# ARHITECTURA SISTEMELOR DE CALCUL - CURS 0x05

ÎNMULȚIREA/ÎMPĂRȚIREA NUMERELOR ÎNTREGI, REPREZENTAREA ÎN VIRGULĂ MOBILĂ

Cristian Rusu

#### **DATA TRECUTĂ**

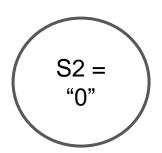
- detaliile unui circuit de adunare binară
- multiplexare
- circuite secvențiale
  - SR Latch
  - D Latch
  - D Flip Flop
  - circuit adunare secvențial
- reprezentarea pe stări a unui circuit

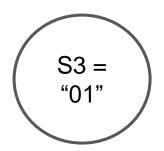
#### **CUPRINS**

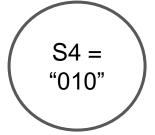
- logică secvențială + combinatorială, un exemplu
- înmulţirea numerelor întregi binare
- împărțirea numerelor întregi binare
- reprezentarea numerelor în virgulă mobilă
- lucrul cu numerele în virgulă mobilă

- un semnal digital A poate lua valori {0, 1} în timp iar noi vrem să detectăm dacă semnalul are valoarea 010 la un moment dat. Dacă acestă secvență de biți este detectată în A atunci o variabilă Y este setată la 1, altfel această variabilă este 0.
- definim 4 stări

- un semnal digital A poate lua valori {0, 1} în timp iar noi vrem să detectăm dacă semnalul are valoarea 010 la un moment dat. Dacă acestă secvență de biți este detectată în A atunci o variabilă Y este setată la 1, altfel această variabilă este 0
- definim 4 stări

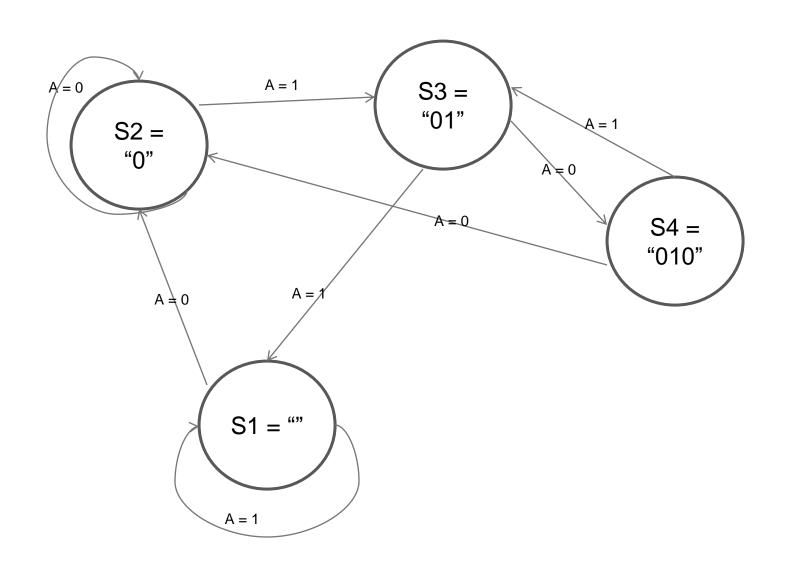


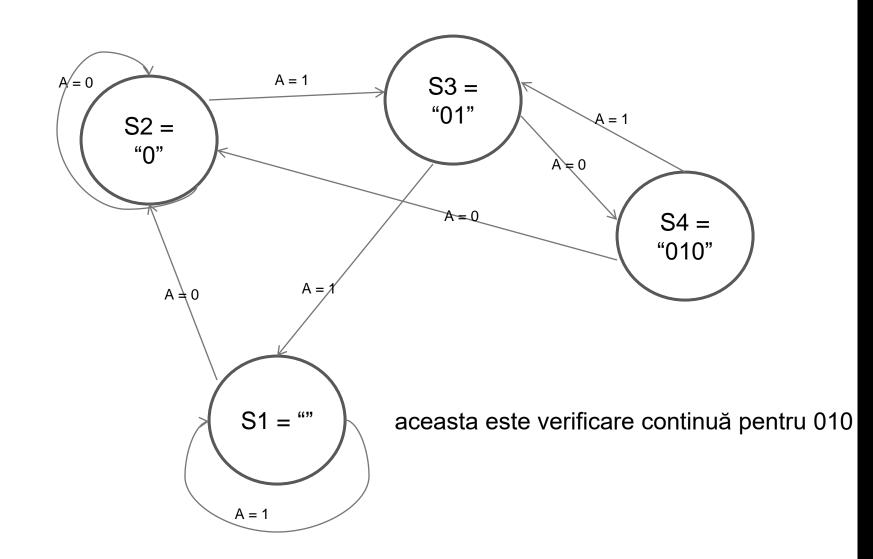


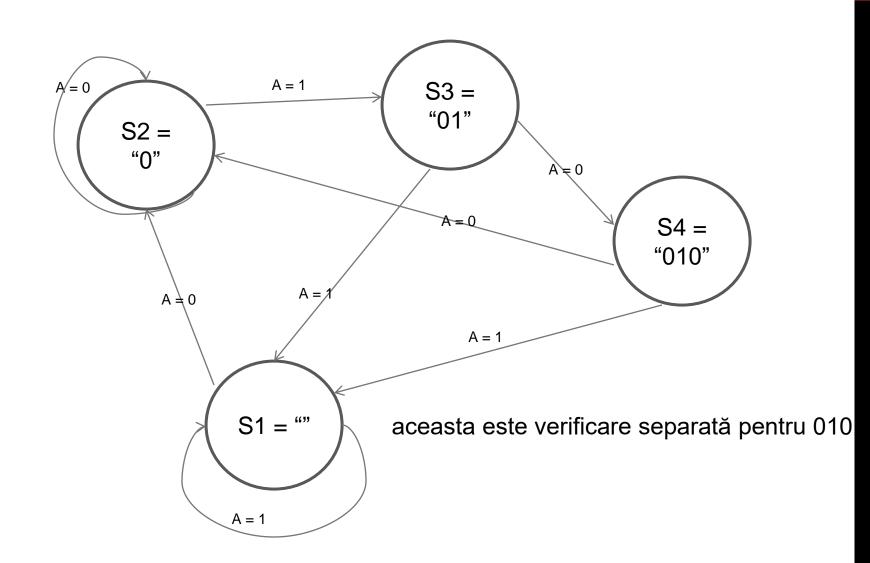


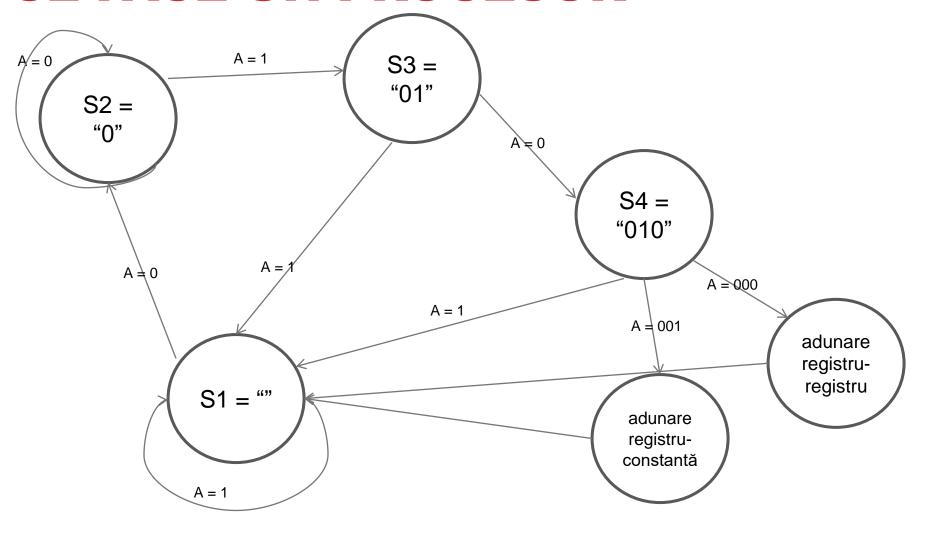


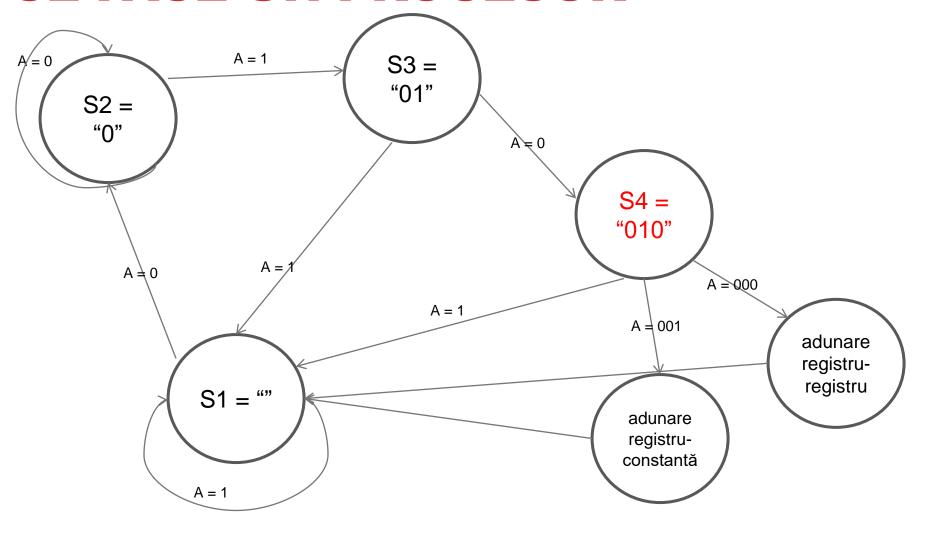
care sunt tranzițiile între aceste stări?

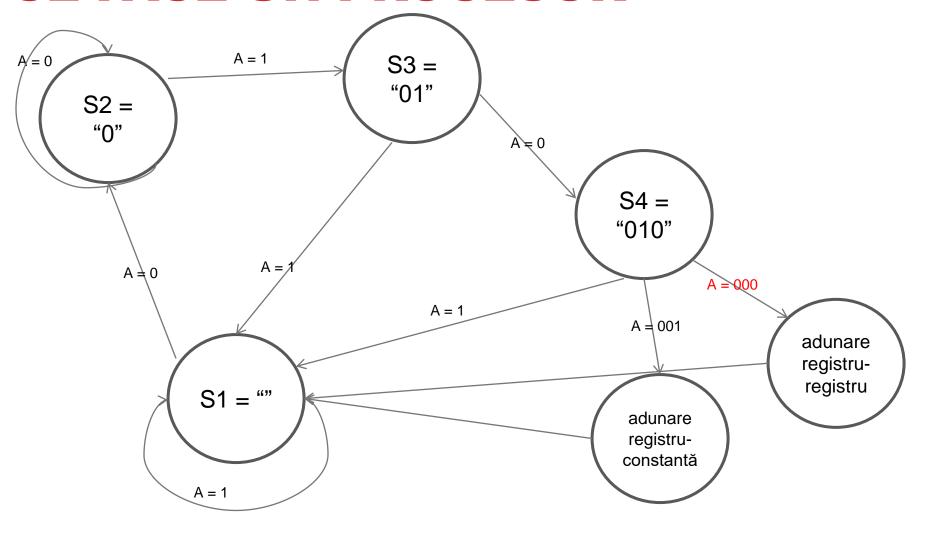


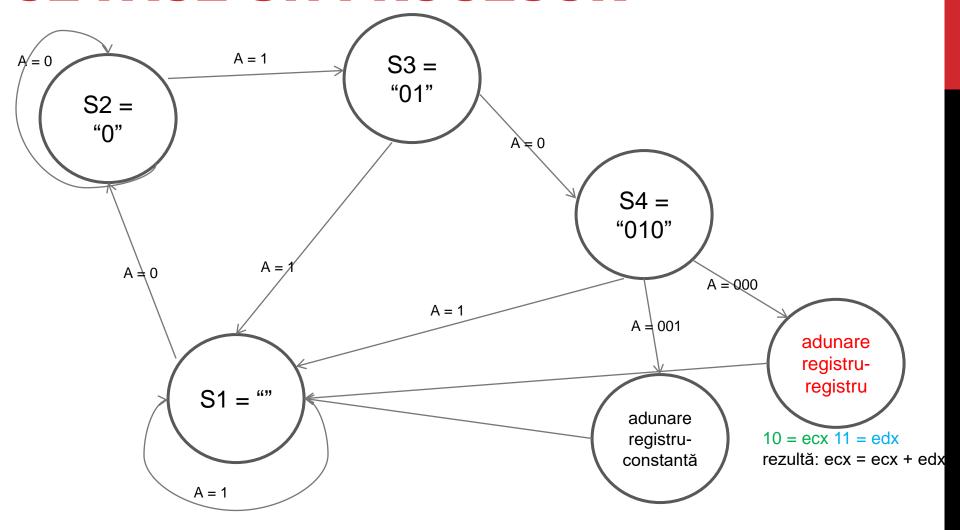


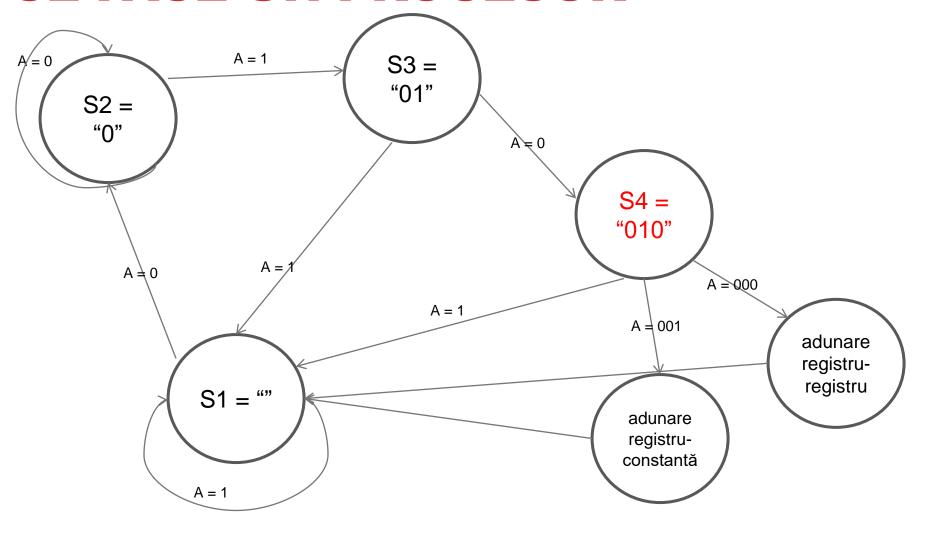


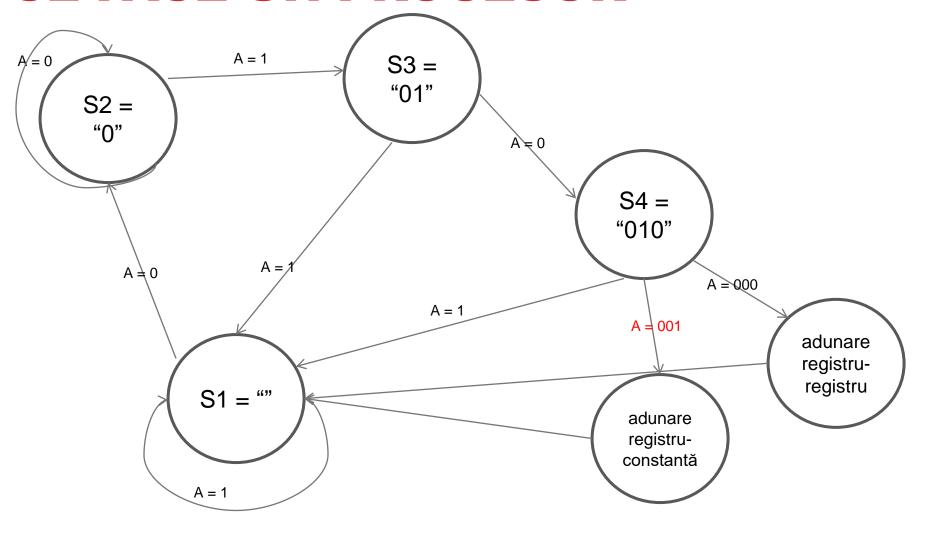


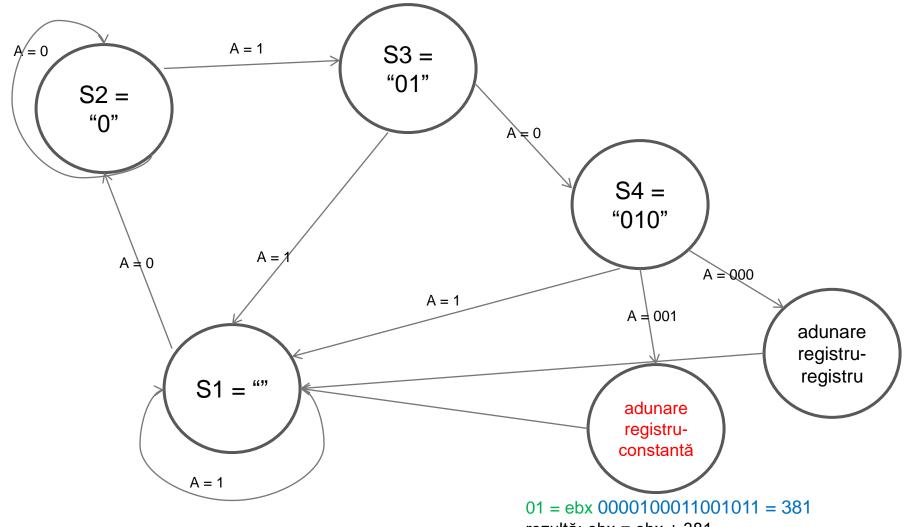




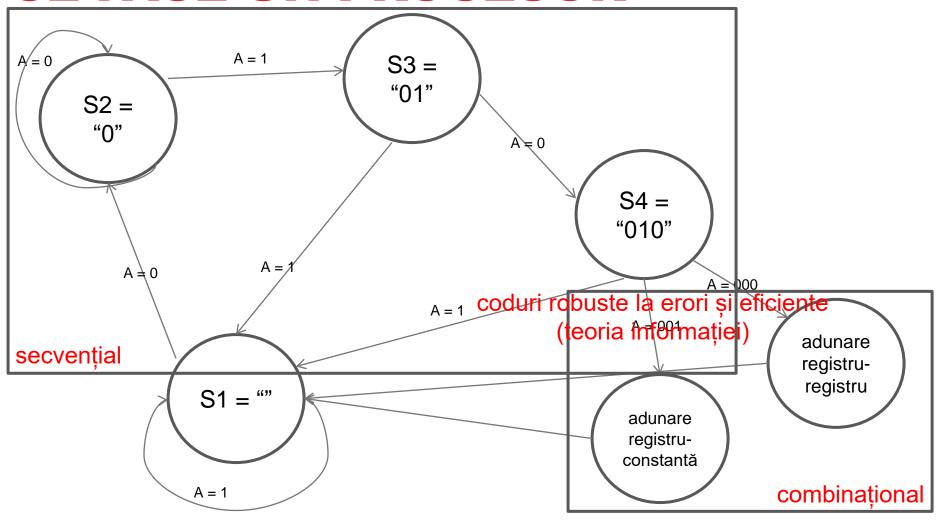








rezultă: ebx = ebx + 381 ....010000101101000010000100011001011 ...



cod maşină ...0100001011010001010000100011001011 ...

#### **CONȚINUT NOU PENTRU CURS**

- înmulțirea numerelor întregi binare
- împărțirea numerelor întregi binare
- reprezentarea numerelor în virgulă mobilă
- lucrul cu numerele în virgulă mobilă

- exemplu,  $s = a \times b$ 
  - a și b pe N biți
  - s pe?? biţi

0 1 0 1 b

S

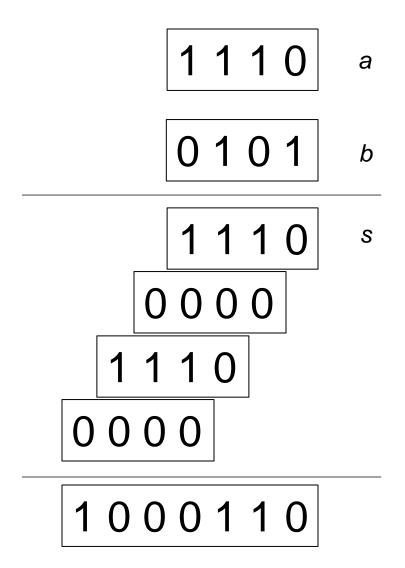
- exemplu,  $s = a \times b$ 
  - a și b pe N biți
  - s pe 2N biţi

1110 a

0 1 0 1 b

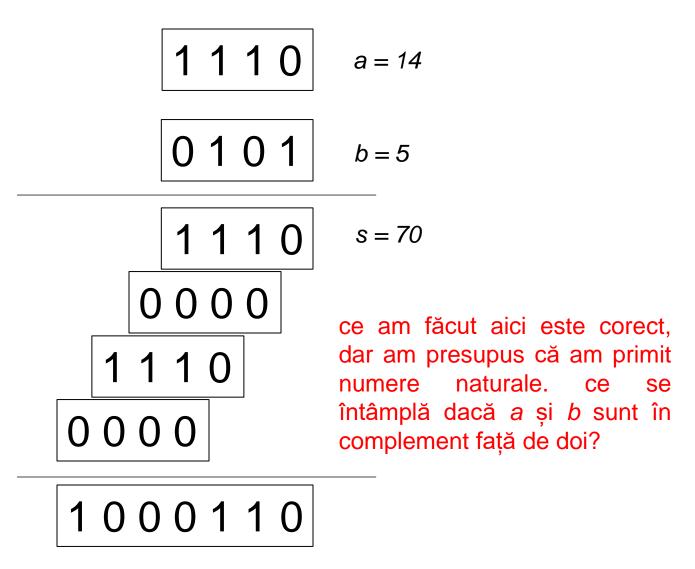
S

exemplu, s = a x b



• exemplu,  $s = a \times b$ 

• exemplu,  $s = a \times b$ 



exemplu, s = a x b

$$s = -10$$

primul pas: extindem operanzii pe 8 biţi

exemplu, s = a x b



$$a = -2$$

$$b = 5$$

$$s = -10$$

0000000

1111110

al doilea pas: facem operația de înmulțire obișnuită

. .

......1111110110

exemplu, s = a x b



$$a = -2$$

$$b = 5$$

$$s = -10$$

0000000

1111110

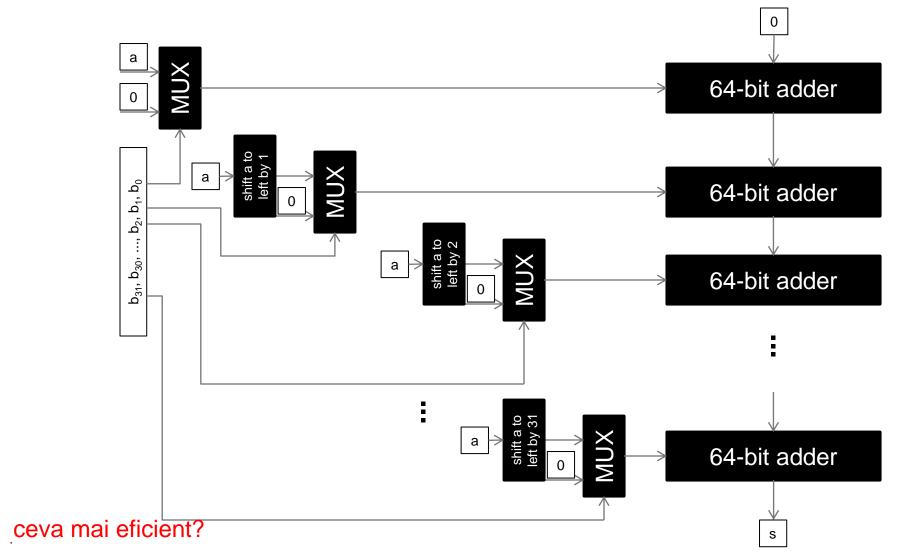
al treilea pas: rezultatul este pe 8 biți în complement față de doi

- -

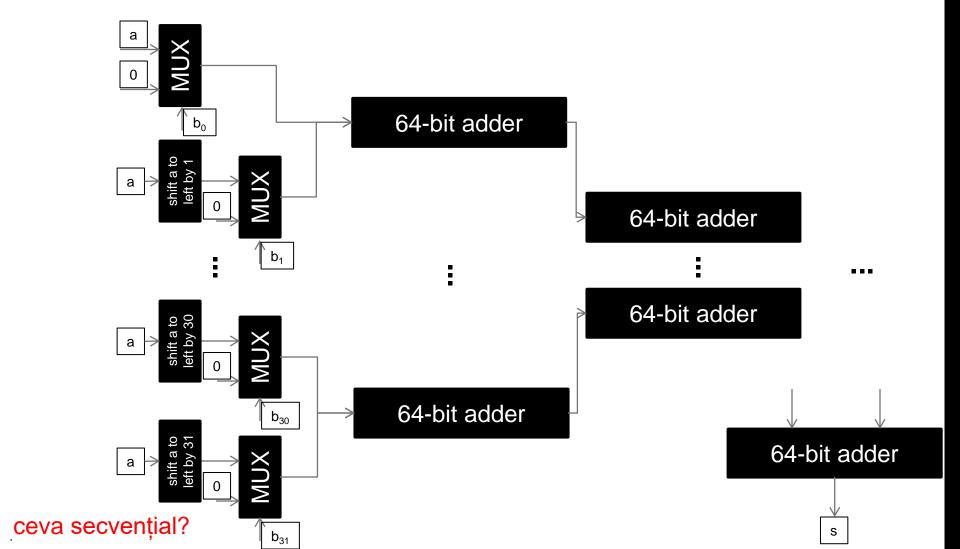
.....011110110

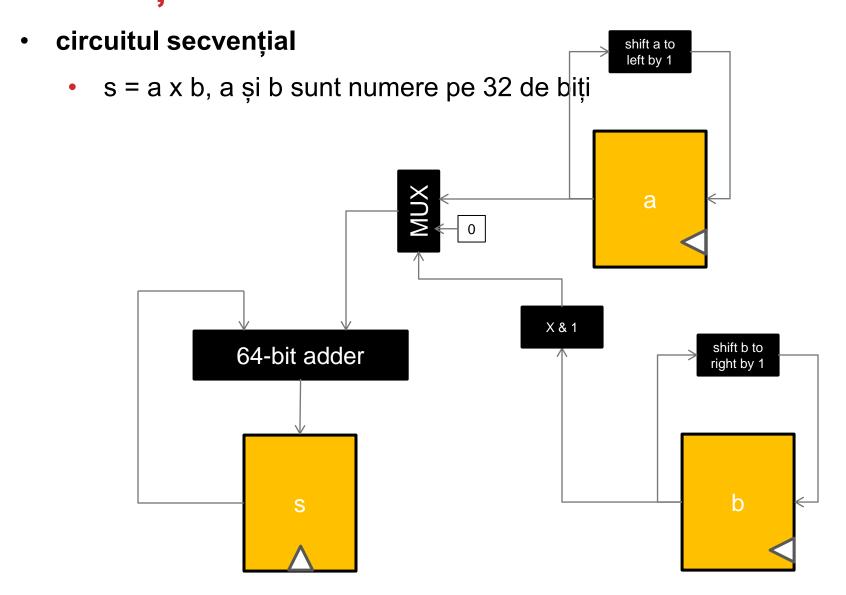
- circuitul combinațional
  - s = a x b, a şi b sunt numere pe 32 de biţi
  - cum facem?

- circuitul combinațional
  - s = a x b, a şi b sunt numere pe 32 de biţi



- circuitul combinațional
  - s = a x b, a şi b sunt numere pe 32 de biţi





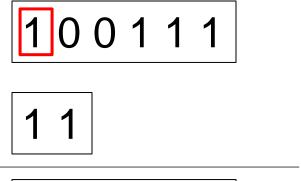
.

• exemplu,  $s = a \div b$ 

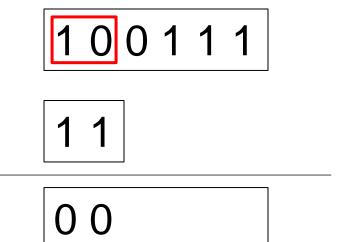
100111

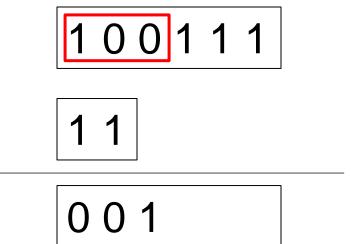
1 1

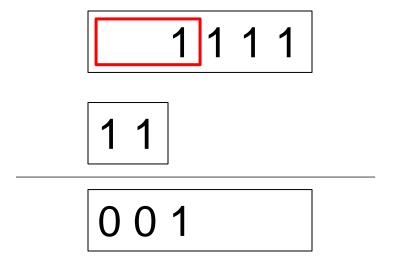
• exemplu,  $s = a \div b$ 

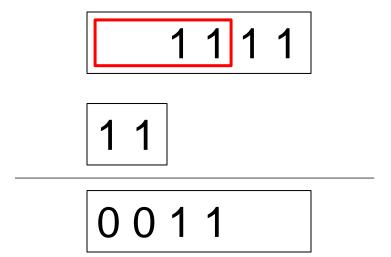


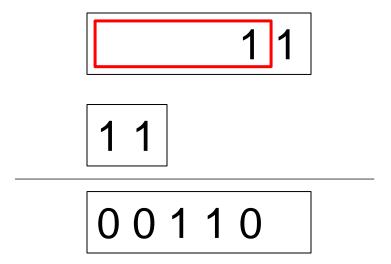
0





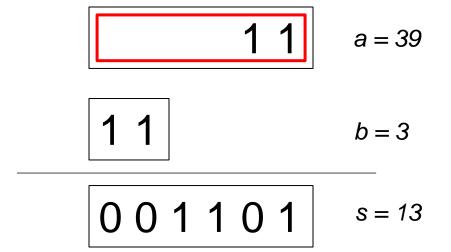






# ÎMPĂRȚIREA NUMERELOR ÎNTREGI

• exemplu,  $s = a \div b$ 

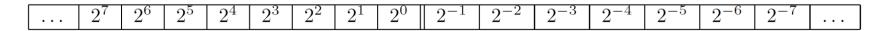


.

## ÎMPĂRȚIREA NUMERELOR ÎNTREGI

- $s = a \div b$ 
  - ce se întâmplă dacă a sau b sunt variabile negative?
  - rezultatul este negativ dacă a și b au semne diferite (XOR logic)
  - în general
    - $a = s \times b + r$
    - semnul lui r este semnul lui a
  - circuitul pentru împărțire nici nu vom încerca să îl facem
  - din cauza acestei complexități ridicate, compilatoarele și sistemele de calcul vor face tot posibilul pentru a evita o împărțire
  - vedem mai multe exemple la seminar ...

am discutat la Seminar 0x00 despre reprezentarea în virgulă fixă



exemplu: 7.5 e scris ca 111.1

- care este problema cu acestă reprezentare?
  - partea întreagă este separată de partea fracționară
  - fiecare are nevoie de un număr de biţi prestabilit
  - asta poate să fie ineficient
  - vrem ca numărul de biţi total să fie alocat "dinamic", în funcţie de numărul pe care trebuie să îl reprezentăm

- când trebuie să reprezentăm un număr real
  - nu putem să avem precizie infinită
  - avem un număr finit de biţi, deci putem să scriem biţii în circuite
  - avem nevoie de precizie variabilă
  - putem avea precizie "infinită" dacă avem numere raţionale (şi vom salva separat numărătorul şi numitor ca întregi)

- standardul: IEEE 754 Floating Point
  - densitatea nu este uniformă pe linia reală

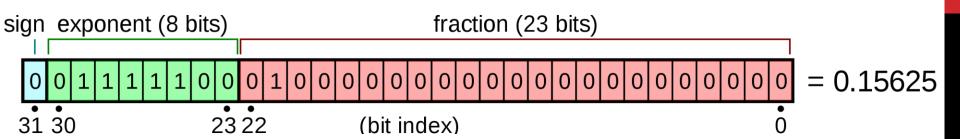
- standardul: IEEE 754 Floating Point
  - densitatea nu este uniformă pe linia reală



- (0.1 + 0.2) == 0.3 versus (0.2 + 0.3) == 0.5
- (0.7 + 0.2) + 0.1 versus (0.7 + 0.1) + 0.2 (nu avem asociativitatea)
- math.sqrt(3)\*math.sqrt(3) == 3 versus math.sqrt(3\*3) == 3
- diferența cu numere întregi
  - dacă folosim tip de date întreg: 16777216 + 1 = 16777217
  - dacă folosim tip de date FP: 16777216.0 + 1 = 16777216.0
  - float(123456789101112) + 1.0 = 123456789101113.0
  - float(1234567891011121) + 1.0 = 1234567891011122.0
  - float(12345678910111213) + 1.0 = 1.2345678910111212e+16

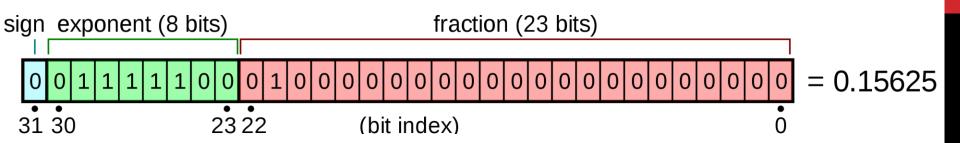
- reprezentarea științifică
  - $12345 = 1.2345 \times 10^4$
  - $5024 = 5.024 \times 10^3$
  - $0.00925 = 9.25 \times 10^{-3}$
  - float(12345678910111213) + 1.0 = 1.2345678910111212e+16
  - 101010 = 1.01010 x 2<sup>5</sup>
    - în sistemul binar, primul bit din reprezentare este mereu 1

standardul: IEEE 754 Floating Point



- exemple:
  - $0.15625 = (-1)^0 \ 1.0100...0 \ 2^{b(01111100) 127} = 1.25 \ 2^{-3} = 1.25/8$
  - alte exemple:
  - $(-1)^0$  1.1000...0  $2^{b(01111100)-127} = 1.5$   $2^{-3} = 1.5/8 = 0.1875$

standardul: IEEE 754 Floating Point



#### exemple:

- $\pi \approx 3.14159265 = (-1)^0 1.10010010000111111011010 2^{b(10000000) -127}$

- signaling NaN: 0x7F800001 sau 0x7FBFFFFF sau între 0xFF800001 şi 0xFFBFFFFF
- quiet NaN: 0x7FC00000 sau 0x7FFFFFFF sau între 0xFFC00000 și 0xFFFFFFF

mai mult exemple, la Seminarul 0x03

### CE AM FĂCUT ASTĂZI

- logică secvențială + combinațională, un exemplu
- înmulțirea numerelor întregi binare
- împărțirea numerelor întregi binare
- reprezentarea numerelor în virgulă mobilă
- lucrul cu numerele în virgulă mobilă

#### **DATA VIITOARE ...**

începem să discutăm despre arhitecturi de calcul

începem să discutăm despre seturi de instrucțiuni

### **LECTURĂ SUPLIMENTARĂ**

- PH book
  - 3.3 Multiplication
  - 3.4 Division
  - 3.5 Floating Point
- Computerphile, Floating Point Numbers, <u>https://www.youtube.com/watch?v=PZRI1IfStY0</u>
- Computephile, Floating Point Numbers (Part1: Fp vs Fixed), https://www.youtube.com/watch?v=f4ekifyijlg
- Computephile, Floating Point Numbers (Part2: Fp Addition), <u>https://www.youtube.com/watch?v=782QWNOD\_Z0</u>