Haskell, eine rein funktionale Programmiersprache

Ingo Blechschmidt <iblech@web.de>

Augsburg.pm





Fragen zu jeder Zeit willkommen!

Was ist schneller als C++, prägnanter als Perl, regelmäßiger als Python, flexibler als Ruby, typisierter als C#, robuster als Java und hat absolut nichts mit PHP gemeinsam? Es ist Haskell!

Haskell ist eine moderne und innovative Programmiersprache, die sich von bekannten imperativen Sprachen in vielerlei Hinsicht deutlich unterscheidet: Ein Haskell-Programm besteht nicht etwa aus einer Abfolge von auszuführenden Anweisungen, sondern aus einer Ansammlung von Deklarationen, deren Reihenfolge keine Rolle spielt. Auch gibt es keine veränderlichen Variablen, und ausgewertet wird nur, was wirklich benötigt wird; unendliche Datenstrukturen sind möglich und sinnvoll.

Dieses Denkparadigma mag anfangs sehr ungewohnt sein, zieht jedoch eine Reihe von Vorteilen mit sich: Da es keine Nebenwirkungen wie beispielsweise globale Variablen gibt, kann man Code rein lokal verstehen. Damit wird es einfacher, modular Komponenten zusammenzubauen, sich Datenflüsse klarzumachen und Code auf seine Korrektheit hin zu überprüfen. Insbesondere vereinfacht sich die Programmierung mit Threads enorm.

Ferner ist Haskells starkes statisches Typsystem eine große Hilfe beim Programmieren und verhindert viel mehr Fehler schon während des Kompilierens, als man vielleicht aus anderen Sprachen gewohnt ist. Es gibt das Motto, dass, wenn Haskell-Code erst einmal erfolgreich durchkompiliert, er dann auch schon korrekt ist. Das ist sicherlich übertrieben, hat aber einen erstaunlich wahren Kern.

Der Vortrag wird einen subjektiven Überblick über die Fähigkeiten und typischen Anwendungsgebiete von Haskell geben. Beim Erlernen von Haskell lernt man viele neue Herangehensweisen kennen, die auch in anderen Sprachen nützlich sind; das ist einer der Hauptvorteile an Haskell, der auch dann noch relevant ist, wenn man aus verschiedenen Gründen nicht in Haskell programmieren möchte.

- 1 Grundlegendes
 - Keine Variablen
 - Keine Nebenwirkungen
 - Keine Ein-/AusgabeErste Beispiele: Aufsummieren und Quicksort
- 2 Typsystem
 - Grundtypen
 - Typerschließung
 - Aktionstypen
- 3 Weitere Fähigkeiten
 - Aktionsarten
 - Parser-Aktionen
 - Bedarfsauswertung
 - QuickCheck
 - Webprogrammierung
- 4 Gemeinschaft
 - Hackage
 - Größere Anwendungen
 - Einstiegspunkte

Über Haskell

- Hochsprache, rein funktional, statisch stark typisiert, "nicht-strikt"
- Sprachspezifikation durch ein Komitee
- Veröffentlichung von Haskell 1.0: 1990
- Kompiliert und interpretiert
- REPL



Grundlegendes Typsystem Weiteres Gemeinschaft Variablen Nebenwirkungen Eingabe/Ausgabe Beispiele

Imperative Sprachen

Kennzeichen imperativer Sprachen:

- Anweisungen
- veränderliche Variablen
- Nebenwirkungen



Haskell ist komisch!

Haskell ist rein funktional:

- keine Anweisungen
- keine veränderliche Variablen
- keine Nebenwirkungen







Erstes Beispiel

```
# Perl
sub main {
    my $radius = 42;
    my $quadriert = $radius ** 2;
    my $flaeche = $quadriert * pi;
    print $flaeche;
}
```



Erstes Beispiel

```
# Perl
sub main {
    my \$radius = 42;
    my quadriert = quadrius ** 2;
    my $flaeche = $quadriert * pi;
    print $flaeche;
-- Haskell
main =
    let radius = 42
        quadriert = radius^2
        flaeche = quadriert * pi
    in print flaeche
```



```
# Perl
sub main {
    my \$radius = 42;
    my quadriert = quadrius ** 2;
    my $flaeche = $quadriert * pi;
    print $flaeche;
-- Haskell
main =
    let flaeche = quadriert * pi
        quadriert = radius^2
        radius = 42
    in print flaeche
```



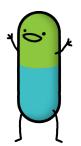
Erstes Beispiel

```
# Perl
sub main {
    my \$radius = 42;
    my $quadriert = $radius ** 2;
    my $flaeche = $quadriert * pi;
    print $flaeche;
-- Haskell
main = print flaeche
    where
    flaeche = quadriert * pi
    quadriert = radius^2
    radius = 42
```



Keine Nebenwirkungen

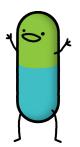
```
# Perl
my $a = f($x);
my $b = f($x);
...;
# Ist $a == $b?
```



Keine Nebenwirkungen

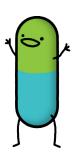
```
# Perl
my $a = f($x);
my $b = f($x);
...;
# Ist $a == $b?
```

```
-- Haskell
let a = f x
b = f x
in ...
-- a == b gilt stets.
```



Keine Nebenwirkungen

- Gleiche Argumente → gleiche Rückgaben
- Keine Ein-/Ausgabe, keine Zustandsveränderungen, . . .
- Rein lokales Codeverständnis!
- Tiefgreifende Optimierungsmöglichkeiten!



Keine Eingabe/Ausgabe

```
let x = getLine
in print (x ++ x)
```

vs.

```
print (getLine ++ getLine)
```

Keine Eingabe/Ausgabe

```
-- Compile-Zeit-Fehler!
let x = getLine
in print (x ++ x)
```

vs.

```
-- Compile-Zeit-Fehler!
print (getLine ++ getLine)
```



Keine Eingabe/Ausgabe

```
-- Compile-Zeit-Fehler!
let x = getLine
in print (x ++ x)
```

vs.

```
-- Compile-Zeit-Fehler!
print (getLine ++ getLine)
```

- \blacksquare Aktionen \neq Werte
- Explizite Unterscheidung durchs Typsystem (s. gleich)



- Mit let werden nur Abkürzungen eingeführt. ■ Die linke Seite einer solchen Zuweisung darf
- man daher überall durch die rechte ersetzen.
- Bei dem angegebenen Beispiel mit getLine wäre diese Erwartung verletzt.
- Zum Glück werden aber beide Code-Schnipsel wegen eines Typfehlers vom Compiler abgelehnt.
- Die Ausführung von Aktionen muss man in

Haskell *explizit* angeben.

Beispiel: Aufsummieren einer Zahlenliste

Deklaration durch Musterabgleich:

```
sum [] = 0
sum (x:xs) = x + sum xs
```

Beispielauswertung:

```
sum [1,2,3]
== 1 + sum [2,3]
== 1 + (2 + sum [3])
== 1 + (2 + (3 + sum []))
== 1 + (2 + (3 + 0))
```



Beispiel: Quicksort

```
qsort [] = []
qsort (x:xs) =
    qsort kleinere ++ [x] ++ qsort groessere
    where
    kleinere = [ y | y <- xs, y < x ]
    groessere = [ y | y <- xs, y >= x ]
```



Werte und Typen

- Statische starke Typisierung; jeder Wert ist von genau einem Typ.
- Keine impliziten Typumwandlungen
- Enorm hilfreich!



Werte und Typen

Statische starke Typisierung; jeder Wert ist von genau einem Typ.



- Keine impliziten Typumwandlungen
- Enorm hilfreich!
- Primitive Typen:

```
"Hallo, Welt!" :: String
True :: Bool
```

37 :: Integer (beliebige Größe)
37 :: Int (mind. 31 Bit)

■ Zusammengesetzte Typen:

```
['A', 'B', 'C'] :: [Char]
[[1,2], [3], []] :: [[Integer]]
```

Werte und Typen (Forts.)

Funktionstypen:

```
head :: [a] -> a
-- Bsp.: head [1,2,3] == 1
tail :: [a] -> [a]
-- Bsp.: tail [1,2,3] == [2,3]
-- Operatoren:
(&&) :: Bool -> Bool -> Bool
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
```



java.io.InputStreamReader



Automatische Erschließung nicht angegebener Typen durch den Compiler

```
greet name = "Hallo " ++ name ++ "!"
```



Automatische Erschließung nicht angegebener Typen durch den Compiler

```
greet :: String -> String
greet name = "Hallo " ++ name ++ "!"
```



Automatische Erschließung nicht angegebener Typen durch den Compiler

```
greet :: String -> String
greet name = "Hallo " ++ name ++ "!"
```

```
dup xs = xs ++ xs
-- Bsp.:
   dup [1,2,3] ==
   [1,2,3,1,2,3]
```



Automatische Erschließung nicht angegebener Typen durch den Compiler

```
greet name = "Hallo " ++ name ++ "!"
dup :: [a] -> [a]
dup xs = xs ++ xs
-- Bsp.:
   dup [1,2,3] ==
   [1,2,3,1,2,3]
```

greet :: String -> String



Typen von Ein-/Ausgabe-Operationen

- IO Foo meint: Wert vom Typ Foo produzierende IO-Aktion
- Häufig benutzte Ein-/Ausgabe-Operationen:

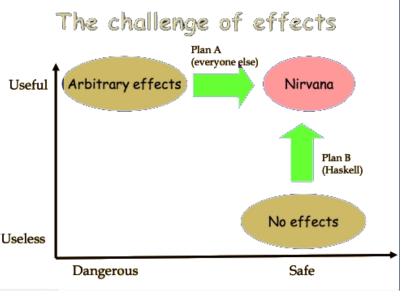
```
getLine :: IO String
putStr :: String -> IO ()
readFile :: FilePath -> IO String
```

Typen von Ein-/Ausgabe-Operationen

- IO Foo meint: Wert vom Typ Foo produzierende IO-Aktion
- Häufig benutzte Ein-/Ausgabe-Operationen:

```
getLine :: IO String
putStr :: String -> IO ()
readFile :: FilePath -> IO String
```

Zum früheren Beispiel:



Grafik gestohlen von: Simon Peyton Jones

Arten von Aktionen

- IO (Eingabe/Ausgabe)
- Parser
- Maybe (Behandlung von Fehlerfällen)
- Reader (vererbende Umgebung)
- State (veränderlicher Zustand)
- Writer (Logging)
- Listen für Nichtdeterminismus und Logikprogrammierung
- Cont (Continuations)

- Das Fachwort für Aktionen ist *Monaden*.

 In der Kategorientheorie, einem abstrakten Teilgebiet der Mathematik
- In der Kategorientheorie, einem abstrakten Teilgebiet der Mathematik, waren Monaden schon seit etwa den 1950er Jahren bekannt.
- In die Informatik kamen sie hauptsächlich durch einen wegweisenden Artikel von Eugenio Moggi im Jahr 1991.
- Funktionen können auch *polymorph* in der Monade sein, wenn sie keine Besonderheiten einer bestimmten Monade ausnutzen.
- Monadische Werte sind wie andere Werte auch *first-class*, können also etwa in Datenstrukturen gespeichert werden.

State-Aktionen

Veränderlicher Zustand kann man dadurch emulieren, indem man ihn explizit durchfädelt:

```
-- Zustand von irgendeinem Typ St.
foo :: St -> Integer -> (St, Double)
bar :: St -> Double -> (St, String)

baz :: St -> Integer -> (St, String)
baz s x =
    let (s', y) = foo s x
        (s'', z) = bar s' y
in (s'', z)
```

 Das ist aber umständlich und fehleranfällig (wenn man aus Versehen alten Zustand wiederverwendet).

State-Aktionen (Forts.)

Eleganter geht es mit der State-Aktion:

```
import Control.Monad.State
foo :: Integer -> State St Double
bar :: Double -> State St String
baz :: Integer -> State St String
baz x = do
    v <- foo x
    z <- bar v
    return z
-- oder: baz x = foo x >>= bar
```

■ Ein Wert vom Typ State s a ist eine Aktion, die einen Wert vom Typ a berechnet und als Nebenwirkung eine Zustandsvariable vom Typ s verändert.

■ evalState :: State s a -> s -> a

- get :: State s s
- put :: s -> State s ()

Parser-Aktionen

Parser für Perl-Bezeichner (z.B. \$foo, @bar123):

```
perlBezeichner :: Parser String
perlBezeichner = do
    sigil <- oneOf "$@%&"
    name <- many alphaNum
    return (sigil : name)</pre>
```

Dabei verwendete Funktionen aus Parser-Bibliothek:

```
oneOf :: [Char] -> Parser Char
```

alphaNum :: Parser Char

many :: Parser a -> Parser [a]



Bedarfsauswertung

```
-- 100. Zeile aus Datei ausgeben
main = do
    daten <- readFile "große-datei.txt"
    print (lines daten !! 99)</pre>
```



Bedarfsauswertung

```
-- 100. Zeile aus Datei ausgeben
main = do
    daten <- readFile "große-datei.txt"
    print (lines daten !! 99)</pre>
```

- Auswertung von Ausdrücken erst dann, wenn Ergebnisse wirklich benötigt
- Wegabstraktion des Speicherkonzepts!
- Somit Fähigkeit für unendliche Datenstrukturen: Potenzreihen, Zeitreihen, Entscheidungsbäume, . . .



Bedarfsauswertung (Forts.)

```
natürlicheZahlen = [1..]
-- [1,2,3,4,...]
```



Bedarfsauswertung (Forts.)

```
natürlicheZahlen = [1..]
-- [1,2,3,4,...]
ungeradeZahlen = filter odd [1..]
-- [1,3,5,7,...]
```



Bedarfsauswertung (Forts.)

```
natürlicheZahlen = [1..]
-- [1,2,3,4,...]
ungeradeZahlen = filter odd [1..]
-- [1,3,5,7,...]
fibs = 0 : 1 : zipWith (+) fibs (tail fibs)
-- [0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,...]
```



QuickCheck

```
# Perl
is(sqrt(0), 0, "sqrt(0) ist ok");
is(sqrt(1), 1, "sqrt(1) ist ok");
is(sqrt(4), 2, "sqrt(4) ist ok");
is(sqrt(9), 3, "sqrt(9) ist ok");
is(sqrt(16), 4, "sqrt(16) ist ok");
...; # ??
```



```
# Perl
is(sqrt(0), 0, "sqrt(0) ist ok");
is(sqrt(1), 1, "sqrt(1) ist ok");
is(sqrt(4), 2, "sqrt(4) ist ok");
is(sqrt(9), 3, "sqrt(9) ist ok");
is(sqrt(16), 4, "sqrt(16) ist ok");
...; # ??
```

```
-- Haskell mit OuickCheck
propSqrt :: Double -> Bool
propSqrt x =
    sqrt(x * x) == x
```



```
propSqrt :: Double -> Bool
propSqrt x = sqrt (x * x) == x
qhci> quickCheck propSqrt
Falsifiable, after 6 tests:
-4
```



```
propSqrt :: Double -> Bool
propSqrt x = sqrt (x * x) == x

ghci> quickCheck propSqrt
Falsifiable, after 6 tests:
-4
```

```
propSqrt' :: Double -> Bool
propSqrt' x = sqrt (x * x) == abs x
```

ghci> quickCheck propSqrt'
OK, passed 100 tests.



- Spezifikationsüberprüfung durch zufällig generierte Stichproben
- Enorm hilfreich!



- Spezifikationsüberprüfung durch zufällig generierte Stichproben
- Enorm hilfreich!

■ Implementierung durch Typklasse:

```
class Arbitrary a where
    arbitrary :: Gen a
```

Instanzen von Arbitrary nicht nur für primitive, sondern automatisch auch für zusammengesetzte Typen

Webprogrammierung

- Wieso Haskell fürs Web? Effizienz, Sicherheit & die üblichen Vorteile
- Webframeworks: Happstack, Snap, Yesod
- Leichtgewichtige Threads, asynchrone IO
- Minimalbeispiel:

```
mainLoop sock = forever $ do
    conn <- accept sock
    forkIO $ runConn conn</pre>
```

http://www.haskell.org/haskellwiki/Implement_a_chat_server

Paketarchiv Hackage

- Entstehung 2007, mittlerweile 7000⁺ Pakete
- Installationswerkzeug cabal-install
 - algorithms bioinformatics codec compilers concurrency console control cryptography data database datastructures development distributed computing distribution failure ffi foreign frp game generics graphics gui hardware interpreters language math monads music network nlp numerical parsing sound **System** testing **text** theoremprovers userinterfaces utils web yml

Größere Anwendungen

- Glasgow Haskell Compiler (GHC)
- darcs, verteiltes Versionskontrollsystem
- xmonad, "tiling" Fenstermanager
- Pugs, Perl-6-Prototyp
- Cryptol, Sprache f
 ür Kryptographie
- Criterion, Benchmarktoolkit







- zum Herumspielen im Browser: http://tryhaskell.org/
- interaktive Haskell-Shell:
 - \$ apt-get install ghc
 - \$ ghci
- http://learnyouahaskell.com/
- Buch: Real World Haskell, O'Reilly
- Teile dieses Vortrags inspiriert von einem Vortrag von Audrey Tang:

http://feather.perl6.nl/~audreyt/osdc/
haskell.xul





▶ Bonusfolien





Bonusfolien

- 5 Details zum Typsystem
 - Typklassen
 - Benutzerdefinierte Datentypen
 - Umgang mit fehlenden Werten
- 6 Foreign Function Interface
- 7 Nebenläufigkeit
 - Software Transactional Memory
 - Data Parallel Haskell
- 8 Bildquellen



```
add37 x = x + 37
-- Bsp.: add37 5 == 42
```

```
add37 :: a \rightarrow a add37 x = x + 37 \rightarrow Bsp.: add37 5 == 42
```

```
add37 :: (Num a) => a -> a add37 x = x + 37 -- Bsp.: add37 5 == 42
```

■ Typklassen für ad-hoc Polymorphismus:

add37 :: $(Num a) \Rightarrow a \rightarrow a$

```
add37 x = x + 37
-- Bsp.: add37 5 == 42

min x y = if x <= y then x else y
-- Bsp.: min 19 17 == 17</pre>
```

```
add37 :: (Num a) => a -> a
add37 x = x + 37
-- Bsp.: add37 5 == 42
min :: (Ord a) => a -> a -> a
min x y = if x <= y then x else y
-- Bsp.: min 19 17 == 17
```

■ Typklassen für ad-hoc Polymorphismus:

```
add37 :: (Num a) \Rightarrow a \rightarrow a
add37 x = x + 37
-- Bsp.: add37 5 == 42
min :: (Ord a) => a -> a -> a
min x y = if x \le y then x else y
-- Bsp.: min 19 17 == 17
```

Deklaration:

class Num a where

$$(+)$$
 :: a -> a -> a

$$(-)$$
 :: a -> a -> a

- Keine impliziten Casts zwischen Integer, Float, Double, ...
- Aber: Zahlliterale sind automatisch von dem Typ, den der Kontext erwartet.
- 7 ist syntaktischer Zucker für fromInteger 7: fromInteger :: (Num a) => Integer -> a
- So ist etwa x + 7 auch für x :: Double okay.
- Für Casts müssen weder Quell- noch Zieltyp angegeben werden:

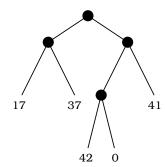
```
fromIntegral :: (Integral a, Num b) => a -> b
```

Benutzerdefinierte Datentypen

data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree
Konstruktoren:

Leaf :: Int -> Tree und

Fork :: Tree -> Tree -> Tree



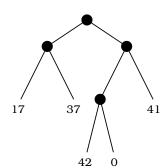
Benutzerdefinierte Datentypen

```
data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree
Konstruktoren:
Leaf :: Int -> Tree und
Fork :: Tree -> Tree -> Tree
beispielBaum = Fork
    (Fork (Leaf 17) (Leaf 37))
    (Fork
         (Fork (Leaf 42) (Leaf 0)
         (Leaf 41))
                                17
```

Benutzerdefinierte Datentypen

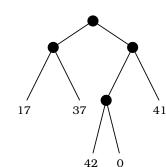
```
data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree
Konstruktoren:
Leaf :: Int -> Tree und
Fork :: Tree -> Tree -> Tree
beispielBaum = Fork
    (Fork (Leaf 17) (Leaf 37))
    (Fork
        (Fork (Leaf 42) (Leaf 0)
        (Leaf 41))
                                17
komischerBaum =
    Fork (Leaf 23) komischerBaum
```

data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree



```
data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree

data Tree a = Leaf a | Fork (Tree a) (Tree a)
```

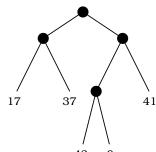


```
data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree

data Tree a = Leaf a | Fork (Tree a) (Tree a)

-- Gesamtzahl Blätter zählen
```

```
size :: Tree a -> Integer
size (Leaf _) = 1
size (Fork links rechts) =
    size links + size rechts
```



```
data Tree = Leaf Int | Fork Tree Tree
data Tree a = Leaf a | Fork (Tree a) (Tree a)
-- Gesamtzahl Blätter zählen
size :: Tree a -> Integer
size (Leaf )
                          = 1
size (Fork links rechts) =
    size links + size rechts
                                       37
-- Blätter als Liste zurückgeben
inorder :: Tree a -> [a]
inorder (Leaf x)
                             = [X]
inorder (Fork links rechts) =
    inorder links ++ inorder rechts
```

Umgang mit fehlenden Werten

- ...Null References: The Billion Dollar Mistake (Tony Hoare)
- In Haskell: Explizite Kennzeichnung von möglicherweise fehlenden Werten durch Maybe-Typen

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

```
lookupFarbe :: String -> Maybe Color
-- Bsp.:
   lookupFarbe "Simpsons" == Just YELLOW
   lookupFarbe "Simqsons" == Nothing
```

Maybe-Ketten

Anwendbarkeit des syntaktischen Zuckers von Aktionstypen für Maybe:

```
berechneA :: Integer -> Maybe String
berechneB :: Integer -> Maybe [Double]
berechneC :: [Double] -> Maybe String
berechne :: Integer -> Maybe String
berechne x = do
    teill <- berechneA x
    teil2 <- berechneB x
    teil2' <- berechneC teil2
    return (teil1 ++ teil2)
```

Foreign Function Interface

```
{-# INCLUDE <math.h> #-}
foreign import ccall unsafe "sin"
    c_sin :: CDouble -> CDouble
```



- Einbindung von (C-)Bibliotheken
- Keine besondere Handhabung der importierten Funktionen
- Callbacks aus dem C-Code heraus möglich

Nebenläufigkeit

- Aufgabenparallelismus: Software Transactional Memory • weiter
- Datenparallelismus:
 Data Parallel Haskell weiter



Traditionelles Locking

- Schwierigkeiten bei traditionellem Locking: nichtlokales Denken, Deadlocks, Livelocks, Prioritätsinversion
- "lock-based programs do not compose"



Typsystem FFI Nebenläufigkeit Bildquellen

Traditionelles Locking (Forts.)

```
1 # Perl
  x->withdraw(3);
  $y->deposit(3);
  # Race Condition!
```



Traditionelles Locking (Forts.)

```
1 # Perl
  x->withdraw(3);
  y->deposit(3);
  # Race Condition!
2 $x->lock(); $y->lock();
  x->withdraw(3):
  y->deposit(3);
  y->unlock(); x->unlock();
```



Traditionelles Locking (Forts.)

```
1 # Perl
  x->withdraw(3);
  y->deposit(3);
  # Race Condition!
2 $x->lock(); $y->lock();
  x->withdraw(3):
  y->deposit(3);
  y->unlock(); x->unlock();
3 { $x->lock(); $y->lock(); ...; }
  VS.
  { $y->lock(); $x->lock(); ...; }
  # Deadlock!
```

Software Transactional Memory

- Transaktionsvorstellung: Unabhängige, einfädige Ausführung jeder Transaktion
- Implementierung durch Schreiben in temporären Puffer; Commit nur, wenn gelesene Variablen noch unverändert, sonst Neustart
- Vorteile: keine expliziten Locks, keine Race Conditions. Komponierbarkeit



Software Transactional Memory (Forts.)

```
-- Haskell
withdraw :: Account -> Int -> STM ()
deposit :: Account -> Int -> STM ()
atomically $ do
    withdraw x = 3
    deposit v 3
```



Flat/Nested Data Parallelism

Flat Data Parallelism:

```
for my $i (1..$N) {
    work($i);
```

- Parallelisierung durch einfaches Aufteilen der Fälle auf die Prozessoren
- Effizienz verschenkt, wenn work () selbst parallel arbeiten könnte!

Data Parallel Haskell

- Umsetzung von Nested Data Parallelism
- Automatische Programmtransformationen: Flattening (global), Fusion (lokal)
- Wesentliche Abhängigkeit von Haskells reiner Funktionalität

Data Parallel Haskell

- Umsetzung von Nested Data Parallelism
- Automatische Programmtransformationen: Flattening (global), Fusion (lokal)
- Wesentliche Abhängigkeit von Haskells reiner Funktionalität

```
-- Komponentenweise Vektor-Addition
addP :: (Num a) => [:a:] -> [:a:]
addP xs ys =
        [: x + y | x <- xs | y <- ys :]
-- Skalarprodukt
dotP :: (Num a) => [:a:] -> [:a:] -> a
dotP xs ys = sumP (mulP xs ys)
```

Bildquellen

```
http://betrlebsrat.files.wordpress.com/2009/10/zeitungs-logo-standard.jpg
http://de.academic.ru/pictures/dewiki/100/dining philosophers.png
http://i.ehow.com/images/a04/8i/g0/show-real-smile-photographs-800X800.jpg
http://imgs.xkcd.com/comics/regular expressions.png
http://learnyouahaskell.com/splash.png
http://media.nokrev.com/junk/haskell-logos/logo7.png
http://otierney.net/images/perl6.gif
http://perl.ployer.com/yak/presentation/samples/present.gif
http://save-endo.cs.uu.nl/target.png
http://theleftwinger.files.wordpress.com/2010/01/lazy.jpg
http://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/7/7d/Bug.png
http://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/c/c6/Metal_movable_type_edit.jpg
http://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/d/d0/Jabberwocky.jpg
http://wordaligned.org/images/the-challenge-of-effects.jpg
■ http://www.coverbrowser.com/image/oreilly-books/42-1.jpg
http://www.ctri.co.uk/images/cat30.jpg
http://www.darcs.net/logos/logo.png
http://www.fos.org.au/custom/files/media/sort_it cover 300.jpg
http://www.galois.com/~dons/images/cloud.png
http://www.galois.com/files/Cryptol/Cryptol logo image.png
http://www.homemortgagerates.us/variable-rates-636.ipg
http:
  //www.lakehousecreations.com/images/ThankYou/Thank%20You%202003%20(12).jpg
http://www.nataliedee.com/093009/death-is-a-side-effect-of-most-things.jpg
http://www.quickmeme.com/img/bd/
  bdb89c032c3c7c09a86897422bf3bd32a0bb65731c7fd38ba5ea67741621ad35.jpg
http://www.simpsonsline.com/rb/fakten/vorspann/02 kasse.jpg
http://www.sketchybeast.com/wp-content/uploads/2007/12/input output.ipg
http://www.sopaed-lern.uni-wuerzburg.de/uploads/pics/Pruefung.jpg
http://www.wfu.edu/nanotech/Microscopy%20Facility/stm view.jpg
http://www.wishlist.nu/wp-content/uploads/2007/10/gargoyle.jpg
http://xmonad.org/images/logo.png
```

Augsburg.pm