

Ordenação: métodos elementares

Aula 5

Diego Padilha Rubert

Faculdade de Computação
Universidade Federal de Mato Grosso do Sul

Algoritmos e Programação II

Conteúdo da aula

- 1 Introdução
- 2 Método das trocas sucessivas
- 3 Método da seleção
- 4 Método da inserção
- 5 Exercícios

- ▶ Operação básica em Computação
- ▶ Rearranjar, ou permutar, os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal forma que se torne crescente.
- ▶ Um vetor $v[0..n-1]$ é **crescente** se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$.
- ▶ Idéias simples
- ▶ Tempo de execução de pior caso quadrático

- ▶ Operação básica em Computação
- ▶ Rearranjar, ou permutar, os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal forma que se torne crescente.
- ▶ Um vetor $v[0..n-1]$ é **crescente** se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$.
- ▶ Idéias simples
- ▶ Tempo de execução de pior caso quadrático

- ▶ Operação básica em Computação
- ▶ Rearranjar, ou permutar, os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal forma que se torne crescente.
- ▶ Um vetor $v[0..n-1]$ é **crescente** se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$.
- ▶ Idéias simples
- ▶ Tempo de execução de pior caso quadrático

- ▶ Operação básica em Computação
- ▶ Rearranjar, ou permutar, os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal forma que se torne crescente.
- ▶ Um vetor $v[0..n-1]$ é **crescente** se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$.
- ▶ Idéias simples
- ▶ Tempo de execução de pior caso quadrático

- ▶ Operação básica em Computação
- ▶ Rearranjar, ou permutar, os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal forma que se torne crescente.
- ▶ Um vetor $v[0..n-1]$ é **crescente** se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$.
- ▶ Idéias simples
- ▶ Tempo de execução de pior caso quadrático

Método das trocas sucessivas

- ▶ Popularmente conhecido como método da bolha ou *Bubble sort*
- ▶ A cada passo, posiciona o maior elemento de um subconjunto de elementos do vetor de entrada na sua localização correta neste vetor

Método das trocas sucessivas

- ▶ Popularmente conhecido como método da bolha ou *Bubble sort*
- ▶ A cada passo, posiciona o maior elemento de um subconjunto de elementos do vetor de entrada na sua localização correta neste vetor

Método das trocas sucessivas

```
/* Recebe um número inteiro n >= 0 e um vetor v de números inteiros  
   com n elementos e rearranja o vetor v de modo que fique crescente */  
void trocas_sucessivas(int n, int v[MAX])  
{  
    int i, j;  
    for (i = n - 1; i > 0; i--)  
        for (j = 0; j < i; j++)  
            if (v[j] > v[j+1])  
                troca(&v[j], &v[j+1]);  
}
```

Método das trocas sucessivas

- ▶ Para entender a função `trocas_sucessivas` basta observar que no início de cada repetição do `for` externo vale que:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original,
 - ▶ o vetor $v[i+1..n-1]$ é crescente e
 - ▶ $v[j] \leq v[i+1]$ para $j = 0, 1, \dots, i$.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

Método das trocas sucessivas

- ▶ Para entender a função `trocas_sucessivas` basta observar que no início de cada repetição do `for` externo vale que:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original,
 - ▶ o vetor $v[i+1..n-1]$ é crescente e
 - ▶ $v[j] \leq v[i+1]$ para $j = 0, 1, \dots, i$.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

- ▶ Também conhecido como *Selection sort*
- ▶ Baseado na idéia de escolher um menor elemento do vetor, depois um segundo menor elemento e assim por diante

- ▶ Também conhecido como *Selection sort*
- ▶ Baseado na idéia de escolher um menor elemento do vetor, depois um segundo menor elemento e assim por diante

Método da seleção

```
/* Recebe um número inteiro  $n \geq 0$  e um vetor  $v$  de números inteiros  
   com  $n$  elementos e rearranja o vetor  $v$  de modo que fique crescente */  
void selecao(int n, int v[MAX])  
{  
    int i, j, min;  
    for (i = 0; i < n - 1; i++) {  
        min = i;  
        for (j = i+1; j < n; j++)  
            if (v[j] < v[min])  
                min = j;  
        troca(&v[i], &v[min]);  
    }  
}
```

Método da seleção

- ▶ Para entender como e por que a função `selecao` funciona, basta observar que no início de cada repetição do `for` externo valem os seguintes invariantes:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original,
 - ▶ o vetor $v[0..i-1]$ está em ordem crescente e
 - ▶ $v[i-1] \leq v[j]$ para $j = i, i+1, \dots, n-1$.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

Método da seleção

- ▶ Para entender como e por que a função `selecao` funciona, basta observar que no início de cada repetição do `for` externo valem os seguintes invariantes:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original,
 - ▶ o vetor $v[0..i-1]$ está em ordem crescente e
 - ▶ $v[i-1] \leq v[j]$ para $j = i, i+1, \dots, n-1$.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

Método da inserção

- ▶ Também conhecido como *Insertion sort*
- ▶ Método muito popular
- ▶ É frequentemente usado quando alguém joga baralho e quer manter as cartas de sua mão em ordem

Método da inserção

- ▶ Também conhecido como *Insertion sort*
- ▶ Método muito popular
- ▶ É frequentemente usado quando alguém joga baralho e quer manter as cartas de sua mão em ordem

Método da inserção

- ▶ Também conhecido como *Insertion sort*
- ▶ Método muito popular
- ▶ É frequentemente usado quando alguém joga baralho e quer manter as cartas de sua mão em ordem

Método da seleção

```
/* Recebe um número inteiro n >= 0 e um vetor v de números inteiros  
   com n elementos e rearranja o vetor v de modo que fique crescente */  
void insercao(int n, int v[MAX])  
{  
    int i, j, x;  
    for (i = 1; i < n; i++) {  
        x = v[i];  
        for (j = i - 1; j >= 0 && v[j] > x; j--)  
            v[j+1] = v[j];  
        v[j+1] = x;  
    }  
}
```

Método da seleção

- ▶ Para entender a função `insercao` basta observar que no início de cada repetição do `for` externo, valem os seguintes invariantes:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original e
 - ▶ o vetor $v[0..i-1]$ é crescente.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

Método da seleção

- ▶ Para entender a função `insercao` basta observar que no início de cada repetição do `for` externo, valem os seguintes invariantes:
 - ▶ o vetor $v[0..n-1]$ é uma permutação do vetor original e
 - ▶ o vetor $v[0..i-1]$ é crescente.
- ▶ Tempo $O(n^2)$ no pior caso

- 5.1 Que acontece se trocarmos a relação $i > 0$ pela relação $i \geq 0$ no código da função `trocas_sucessivas`? Que acontece se trocarmos $j < i$ por $j \leq i$?
- 5.2 Troque a relação $v[j] > v[j + 1]$ pela relação $v[j] \geq v[j + 1]$ no código da função `trocas_sucessivas`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n - 1]$?
- 5.3 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por trocas sucessivas.

- 5.1 Que acontece se trocarmos a relação $i > 0$ pela relação $i \geq 0$ no código da função `trocas_sucessivas`? Que acontece se trocarmos $j < i$ por $j \leq i$?
- 5.2 Troque a relação $v[j] > v[j + 1]$ pela relação $v[j] \geq v[j + 1]$ no código da função `trocas_sucessivas`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n - 1]$?
- 5.3 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por trocas sucessivas.

- 5.1 Que acontece se trocarmos a relação $i > 0$ pela relação $i \geq 0$ no código da função `trocas_sucessivas`? Que acontece se trocarmos $j < i$ por $j \leq i$?
- 5.2 Troque a relação $v[j] > v[j + 1]$ pela relação $v[j] \geq v[j + 1]$ no código da função `trocas_sucessivas`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n - 1]$?
- 5.3 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por trocas sucessivas.

- 5.4 Que acontece se trocarmos `i = 0` por `i = 1` no código da função `selecao`? Que acontece se trocarmos `i < n-1` por `i < n`?
- 5.5 Troque `v[j] < v[min]` por `v[j] <= v[min]` no código da função `selecao`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?
- 5.6 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por seleção.
- 5.7 No código da função `insercao`, troque `v[j] > x` por `v[j] >= x`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?

Exercícios

- 5.4 Que acontece se trocarmos `i = 0` por `i = 1` no código da função `selecao`? Que acontece se trocarmos `i < n-1` por `i < n`?
- 5.5 Troque `v[j] < v[min]` por `v[j] <= v[min]` no código da função `selecao`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?
- 5.6 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por seleção.
- 5.7 No código da função `insercao`, troque `v[j] > x` por `v[j] >= x`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?

Exercícios

- 5.4 Que acontece se trocarmos `i = 0` por `i = 1` no código da função `selecao`? Que acontece se trocarmos `i < n-1` por `i < n`?
- 5.5 Troque `v[j] < v[min]` por `v[j] <= v[min]` no código da função `selecao`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?
- 5.6 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por seleção.
- 5.7 No código da função `insercao`, troque `v[j] > x` por `v[j] >= x`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?

- 5.4 Que acontece se trocarmos `i = 0` por `i = 1` no código da função `selecao`? Que acontece se trocarmos `i < n-1` por `i < n`?
- 5.5 Troque `v[j] < v[min]` por `v[j] <= v[min]` no código da função `selecao`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?
- 5.6 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por seleção.
- 5.7 No código da função `insercao`, troque `v[j] > x` por `v[j] >= x`. A nova função continua produzindo uma ordenação crescente de $v[0..n-1]$?

5.8 No código da função `insercao`, que acontece se trocarmos `i = 1` por `i = 0`? Que acontece se trocarmos `v[j+1] = x` por `v[j] = x`?

5.9 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por inserção.

5.10 Escreva uma função que rearranje um vetor $v[0..n-1]$ de modo que ele fique em ordem estritamente crescente.

5.11 Escreva uma função que permute os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de modo que eles fiquem em ordem decrescente.

5.8 No código da função `insercao`, que acontece se trocarmos

`i = 1` por `i = 0`? Que acontece se trocarmos `v[j+1] = x` por `v[j] = x`?

5.9 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por inserção.

5.10 Escreva uma função que rearranje um vetor $v[0..n-1]$ de modo que ele fique em ordem estritamente crescente.

5.11 Escreva uma função que permute os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de modo que eles fiquem em ordem decrescente.

- 5.8 No código da função `insercao`, que acontece se trocarmos `i = 1` por `i = 0`? Que acontece se trocarmos `v[j+1] = x` por `v[j] = x`?
- 5.9 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por inserção.
- 5.10 Escreva uma função que rearranje um vetor $v[0..n - 1]$ de modo que ele fique em ordem estritamente crescente.
- 5.11 Escreva uma função que permuta os elementos de um vetor $v[0..n - 1]$ de modo que eles fiquem em ordem decrescente.

- 5.8 No código da função `insercao`, que acontece se trocarmos `i = 1` por `i = 0`? Que acontece se trocarmos `v[j+1] = x` por `v[j] = x`?
- 5.9 Escreva uma versão recursiva do método de ordenação por inserção.
- 5.10 Escreva uma função que rearranje um vetor $v[0..n - 1]$ de modo que ele fique em ordem estritamente crescente.
- 5.11 Escreva uma função que permute os elementos de um vetor $v[0..n - 1]$ de modo que eles fiquem em ordem decrescente.