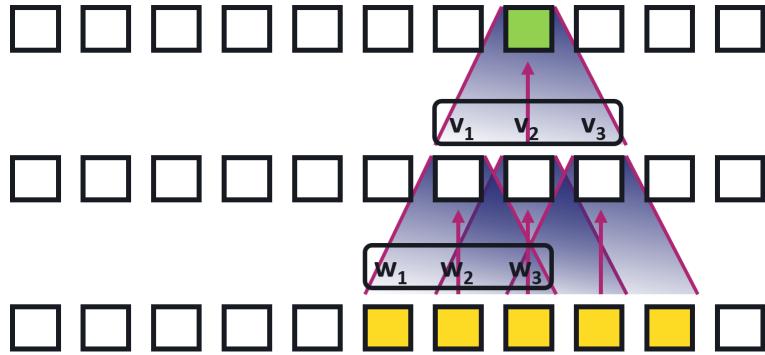


Figure 5.1 – Illustration d'une convolution 1D standard et de l'expansion hiérarchique du champ récepteur

dite convolution centrée. Pour calculer un élément de sortie y_4 à l'instant $t = 4$, le champ récepteur effectif (cône violet) agrège les informations d'un voisinage symétrique de l'entrée x , de x_2 à x_6 . Cette approche est naturelle pour l'analyse de données statiques (comme une image) ou le traitement de séquences complètes a posteriori, mais n'est pas adapté à la modélisation d'un système dynamique. Par exemple dans le cas de filtrage en ligne, le système ne peut physiquement pas accéder aux mesures futures pour débruiter les données du présent. Pour adapter l'architecture à ces contraintes temporelles strictes, on recourt à la convolution causale. Cette variante consiste à décaler le support du filtre de manière à ce que le voisinage d'interaction au temps t ne contienne aucun indice supérieur à t . L'exemple illustré sur la partie droite de la figure 5.2 assure que le cône d'influence de la sortie y_5 est alors strictement orienté vers le passé (x_1 à x_5). Dans cette configuration, le réseau conserve sa capacité d'extraction de motifs et de parallélisation, mais adopte une topologie d'interaction compatible avec la physique, simulant le comportement d'un système causal sans recourir à la mémoire récurrente.

5.3.2.3 . La convolution dans l'image : Une séquence spatiale 2D

Dans le contexte de l'image, la séquence est bidimensionnelle et le CNN y opère une extraction hiérarchique. Les premières couches détectent des primitives simples comme des bords ou des textures, qui sont ensuite combinées pour former des motifs sémantiques complexes. Cette capacité d'abstraction a été poussée à son paroxysme par l'architecture VGG [52], qui a standardisé l'usage de filtres de très petite taille (3×3) empilés en grande profondeur. Les auteurs ont démontré qu'une séquence de petites convolutions est plus efficace pour capturer des non-linéarités complexes qu'une seule grande convolution. Cependant, l'augmentation de la profondeur a engendré des problèmes de disparition du gradient, résolus avec ResNet [53]. L'introduction de connexions résiduelles a permis d'entraîner des réseaux dépassant la centaine de couches, essentiels pour capturer les dépendances à très longue portée dans des images haute résolution. Pour les tâches de "traduction" d'image vers image, cruciales en simulation (par exemple, passer d'une carte de densité à un champ de pression), il est impératif de ne pas perdre l'information spatiale lors de la compression. L'architecture U-Net [54], initialement

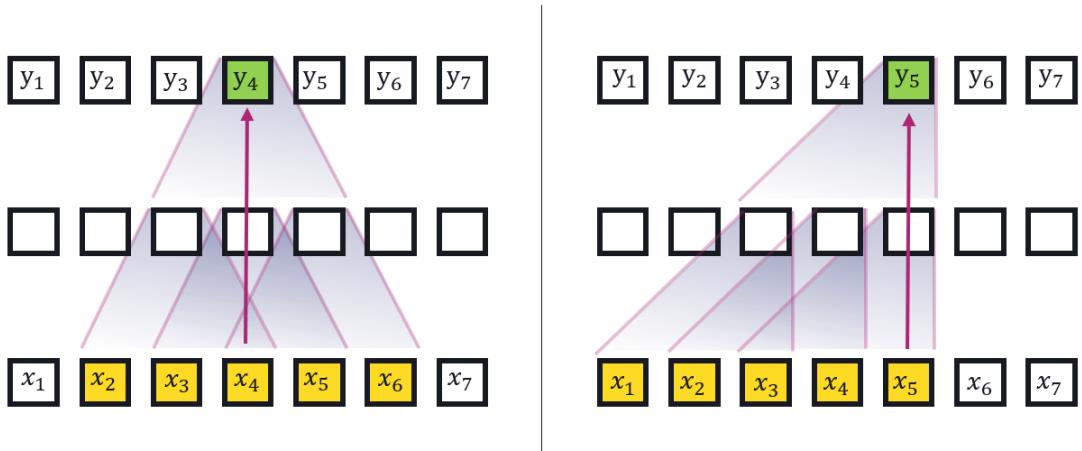


Figure 5.2 – Impact de la topologie du support de convolution sur la causalité temporelle : approche centrée (gauche) et approche causale (droite)

pour la segmentation biomédicale combine un chemin de contraction et un chemin d’expansion reliés par des connexions latérales (skip connections). Cette structure permet de générer une sortie de même résolution que l’entrée en fusionnant le contexte sémantique global et les détails locaux. Cette architecture est aujourd’hui une référence pour les modèles de substitution en physique. D’autres variantes comme DenseNet [55] ont poussé cette logique plus loin en connectant chaque couche à toutes les suivantes pour maximiser le flux d’information, bien que cela se fasse au prix d’une consommation mémoire accrue.

5.3.2.4 . La convolution dans les séquences 1D (Texte, Audio, Séries Temporelles)

Bien que souvent associés à l’image, les CNN se sont révélés extrêmement performants pour traiter des séquences unidimensionnelles, surpassant parfois les réseaux récurrents grâce à leur capacité de parallélisation. Dans le traitement du signal audio, l’architecture WaveNet [56] a marqué une rupture en utilisant des convolutions causales dilatées. Ce mécanisme permet au champ récepteur du réseau de croître exponentiellement avec la profondeur sans augmenter le nombre de paramètres, capturant ainsi des dépendances temporelles sur des milliers de pas de temps, ce qui est impossible pour un RNN standard REF. Dans le domaine du traitement du langage naturel (NLP), cette logique a été appliquée avec succès à la traduction automatique. L’architecture ConvS2S [57] entièrement convolutionnelle pour la séquence à séquence, utilise des mécanismes d’attention multi-pas pour pondérer l’importance des mots sources. De même, ByteNet [58], réalise la traduction en temps linéaire en empilant des convolutions dilatées. Ces travaux ont démontré que l’induction de biais locaux propres aux convolutions est pertinente pour la syntaxe et la sémantique locale. Cette approche a été généralisée aux séries temporelles génériques sous le nom de Temporal Convolutional Networks (TCN) [59]. L’étude comparative démontre que sur une vaste gamme de tâches séquentielles, comme la prédiction de

charge énergétique ou la modélisation de séquences symboliques, les TCN surpassent souvent les réseaux récurrents (LSTM/GRU) REF tout en offrant une stabilité d'entraînement supérieure. Une étude récente [60] prolonge ce constat en suggérant que des architectures convolutionnelles modernes pré-entraînées peuvent rivaliser avec les Transformers sur certaines tâches textuelles, soulignant la pertinence continue de ce paradigme.

5.3.2.5 . Généralisation : De la grille volumétrique aux topologies irrégulières

Le principe de convolution, initialement restreint aux images planes, a fait l'objet d'extensions successives pour traiter des structures de données de plus en plus complexes. Une première étape de généralisation concerne les données volumétriques (3D) et spatio-temporelles, qui conservent toutefois une structure de grille régulière (euclidienne). Pour l'analyse de vidéos, C3D [61] déploie des filtres tridimensionnels (x, y, t) capturant conjointement l'espace et le mouvement. De même, dans le domaine médical, l'architecture V-Net [62] étend le principe du U-Net à la 3D en opérant sur des voxels. Bien que performantes, ces méthodes restent contraintes par la régularité de la grille : elles imposent une voxelisation des données qui induit une complexité cubique et une perte de résolution, les rendant inadaptées aux géométries éparses.

La généralisation la plus significative pour la simulation scientifique concerne donc les données non-euclidiennes, intrinsèquement irrégulières. Dans une simulation lagrangienne ou un système moléculaire, le "voisinage" n'est plus défini par une position dans une matrice, mais par la topologie d'un graphe. Les Graph Convolutional Networks (GCN) [63] redéfinissent alors la convolution comme une agrégation spectrale ou spatiale des caractéristiques des noeuds connectés, indépendamment de leur disposition géométrique absolue. Cette approche a été enrichie par GraphSAGE [64], proposant une convolution inductive capable de généraliser à des noeuds invisibles durant l'entraînement. Enfin, pour traiter des nuages de points 3D bruts sans passer par la case voxelisation, des architectures comme PointNet++ [65] appliquent des opérations hiérarchiques directement sur des ensembles continus, comblant le fossé entre convolution discrète et géométrie continue.

5.3.3 . Réseaux de neurones récurrents et Espaces d'Etats (RNN et SSM)

Si les réseaux de convolution abordent la séquence par une fenêtre glissante locale, une autre famille d'architectures adopte une approche intrinsèquement temporelle : la modélisation récursive. Qu'il s'agisse des Réseaux de Neurones Récurrents (RNN) historiques ou des récents Modèles d'Espaces d'États (SSM), le principe fondateur reste la persistance de l'information. Le modèle maintient un état caché interne h_t qui agit comme une mémoire compressée de tout l'historique passé, mise à jour à chaque nouvelle observation. Cette formulation est particulièrement naturelle pour la simulation physique, car elle mime la dynamique des systèmes causaux où l'état futur dépend de l'état présent et des forces appliquées.

5.3.3.1 . Genèse et mécanismes d'interaction : De la boucle simple aux portes logiques

L'histoire de cette approche débute avec les RNN classiques [66] qui introduisent une boucle de rétroaction permettant au réseau de maintenir une trace du contexte temporel. Cependant, bien que ces réseaux parviennent à générer des séquences continues complexes comme de l'écriture manuscrite, ils souffrent d'une instabilité critique lors de l'entraînement : le problème de la disparition ou de l'explosion du gradient [38]. Sur de longues séquences, le signal d'erreur se dilue, empêchant l'apprentissage des causes lointaines d'un événement. Pour y remédier, le LSTM (Long Short-Term Memory) [67] propose des "cellules" mémoires protégées par des portes logiques, et peut choisir de retenir ou d'effacer une information sur des milliers de pas de temps. Cette capacité a été affinée par l'introduction du GRU [68], [69], une variante plus économique.

5.3.3.2 . Mécanisme d'interaction : Récurrence et Mémoire d'État

L'interaction fondamentale des architectures récurrentes (RNN) et des modèles d'espaces d'états (SSM) avec la séquence repose sur un principe de persistance de l'information, radicalement différent de la localité spatiale des convolutions. Au lieu d'agréger un voisinage statique, ces modèles introduisent une variable latente dynamique, l'état caché h_t , qui agit comme une mémoire compressée de l'historique causal. Mathématiquement, la modélisation d'une telle trajectoire dynamique se formalise comme un problème de valeur initiale. Elle nécessite impérativement de définir une condition d'ancre h_0 avant de décrire la loi d'évolution f . Pour une séquence d'entrée x , le système est ainsi entièrement décrit par le couple d'équations suivant :

$$\begin{cases} h_0 = \lambda \\ h_t = f(h_{t-1}, x_t; \theta) \quad \forall t \geq 1 \end{cases}$$

La première équation initialise l'état de la mémoire avant toute observation. Si la convention standard pose un vecteur nul ($\lambda = \vec{0}$), supposant une mémoire vierge, l'apprentissage machine laisse la possibilité au réseau d'optimiser l'encodage de cette mémoire vierge sous la forme d'un paramètre appris λ . La seconde équation décrit la mise à jour récursive où f est une fonction de transition paramétrée par θ . Cette formulation implique que h_t ne dépend pas seulement de l'entrée locale x_t , mais indirectement de toute la trajectoire passée $\{x_0, \dots, x_t\}$ accumulée dans h_{t-1} .

En pratique, cette dynamique de mise à jour est régie par un ensemble de paramètres apprenables qui sont partagés sur des parties de la séquence, garantissant l'invariance du traitement par tâche conceptuelle (genre encodage d'une phrase puis autre matrice pour décodage et traduction). Historiquement, les premières architectures (genre RNN avant LSTM et GRU etc) encodaient simplement ces paramètres sous la forme d'une matrice W_{ih} (Input-to-Hidden) qui projette l'entrée courante dans l'espace latent, d'une matrice W_{hh} (Hidden-to-Hidden) qui contrôle l'évolution de la mémoire interne, et d'un vecteur de biais b . En notant ϕ la fonction d'activation non-linéaire, l'équation de propagation de récurrence s'écrit pour notre exemple :

$$h_{t+1} = \phi(W_{ih}x_t + W_{hh}h_t + b)$$

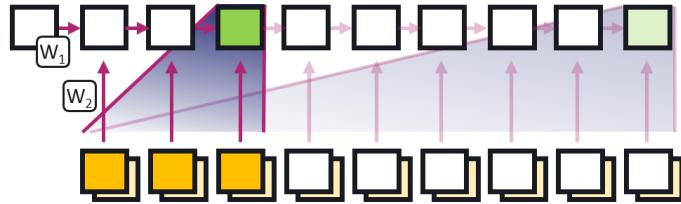


Figure 5.3 – Mécanisme fondamental de la récurrence et propagation de l'état mémoire

L'illustration 5.3 permet de visualiser la propagation de la dépendance temporelle à travers une architecture récurrente élémentaire, souvent qualifiée de RNN d'Elman [66]. Dans ce modèle simplifié (ici représenté sans biais pour la clarté), les informations sont transportées d'état caché en état caché à travers la matrice de poids W_1 et d'entrée à l'état caché à travers W_2 . On illustre en bleu le cône de perception de l'état caché h_3 (représenté par le carré vert) intégrant par récurrence les informations des observations passées x_1 , x_2 et x_3 , créant un lien causal ininterrompu.

$$\begin{aligned} h_3 &= \phi(W_2 x_3 + W_1 h_2) \\ &= \phi(W_2 x_3 + W_1 \phi(W_2 x_2 + W_1 h_1)) \\ &= \phi(W_2 x_2 + W_1 \phi(W_2 x_2 + W_1 \phi(W_2 x_1 + W_1 \lambda))) \end{aligned}$$

Cette formulation met en évidence la différence fondamentale avec la convolution : alors que le champ récepteur d'un CNN s'élargit progressivement par empilement de couches, ici le cône d'influence (en bleu) s'étend horizontalement vers le passé jusqu'à la première entrée, capturant théoriquement la totalité de l'historique causal disponible.

En fonction de la fonction accomplie par l'architecture récurrente, les états cachés sont exploités différemment. Le mode "Flux à Flux" (ou Many-to-Many synchronisé), illustré à gauche dans la figure 5.4, aligne la production de la sortie sur la réception de l'entrée. À chaque pas de temps t , l'état caché h_t est utilisé immédiatement pour prédire une sortie y_t . Cette configuration, où la causalité est stricte et le délai minimal, est caractéristique des systèmes de filtrage en ligne ou de contrôle, où la réaction doit être instantanée. Le mode "Séquence vers Séquence" (Seq2Seq), à droite dans la figure 5.4, nécessite d'opérer en deux phases distinctes. La phase d'encodage représenté en violet, ingurgite toutes les informations et les condense dans l'état caché h_5 . Les états cachés h_1 à h_5 ne sont utilisés que pour encoder l'information du passé, et ne sont exploités que pour transmettre cette information à l'avenir. La phase de décodage récupère ce contexte passé pour générer la séquence de sortie. Les états cachés de h_6 à h_8 sont à la fois utilisés pour transmettre et renseigner l'information de mémoire mais aussi pour prédire les nouveaux éléments, qui sont réinjectés en entrée (boucle autorégressive). Ce mécanisme permet de transformer une séquence en une autre de longueur différente et de modéliser des dépendances non-monotones, mais impose que toute l'information pertinente soit compressée dans un goulot d'étranglement. C'est cette distinction topologique, plus que la nature des

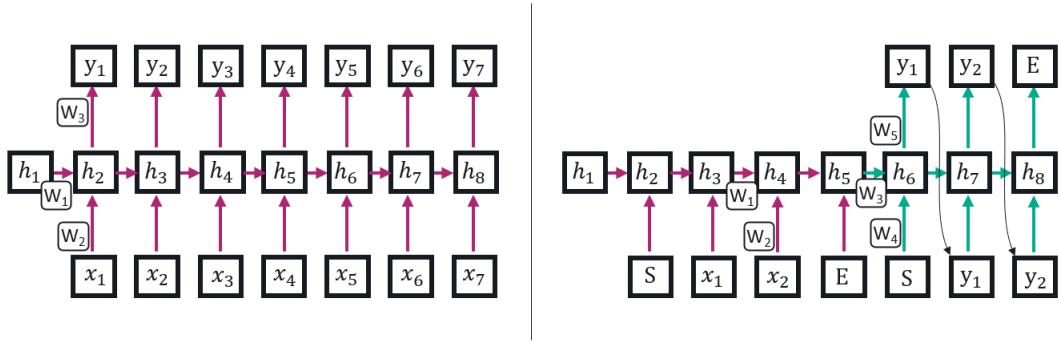


Figure 5.4 – Topologies d'application des architectures récurrentes : traitement de flux (gauche) et traduction globale (droite)

données, qui différencie fondamentalement l'usage des RNN pour le suivi de signal (mode flux) de leur usage pour la traduction (mode Seq2Seq).

5.3.3.3 . Renouveau architectural : Les Modèles d'Espaces d'Etats (SSM)

Malgré leur robustesse, les LSTM conservent une limitation structurelle majeure : leur traitement séquentiel interdit la parallélisation sur GPU. C'est pour lever ce verrou qu'une nouvelle classe de modèles a émergé : les State Space Models (SSM). Ces modèles puisent leur origine théorique dans le papier HiPPO [70], qui formalise mathématiquement comment compresser optimalement une histoire continue dans un vecteur de taille fixe via des projections polynomiales orthogonales. Cette base a permis de développer S4 (Structured State Space sequence model) [71], capable de modéliser des dépendances sur plus de 10 000 pas de temps en résolvant une équation différentielle continue discrétisée. Cependant, les premiers SSM souffraient d'une rigidité dynamique, peinant à sélectionner l'information pertinente en fonction du contexte ("Content-based selection"). Cette limite a été adressée par l'architecture Mamba [72]. En rendant les matrices d'état dépendantes de l'entrée, Mamba atteint des performances comparables aux premiers Transformers REF tout en conservant une complexité linéaire. Toutefois, ces modèles restent délicats à stabiliser sur des dynamiques hautement chaotiques où la discrétisation numérique peut introduire des dérives.

5.3.3.4 . Application au texte : L'ère du Sequence-to-Sequence et de la Traduction

Dans le traitement du langage, l'approche récurrente a connu son apogée avec le paradigme Seq2Seq [73]. En utilisant deux LSTM (un encodeur et un décodeur), cette architecture a permis de traiter des séquences de longueurs variables. Cette avancée a transformé l'industrie de la traduction avec le déploiement du Google's Neural Machine Translation System (GNMT) [74] en 2016, réduisant les erreurs de traduction de près de 60 % par rapport aux systèmes statistiques. Au-delà de la traduction, ce paradigme a permis des avancées dans la modélisation prédictive de parcours complexes, comme l'illustre par le modèle Doctor AI [75]. Ce modèle utilise des RNN

pour prédire les futurs diagnostics médicaux et la durée avant la prochaine visite à partir de l'historique clinique des patients, démontrant la capacité des RNN à capturer des dynamiques temporelles irrégulières et multivariées dans des données réelles bruitées.

5.3.3.5 . Application aux systèmes temporels, physiques et créatifs

Au-delà du texte, les RNN se sont imposés comme l'outil naturel pour la modélisation de systèmes dynamiques continus, un domaine crucial pour la simulation. Une étude sur la prévision de systèmes chaotiques [76] a mis en avant que les LSTM pouvaient apprendre la dynamique de l'attracteur de Lorenz ou de l'équation de Kuramoto-Sivashinsky mieux que les modèles physiques simplifiés, en capturant les propriétés non-linéaires de l'évolution temporelle à court terme. Cette capacité à modéliser le chaos déterministe fait des RNN des candidats sérieux pour accélérer les simulations de mécanique des fluides turbulents. Dans l'industrie, cette robustesse est exploitée pour la prévision probabiliste avec DeepAR [77], utilisé par Amazon pour sa chaîne logistique. Ce modèle apprend une distribution de probabilité future à chaque pas de temps, permettant de quantifier l'incertitude via des simulations de Monte Carlo. Enfin, la capacité "génération constructive" des RNN a été pionnière dans la création artistique. Le modèle Performance RNN [78], développé par Google Magenta, a montré qu'un LSTM pouvait générer des performances de piano expressives (avec nuances de vitesse et de timing) en traitant la musique non pas comme une partition rigide, mais comme une séquence temporelle continue d'événements, prouvant que les RNN peuvent capturer des structures hiérarchiques globales (phrasé musical) tout en gérant des détails micro-temporels.

5.3.4 . L'architecture Transformer

Si les réseaux récurrents ont introduit la mémoire et les réseaux convolutionnels la localité, l'architecture Transformer a proposé un changement de paradigme radical en postulant que l'interaction entre les éléments d'une séquence doit être modélisée par une relation directe de contenu à contenu, et non par une contrainte de proximité spatiale ou temporelle. Cette architecture, devenue l'épine dorsale de l'IA générative moderne, repose sur le mécanisme d'attention [39].

5.3.4.1 . Genèse : Du goulot d'étranglement récurrent à l'Attention pure

L'émergence du Transformer est le fruit d'une lente maturation visant à résoudre le goulot d'étranglement des architectures Encodeur-Décodeur récurrentes (RNN). Dans le paradigme Seq2Seq classique [73], toute l'information de la phrase source devait être compressée dans un unique vecteur de contexte de taille fixe, entraînant une perte d'information critique sur les longues séquences. Une première solution [79] introduit un mécanisme d'attention additive permettant au décodeur de "chercher" (search) et d'aligner (align) les parties pertinentes de la phrase source à chaque étape de la génération. Ici, l'attention n'était encore qu'un module auxiliaire greffé sur des RNN. Une seconde étape conceptuelle fut franchie avec les Pointer Networks [80] où le réseau de neurones apprend à résoudre des problèmes combinatoires

en utilisant l'attention comme un pointeur pour sélectionner des éléments de l'entrée comme sortie. Cela a ancré l'idée que le mécanisme de sélection basé sur le contenu ("Content-based addressing") était suffisamment puissant pour structurer la sortie. La rupture définitive survient avec l'article Attention Is All You Need [39]. Les auteurs ont démontré que la récurrence, jugée jusqu'alors indispensable pour encoder l'ordre séquentiel, était en réalité superflue et limitante pour la parallélisation. Ne conserver que l'attention a permis un traitement massivement parallèle et une réduction le chemin maximal de propagation de l'information entre deux mots quelconques à une constante $O(1)$, contre $O(N)$ pour un RNN. Cette réduction drastique de la distance topologique facilite considérablement le flux de gradient et l'apprentissage des dépendances à long terme.

Contrairement aux CNN ou RNN qui se définissent par une opération élémentaire, le Transformer se définit d'abord comme une architecture systémique modulaire. Son fonctionnement repose sur le concept de "Scaled Dot-Product Attention", que l'on peut apprécier par une analogie avec la recherche d'information. Chaque élément de la séquence émet une Requête ($Query, Q$), une Clé (Key, K) et une Valeur ($Value, V$). Le mécanisme calcule la pertinence entre la requête d'un élément et les clés de tous les autres pour déterminer un poids d'attention. Ce poids pondère ensuite l'agrégation des valeurs, permettant de synthétiser un nouveau vecteur de contexte. Nous décrivons l'architecture en commençant par le flux macroscopique de l'information, avant d'analyser la composition interne et spécifiquement le mécanisme d'attention.

5.3.4.2 . Architecture Macroscopique : Le paradigme Encodeur-Décodeur

Dans sa configuration canonique pour la traduction automatique [39], l'architecture adopte une structure bipartite illustrée par la figure 5.5. Son objectif est de transformer une séquence source $(x_i)_{1 \leq i \leq N}$ en une séquence cible $(y_i)_{1 \leq i \leq M}$. Pour la clarté de l'analyse, nous formalisons ici les représentations intermédiaires : nous noterons $(h_i)_{1 \leq i \leq N}$ la séquence latente produite par l'encodeur, et $(z_i)_{1 \leq i \leq M}$ la séquence de vecteurs de sortie du décodeur. Par convention, chaque vecteur z_k est la représentation destinée à être projetée pour prédire le symbole cible y_k . Cette architecture se justifie par deux apports majeurs : l'enrichissement sémantique via l'attention et l'accélération de l'apprentissage. En effet, contrairement aux réseaux récurrents (RNN) contraints à un traitement itératif, le Transformer permet de calculer l'intégralité de la séquence de prédiction $(z_i)_i$ en une unique passe parallèle.

Le flux de traitement débute par l'encodeur qui traite la source $(x_i)_i$. Grâce au mécanisme d'auto-attention, chaque élément agrège l'information du contexte global pour produire la séquence latente $(h_i)_i$ à haute teneur sémantique. Le décodeur exploite ensuite cette représentation $(h_i)_i$ pour générer la séquence $(z_i)_i$. C'est ici qu'intervient la distinction critique entre entraînement et inférence. Pour garantir que le modèle puisse générer des phrases mot après mot en inférence (où y_k n'est pas encore connu), l'entraînement doit simuler cette causalité tout en restant parallèle. On applique donc un décalage des entrées : pour produire le vecteur de prédiction z_k (visant le symbole y_k), le décodeur reçoit en entrée les symboles précédents (S, y_1, \dots, y_{k-1}) . Ce décalage aligne mécaniquement l'information passée face à l'objectif de

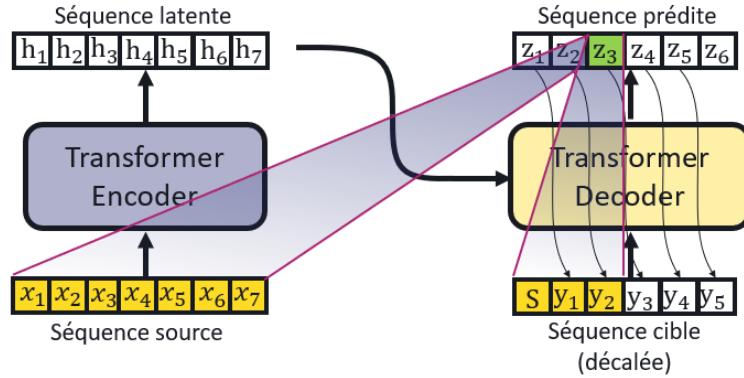


Figure 5.5 – Flux d'information macroscopique dans l'architecture Transformer Encodeur-Décodeur

prédiction présent z_k .

Ce principe est illustré par la figure 5.5 à travers le cône de perception du vecteur z_3 . Puisque z_3 a pour fonction de prédire y_3 , il a accès via l'attention croisée à la totalité de la source $(x_i)_i$, mais son accès à la séquence cible est strictement contraint aux antécédents S, y_1 et y_2 via le masquage. Ainsi, chaque vecteur z_k est construit en intégrant tout le contexte source $(h_i)_{1 \leq i \leq N}$ et le passé cible $(y_i)_{1 \leq i \leq k-1}$, sans jamais violer la causalité temporelle en accédant à y_k ou à ses successeurs. Une fois la séquence $(z_i)_i$ calculée, une simple projection linéaire suivie d'un Softmax permet d'obtenir les probabilités de chaque symbole y_k .

Cette structure macroscopique ne décrit pas un simple passage de couches, mais un empilement profond. Comme le montre la figure 5.6, l'Encodeur et le Décodeur sont constitués respectivement d'une pile de N blocs identiques. C'est la répétition de ces blocs qui confère au modèle sa capacité d'abstraction. Entrons dans le détail de ces deux blocs.

5.3.4.3 . L'Encodeur

L'illustration 5.7 détaille l'architecture interne d'un bloc d'encodage. Chaque bloc est conçu pour transformer les représentations vectorielles entrantes en une version plus contextualisée. Il s'articule autour de deux sous-modules séquentiels. Le premier est l'Attention Multi-Têtes, où les rôles de Requête, Clé et Valeur (Q, K, V) sont tous issus de la sortie du bloc précédent. Cela permet à chaque position de capturer des relations avec toutes les autres positions de la séquence. Le second est un réseau de neurones dense (Feed-Forward Network - FFN) appliqué indépendamment à chaque position. Pour permettre l'entraînement de réseaux profonds, chaque sous-module est encapsulé par une connexion résiduelle [53] suivie d'une normalisation de couche (Layer Norm) [81], assurant stabilité et une bonne propagation du gradient dans

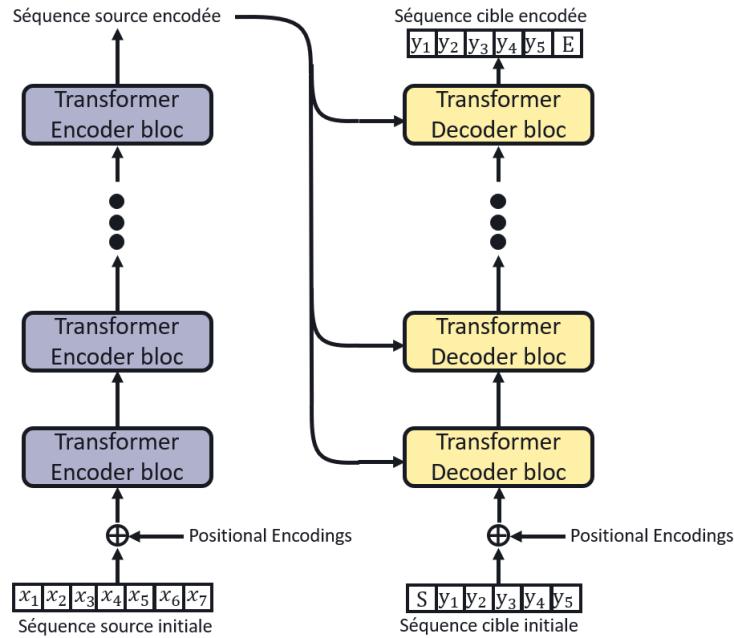


Figure 5.6 – Architecture Transformer complète : empilement des blocs

toutes les couches. Enfin, l'architecture étant invariante par permutation, l'ajout dès l'entrée d'un Encodage Positionnel est indispensable pour injecter la topologie temporelle ou spatiale dans les représentations vectorielles.

5.3.4.4 . Le Décodeur

L'architecture du Décodeur, présentée en figure 5.8, adapte la structure de l'encodeur aux contraintes de la génération. Chaque bloc intègre trois sous-modules au lieu de deux. Le premier est une Attention Multi-Têtes Masquée. Ce masquage est l'implémentation technique de la causalité : il force les poids d'attention à zéro pour toutes les positions futures, interdisant au modèle de d'accéder aux mots $(y_i)_{k \leq i \leq M}$ lors du calcul de la représentation de z_k . Le second module est l'Attention Croisé : les Requêtes (Q) proviennent de la chaîne de décodeur (ce que l'on cherche à enrichir), tandis que les Clés (K) et Valeurs (V) proviennent du contexte source (h_i). C'est ce pont qui permet à la génération d'être conditionnée par la source. Enfin, on retrouve le réseau FFN classique. Comme pour l'encodeur, l'emploi systématique de connexions résiduelles et de normalisation de couche assure la stabilité du gradient à travers la profondeur du réseau.

5.3.4.5 . Micro-architecture : Le mécanisme d'Attention et ses variantes

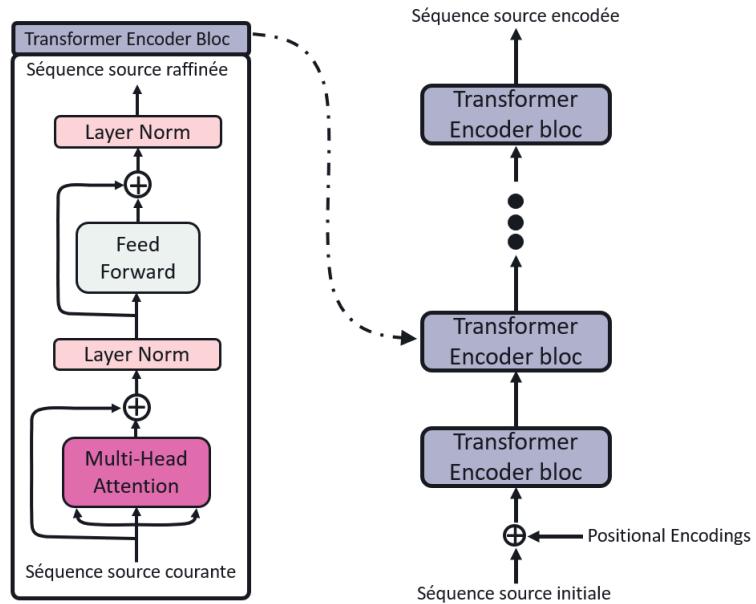


Figure 5.7 – Architecture interne du bloc Encodeur

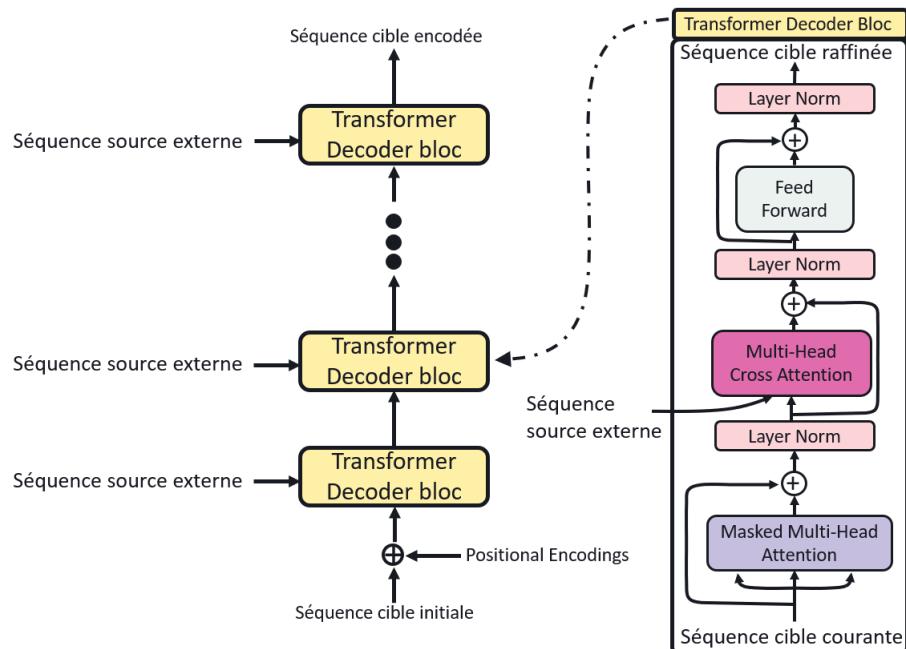


Figure 5.8 – Architecture interne du bloc Décodeur

Au cœur de ces blocs macroscopiques réside le véritable moteur de l'interaction : le mécanisme d'Attention. Contrairement aux architectures précédentes qui traitent la séquence par voisinage spatial ou récursivité temporelle, le Transformer repose sur un mécanisme d'interaction directe et globale. Il est basé sur un principe de recherche d'information entre une séquence de requête $\mathcal{Q} = (q_i)_{i \in \mathbb{I}}$ et un séquence valeur $\mathcal{V} = (v_j)_{j \in \mathbb{J}}$ caractérisée par une séquence de clé $\mathcal{K} = (k_j)_{j \in \mathbb{J}}$. Les ensembles d'indications de ces séquences \mathbb{I} et \mathbb{J} ne sont pas nécessairement identiques. On notera aussi par commodité $\mathcal{KV} = ((k_j, v_j))_{j \in \mathbb{J}}$.

En pratique, n'importe quelle séquence $(x_i)_{i \in \mathbb{X}}$, indicé par \mathbb{X} , peut être projetée dans un espace de représentation de requêtes $\mathcal{Q} = (Q(x_i))_{i \in \mathbb{X}}$, ou/et les espaces de représentation de clés et valeurs $\mathcal{K} = (K(x_i))_{i \in \mathbb{X}}$ et $\mathcal{V} = (V(x_i))_{i \in \mathbb{X}}$. Pour toute requête donnée $q \in \mathcal{Q}$ et toute clé candidate $k \in \mathcal{K}$, le score d'attention défini par le produit scalaire normalisé mesure la pertinence de l'association :

$$a(q, k) = \frac{\langle q, k \rangle}{\sqrt{d_{att}}} \quad (5.1)$$

À requête q fixée, la séquence de score d'attention $(a(q, k))_{k \in \mathcal{K}}$ est transformée par une fonction *softmax* créant une pondération normalisée :

$$p(q, k, \mathcal{K}) = \frac{\exp(a(q, k))}{\sum_{k' \in \mathcal{K}} \exp(a(q, k'))} \quad (5.2)$$

L'opérateur d'attention, noté A , agrège alors l'information en calculant la somme des valeurs \mathcal{V} pondérées par ces poids :

$$A(q, \mathcal{KV}) = \sum_{(k, v) \in \mathcal{KV}} p(q, k, \mathcal{K}) v \quad (5.3)$$

Cette formulation mathématique traduit le concept intuitif : pour un couple $(k, v) \in \mathcal{KV}$, plus le score $a(q, k)$ est élevé, plus la contribution de la valeur v est grande dans la représentation contextuelle de la requête $A(q, \mathcal{KV})$.

Le facteur déterminant pour l'expressivité du mécanisme est l'aspect multi-tête : au lieu d'avoir un triplet de fonctions de projection Q, K, V nous disposons de h triplets $(Q_l, K_l, V_l)_{1 \leq l \leq h}$. Cette diversité permet la capture d'une plus grande variété d'interaction en projetant les séquences dans h espaces de comparaisons différents. N'importe quelle séquence traitée $(x_i)_{i \in \mathbb{X}}$, sera alors projetée simultanément dans h espaces de représentation de requêtes

$$\mathcal{Q}_l = (Q_l(x_i))_{i \in \mathbb{X}}, \quad 1 \leq l \leq h \quad (5.4)$$

et/ou dans h espaces de représentation des clés et valeurs

$$\mathcal{K}_l = (K_l(x_i))_{i \in \mathbb{X}}, \quad \mathcal{V}_l = (V_l(x_i))_{i \in \mathbb{X}}, \quad 1 \leq l \leq h \quad (5.5)$$

En pratique, on dispose donc de h triplets de séquences $(\mathcal{Q}_l, \mathcal{K}_l, \mathcal{V}_l)_{1 \leq l \leq h}$. Le calcul de chaque tête d'attention est réalisé en appliquant, pour l variant de 1 à h , l'opérateur d'attention 5.3 aux séquences \mathcal{Q}_l , \mathcal{K}_l et \mathcal{V}_l .

$$A(q, \mathcal{KV}_l) = \sum_{(k, v) \in \mathcal{KV}_l} \frac{\exp(a(q, k))}{\sum_{k' \in \mathcal{K}_l} \exp(a(q, k'))} v$$

Enfin, les sorties des h têtes sont concaténées (opérateur \oplus) pour former un vecteur de dimension $h \times d_{att}$. Ce vecteur est reprojeté par une fonction O , définissant ainsi l'opérateur d'attention multi-tête (MHA – Multi-Head Attention) applicable à tout élément x de la séquence formant les requêtes 5.4.

$$\text{MHA}(x) = O(A(Q_1(x), \mathcal{KV}_1) \oplus A(Q_2(x), \mathcal{KV}_2) \oplus \cdots \oplus A(Q_h(x), \mathcal{KV}_h)) \quad (5.6)$$

Cette formulation générique connaît plusieurs variantes fondamentales qui se distinguent par la nature des interactions qu'elles sont sensées capturer.

Premièrement, lorsque l'objectif est d'enrichir une séquence cible $(x_i)_{i \in \mathbb{I}}$ par le contexte d'une séquence source distincte $(y_j)_{j \in \mathbb{J}}$, on assigne les rôles de manière asymétrique. Pour toute tête $l \in \{1, \dots, h\}$, l'ensemble des requêtes est généré par la cible, soit $\mathcal{Q}_l = \{Q_l(x_i)\}_{i \in \mathbb{I}}$, tandis que l'ensemble des paires clé-valeur est généré par la source, soit $\mathcal{KV}_l = \{(K_l(y_j), V_l(y_j))\}_{j \in \mathbb{J}}$. La sortie est calculé en appliquant directement l'opération MHA 5.6 à ces séquences de requêtes, clés et valeur, définissant ainsi l'opérateur d'attention croisée multi-tête (MHCA - Multi-Head Cross-Attention). Une schématisation de ce mécanisme sur une unique tête est représenté dans la figure 5.9.

Deuxièmement, lorsque l'objectif est d'enrichir une séquence $(x_i)_{i \in \mathbb{I}}$ par son propre contexte, la même séquence est utilisée pour tous les rôles. Pour toute tête l , on définit $\mathcal{Q}_l = \{Q_l(x_i)\}_{i \in \mathbb{I}}$ et $\mathcal{KV}_l = \{(K_l(x_i), V_l(x_i))\}_{i \in \mathbb{I}}$. L'application de l'opérateur MHA 5.6 à ces séquences de requêtes, clés et valeurs définit alors l'opérateur d'auto-attention multi-tête (MHSA - Multi-Head Self-Attention). Une schématisation de ce mécanisme sur une unique tête est représenté à gauche de la figure 5.10.

Enfin, la génération autorégressive impose un respect strict de la causalité. Dans l'objectif est d'enrichir une séquence $(x_i)_{i \in \mathbb{I}}$ par son propre contexte de manière causale, les rôles sont encore assignés de manière symétrique, mais le calcul du score d'attention est modifié. Soient x_i et x_j deux éléments de la séquence, générant respectivement une requête q_i et une clé k_j dans la tête l . Le score d'attention est redéfini ainsi :

$$a(q_i, k_j) = \frac{\langle q_i, k_j \rangle}{\sqrt{d_{att}}} \quad \text{si } j \leq i \quad (5.7)$$

$$-\infty \quad \text{si } j > i \quad (5.8)$$

Cette condition assure que pour tout $j > i$, le poids p associé est nul, empêchant toute fuite d'information du futur vers le passé. L'attention masquée 5.8 est réinjecté dans le calcul de pondération 5.2 et l'agrégation suit ensuite la mécanique standard jusqu'à l'équation

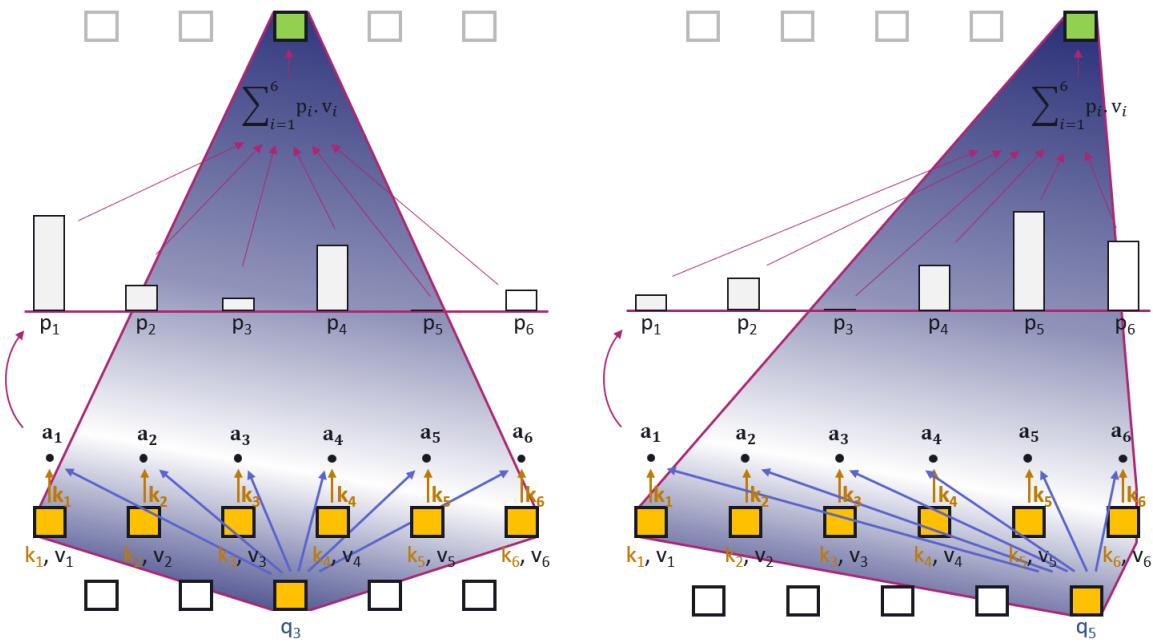


Figure 5.9 – Illustration de l’Attention Croisée (MHCA). Les requêtes (en bleu) proviennent de la séquence cible et interrogent l’intégralité du contexte source (clés en jaune). À gauche, la requête q_3 agrège l’information de la séquence source (à l’origine des clés et valeurs \mathcal{KV}) pour construire $A(q_3, \mathcal{KV})$, représenté dans la cellule verte. Le cône d’interaction est représenté en dégradé de bleu. À droite, le même calcul est effectué indépendamment pour la requête q_5 . Cette indépendance des calculs permet leur parallélisation.

5.6, définissant ainsi l'opérateur d'auto-attention masquée multi-tête (MMHSA - Masked Multi-Head Self-Attention). Une schématisation de ce mécanisme sur une unique tête est représenté à droite de la figure 5.10.

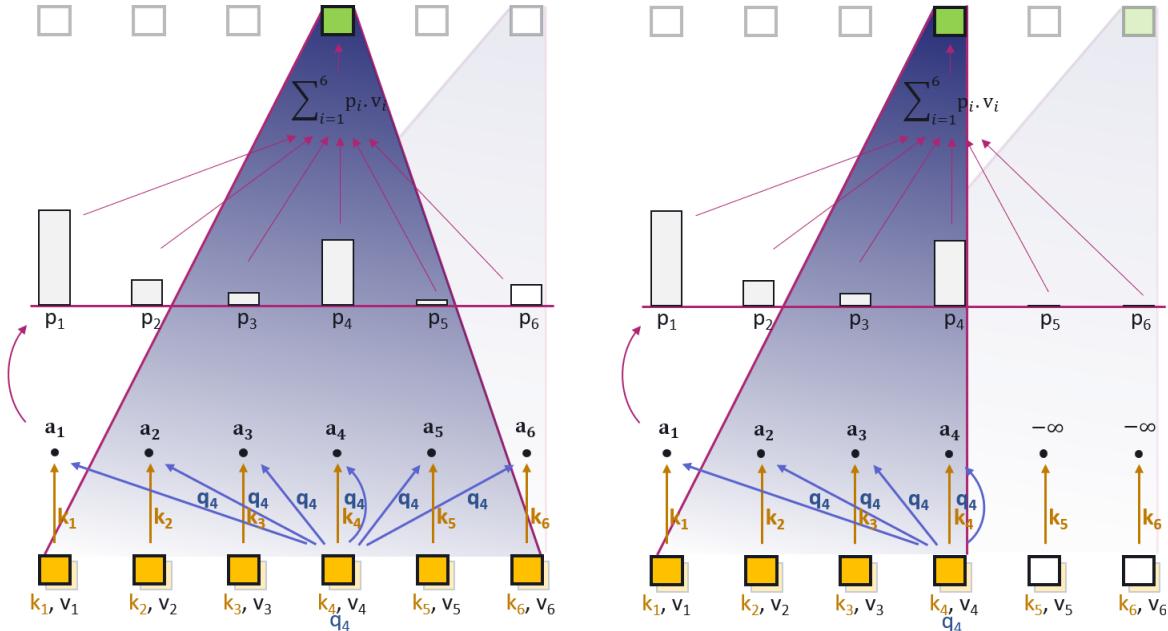


Figure 5.10 – Comparaison des modes d'Auto-Attention. La séquence d'entrée nourrit à la fois \mathcal{Q} et \mathcal{KV} . À gauche, l'interaction est globale. La requête q_4 agrège l'information de toute la séquence pour construire $A(q_4, \mathcal{KV})$, représenté dans la cellule verte. Le cône d'interaction est représenté en dégradé de bleu. À droite, l'interaction est causale. L'accès aux clés futures est donc bloqué (score $-\infty$), cette restriction est visible sur le cône d'interaction en nuance de bleu. La requête q_4 agrège aux positions $j \leq 4$ pour construire $A(q_4, \mathcal{KV})$, qui constitue une prédiction des états futurs. Pour les deux images, on représente en arrière plan les mêmes calculs pour la requête q_6 , réalisés de manière indépendante.

5.3.4.6 . Le Transformer dans le texte : La divergence des architectures

Dans le traitement du langage naturel (NLP), le Transformer a provoqué une véritable explosion cambrienne des modèles, se scindant en trois familles distinctes. La première, celle des Encodeurs, est incarnée par BERT [82]. Utilisant une attention bidirectionnelle, ces modèles excelltent dans la compréhension et la classification, car chaque mot a accès au contexte passé et futur simultanément. La seconde, celle des Décodeurs, est dominée par la lignée GPT [40], [83]. Ici, l'attention est causale (masquée vers le futur), optimisée pour la génération autorégressive. C'est cette branche qui a mis en évidence les "lois d'échelle" (Scaling Laws), montrant que la performance de prédiction du prochain token suit une loi de puissance en fonction du nombre de paramètres et de données, ouvrant la voie aux gros modèles de langage (Large Language

Model - LLM) actuels. La troisième famille, Encodeur-Décodeur, reste fidèle à l'architecture originale [39] pour les tâches de traduction ou de résumé. Le modèle T5 [84] a poussé ce paradigme à son extrême en reformulant toute tâche NLP (y compris la classification) comme un problème de génération de texte-vers-texte.

5.3.4.7 . Le Transformer dans les systèmes temporels : Promesses et controverses

L'application des Transformers aux séries temporelles continues (consommation énergétique, trafic, météo) a fait l'objet de recherches intenses [85]. L'attrait principal réside dans la capacité théorique de l'attention à capturer des corrélations à très long terme et des saisonsnalités complexes que les RNN peinent à retenir. Des architectures spécifiques ont été proposées pour briser la complexité quadratique. Informer [86] introduit une attention "ProbSparse" pour sélectionner uniquement les interactions dominantes, réduisant la complexité à $O(N \log N)$. Autoformer [87] va plus loin en remplaçant le produit scalaire par une auto-corrélation pour mieux capturer les périodicités. Cependant, l'efficacité réelle des Transformers sur des signaux continus est contestée. Une étude [88] assure qu'un simple modèle linéaire bien calibré (DLin-ear) surpassait souvent des Transformers complexes sur les benchmarks standards. La raison invoquée est que l'attention, conçue pour la sémantique discrète, tend à sur-interpréter le bruit dans les signaux continus et perd l'information d'ordre temporel cruciale, malgré les encodages positionnels. Néanmoins, des approches récentes comme PatchTST [89], qui segmentent le signal en patchs (comme en vision) avant d'appliquer l'attention, semblent redonner l'avantage aux Transformers en traitant des dynamiques locales plutôt que des points isolés.

5.3.4.8 . Le Transformer dans l'image : Patchs et hiérarchie

L'hégémonie des CNN en vision a été remise en cause par le Vision Transformer (ViT) [42]. En découpant l'image en une séquence de patchs carrés traités comme des mots, ViT a prouvé qu'un Transformer pur, sans biais inductif de convolution, pouvait atteindre l'état de l'art, à condition d'être pré-entraîné sur des volumes de données massifs (JFT-300M, [90]). Pour pallier le coût quadratique sur les images haute résolution et le manque de localité, l'architecture Swin Transformer [91] a réintroduit une structure hiérarchique similaire aux CNN. En calculant l'attention uniquement à l'intérieur de fenêtres locales glissantes (Shifted Windows), Swin combine la modélisation globale des Transformers avec l'efficacité locale des convolutions, devenant le standard actuel pour la segmentation et la détection d'objets.

5.3.4.9 . Généralisation : Physique et Prise de décision

La capacité du Transformer à modéliser des graphes d'interaction arbitraires en fait un outil puissant pour la physique et la biologie. L'exemple le plus spectaculaire est AlphaFold 2 [92], qui a résolu le problème du repliement des protéines. Son module central, l'Evoformer, est une variante du Transformer qui traite la protéine comme un graphe dynamique, mettant à jour itérativement la représentation de la séquence d'acides aminés et la matrice de distances 3D

par des mécanismes d'attention triangulaire. Enfin, dans le domaine du contrôle et de la simulation, le Decision Transformer [93] a reformulé l'apprentissage par renforcement comme un problème de modélisation de séquence. Au lieu d'estimer des fonctions de valeur ou des gradients de politique, ce modèle prédit simplement l'action suivante conditionnée par les états passés et la récompense désirée (le "Return-to-go"). Cette approche "générationnelle" du contrôle permet d'appliquer les techniques de pré-entraînement des LLM à la robotique ou à la navigation d'agents autonomes, unifiant ainsi perception, prédiction physique et prise de décision sous une même architecture.

5.3.5 . Ancre dans la problématique

L'exploration des architectures de traitement de séquence met en lumière un éventail de mécanismes complémentaires pour la modélisation de notre simulateur de capteur, dont la pertinence doit être pondérée par les contraintes spécifiques des signaux radar. Les réseaux convolutionnels, par leur biais inductif de localité, offrent une approche adaptée pour modéliser les interactions à courte portée, telles que les interférences immédiates entre impulsions proches au sein d'un même train. Cependant, leur architecture à fenêtre glissante impose une limitation structurelle majeure : la difficulté à maintenir un état mémoire persistant sur des horizons temporels arbitrairement longs, ce qui peut s'avérer insuffisant pour reproduire fidèlement les processus de pistage temporel qui nécessitent de lier des événements très distants.

De leur côté, les architectures récurrentes (RNN) et les modèles d'espaces d'états (SSM) présentent une affinité naturelle avec la causalité physique du capteur, mimant le comportement des algorithmes de traitement du signal qui mettent à jour des pistes au gré des réceptions. Néanmoins, leur usage impliquerait un changement de paradigme par rapport à notre approche orientée "traduction". Ces modèles excellent dans le traitement séquentiel flux à flux, mais leur application à une tâche de transformation globale de séquence (Seq2Seq) sur de très longs scénarios est complexe. Le goulot d'étranglement du vecteur de contexte, censé compresser toute l'information de la séquence d'entrée avant la génération, devient rapidement prohibitif face à la densité des données radar, limitant leur capacité à reconstruire fidèlement l'ensemble du scénario en une seule passe.

Enfin, l'architecture Transformer et le mécanisme d'attention apportent une capacité de modélisation contextuelle globale, permettant à chaque impulsion d'interagir directement avec l'ensemble de la séquence. Cette propriété est puissante pour capturer des corrélations complexes non-locales et apprendre la fonction de transfert globale du simulateur sans les contraintes de compression des RNN. Toutefois, l'application de ce modèle exige une vigilance particulière quant à sa complexité quadratique, qui peut devenir prohibitive face à la haute densité des flux d'impulsions radar, ainsi qu'à la nécessité d'adapter l'encodage positionnel pour traiter le temps continu irrégulier des PDW plutôt que des indices discrets.

6 - Capacité de discernement des modèles

La fidélité de la modélisation par intelligence artificielle du bloc de Détection et Caractérisation des Impulsions (DCI) dépend intrinsèquement de la capacité du modèle à discerner et comparer finement les éléments d'une séquence. Contrairement aux applications de Traitement du Langage Naturel (NLP) où les données (mots ou tokens) appartiennent à un ensemble fini, les signaux radar évoluent dans des espaces continus. Par conséquent, l'espace latent du modèle est densément peuplé de représentations vectorielles qu'il est complexe de séparer sans ambiguïté (à l'inverse du NLP).

Pour évaluer et valider les capacités de discernement de nos architectures dans ce contexte continu, nous avons défini une tâche de référence : un problème d'ordonnancement supervisé. Le modèle reçoit en entrée une séquence de vecteurs et doit prédire une nouvelle séquence qui doit correspondre à l'entrée réordonnée selon une règle implicite afin de minimiser l'erreur d'apprentissage. L'objectif est de mesurer l'aptitude générale d'un réseau de neurones à identifier les caractéristiques pertinentes et à établir des comparaisons fines entre les éléments pour construire une sortie cohérente.

Cette démarche s'inscrit directement dans le domaine de l'interprétabilité mécaniste (mechanistic interpretability, [94]), qui analyse les capacités algorithmiques des réseaux de neurones. Des études récentes ([95], [96]) ont spécifiquement exploité des tâches de tri sur des entiers pour analyser le fonctionnement des Transformers.

Il est important de préciser que notre objectif n'est pas de concevoir un algorithme de tri performant dans l'absolu, mais d'évaluer des architectures de traitement de séquence généralistes. Nous avons donc exclu de cette étude les modèles spécifiquement conçus pour le tri algorithmique, souvent structurellement incapables de généraliser à d'autres tâches. Notre démarche vise à valider une architecture polyvalente capable, par la suite, de traiter la complexité des signaux radar.

Ce chapitre reprend les résultats de nos travaux publiés à la conférence EUSIPCO [97]. Nous y détaillons notamment deux contributions méthodologiques :

- une fonction de coût pondérée équilibrant l'impact de chaque séquence dans l'apprentissage
- une stratégie de fenêtrage des données permettant un apprentissage par curriculum.

6.1 . Génération des données et protocole de construction

Cette section détaille la méthodologie de construction des ensembles de données synthétiques utilisés pour l'apprentissage supervisé. L'objectif est de générer des couples (\mathbf{X} , \mathbf{Y}) où \mathbf{X} est une séquence de $N = 10$ vecteurs $\{V_1, \dots, V_N\}$ de \mathbb{R}^5 et \mathbf{Y} est la séquence cible ordonnée correspondante.

6.1.1 . Règle d'ordonnancement implicite

L'ordre des vecteurs est déterminé par une règle latente, inconnue du modèle lors de l'apprentissage. Cette règle repose sur la projection des vecteurs sur un hyperparamètre directeur $U \in \mathbb{R}^5$, unitaire ($\|U\|_2 = 1$). Pour chaque vecteur V_i , un score scalaire S_i est calculé selon :

$$S_i = \langle V_i, U \rangle \quad (6.1)$$

La tâche du modèle consiste à prédire l'ordonnancement des vecteurs V_i induit par le tri croissant des scores S_i , en se basant uniquement sur l'observation des données, sans connaissance a priori de la règle d'ordonnancement. Ce principe est illustré dans la figure 6.1.

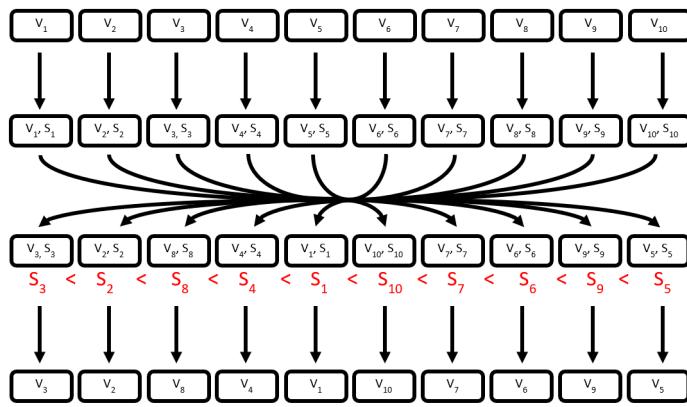


Figure 6.1 – Diagramme de la procédure de tri décrite. Les différentes étapes sont visibles de haut en bas : départ de la séquence désordonnée, association d'un score par élément, ordonnancement par critère de score croissant et enfin restitution de la séquence ordonnée.

6.1.2 . Définition de la difficulté et invariances

Afin d'évaluer la robustesse du modèle, nous introduisons une mesure quantifiant la difficulté intrinsèque de tri d'une séquence. Intuitivement, une séquence est difficile à trier si les scores de ses éléments sont proches les uns des autres relativement à l'étendue globale des valeurs possibles.

Pour caractériser cette mesure de difficulté, nous définissons deux métriques intermédiaires à l'échelle de la séquence de vecteurs :

- La moyenne μ_S , correspond à la moyenne arithmétique des scores de la séquence.
- L'écart-type σ_S , quantifie la dispersion des scores autour de cette moyenne.

Ces métriques prennent leurs sens lorsqu'elles sont confrontées aux contraintes globales du problème. Ces contraintes globales en partie caractérisés par un $[\mu_{min}, \mu_{max}]$, une constante fixée pour la génération des données, correspondant à l'intervalle dans lequel les μ_S sont contraintes

de se trouver.

Nous pouvons à présent introduire le **ratio de séparabilité** r d'une séquence, défini comme le rapport entre sa mesure σ_S et cette étendue globale sur laquelle sa mesure μ_S peut se trouver :

$$r = \frac{\sigma_S}{\mu_{max} - \mu_{min}} \quad (6.2)$$

Cette formulation respecte les intuitions naturelles concernant une tâche de discernement :

- Trier des scores espacés de 1 sur une plage de 10 répartie autour de 0 ($r = \frac{1}{5-(-5)} = 0.1$) ou autour de 100 ($r = \frac{1}{105-95} = 0.1$) **est équivalente** pour un réseau de neurones, qui peut aisément apprendre un biais additif.
- Trier des scores espacés de 1 sur une plage de 10 ($r = \frac{1}{10} = 0.1$) ou trier des scores espacés de 10 sur une plage de 100 ($r = \frac{10}{100} = 0.1$) **est équivalent** pour un réseau de neurones, qui peut apprendre un changement d'échelle.
- Trier des scores espacés de 1 sur une plage de 100 ($r = \frac{1}{100} = 0.01$) ou trier des scores espacés de 10 sur une plage de 100 ($r = \frac{10}{100} = 0.1$) **n'est pas équivalent** pour un réseau de neurones, qui nécessite un niveau de discernement accru pour le premier cas.

Ainsi, le paramètre r contrôle le niveau de discernement exigé du réseau pour ordonner la séquence correspondante. La difficulté de traitement d'une séquence par le modèle peut donc être définie comme l'inverse du ratio de séparabilité, qui augmente à mesure que r diminue.

6.1.3 . Algorithme de génération sous contrainte

Pour imposer le ratio de séparabilité r souhaité, nous procédons par une méthode inverse : nous fixons d'abord les statistiques des scores cibles $(S_i)_i$, puis nous construisons les vecteurs $(V_i)_i$ correspondants.

La procédure de génération pour une séquence de ratio r , contrainte au domaine global $[\mu_{min}, \mu_{max}]$, est la suivante :

- **Échantillonnage des paramètres locaux** : Nous tirons aléatoirement la moyenne spécifique de la séquence, notée μ , selon une loi uniforme sur le domaine global : $\mu \sim \mathcal{U}([\mu_{min}, \mu_{max}])$. L'écart-type cible de la séquence est ensuite déterminé par la contrainte de difficulté : $\sigma = r \times (\mu_{max} - \mu_{min})$.
- **Génération des scores** : Les scores $\{S_1, \dots, S_N\}$ sont tirés de manière i.i.d. selon une loi normale $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$.
- **Initialisation des vecteurs** : Des vecteurs bruts V_i^{raw} sont générés. Afin de maintenir une cohérence statistique entre la norme du vecteur et son score projeté, V_i^{raw} est tiré selon $\mathcal{N}(0, S_i \mathbf{I}_5)$.
- **Correction du score** : On ajuste la composante de V_i^{raw} colinéaire à U pour assurer l'égalité $\langle V_i, U \rangle = S_i$, tout en préservant la composante orthogonale :

$$V_i = V_i^{raw} - \langle V_i^{raw}, U \rangle U + S_i U \quad (6.3)$$

Ce protocole assure une double propriété statistique à l'ensemble de données générée. À l'échelle macroscopique des données, les séquences couvrent uniformément tout le domaine $[\mu_{min}, \mu_{max}]$. À l'échelle des séquences, chaque exemple respecte la contrainte de séparabilité r avec laquelle elle a été contrainte, permettant de composer les ensembles d'apprentissage avec plus ou moins de difficulté.

6.2 . Stratégie d'apprentissage et architectures neuronales

La génération de données synthétiques nous permet de produire des séquences de difficulté arbitraire, mais l'entraînement d'un réseau de neurones sur ces données requiert une méthodologie spécifique. Comme nous l'avons exposé dans nos travaux précédents, l'approche standard de minimisation de l'erreur quadratique moyenne s'avère insuffisante face à la dynamique des scores dans un espace continu. Cette section détaille la fonction de coût pondérée et la stratégie de curriculum mises en place pour permettre la convergence des modèles.

6.2.1 . Fonction de coût normalisée

Nous détaillons ici la fonction de coût utilisée lors de l'entraînement de nos modèles, telle que présentée dans l'article [CITE]. Cette métrique se base initialement sur une erreur de reconstruction brute $\mathcal{L}_{raw}(\hat{\mathbf{Y}}_k, \mathbf{Y}_k)$ entre une séquence prédictive $\hat{\mathbf{Y}}_k$ et une séquence cible ordonnée \mathbf{Y}_k :

$$\mathcal{L}_{raw}(\hat{\mathbf{Y}}_k, \mathbf{Y}_k) = \frac{\|\hat{\mathbf{Y}}_k - \mathbf{Y}_k\|_2}{\sqrt{N \cdot d}} \quad (6.4)$$

Si l'on considère un prédicteur naïf générant en sortie N répétitions du vecteur moyen de la séquence cible μ_k , l'erreur brute résultante $\mathcal{L}_{raw}(\mathbf{1}\mu_k^\top, \mathbf{Y}_k)$ devient proportionnelle à la dispersion (ou l'amplitude) des éléments de la séquence \mathbf{Y}_k . L'utilisation directe de l'erreur brute induirait donc un déséquilibre dans le processus d'optimisation, favorisant les séquences de forte amplitude au détriment de la précision fine.

Pour corriger ce biais, nous définissons un facteur de normalisation par séquence, correspondant à cette erreur "naïve", qui permet d'uniformiser l'influence des séquences dans le gradient total :

$$\mathcal{L}_{ref}(\mathbf{Y}_k) = \frac{\|\mathbf{Y}_k - \mathbf{1}\mu_k^\top\|_2}{\sqrt{N \cdot d}} \quad (6.5)$$

La métrique pondérée, assurant une contribution équitable de chaque séquence au processus d'apprentissage, est alors définie par le ratio :

$$\mathcal{L}_{weighted}(\hat{\mathbf{Y}}_k, \mathbf{Y}_k) = \frac{\mathcal{L}_{raw}(\hat{\mathbf{Y}}_k, \mathbf{Y}_k)}{\mathcal{L}_{ref}(\mathbf{Y}_k)} \quad (6.6)$$

Enfin, cette métrique, sommée sur un ensemble d'apprentissage (batch) de b éléments, dé-

finit la fonction de coût globale minimisée durant l'entraînement :

$$\mathcal{L} \left((\hat{\mathbf{Y}}_k)_{1 \leq k \leq b}, (\mathbf{Y}_k)_{1 \leq k \leq b} \right) = \sqrt{\frac{1}{b} \sum_{k=1}^b \mathcal{L}_{weighted}(\hat{\mathbf{Y}}_k, \mathbf{Y}_k)^2} \quad (6.7)$$

6.2.2 . Métrique d'évaluation : La Justesse Positionnelle

Bien que la fonction de coût \mathcal{L} guide l'optimisation des poids, elle reste une mesure de distance continue qui peut être difficile à interpréter en termes de réussite ou d'échec du tri. Pour évaluer la performance opérationnelle du modèle, nous introduisons une seconde métrique : la justesse (ou accuracy), notée \mathcal{J} .

La justesse évalue la capacité du modèle à restaurer l'ordre des éléments. Comme on ne produit pas explicitement les éléments de la séquence triée $\mathbf{Y} = (V_1, \dots, V_{10})$ mais seulement une approximation $\hat{\mathbf{Y}} = (\hat{V}_1, \dots, \hat{V}_{10})$, on procède en calculant l'indice correspondant au vecteur de la séquence triée le plus proche de chaque prédiction \hat{V}_i :

$$id(\hat{V}_i, \mathbf{Y}) = \underset{1 \leq j \leq 10}{\operatorname{argmin}}(\|V_j - \hat{V}_i\|_2)$$

Si $id(\hat{V}_i, \mathbf{Y}) = i$, on considère que le réseau a placé correctement l'élément i . En moyennant sur l'ensemble de la séquence, on obtient la justesse d'une prédiction :

$$\mathcal{J}_{local}(\mathbf{Y}, \hat{\mathbf{Y}}) = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} \mathbb{1}_{\{i\}}(id(\hat{V}_i, \mathbf{Y})) \quad (6.8)$$

Cette métrique est ensuite moyennée sur l'ensemble des b séquences du lot (batch) ou du jeu de test pour obtenir une évaluation globale de la justesse du modèle :

$$\mathcal{J} = \frac{1}{b} \sum_{k=1}^b \mathcal{J}_{local}(\mathbf{Y}_k, \hat{\mathbf{Y}}_k) \quad (6.9)$$

Le résultat fournit une valeur entre 0 et 1 (100%), directement interprétable comme le pourcentage d'impulsions correctement réordonnées par le modèle.

6.2.3 . Apprentissage progressif

L'exposition immédiate du modèle à l'ensemble de la distribution des difficultés mène fréquemment à des optima locaux insatisfaisants. Pour contourner ce problème, nous adoptons une stratégie d'apprentissage progressive.

L'objectif final est de permettre au modèle de généraliser sur l'espace complet du problème. Dans nos expériences, cet espace cible est défini par l'intervalle de moyennes $[\mu_{min}, \mu_{max}] = [-10, 10]$ et l'intervalle d'écart-types $[\sigma_{min}, \sigma_{max}] = [10^{-4}, 5]$, ce qui correspond à une exigence

de séparabilité de $r = 5.10^{-6}$.

Pour y parvenir, nous définissons des fenêtres d'apprentissage transitoires caractérisées par le domaine $[\mu_{min}, \mu_{max}] \times [\lambda, \sigma_{max}]$. Le paramètre évolutif λ agit comme une borne inférieure mobile pour l'écart-type, augmentant progressivement la complexité des données.

La stratégie consiste à faire décroître λ par paliers successifs. L'entraînement débute avec $\lambda = 1$. À ce stade, les séquences sont générées avec un écart-type $\sigma \in [1, 5]$, correspondant exclusivement à des cas facilement séparables. Le paramètre est ensuite réduit progressivement à travers 9 fenêtres successives, suivant la suite de valeurs $\lambda \in [1; 3.10^{-1}; 1.10^{-1}; 3.10^{-2}; 1.10^{-2}; 3.10^{-3}; 1.10^{-3}; 3.10^{-4}; 1.10^{-4}]$ jusqu'à exposer le modèle à la totalité de la densité des données. Chaque étape du curriculum comprend 170 itérations sur 500 000 séquences, assurant un transfert d'apprentissage efficace et stable du cas simple vers le cas complexe.

6.2.4 . Architectures évaluées

Afin de dissocier la difficulté intrinsèque du problème des capacités du modèle, nous évaluons cette méthodologie sur deux architectures distinctes. La première est un Réseau de Neurones Convolutif (CNN) spécialisé dans le traitement de séquence [58], composé de 10 couches de 10 neurones, totalisant 1.9 millions de paramètres. La seconde, qui constitue notre cible principale, est l'encodeur de l'architecture Transformer [39]. Ce modèle, configuré avec 10 couches d'attention à 4 têtes dans un espace de dimension 128 (0.6M paramètres), exploite le mécanisme de self-attention pour capturer les dépendances globales nécessaires à la comparaison inter-éléments.

6.3 . Résultats expérimentaux et analyse

Cette section présente l'évaluation des performances des modèles sur la tâche de tri continu.

6.3.1 . Protocole de visualisation

Afin d'analyser le comportement des modèles sur l'ensemble du domaine opératoire, nous adoptons une double approche. La première repose sur une représentation cartographique permettant de visualiser pour quelles valeurs de moyenne μ et d'écart-type σ les séquences mettent le modèle en difficulté. La seconde consiste en une analyse quantitative globale, permettant de visualiser, en fonction de la difficulté des données, à la fois l'erreur et la justesse du modèle, mais aussi la distribution de ces quantités (à travers des diagrammes à boîte) sur les données.

6.3.1.1 . Cartographies de performance

Pour visualiser la performance du modèle au-delà d'un simple scalaire, nous introduisons une représentation matricielle de l'espace des séquences sous forme d'images de 40×40 pixels.

Chaque pixel de cette cartographie correspond à la performance du modèle à un point de fonctionnement précis, évaluée sur un ensemble de séquences générées avec des statistiques (μ, σ) fixes. Dans cette représentation, l'axe horizontal représente la moyenne μ des scores de la séquence, tandis que l'axe vertical représente l'écart-type σ des scores sur une échelle logarithmique. La couleur du pixel code l'intensité de la performance (Erreur ou Justesse). Cette visualisation permet d'identifier instantanément les corrélations entre les propriétés statistiques des données et la capacité du modèle à les traiter. Par exemple, la figure 6.2 illustre un modèle échouant sur des séquences avec des faibles valeurs σ , donc difficilement séparable.

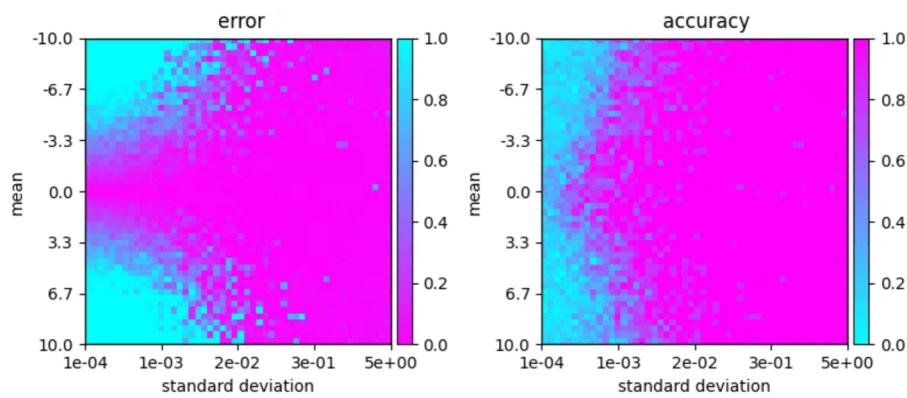


Figure 6.2 – Cartographie des performances du Transformer de référence (Baseline). Le modèle est entraîné directement sur l'intégralité du domaine ($[\mu_{min}, \mu_{max}] = [-10, 10]$ et $[\sigma_{min}, \sigma_{max}] = [10^{-4}, 5]$) durant 1600 itérations (500 000 séquences). L'erreur de reconstruction est représenté à gauche, la justesse est représenté à droite. On observe un échec sur les zones de faible séparabilité (gauche de chaque image). La décorrélation entre les images visible au centre gauche (zone violette de faible erreur apparente mais de justesse nulle) illustre l'incapacité de la fonction de coût standard non pondérée à guider l'apprentissage sur des séquences de faible amplitude.

6.3.1.2 . Analyse statistique par diagrammes en boîte

En complément des cartographies, nous utilisons des diagrammes en boîte couplés à des courbes de performance moyenne. Ces graphiques représentent l'erreur et la justesse des modèles en fonction de la difficulté des données (paramétrée par λ). L'intérêt de cette représentation est de visualiser non seulement la moyenne, mais aussi la dispersion des performances à travers l'usage de diagramme en boîte, exprimant simplement la présence de régions qui échappent à la compréhension du modèle.

6.3.2 . Évaluation du modèle de référence

Dans un premier temps, nous évaluons un modèle de référence entraîné selon une approche conventionnelle, c'est-à-dire sans les contributions méthodologiques proposées dans

ce chapitre. L'apprentissage est réalisé directement sur l'ensemble du domaine (sans curriculum) et minimise une Erreur Quadratique Moyenne (RMSE) classique. Cette erreur est uniquement normalisée par l'écart-type global des sorties du jeu de données pour assurer la stabilité numérique, mais reste dépourvue de la pondération séquence par séquence que nous avons introduite.

L'analyse des cartographies de ce modèle, figure 6.2, révèle un échec significatif de l'apprentissage sur une large partie du domaine. La carte de justesse montre que le modèle échoue quasi-systématiquement à trier les séquences présentant une faible dispersion σ (partie inférieure de l'image). Plus notable encore, la carte d'erreur présente une anomalie majeure : une zone de faible erreur apparente (en violet) est visible sur la gauche de l'image, là où la justesse est pourtant nulle. Cet artefact démontre l'incapacité de la fonction de coût standard à guider l'apprentissage : le modèle minimise mécaniquement l'erreur absolue sur les séquences de faible amplitude (faible μ et σ) sans apprendre l'ordre correct, créant une illusion de convergence.

Ces observations qualitatives sont corroborées par l'analyse quantitative, figure 6.3. Les courbes de performance montrent une chute rapide de la justesse dès que la difficulté augmente. De plus, les diagrammes en boîte mettent en évidence une dispersion très importante des performances. Cette hétérogénéité confirme que le modèle échoue sur les séquences à faible séparabilité, cas critiques qui deviennent prépondérants dans les données testées à mesure que la complexité augmente.

6.3.3 . Évaluation de la méthodologie proposée

Nous évaluons ensuite l'efficacité de notre méthodologie complète, qui couple la stratégie d'apprentissage progressif par fenêtre à la fonction de coût pondérée.

L'évolution des cartographies de performance, figure 6.4, illustre la dynamique de cette approche : on observe la progression d'un "front". Le modèle étend progressivement sa capacité de généralisation vers les zones de faible séparabilité à mesure que les fenêtres d'apprentissage s'agrandissent. Contrairement au cas de référence, la progression de la justesse est ici parfaitement corrélée à celle de l'erreur pondérée.

Cette robustesse est confirmée par l'analyse statistique finale, représenté figure 6.5. Les diagrammes en boîte montrent une dispersion des performances bien plus faible, même pour les niveaux de difficulté élevés. Cela indique que les performances du modèle sont homogènes sur l'ensemble des séquences, quelle que soit leur configuration statistique (μ, σ), validant ainsi l'efficacité de la stratégie de pondération et d'apprentissage progressif.

6.3.4 . Synthèse et comparaison des architectures

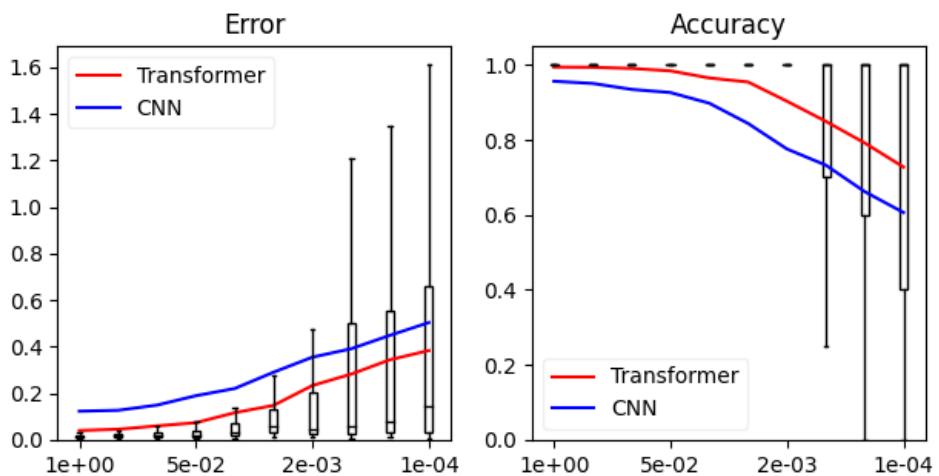


Figure 6.3 – Évolution de la performance globale en fonction de la difficulté (λ). Les courbes pleines comparent les performances moyennes (Erreur à gauche et Justesse à droite) du CNN et du Transformer entraînés en 1600 itérations sur 500000 séquences distribuées sur $[\mu_{min}, \mu_{max}] = [-10, 10]$ et $[\sigma_{min}, \sigma_{max}] = [\lambda, 5]$. Les diagrammes en boîte (représentés uniquement pour le Transformer par souci de lisibilité) mettent en évidence une disparité croissante des capacités de traitement : à mesure que la difficulté augmente (λ diminue vers 10^{-4}), la distribution des résultats s'étale considérablement, confirmant que le modèle échoue sur les séquences les plus complexes devenues prépondérantes.

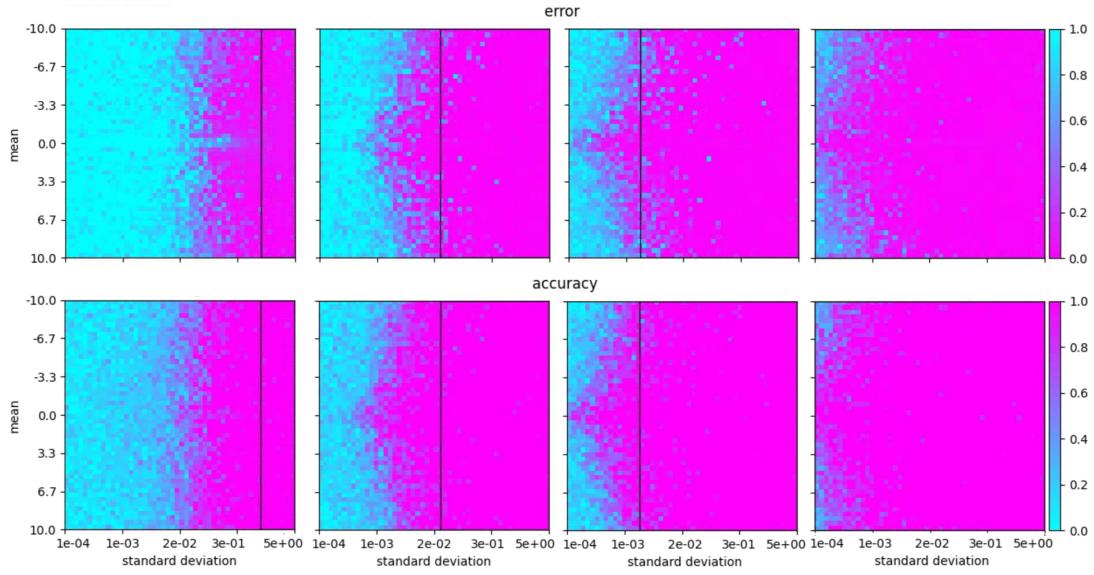


Figure 6.4 – Performance du Transformer à différentes étapes de l'apprentissage (de gauche à droit) : après la 2^e, la 4^e, la 8^e et la 10^e fenêtres. L'erreur est présenté à gauche, la justesse à droite. La ligne noire verticale représente la limite de la dernière fenêtre d'entraînement, ce qui permet d'identifier la propagation des performances du modèle vers les zones de faible séparabilité.

En conclusion, nous comparons les performances finales atteintes par le Transformer et le CNN grâce à notre méthodologie. Les résultats démontrent la supériorité de l'architecture Transformer pour cette tâche de discernement fin. Alors que les deux modèles affichent des performances comparables sur les tâches triviales ($\lambda \approx 1$), le CNN voit ses performances se dégrader plus rapidement lorsque la séparabilité diminue. Le Transformer, grâce à son mécanisme d'attention globale, maintient une justesse élevée (proche de 100%) sur une plage de difficulté beaucoup plus étendue.

Quantitativement, l'apport de la stratégie d'apprentissage progressif et de la pondération est déterminant : il permet de repousser la limite de discernement du modèle de plusieurs ordres de grandeur. Là où l'approche de référence échouait pour des ratios de séparabilité $r \approx 10^{-4}$, notre stratégie permet au Transformer de maintenir un tri cohérent jusqu'à $r \approx 5.10^{-6}$. Cette marge de progression valide la pertinence de l'approche itérative pour l'apprentissage de relations d'ordre dans les espaces continus denses.

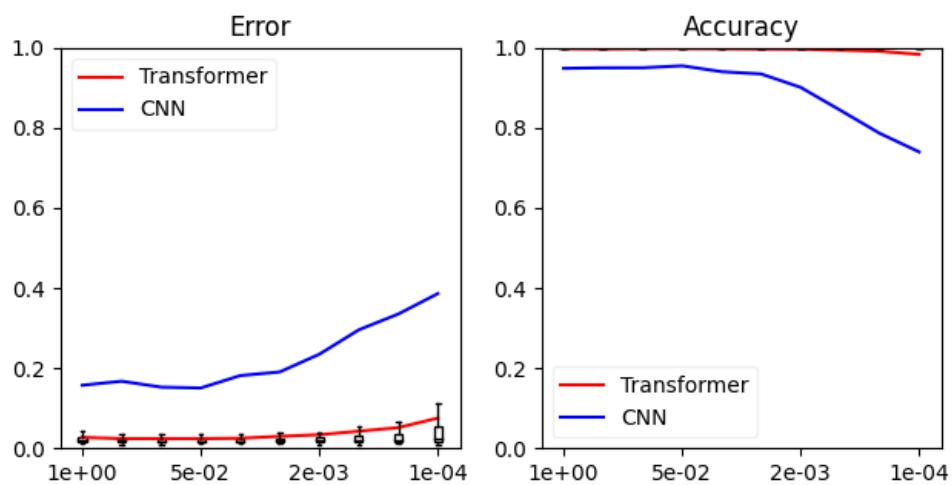


Figure 6.5 – Performance finale avec stratégie d'apprentissage progressif et pondération. Les courbes présentent l'évolution de l'erreur (gauche) et de la justesse (droite) à l'issue du protocole d'apprentissage progressif sur les mêmes fenêtres de difficulté (λ variant de 1 à 10^{-4}). Contrairement au cas de référence 6.3, les diagrammes en boîte du Transformer révèlent une dispersion minime même lorsque la difficulté est maximale. Cette homogénéité appuie l'efficacité de l'approche.

7 - AVERTISSEMENT

La composition de la page de couverture doit être respectée pour la diffusion de la thèse sur www.theses.fr et pour le dépôt légal de la thèse, qui est obligatoire pour l'obtention du diplôme ([cf. articles 24 et 25 de l'arrêté du 25 mai 2016 fixant le cadre national de la formation et les modalités conduisant à la délivrance du diplôme national de doctorat](#)).

Les consignes et les recommandations ci-après ont pour objet d'assurer une **homogénéité graphique** pour toutes les thèses soutenues à l'université Paris-Saclay et de les rendre **immédiatement reconnaissables**.

Elles ont également pour objet de donner un cadre de référence permettant d'éviter qu'un lecteur futur puisse avoir des **doutes sur la conformité de la thèse ou du jury**. L'université reçoit régulièrement des demandes d'informations, au sujet de thèses, pour lesquelles il y a des questionnements sur la conformité du jury ou bien des incohérences entre les informations qui figurent sur la couverture de la thèse, d'une part, et les méta-données de la thèse visibles sur www.theses.fr, d'autre part.

Il est rappelé que ces consignes et recommandations ne s'appliquent que pour le dépôt légal de la thèse et sa diffusion via le portail www.theses.fr. **Ce canal de diffusion n'est pas exclusif.** D'autres formats de page de couverture peuvent être librement utilisés par les auteurs sur d'autres canaux de diffusion (par exemple : pour afficher le nom et le logo d'une organisation qui aurait co-financé la thèse et pour la diffusion au sein de cette organisation), à condition que les informations requises pour la citation complète de la thèse de doctorat figurent. C'est-à-dire : au minimum : nom et prénom de l'auteur, titre de la thèse, date, lieu et établissement de soutenance (université Paris-Saclay et le cas échéant un établissement partenaire en cas de cotutelle internationale de thèse), ainsi que le logo de l'université Paris-Saclay et le cas échéant d'une université étrangère partenaire en cas de cotutelle internationale de thèse.

8 - COMPOSITION GÉNÉRALE, CHARTE GRAPHIQUE

8.1 . COMPOSITION DU DOCUMENT

Les deux premières pages sont consacrées aux informations institutionnelles.

Une troisième page peut être ajoutée pour compléter les informations institutionnelles réglementaires des deux premières pages. Par exemple, pour donner des informations sur l'organisme d'accueil ou financeur et afficher leurs logos, pour décrire brièvement un cadre partenarial, pour fournir les noms de personnalités invitées à siéger aux cotés du Jury pour la soutenance, pour afficher le logo du laboratoire etc.

La page des remerciements est alors placée en 3^eou 4^epage, selon qu'une 3^epage a été ajoutée ou non pour apporter ces compléments d'informations.

8.2 . QUELS LOGOS FAIRE FIGURER ?

Il ne doit figurer sur la **page de couverture de thèse**, aucun autre logo que le **logo de l'université Paris-Saclay** et, en cas de cotutelle internationale de thèse, le logo de l'université partenaire étrangère qui délivre également le diplôme de doctorat pour cette thèse.

Il ne doit figurer sur la **seconde page**, aucun autre logo que le **logo de l'école doctorale**. Les logos institutionnels en vigueur de l'université Paris-Saclay et des écoles doctorales sont fournis au paragraphe 7.2.

Les autres logos, comme celui du laboratoire, d'une entreprise, d'une composante, d'un établissement-composante, d'une université membre associée, d'un organisme de recherche ou de toute autre organisation partenaire de la thèse, peuvent être regroupés dans une troisième page intérieure, avant la page des remerciements, mais ne doivent pas figurer pas sur les deux premières pages.

8.3 . POLICES DE CARACTÈRES ET COULEURS

Les polices de caractère à utiliser sont : Open Sans ou Segoe UI ou Tahoma ou Ebrima. Il ne faut utiliser qu'**une seule police de caractère**.

Sur les 3 premières pages, seules deux couleurs de police sont utilisées, noir et prune (R : 99 V : 0 B : 60). Dans le reste du document, vous pouvez utiliser d'autres couleurs de police, si nécessaire, en veillant à ce qu'elles appartiennent à la palette de couleurs de la charte graphique de l'université Paris-Saclay. D'autres nuances de couleurs peuvent être utilisées parmi

RVB 99 0 60	RVB 49 62 72	RVB 124 135 143	RVB 213 218 223
RVB 198 11 70	RVB 237 20 91	RVB 238 52 35	RVB 243 115 32
RVB 124 42 144	RVB 125 106 175	RVB 198 103 29	RVB 254 188 24
RVB 0 78 125	RVB 14 135 201	RVB 0 148 181	RVB 70 195 210
RVB 0 128 122	RVB 64 183 105	RVB 140 198 62	RVB 213 223 61

Figure 8.1 – Palette de couleurs de la charte graphique

les nuances de la palette de l'UPSAclay.

La [charte graphique de l'Université](#) peut être téléchargée sur l'intranet pour plus d'information.

Sur la couverture de la thèse, le **titre** est en police normale de taille 20, de couleur prune et la **traduction du titre** est en police normale de taille 12, de couleur noire et en italique. Si le titre et sa traduction sont très longs, la police peut éventuellement être réduite, mais sans descendre en dessous d'une police 14 pour le titre et d'une police 10 pour la traduction du titre.

9 - INFORMATIONS GÉNÉRALES SUR LA PAGE DE COUVERTURE

Les informations figurant sur la page de couverture de la thèse doivent être cohérentes avec le diplôme et avec les métadonnées de la thèse sur le portail nationale des thèses www.theses.fr.

9.1 . TITRE DE LA THÈSE ET LANGUE(S)

Le **titre de la thèse** doit être fourni en **français** et en **anglais**. Par défaut, le titre est en français et la traduction du titre est en anglais. Cependant, lorsque la thèse est rédigée en anglais, le titre peut être fourni en anglais et la traduction en français.

Les affiliations (université de rattachement...) peuvent, le cas échéant, être fournies en anglais pour des membres étrangers du Jury. La langue par défaut restant le français.

Tous les autres éléments de la couverture de la thèse sont en français, les noms des entités (école doctorale, unité de recherche, référent etc.) ainsi que les titres des membres du jury (Professeur, Maître de Conférences etc.). Les correspondances entre titres étrangers et français peuvent être trouvées sur le site du ministère (GALAXIE)¹.

9.2 . SPÉCIALITÉ DE DOCTORAT

La spécialité de doctorat doit faire partie des spécialités pour lesquelles l'école doctorale est accréditée (en pratique : cela implique que vous devez pouvoir la sélectionner dans le menu déroulant des spécialités dans Adum).

La spécialité de doctorat retenue, via le menu déroulant dans Adum, sera celle qui figurera sur le diplôme.

Si votre spécialité n'apparaît pas, il faut contacter le directeur de votre école doctorale.

¹. https://www.galaxie.enseignementsup-recherche.gouv.fr/ensup/pdf/EC_pays_etrangers/Tableau_comparaison_au_26_septembre_2012.pdf

9.3 . UNITÉ DE RECHERCHE

L'unité de recherche dans laquelle la thèse a été préparée est précisée sur la couverture de la thèse. Le nom de l'unité est cité en respectant les règles de signature officielles, telles qu'elles ont été convenues entre les tutelles des unités de recherche liées à l'université Paris-Saclay.

Pour les trouver : il faut sélectionner votre unité de recherche via la barre de sélection depuis cette page web : <https://www.universite-paris-saclay.fr/fr/signature> et copier-coller l'adresse de l'unité de recherche sur la couverture de thèse. Puis mettre l'acronyme officiel en premier et le nom des tutelles ensuite, entre parenthèses, dans l'ordre où elles sont indiquées sur <https://www.universite-paris-saclay.fr/fr/signature>. Par exemple, pour IJCLab :

- Voici ce qu'on récupère par un copié-collé depuis l'adresse ci-dessus : « *Université Paris-Saclay, CNRS, IJCLab, 91405, Orsay, France* ».
- Voici comment faire la citation sur la couverture de thèse : « *IJCLab (Université Paris-Saclay, CNRS)* ».

Si la thèse a été préparée dans deux unités de recherche (travaux interdisciplinaires, cotutelle internationale, mobilité...) merci de citer les deux unités de recherche.

Si vous êtes doctorant de l'université Paris-Saclay mais ne trouvez pas votre unité dans la liste, votre unité ne fait probablement pas partie de l'université. Dans ce cas, et à défaut d'une recommandation commune entre l'université et votre unité, complétez la ligne "unité de recherche" de votre page de titre en suivant les recommandations de votre unité de recherche.

La mention de l'université Paris-Saclay comme établissement de soutenance de votre thèse sera automatique en utilisant le modèle de page de couverture de l'université Paris-Saclay.

9.4 . LE RÉFÉRENT

Les référents sont à choisir, en cohérence avec ce qui figure dans votre dossier d'inscription, parmi les composantes, établissements-composantes et universités membres associés de l'Université Paris-Saclay :

- Faculté de droit, économie et gestion,
- Faculté de médecine
- Faculté de pharmacie
- Faculté des sciences d'Orsay
- Faculté des sciences du sport
- AgroParisTech
- Institut d'Optique
- ENS Paris-Saclay
- CentraleSupélec
- Université de Versailles-Saint-Quentin-en-Yvelines

- Université d'Évry Val d'Essonne
- École Nationale d'Architecture de Versailles

9.5 . GRADUATE SCHOOL

La Graduate School est à choisir en cohérence avec votre sujet de thèse et ce qui figure dans votre dossier d'inscription, parmi la ou les Graduate Schools de l'Université Paris-Saclay de rattachement de votre école doctorale ou de votre pôle d'école doctorale :

- Biosphera
- Chimie
- Informatique et sciences du numérique
- Droit
- Économie - Management
- Géosciences, climat, environnement et planètes
- Humanités et Sciences du Patrimoine
- Life Sciences and Health
- Mathématiques
- Physique
- Santé et médicaments
- Santé publique
- Sciences de l'ingénierie et des systèmes
- Sociologie et Science Politique
- Sport, mouvement et facteurs humains

9.6 . ÉCOLE DOCTORALE

- n°127 : astronomie et astrophysique d'Île-de-France (AAIF)
- n°129 : sciences de l'environnement d'Île-de-France (SEIF)
- n°564 : physique en Île-de-France (PIF)
- n°566 : sciences du sport, de la motricité et du mouvement humain (SSMMH)
- n°567 : sciences du végétal : du gène à l'écosystème (SEVE)
- n°568 : signalisations et réseaux intégratifs en biologie (Biosigne)
- n°569 : innovation thérapeutique : du fondamental à l'appliqué (ITFA)
- n°570 : santé publique (EDSP)
- n°571 : sciences chimiques : molécules, matériaux, instrumentation et biosystèmes (2MIB)
- n°572 : ondes et matière (EDOM)
- n°573 : interfaces : matériaux, systèmes, usages (INTERFACES)
- n°574 : mathématiques Hadamard (EDMH)
- n°575 : electrical, optical, bio : physics and engineering (EOBE)
- n°576 : particules hadrons énergie et noyau : instrumentation, imagerie, cosmos et simulation (PHENIICS)
- n°577 : structure et dynamique des systèmes vivants (SDSV)

- n°579 : sciences mécaniques et énergétiques, matériaux et géosciences (SMEMaG)
- n°580 : sciences et technologies de l'information et de la communication (STIC)
- n°581 : agriculture, alimentation, biologie, environnement, santé (ABIES)
- n°582 : cancérologie : biologie - médecine - santé (CBMS)
- n°629 : Sciences sociales et humanités (SSH)
- n°630 : Droit, Économie, Management (DEM)

9.7 . LIEU ET DATE DE SOUTENANCE

Au moment de l'annonce de soutenance, le lieu et la date de soutenance, servent à donner au public toutes les informations nécessaires pour assister à la soutenance. Étant donné que les soutenances de doctorat doivent être publiques. Il faut donc une information détaillée permettant au public d'y accéder, précisant ainsi l'horaire de début de la soutenance, la salle, l'adresse physique en présentiel ou le lien d'accès à la salle virtuelle lorsque la soutenance se tient en visioconférence ou les deux.

En revanche, **pour la couverture de la thèse** et le dépôt légal de la thèse, le lieu et la date de soutenance ont une fonction « légale » : le lieu définit de quelle juridiction relève le dépôt légal de la thèse et la date est utile, par exemple pour définir l'antériorité ou la fin d'une période de confidentialité. L'information doit donc être donnée sous une forme beaucoup plus synthétique que dans l'annonce de soutenance.

Sur la couverture de la thèse, la date doit être fournie au format « **JJ Mois AAA** » et le lieu de soutenance est simplement la ville, la commune ou la communauté d'agglomérations où s'est tenue la soutenance. Lorsque la soutenance a eu lieu dans les locaux de l'université Paris-Saclay, le lieu à indiquer est celui de la communauté d'agglomérations où se trouve le siège de l'université Paris-Saclay, à savoir « **Paris-Saclay** », que la thèse ait eu lieu en présentiel ou en visioconférence.

Exemple : Thèse soutenue à Paris-Saclay, le 10 Mars 2021.

10 - CIVILITÉ, FÉMINISATION DES TITRES ET FONCTIONS

Il est recommandé de ne pas indiquer les civilités (Madame / Monsieur) ni pour le docteur ou la docteure, ni pour les membres du Jury ou de l'équipe d'encadrement.

Toutefois, si cette recommandation n'était pas suivie, il faudrait alors assurer l'homogénéité. La civilité devrait alors être précisée pour **toutes les personnes** qui figurent sur la couverture (docteur.e, membres du Jury ou de l'équipe d'encadrement) en utilisant les **mêmes conventions** pour tous (Madame / Monsieur ou Mme / M.)

Il est recommandé de féminiser les titres des membres du Jury ou de l'équipe d'encadrement (Professeur / Professeure, Maître ou Maîtresse de conférences etc.) ainsi que les fonctions tenues dans le Jury (examinateur / examinatrice ou Présidente / Présidente).

Pour « rapporteur », la forme féminine n'est pas recommandée faute de stabilisation. Si la personne concernée souhaitait la forme féminine, il faudrait alors lui demander de préciser la forme (« rapporteure » ou « rapporteuse »?) qu'elle préfère voir figurer sur la couverture.

11 - PRÉSENTATION DE LA DIRECTION DE LA THÈSE OU DE L'ÉQUIPE D'ENCADREMENT

Toutes les informations sur la direction de la thèse et l'équipe d'encadrement sont précisées sur la couverture de thèse (par exemple : directeur ou directrice de thèse, co-directeur ou codirectrice de thèse, co-encadrant ou co-encadrante, le cas échéant tuteur ou tutrice ou superviseur en entreprise).

Il faut également faire figurer lisiblement, à ce niveau, leur rôle vis-à-vis du doctorant ou de la doctorante et dans la préparation de la thèse.

Le directeur de thèse ou la directrice de thèse est cité en premier et est suivi, le cas échéant, des autres membres de l'équipe d'encadrement de la thèse, co-directeur ou co-directrice par ordre alphabétique puis des co-encadrantes et co-encadrantes par ordre alphabétique, puis tuteur ou tutrices par ordre alphabétique.

Le directeur ou la directrice de thèse et toute autre personne ayant participé à la direction scientifique des travaux et à l'encadrement du doctorant ou de la doctorante ne prend pas part à la décision de Jury de soutenance de doctorat. Ils et elles ne sont ni président, ni rapporteurs, ni examinateurs dans le Jury. Aucun membre de l'équipe d'encadrement de fait partie des membres du Jury avec voix délibérative.

Puisqu'ils et elles n'apparaissent pas via le Jury, il est essentiel que leur rôle soit précisé clairement et lisiblement, sur la couverture de la thèse et sur www.theses.fr pour leur rôle dans l'équipe de direction de la thèse. Les autres personnes qui ont pu contribuer significativement à la thèse sans faire partie de l'équipe d'encadrement, ni du Jury, sont signalées dans la page des remerciements.

12 - COMPOSITION DU JURY

La soutenance de la thèse est une évaluation. Les travaux de recherche de doctorat devant être originaux à l'échelle internationale, le Jury est composé sur mesure pour chaque docteur.e et chaque thèse de doctorat. La composition du Jury est essentielle, le doctorat est délivré par l'université, sous condition du dépôt légal de la thèse, sur avis conforme du Jury. **Le Jury est garant de la qualité de la thèse.**

Pour chacun des membres du Jury, il faut préciser le **titre**, l'**affiliation** et la **fonction dans le jury** sur la page de couverture.

12.1 . A QUOI SERVENT CES INFORMATIONS?

Ces informations doivent permettre, au premier regard, de vérifier la **conformité de la composition** du Jury :

- sa **légitimité** académique pour se prononcer sur l'obtention du plus haut diplôme universitaire, le doctorat (le jury comprend au moins la moitié de professeurs et assimilés et, sauf dérogation, les membres du Jury sont tous eux-mêmes docteurs).
- sa capacité à se prononcer en toute **indépendance** (au moins la moitié d'externes, à l'établissement de soutenance, à l'école doctorale, à l'équipe d'encadrement, au projet doctoral).

12.2 . LÉGITIMITÉ ACADEMIQUE

Les **titres** des membres du Jury permettent de vérifier **qu'au moins la moitié des membres du Jury est professeur** des universités ou assimilé.

Les libellés exacts des titres français assimilés aux professeurs des universités (au moins la moitié du Jury) sont disponibles sur [legifrance](#).

Le **président du Jury** est obligatoirement professeur des universités ou assimilé¹.

1. **Arrêté du 15 juin 1992** fixant la liste des corps de fonctionnaires assimilés aux professeurs des universités et aux maîtres de conférences pour la désignation des membres du Conseil national des universités : <https://www.legifrance.gouv.fr/affichTexte.do?cidTexte=LEGITEXT000019860291>

Arrêté du 10 février 2011 relatif à la grille d'équivalence des titres, travaux et fonctions des enseignants-chercheurs mentionnée aux articles 22 et 43 du décret n° 84-431 du 6 juin 1984 fixant les dispositions statutaires communes applicables aux enseignants-chercheurs et portant statut particulier du corps des professeurs des universités et du corps des maîtres de conférences : https://www.galaxie.enseignementsup-recherche.gouv.fr/ensup/pdf/EC_pays_etrangers/Tableau_comparaison_au_26_septembre_2012.pdf

Si l'un des rapporteurs n'était pas professeur des universités ou assimilé, il faudrait alors préciser, en plus, qu'il dispose bien de l'HDR (par exemple : Maître de conférences, HDR).

12.3 . INDÉPENDANCE

Les affiliations permettent de vérifier que le Jury est bien en **majorité externe** à l'établissement de soutenance, à l'école doctorale et à l'équipe d'encadrement. Pour cela, le nom ou l'acronyme du laboratoire ne suffit pas, en revanche, le nom de l'université ou de l'établissement délivrant le doctorat de rattachement du membre du jury suffit. Il n'est pas utile de préciser certains détails comme l'adresse postale complète ou le pays.

Exemple d'affiliation inadaptée car ambiguë : « IJCLab »

Lorsque le membre du jury est un chercheur d'un organisme national, fournir le nom de son organisme de rattachement ne suffit pas pour juger de son extériorité (CNRS par exemple). Dans ce cas-là ou dans d'autres cas où il y aurait une incertitude de cette nature, susceptible de susciter des interrogations sur le fait qu'au moins la moitié des membres du Jury est externe, il est alors demandé de préciser, en plus, l'université ou l'établissement où ce chercheur inscrit habituellement ses propres doctorants.

Exemple d'affiliation inadaptée car ambiguë : « CNRS »

Exemple d'affiliation adaptée : « CNRS, Université de Toulouse »

Lorsqu'il s'agit d'une entreprise ou d'une fondation ou d'une organisation qui n'est pas en lien direct avec un établissement d'enseignement supérieur pour l'inscription de doctorants, il faut alors le préciser.

Par exemple : « Saint Gobain recherche, entreprise »

Par exemple : « Moveo, Pôle de compétitivité »

12.4 . FONCTION DANS LE JURY ET ORDRE DE CITATION

La fonction dans le Jury de chaque membre du Jury doit également être précisée sur la page de couverture.

Les fonctions possibles dans un Jury sont : président(e), examinateur ou examinatrice, rapporteur et directeur ou directrice de thèse.

12.4.1 . Ordre de citation

Le président du Jury est le premier de la liste. Il est immédiatement suivi des deux rapporteurs dans l'ordre alphabétique, puis des autres examinateurs dans l'ordre alphabétique.

Un membre du Jury peut avoir deux fonctions dans le Jury (par ex. rapporteur & examinateur).

12.4.2 . Les rapporteurs

Les rapporteurs participent à l'évaluation de la thèse et figurent donc sur la couverture de thèse, qu'ils soient présents ou non le jour de la soutenance.

Si un rapporteur était absent le jour de la soutenance, il figurera alors en tant que rapporteur seulement, sinon il figure à la fois en tant que rapporteur & examinateur. Lorsqu'un membre du Jury autre qu'un rapporteur, n'a pas pu participer au Jury de soutenance, physiquement ou bien en visioconférence, son nom ne figure pas sur la page de couverture de la thèse. Dans ce cas, il faut veiller à ce que la composition du Jury reste conforme, malgré l'absence du membre du Jury désigné. Cela peut demander de faire passer un membre interne en invité, par exemple.

13 - BIEN CITER SES SOURCES

La citation des sources fait partie intégrante du travail scientifique et participe de sa qualité et de son intégrité.

13.1 . S'INFORMER SUR LE PLAGIAT

Des mauvaises pratiques de citation peuvent conduire, même sans le vouloir, au plagiat. Le copier/coller, la paraphrase, la réutilisation d'images ou d'idées sans citer la source sont des situations de plagiat (n'hésitez pas à regarder cette courte vidéo sur les différentes formes de plagiat, volontaires ou non : <https://infotrack.unige.ch/comment-reconnaitre-les-cas-de-plagiat>)

Chaque discipline possède ses propres normes en termes de citation des sources. Renseignez-vous auprès de vos pairs pour connaître le style bibliographique et le style de citation à privilégier. Nous vous encourageons vivement à utiliser un logiciel de gestion bibliographique tel que Zotero. Vous pouvez retrouver des supports de formation à ce logiciel dans l'espace eCampus Doctorat, ouvert à tou·te·s sur auto-inscription : <https://ecampus.paris-saclay.fr/course/view.php?id=36678>

13.2 . LES IMAGES

Vous pouvez réutiliser dans votre thèse des images provenant d'articles ou de livres protégés par un copyright. Cela relève en effet de l'exception pédagogique, une des exceptions au droit d'auteur. Attention cependant, vous ne pouvez pas faire ce que vous voulez de cette image! La loi vous autorise à inclure jusqu'à 20 images (en 720 dpi) sans demander d'autorisation à l'auteur. En revanche, une autorisation est nécessaire à partir de la 21^eimage. Les sources des images doivent être mentionnées et aucune modification n'est autorisée.

Pour une présentation détaillée des différents cas d'utilisation d'images dans les thèses et les travaux universitaires, voir : <https://ethiquedroit.hypotheses.org/2947>

13.3 . ARTICLES JOINTS A LA THÈSE

Vous pouvez joindre vos articles à votre thèse. Toutefois, si votre thèse est diffusée en ligne (tout de suite après la soutenance, après un embargo ou après une période de confidentialité), il convient de s'assurer que vous respectez bien les politiques des éditeurs. En effet, tous n'autorisent pas la diffusion en accès libre de la version éditeur des articles. Utilisez [Sherpa Romeo](#) pour connaître la politique des éditeurs.

Selon la [Loi pour une république numérique](#), si votre recherche est financée à au moins 50% par des fonds publics français, vous avez le droit, en tant qu'auteur, de diffuser la version acceptée de l'article (mais sans la mise en pages de l'éditeur) au bout de 6 mois après publication pour les articles en sciences, techniques et médecine et 12 mois pour les articles en sciences humaines et sociales. Et ce quelque soit la politique éditoriale de l'éditeur.

Pour plus d'informations sur cette question, consultez la section « Déposer dans une archive ouverte » du [Passeport pour la science ouverte](#).

14 - DÉPOSER ET DIFFUSER SA THÈSE

La thèse fait l'objet d'un dépôt légal, en deux étapes, avant la remise du manuscrit aux rapporteurs et après la soutenance, qui protège le droit d'auteur du docteur.

Elle fait ensuite l'objet d'une diffusion sur le portail national des thèses www.theses.fr et le portail européen des thèses DART-Europe, sauf si la thèse présente un caractère confidentiel avéré.

14.1 . LES RESSOURCES A CONSULTER

- [Je publie, Quels sont mes droits ?](#)
- Le cadre réglementaire du [dépôt légal](#) sur Légifrance

14.2 . LES DÉMARCHES

Retrouvez le détail des démarches du dépôt de thèse dans cette [fiche explicative](#)

Si la thèse présente un caractère confidentiel avéré, le classement confidentiel de la thèse et, si nécessaire, une dérogation au caractère public de la soutenance (huis-clos) peuvent être [demandés au chef d'établissement](#).

15 - ANNEXE : LES LOGOS INSTITUTIONNELS

15.1 . LE LOGO DE L'UNIVERSITÉ PARIS-SACLAY



15.2 . LOGOS, NUMÉROS D'ACCREDITATION ET DÉNOMINATIONS DES ÉCOLES DOCTORALES

- ❖ n°127 : astronomie et astrophysique d'Île-de-France (AAIF)



- ❖ n°129 : sciences de l'environnement d'Île-de-France (SEIF)



- ❖ n°564 : physique en Île-de-France (PIF)



- ❖ n°566 : sciences du sport, de la motricité et du mouvement humain (SSMMH)



❖ n°567 : sciences du végétal : du gène à l'écosystème (SEVE)



ÉCOLE DOCTORALE

Sciences du végétal:
du gène à l'écosystème
(SEVE)

❖ n°568 : signalisations et réseaux intégratifs en biologie (Biosigne)



ÉCOLE DOCTORALE

Signalisations et réseaux
intégratifs en biologie
(BIOSIGNE)

❖ n°569 : innovation thérapeutique : du fondamental à l'appliqué (ITFA)



ÉCOLE DOCTORALE

Innovation thérapeutique
du fondamental à l'appliqué
(ITFA)

❖ n°570 : santé publique (EDSP)



ÉCOLE DOCTORALE

Santé Publique
(EDSP)

❖ n°571 : sciences chimiques : molécules, matériaux, instrumentation et bio-systèmes (2MIB)



ÉCOLE DOCTORALE

Sciences Chimiques: Molécules,
Matériaux, Instrumentation
et Biosystèmes (2MIB)

❖ n°572 : ondes et matière (EDOM)



ÉCOLE DOCTORALE

Ondes et matière
(EDOM)

❖ n°573 : interfaces : matériaux, systèmes, usages (INTERFACES)



ÉCOLE DOCTORALE
Interfaces:
matériaux, systèmes, usages

❖ n°574 : mathématiques Hadamard (EDMH)



ÉCOLE DOCTORALE
de mathématiques
Hadamard (EDMH)

❖ n°575 : electrical, optical, bio : physics and engineering (EOBE)



ÉCOLE DOCTORALE
Physique et ingénierie:
Electrons, Photons,
Sciences du vivant (EOBE)

❖ n°576 : particules hadrons énergie et noyau : instrumentation, imagerie, cosmos et simulation (PHENIICS)



ÉCOLE DOCTORALE
Particules, hadrons, énergie et noyau:
instrumentation, imagerie, cosmos
et simulation (PHENIICS)

❖ n°577 : structure et dynamique des systèmes vivants (SDSV)



ÉCOLE DOCTORALE
Structure et dynamique
des systèmes vivants
(SDSV)

❖ n°579 : sciences mécaniques et énergétiques, matériaux et géosciences (SMEMaG)



ÉCOLE DOCTORALE
Sciences mécaniques et
énergétiques, matériaux
et géosciences (SMEMAG)

- ❖ n°580 : sciences et technologies de l'information et de la communication (STIC)



ÉCOLE DOCTORALE

Sciences et technologies
de l'information et de
la communication (STIC)

- ❖ n°581 : agriculture, alimentation, biologie, environnement, santé (ABIES)



ÉCOLE DOCTORALE

Agriculture, alimentation,
biologie, environnement,
santé (ABIES)

- ❖ n°582 : cancérologie : biologie - médecine - santé (CBMS)



ÉCOLE DOCTORALE

Cancérologie: biologie -
médecine - santé (CBMS)

- ❖ n°629 : Sciences sociales et humanités (SSH)



ÉCOLE DOCTORALE

Sciences Sociales
et Humanités (SSH)

- ❖ n°630 : Droit, Économie, Management (DEM)



ÉCOLE DOCTORALE

Droit, Économie,
Management (DEM)

Bibliographie

- [1] James B. Tsui. *Digital techniques for wideband receivers*. T. 2. Sci-tech Publishing, 2004. url : https://books.google.com/books?hl=fr&lr=&id=GJluaAtwa8QC&oi=fnd&pg=PR17&dq=Digital+Techniques+for+Wideband+Receivers&ots=xmqj5zEhzG&sig=BeYqle_LSrToo-KsvwNBaZtY4DQ (visité le 09/12/2025).
- [2] Palghat P. Vaidyanathan et Piya Pal. "Sparse sensing with co-prime samplers and arrays". In : *IEEE Transactions on Signal Processing* 59.2 (2010), p. 573-586. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5609222/> (visité le 09/12/2025).
- [3] Xiaowei Li, Hong Liang et Xiang-Gen Xia. "A robust Chinese remainder theorem with its applications in frequency estimation from undersampled waveforms". In : *IEEE Transactions on Signal Processing* 57.11 (2009), p. 4314-4322. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/5071209/> (visité le 09/12/2025).
- [4] H. K. Mardia. "New techniques for the deinterleaving of repetitive sequences". In : *IEE Proceedings F-Radar and Signal Processing*. T. 136. 4. IET, 1989, p. 149-154. url : <https://ieeexplore.ieee.org/iel1/2208/5666/00216611.pdf> (visité le 09/12/2025).
- [5] David Adamy. *EW 101 : A first course in electronic warfare*. T. 101. Artech house, 2001. url : <https://books.google.com/books?hl=fr&lr=&id=RZ0vDwAAQBAJ&oi=fnd&pg=PR7&dq=EW+101:+A+First+Course+in+Electronic+Warfare&ots=2VLAyIDJtH&sig=11g-52gjyAkkBcarWFFTYiIlZF8> (visité le 09/12/2025).
- [6] Richard Bellman. "Dynamic Programming". In : *Science* 153.3731 (juill. 1966), p. 34-37. issn : 0036-8075, 1095-9203. doi : [10.1126/science.153.3731.34](https://www.science.org/doi/10.1126/science.153.3731.34). url : <https://www.science.org/doi/10.1126/science.153.3731.34> (visité le 15/01/2026).
- [7] Michael Grieves. "Digital twin : manufacturing excellence through virtual factory replication". In : *White paper* 1.2014 (2014), p. 1-7.
- [8] Elisa Negri, Luca Fumagalli et Marco Macchi. "A review of the roles of digital twin in CPS-based production systems". In : *Procedia manufacturing* 11 (2017), p. 939-948. url : <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S2351978917304067> (visité le 26/11/2025).

- [9] Alexey Dosovitskiy et al. "CARLA : An open urban driving simulator". In : *Conference on robot learning*. PMLR, 2017, p. 1-16. url : <https://proceedings.mlr.press/v78/dosovitskiy17a.html> (visité le 26/11/2025).
- [10] Fei Tao et al. "Digital twin in industry : State-of-the-art". In : *IEEE Transactions on industrial informatics* 15.4 (2018), p. 2405-2415. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/8477101/> (visité le 26/11/2025).
- [11] William R. Sherman et Alan B. Craig. *Understanding virtual reality : Interface, application, and design*. Morgan Kaufmann, 2018. url : <https://books.google.com/books?hl=fr&lr=&id=D-0cBAAAQBAJ&oi=fnd&pg=PP1&dq=Understanding+Virtual+Reality++Interface,+Application,+and+Design&ots=QT0icdfR4U&sig=7NVN02ZhXIV7ehae-by0E-2w5u0> (visité le 26/11/2025).
- [12] Peter Fritzson. *Principles of object-oriented modeling and simulation with Modelica 3.3 : a cyber-physical approach*. John Wiley & Sons, 2015. url : https://books.google.com/books?hl=fr&lr=&id=wgIaBgAAQBAJ&oi=fnd&pg=PR13&dq=Principles+of+Object-Oriented+Modeling+and+Simulation+with+Modelica&ots=cZ60scKEkN&sig=SxTVWzN56d47byaUV6l_Qq0vZoE (visité le 26/11/2025).
- [13] Greg Brockman et al. *OpenAI Gym*. 5 juin 2016. doi : 10.48550/arXiv.1606.01540. arXiv : 1606.01540[cs]. url : <http://arxiv.org/abs/1606.01540> (visité le 26/11/2025).
- [14] Ben Mildenhall et al. "NeRF : representing scenes as neural radiance fields for view synthesis". In : *Communications of the ACM* 65.1 (jan. 2022), p. 99-106. issn : 0001-0782, 1557-7317. doi : 10.1145/3503250. url : <https://dl.acm.org/doi/10.1145/3503250> (visité le 26/11/2025).
- [15] Thomas Müller et al. "Instant neural graphics primitives with a multiresolution hash encoding". In : *ACM Transactions on Graphics* 41.4 (juill. 2022), p. 1-15. issn : 0730-0301, 1557-7368. doi : 10.1145/3528223.3530127. url : <https://dl.acm.org/doi/10.1145/3528223.3530127> (visité le 26/11/2025).
- [16] Bernhard Kerbl et al. "3D Gaussian splatting for real-time radiance field rendering." In : *ACM Trans. Graph.* 42.4 (2023), p. 139-1. url : [https://sgvr.kaist.ac.kr/~sungeui/ICG_F23/Students/\[CS482\]/203D%20Gaussian%20Splatting%20for%20Real-Time%20Radiance%20Field%20Rendering.pdf](https://sgvr.kaist.ac.kr/~sungeui/ICG_F23/Students/[CS482]/203D%20Gaussian%20Splatting%20for%20Real-Time%20Radiance%20Field%20Rendering.pdf) (visité le 26/11/2025).

- [17] Ben Poole et al. *DreamFusion : Text-to-3D using 2D Diffusion*. 29 sept. 2022. doi : [10.48550/arXiv.2209.14988](https://doi.org/10.48550/arXiv.2209.14988). arXiv : [2209.14988\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2209.14988). url : <http://arxiv.org/abs/2209.14988> (visité le 26/11/2025).
- [18] Zhengyi Wang et al. "Prolificdreamer : High-fidelity and diverse text-to-3d generation with variational score distillation". In : *Advances in neural information processing systems* 36 (2023), p. 8406-8441. url : https://proceedings.neurips.cc/paper_files/paper/2023/hash/1a87980b9853e84dfb295855b425c262-Abstract-Conference.html (visité le 26/11/2025).
- [19] Alvaro Sanchez-Gonzalez et al. "Learning to simulate complex physics with graph networks". In : *International conference on machine learning*. PMLR, 2020, p. 8459-8468. url : <https://proceedings.mlr.press/v119/sanchez-gonzalez20a> (visité le 26/11/2025).
- [20] Maziar Raissi, Paris Perdikaris et George E. Karniadakis. "Physics-informed neural networks : A deep learning framework for solving forward and inverse problems involving nonlinear partial differential equations". In : *Journal of Computational physics* 378 (2019), p. 686-707. url : <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0021999118307125> (visité le 26/11/2025).
- [21] Samuel Greydanus, Misko Dzamba et Jason Yosinski. "Hamiltonian neural networks". In : *Advances in neural information processing systems* 32 (2019). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2019/hash/26cd8ecadce0d4efd6cc8a8725cbd1f8-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [22] Zongyi Li et al. *Fourier Neural Operator for Parametric Partial Differential Equations*. 17 mai 2021. doi : [10.48550/arXiv.2010.08895](https://doi.org/10.48550/arXiv.2010.08895). arXiv : [2010.08895\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2010.08895). url : <http://arxiv.org/abs/2010.08895> (visité le 26/11/2025).
- [23] David Silver et al. "Mastering the game of go without human knowledge". In : *nature* 550.7676 (2017), p. 354-359. url : https://idp.nature.com/authorize/casa?redirect_uri=https://www.nature.com/articles/nature24270&casa_token=uxVzaLwHPRIAQAAAABf8yG3mit_-tnl5ZCgrjrpH2A_BC18nsu5zAdIGdvnCQ2HUA0cQqPyu (visité le 26/11/2025).
- [24] Christopher R. DeMay et al. "Alphadogfight trials : Bringing autonomy to air combat". In : *Johns Hopkins APL Technical Digest* 36.2 (2022), p. 154-163. url : <https://secwww.jhuapl.edu/techdigest/Content/techdigest/pdf/V36-N02/36-02-DeMay.pdf> (visité le 26/11/2025).

- [25] Josh Tobin et al. "Domain randomization for transferring deep neural networks from simulation to the real world". In : *2017 IEEE/RSJ international conference on intelligent robots and systems (IROS)*. IEEE, 2017, p. 23-30. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/8202133/> (visité le 26/11/2025).
- [26] Rui Wang et al. *Paired Open-Ended Trailblazer (POET) : Endlessly Generating Increasingly Complex and Diverse Learning Environments and Their Solutions*. 21 fév. 2019. doi : [10.48550/arXiv.1901.01753](https://doi.org/10.48550/arXiv.1901.01753). arXiv : [1901.01753\[cs\]](https://arxiv.org/abs/1901.01753). url : <http://arxiv.org/abs/1901.01753> (visité le 26/11/2025).
- [27] Diederik P. Kingma et Max Welling. "Auto-encoding variational bayes". In : *arXiv preprint arXiv:1312.6114* (2013). url : https://indico.math.cnrs.fr/event/11377/attachments/4589/6915/18012024_Kingma-and-Welling-2022%20Auto-Encoding%20Variational%20Bayes.pdf (visité le 26/11/2025).
- [28] Kihyuk Sohn, Honglak Lee et Xinchen Yan. "Learning structured output representation using deep conditional generative models". In : *Advances in neural information processing systems* 28 (2015). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2015/hash/8d55a249e6baa5c06772297520da2051-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [29] Ali Razavi, Aaron Van den Oord et Oriol Vinyals. "Generating diverse high-fidelity images with vq-vae-2". In : *Advances in neural information processing systems* 32 (2019). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2019/hash/5f8e2fa1718d1bbcadf1cd9c7a54fb8c-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [30] David Ha et Jürgen Schmidhuber. "World models". In : *arXiv preprint arXiv:1803.10122* 2.3 (2018). url : https://www.cl.cam.ac.uk/~ey204/teaching/ACS/R244_2024_2025/presentation/S6/WM_Edmund.pdf (visité le 26/11/2025).
- [31] Ian Goodfellow et al. "Generative adversarial networks". In : *Communications of the ACM* 63.11 (22 oct. 2020), p. 139-144. issn : 0001-0782, 1557-7317. doi : [10.1145/3422622](https://doi.org/10.1145/3422622). url : <https://dl.acm.org/doi/10.1145/3422622> (visité le 26/11/2025).
- [32] Shakir Mohamed et Balaji Lakshminarayanan. *Learning in Implicit Generative Models*. 27 fév. 2017. doi : [10.48550/arXiv.1610.03483](https://doi.org/10.48550/arXiv.1610.03483). arXiv : [1610.03483\[stat\]](https://arxiv.org/abs/1610.03483). url : <http://arxiv.org/abs/1610.03483> (visité le 26/11/2025).

- [33] Phillip Isola et al. "Image-to-image translation with conditional adversarial networks". In : *Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition*. 2017, p. 1125-1134. url : http://openaccess.thecvf.com/content_cvpr_2017/html/Isola_Image-To-Image_Translation_With_CVPR_2017_paper.html (visité le 26/11/2025).
- [34] You Xie et al. "tempoGAN : a temporally coherent, volumetric GAN for super-resolution fluid flow". In : *ACM Transactions on Graphics* 37.4 (31 août 2018), p. 1-15. issn : 0730-0301, 1557-7368. doi : [10.1145/3197517.3201304](https://doi.acm.org/doi/10.1145/3197517.3201304). url : <https://doi.acm.org/doi/10.1145/3197517.3201304> (visité le 26/11/2025).
- [35] Jascha Sohl-Dickstein et al. "Deep unsupervised learning using nonequilibrium thermodynamics". In : *International conference on machine learning*. pmlr, 2015, p. 2256-2265. url : <http://proceedings.mlr.press/v37/sohl-dickstein15.html> (visité le 26/11/2025).
- [36] Jonathan Ho, Ajay Jain et Pieter Abbeel. "Denoising diffusion probabilistic models". In : *Advances in neural information processing systems* 33 (2020), p. 6840-6851. url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2020/hash/4c5bcfec8584af0d967f1ab10179ca4b-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [37] Jiaming Song, Chenlin Meng et Stefano Ermon. *Denoising Diffusion Implicit Models*. 5 oct. 2022. doi : [10.48550/arXiv.2010.02502](https://doi.org/10.48550/arXiv.2010.02502)[cs]. url : [http://arxiv.org/abs/2010.02502](https://arxiv.org/abs/2010.02502) (visité le 26/11/2025).
- [38] Alex Graves. *Generating Sequences With Recurrent Neural Networks*. 5 juin 2014. doi : [10.48550/arXiv.1308.0850](https://doi.org/10.48550/arXiv.1308.0850). arXiv : [1308.0850](https://arxiv.org/abs/1308.0850)[cs]. url : [http://arxiv.org/abs/1308.0850](https://arxiv.org/abs/1308.0850) (visité le 27/11/2025).
- [39] Ashish Vaswani et al. "Attention is all you need". In : *Advances in neural information processing systems* 30 (2017). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2017/hash/3f5ee243547dee91fdb053c1c4a845aa-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [40] Alec Radford et al. "Improving language understanding by generative pre-training". In : (2018). url : <https://www.mikecaptain.com/resources/pdf/GPT-1.pdf> (visité le 26/11/2025).
- [41] Scott Reed et al. *A Generalist Agent*. 11 nov. 2022. doi : [10.48550/arXiv.2205.06175](https://doi.org/10.48550/arXiv.2205.06175)[cs]. url : [http://arxiv.org/abs/2205.06175](https://arxiv.org/abs/2205.06175) (visité le 26/11/2025).

- [42] Alexey Dosovitskiy. "An image is worth 16x16 words : Transformers for image recognition at scale". In : *arXiv preprint arXiv:2010.11929* (2020). url : <https://files.ryancopley.com/Papers/2010.11929v2.pdf> (visité le 26/11/2025).
- [43] Claude E. Shannon. "A mathematical theory of communication". In : *The Bell system technical journal* 27.3 (1948), p. 379-423. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/6773024/> (visité le 01/12/2025).
- [44] George EP Box et al. *Time series analysis : forecasting and control*. John Wiley & Sons, 2015. url : <https://books.google.com/books?hl=fr&lr=&id=rNt5CgAAQBAJ&oi=fnd&pg=PR7&dq=Time+Series+Analysis+:+Forecasting+and+Control&ots=DL73yTjVXD&sig=ww98YPoC8MLPySQkm3Vsc01CtKI> (visité le 01/12/2025).
- [45] Aäron Van Den Oord, Nal Kalchbrenner et Koray Kavukcuoglu. "Pixel recurrent neural networks". In : *International conference on machine learning*. PMLR, 2016, p. 1747-1756. url : <https://proceedings.mlr.press/v48/oord16.html> (visité le 01/12/2025).
- [46] David G. Lowe. "Distinctive Image Features from Scale-Invariant Keypoints". In : *International Journal of Computer Vision* 60.2 (1^{er} nov. 2004), p. 91-110. issn : 1573-1405. doi : [10.1023/B:VISI.0000029664.99615.94](https://doi.org/10.1023/B:VISI.0000029664.99615.94). url : <https://doi.org/10.1023/B:VISI.0000029664.99615.94> (visité le 26/11/2025).
- [47] Herbert Bay, Tinne Tuytelaars et Luc Van Gool. "SURF : Speeded Up Robust Features". In : *Computer Vision – ECCV 2006*. Sous la dir. d'Aleš Leonardis, Horst Bischof et Axel Pinz. Berlin, Heidelberg : Springer, 2006, p. 404-417. isbn : 978-3-540-33833-8. doi : [10.1007/11744023_32](https://doi.org/10.1007/11744023_32).
- [48] N. Dalal et B. Triggs. "Histograms of oriented gradients for human detection". In : *2005 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR'05)*. 2005 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR'05). T. 1. Juin 2005, 886-893 vol. 1. doi : [10.1109/CVPR.2005.177](https://doi.org/10.1109/CVPR.2005.177). url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/1467360> (visité le 26/11/2025).
- [49] Yann LeCun et al. "Gradient-based learning applied to document recognition". In : *Proceedings of the IEEE* 86.11 (2002), p. 2278-2324. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/726791/> (visité le 26/11/2025).

- [50] Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever et Geoffrey E. Hinton. "Imagenet classification with deep convolutional neural networks". In : *Advances in neural information processing systems* 25 (2012). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2012/hash/c399862d3b9d6b76c8436e924a68c45bAbstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [51] Christian Szegedy et al. "Going deeper with convolutions". In : *Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition*. 2015, p. 1-9. url : https://www.cv-foundation.org/openaccess/content_cvpr_2015/html/Szegedy_Going_Deeper_With_2015_CVPR_paper.html (visité le 26/11/2025).
- [52] Karen Simonyan et Andrew Zisserman. *Very Deep Convolutional Networks for Large-Scale Image Recognition*. 10 avr. 2015. doi : [10.48550/arXiv.1409.1556\[cs\]](https://doi.org/10.48550/arXiv.1409.1556). url : <http://arxiv.org/abs/1409.1556> (visité le 26/11/2025).
- [53] Kaiming He et al. "Deep residual learning for image recognition". In : *Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition*. 2016, p. 770-778. url : http://openaccess.thecvf.com/content_cvpr_2016/html/He_Deep_Residual_Learning_CVPR_2016_paper.html (visité le 26/11/2025).
- [54] Olaf Ronneberger, Philipp Fischer et Thomas Brox. "U-Net: Convolutional Networks for Biomedical Image Segmentation". In : *Medical Image Computing and Computer-Assisted Intervention - MICCAI 2015*. Sous la dir. de Nassir Navab et al. T. 9351. Series Title : Lecture Notes in Computer Science. Cham : Springer International Publishing, 2015, p. 234-241. isbn : 978-3-319-24573-7 978-3-319-24574-4. doi : [10.1007/978-3-319-24574-4_28](https://doi.org/10.1007/978-3-319-24574-4_28). url : http://link.springer.com/10.1007/978-3-319-24574-4_28 (visité le 26/11/2025).
- [55] Forrest Landola et al. "Densenet : Implementing efficient convnet descriptor pyramids". In : *arXiv preprint arXiv:1404.1869* (2014). url : <https://arxiv.org/abs/1404.1869> (visité le 26/11/2025).
- [56] Aaron Van Den Oord et al. "Wavenet : A generative model for raw audio". In : *arXiv preprint arXiv:1609.03499* 12 (2016), p. 1. url : https://www.academia.edu/download/61836013/WAVENET_-_A_GENERATIVE_MODEL_FOR_RAW_AUDIO_-_1609.0349920200120-19152-1e9641f.pdf (visité le 26/11/2025).
- [57] Jonas Gehring et al. "Convolutional sequence to sequence learning". In : *International conference on machine learning*. PMLR, 2017, p. 1243-1252. url : <https://proceedings.mlr.press/v70/gehring17a> (visité le 26/11/2025).

- [58] Nal Kalchbrenner et al. *Neural Machine Translation in Linear Time*. 15 mars 2017. doi : [10.48550/arXiv.1610.10099](https://doi.org/10.48550/arXiv.1610.10099). arXiv : [1610.10099\[cs\]](https://arxiv.org/abs/1610.10099). url : <http://arxiv.org/abs/1610.10099> (visité le 26/11/2025).
- [59] Shaojie Bai. "An Empirical Evaluation of Generic Convolutional and Recurrent Networks for Sequence Modeling". In : *arXiv preprint arXiv:1803.01271* (2018).
- [60] Yi Tay et al. *Are Pre-trained Convolutions Better than Pre-trained Transformers?* 30 jan. 2022. doi : [10.48550/arXiv.2105.03322](https://doi.org/10.48550/arXiv.2105.03322). arXiv : [2105.03322\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2105.03322). url : <http://arxiv.org/abs/2105.03322> (visité le 26/11/2025).
- [61] Du Tran et al. "Learning spatiotemporal features with 3d convolutional networks". In : *Proceedings of the IEEE international conference on computer vision*. 2015, p. 4489-4497. url : http://openaccess.thecvf.com/content_iccv_2015/html/Tran_Learning_Spatiotemporal_Features_ICCV_2015_paper.html (visité le 26/11/2025).
- [62] Fausto Milletari, Nassir Navab et Seyed-Ahmad Ahmadi. "V-net : Fully convolutional neural networks for volumetric medical image segmentation". In : *2016 fourth international conference on 3D vision (3DV)*. ieee, 2016, p. 565-571. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/7785132/> (visité le 26/11/2025).
- [63] T. N. Kipf. "Semi-supervised classification with graph convolutional networks". In : *arXiv preprint arXiv:1609.02907* (2016). url : <https://arxiv.org/abs/1609.02907> (visité le 26/11/2025).
- [64] Will Hamilton, Zhitao Ying et Jure Leskovec. "Inductive representation learning on large graphs". In : *Advances in neural information processing systems* 30 (2017). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2017/hash/5dd9db5e033da9c6fb5ba83c7a7ebea9-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [65] Charles Ruizhongtai Qi et al. "Pointnet++ : Deep hierarchical feature learning on point sets in a metric space". In : *Advances in neural information processing systems* 30 (2017). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2017/hash/d8bf84be3800d12f74d8b05e9b89836f-Abstract.html> (visité le 26/11/2025).
- [66] Jeffrey L. Elman. "Finding Structure in Time". In : *Cognitive Science* 14.2 (mars 1990), p. 179-211. issn : 0364-0213, 1551-6709. doi : [10.1207/s15516709cog1402_1](https://doi.org/10.1207/s15516709cog1402_1). url : https://onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1207/s15516709cog1402_1 (visité le 27/11/2025).

- [67] Sepp Hochreiter et Jürgen Schmidhuber. "Long short-term memory". In : *Neural computation* 9.8 (1997), p. 1735-1780. url : <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/6795963/> (visité le 27/11/2025).
- [68] Kyunghyun Cho et al. *On the Properties of Neural Machine Translation : Encoder-Decoder Approaches*. 7 oct. 2014. doi : [10.48550/arXiv.1409.1259](https://doi.org/10.48550/arXiv.1409.1259)[cs]. arXiv : [1409.1259\[cs\]](https://arxiv.org/abs/1409.1259). url : [http://arxiv.org/abs/1409.1259](https://arxiv.org/abs/1409.1259) (visité le 27/11/2025).
- [69] Junyoung Chung et al. *Empirical Evaluation of Gated Recurrent Neural Networks on Sequence Modeling*. 11 déc. 2014. doi : [10.48550/arXiv.1412.3555](https://doi.org/10.48550/arXiv.1412.3555)[cs]. arXiv : [1412.3555\[cs\]](https://arxiv.org/abs/1412.3555). url : [http://arxiv.org/abs/1412.3555](https://arxiv.org/abs/1412.3555) (visité le 27/11/2025).
- [70] Albert Gu et al. "Hippo : Recurrent memory with optimal polynomial projections". In : *Advances in neural information processing systems* 33 (2020), p. 1474-1487. url : https://proceedings.neurips.cc/paper_files/paper/2020/hash/102f0bb6efb3a6128a3c750dd16729be-Abstract.html (visité le 27/11/2025).
- [71] Albert Gu, Karan Goel et Christopher Ré. *Efficiently Modeling Long Sequences with Structured State Spaces*. 5 août 2022. doi : [10.48550/arXiv.2111.00396](https://doi.org/10.48550/arXiv.2111.00396)[cs]. arXiv : [2111.00396\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2111.00396). url : [http://arxiv.org/abs/2111.00396](https://arxiv.org/abs/2111.00396) (visité le 27/11/2025).
- [72] Albert Gu et Tri Dao. "Mamba : Linear-time sequence modeling with selective state spaces". In : *First conference on language modeling*. 2024. url : <https://openreview.net/forum?id=tEYskw1VY2> (visité le 27/11/2025).
- [73] Ilya Sutskever, Oriol Vinyals et Quoc V. Le. "Sequence to sequence learning with neural networks". In : *Advances in neural information processing systems* 27 (2014). url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/5346-sequence-to-sequence-learning-with-neural-> (visité le 27/11/2025).
- [74] Yonghui Wu et al. *Google's Neural Machine Translation System : Bridging the Gap between Human and Machine Translation*. 8 oct. 2016. doi : [10.48550/arXiv.1609.08144](https://doi.org/10.48550/arXiv.1609.08144)[cs]. arXiv : [1609.08144\[cs\]](https://arxiv.org/abs/1609.08144). url : [http://arxiv.org/abs/1609.08144](https://arxiv.org/abs/1609.08144) (visité le 27/11/2025).
- [75] Edward Choi et al. "Doctor ai : Predicting clinical events via recurrent neural networks". In : *Machine learning for healthcare conference*. PMLR, 2016, p. 301-318. url : [http://proceedings.mlr.press/v56/Choi16](https://proceedings.mlr.press/v56/Choi16) (visité le 27/11/2025).

- [76] Pantelis R. Vlachas et al. "Data-driven forecasting of high-dimensional chaotic systems with long short-term memory networks". In : *Proceedings of the Royal Society A : Mathematical, Physical and Engineering Sciences* 474.2213 (mai 2018), p. 20170844. issn : 1364-5021, 1471-2946. doi : 10.1098/rspa.2017.0844. url : <https://royalsocietypublishing.org/doi/10.1098/rspa.2017.0844> (visité le 27/11/2025).
- [77] David Salinas et al. "DeepAR : Probabilistic forecasting with auto-regressive recurrent networks". In : *International journal of forecasting* 36.3 (2020), p. 1181-1191. url : <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0169207019301888> (visité le 27/11/2025).
- [78] Sageev Oore et al. "This time with feeling : learning expressive musical performance". In : *Neural Computing and Applications* 32.4 (fév. 2020), p. 955-967. issn : 0941-0643, 1433-3058. doi : 10.1007/s00521-018-3758-9. url : <http://link.springer.com/10.1007/s00521-018-3758-9> (visité le 27/11/2025).
- [79] Dzmitry Bahdanau, Kyunghyun Cho et Yoshua Bengio. "Neural machine translation by jointly learning to align and translate". In : *arXiv preprint arXiv:1409.0473* (2014). url : <https://peerj.com/articles/cs-2607/code.zip> (visité le 30/11/2025).
- [80] Oriol Vinyals, Meire Fortunato et Navdeep Jaitly. "Pointer networks". In : *Advances in neural information processing systems* 28 (2015). url : https://proceedings.neurips.cc/paper_files/paper/2015/hash/29921001f2f04bd3baee84a12e98098f-Abstract.html (visité le 30/11/2025).
- [81] Jimmy Lei Ba, Jamie Ryan Kiros et Geoffrey E. Hinton. "Layer normalization". In : *arXiv preprint arXiv:1607.06450* (2016). url : <https://arxiv.org/abs/1607.06450> (visité le 08/01/2026).
- [82] Jacob Devlin et al. "Bert : Pre-training of deep bidirectional transformers for language understanding". In : *Proceedings of the 2019 conference of the North American chapter of the association for computational linguistics : human language technologies, volume 1 (long and short papers)*. 2019, p. 4171-4186. url : https://aclanthology.org/N19-1423/?utm_campaign=The+Batch&utm_source=hs_email&utm_medium=email&_hsenc=p2ANqtz-_m9bbH_7ECE1h31Z3D61TYg52rKpifVNjL4 (visité le 30/11/2025).
- [83] Tom Brown et al. "Language models are few-shot learners". In : *Advances in neural information processing systems* 33 (2020), p. 1877-1901. url : https://proceedings.neurips.cc/paper_files/paper/2020/hash/1457c0d6bfc4967418bfb8ac142f64a-Abstract.

- [html ? utm_source=transaction&utm_medium=email&utm_campaign=linkedin_newsletter](#) (visité le 30/11/2025).
- [84] Colin Raffel et al. "Exploring the limits of transfer learning with a unified text-to-text transformer". In : *Journal of machine learning research* 21.140 (2020), p. 1-67. url : <http://www.jmlr.org/papers/v21/20-074.html> (visité le 30/11/2025).
 - [85] Qingsong Wen et al. *Transformers in Time Series : A Survey*. 11 mai 2023. doi : [10.48550/arXiv.2202.07125](https://doi.org/10.48550/arXiv.2202.07125). arXiv : [2202.07125\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2202.07125). url : [http://arxiv.org/abs/2202.07125](https://arxiv.org/abs/2202.07125) (visité le 30/11/2025).
 - [86] Haoyi Zhou et al. "Informer : Beyond efficient transformer for long sequence time-series forecasting". In : *Proceedings of the AAAI conference on artificial intelligence*. T. 35. 12. 2021, p. 11106-11115. url : <https://ojs.aaai.org/index.php/AAAI/article/view/17325> (visité le 30/11/2025).
 - [87] Haixu Wu et al. "Autoformer : Decomposition transformers with auto-correlation for long-term series forecasting". In : *Advances in neural information processing systems* 34 (2021), p. 22419-22430. url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2021/hash/bcc0d400288793e8bcd7c19a8ac0c2b-Abstract.html> (visité le 30/11/2025).
 - [88] Ailing Zeng et al. "Are transformers effective for time series forecasting?" In : *Proceedings of the AAAI conference on artificial intelligence*. T. 37. 9. 2023, p. 11121-11128. url : <https://ojs.aaai.org/index.php/AAAI/article/view/26317> (visité le 30/11/2025).
 - [89] Yuqi Nie et al. *A Time Series is Worth 64 Words : Long-term Forecasting with Transformers*. 5 mars 2023. doi : [10.48550/arXiv.2211.14730](https://doi.org/10.48550/arXiv.2211.14730). arXiv : [2211.14730\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2211.14730). url : [http://arxiv.org/abs/2211.14730](https://arxiv.org/abs/2211.14730) (visité le 30/11/2025).
 - [90] Chen Sun et al. "Revisiting unreasonable effectiveness of data in deep learning era". In : *Proceedings of the IEEE international conference on computer vision*. 2017, p. 843-852. url : http://openaccess.thecvf.com/content_iccv_2017/html/Sun_Revisiting_Unreasonable_Effectiveness_ICCV_2017_paper.html (visité le 01/12/2025).
 - [91] Ze Liu et al. "Swin transformer : Hierarchical vision transformer using shifted windows". In : *Proceedings of the IEEE/CVF international conference on computer vision*. 2021, p. 10012-10022. url : [https://openaccess.thecvf.com/content/ICCV2021/html/Liu_Swin_Transformer_Hierarchical_Vision_Transformer_Using_Shifted_Windows_ICCV_2021_paper.html](http://openaccess.thecvf.com/content/ICCV2021/html/Liu_Swin_Transformer_Hierarchical_Vision_Transformer_Using_Shifted_Windows_ICCV_2021_paper.html) (visité le 30/11/2025).

- [92] John Jumper et al. "Highly accurate protein structure prediction with AlphaFold". In : *nature* 596.7873 (2021), p. 583-589. url : <https://www.nature.com/articles/s41586-021-03819-2> (visité le 30/11/2025).
- [93] Lili Chen et al. "Decision transformer : Reinforcement learning via sequence modeling". In : *Advances in neural information processing systems* 34 (2021), p. 15084-15097. url : <https://proceedings.neurips.cc/paper/2021/hash/7f489f642a0ddb10272b5c31057f0663-Abstract.html> (visité le 30/11/2025).
- [94] Chris Olah et al. "Zoom in : An introduction to circuits". In : *Distill* 5.3 (2020), e00024-001. url : <https://distill.pub/2020/circuits/zoom-in/?ref=cold-takes> (visité le 05/02/2026).
- [95] Einar Urdshals et Jasmina Urdshals. *Structure Development in List-Sorting Transformers*. 30 jan. 2025. doi : [10.48550/arXiv.2501.18666](https://doi.org/10.48550/arXiv.2501.18666). arXiv : [2501.18666\[cs\]](https://arxiv.org/abs/2501.18666). url : [http://arxiv.org/abs/2501.18666](https://arxiv.org/abs/2501.18666) (visité le 05/02/2026).
- [96] Baggins Matthew. *One Attention Head Is All You Need for Sorting Fixed-Length Lists by MatthewBaggins*. itch.io. url : <https://matthewbaggins.itch.io/one-attention-head-is-all-you-need-for-sorting-fixed-length-lists> (visité le 05/02/2026).
- [97] Matthieu CORNU, Cyrille ENDERLI et Thomas RODET. "Learning to Sort in Continuous Spaces : Neural Architectures and Iterative Training Strategies". In : *Proceedings of the 2025 33rd European Signal Processing Conference (EUSIPCO) SiG-DML-P5.2* (2025), p. 1902. url : <https://eusipco2025.org/wp-content/uploads/pdfs/0001902.pdf>.