Ré-identification sans coordination dans les types de données répliquées sans conflits

Matthieu Nicolas (matthieu.nicolas@loria.fr)

Rapporteurs : Hanifa Boucheneb Professeure, Polytechnique Montréal

Davide Frey Chargé de recherche, HdR, Inria Rennes Bretagne-Atlantique

Examinateurs : Hala Skaf-Molli Maîtresse de conférences, HdR, Nantes Université, LS2N

Stephan Merz Directeur de Recherche, Inria Nancy - Grand Est

Olivier Perrin Professeur des Universités, Université de Lorraine, LORIA

Gérald Oster Maître de conférences, Université de Lorraine, LORIA



Encadrants ·







Conflict-free Replicated Data Types (CRDTs)[1]

- Nouvelles spécifications des types de données, e.g. Ensemble ou Séquence
- · Conçues pour données répliquées

^{[1].} Shapiro et al., « Conflict-Free Replicated Data Types ».

Conflict-free Replicated Data Types (CRDTs)[1]

- Nouvelles spécifications des types de données, e.g. Ensemble ou Séquence
- · Conçues pour données répliquées

Propriétés des CRDTs

- Permettent modifications sans coordination
- Garantissent la convergence forte

^{[1].} Shapiro et al., « Conflict-Free Replicated Data Types ».

Conflict-free Replicated Data Types (CRDTs)[1]

- Nouvelles spécifications des types de données, e.g. Ensemble ou Séquence
- · Conçues pour données répliquées

Propriétés des CRDTs

- · Permettent modifications sans coordination
- Garantissent la convergence forte

Convergence forte

Ensemble des noeuds ayant intégrés le même ensemble de modifications obtient des états équivalents, sans nécessiter d'actions ou messages supplémentaires

^{[1].} Shapiro et al., « Conflict-Free Replicated Data Types ».

LogootSplit [3], un CRDT pour le type Séquence

· Assigne identifiant de position à chaque élément de la séquence

^{[2].} Preguica et al., « A Commutative Replicated Data Type for Cooperative Editing ».

^{[3].} ANDRÉ et al., « Supporting Adaptable Granularity of Changes for Massive-Scale Collaborative Editing ».

LogootSplit [3], un CRDT pour le type Séquence

· Assigne identifiant de position à chaque élément de la séquence

Propriétés des identifiants de position [2]

- 1. Unique
- 2. Immuable
- 3. Ordonnable par une relation d'ordre strict total <id
- 4. Appartenant à un espace dense

^{[2].} Preguica et al., « A Commutative Replicated Data Type for Cooperative Editing ».

^{[3].} ANDRÉ et al., « Supporting Adaptable Granularity of Changes for Massive-Scale Collaborative Editing ».

LogootSplit [3], un CRDT pour le type Séquence

· Assigne identifiant de position à chaque élément de la séquence

Propriétés des identifiants de position [2]

- 1. Unique
- 2. Immuable
- 3. Ordonnable par une relation d'ordre strict total < id
- 4. Appartenant à un espace dense
 - · Ordonne les éléments entre eux en utilisant leurs identifiants

^{[2].} Preguica et al., « A Commutative Replicated Data Type for Cooperative Editing ».

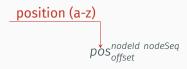
^{[3].} ANDRÉ et al., « Supporting Adaptable Granularity of Changes for Massive-Scale Collaborative Editing ».

Identifiant

· Composé d'un ou plusieurs tuples suivants

pos^{nodeld nodeSeq}

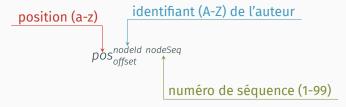
Identifiant



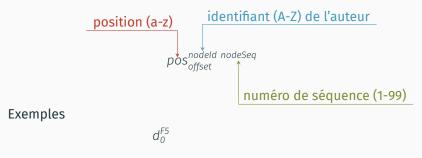
Identifiant



Identifiant

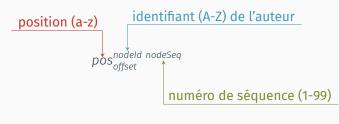


Identifiant



Identifiant

· Composé d'un ou plusieurs tuples suivants

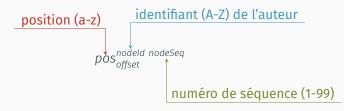


Exemples

$$d_0^{F5} <_{id} m_0^{C1}$$

Identifiant

· Composé d'un ou plusieurs tuples suivants

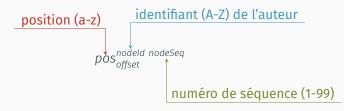


Exemples

$$d_0^{F5} <_{id} m_0^{C1} <_{id} m_0^{C1} f_0^{E1}$$

Identifiant

· Composé d'un ou plusieurs tuples suivants



Exemples

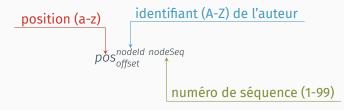
$$d_0^{F5} <_{id} m_0^{C1} <_{id} m_0^{C1} f_0^{E1}$$

$$i_0^{B1} <_{id}$$
 ? $<_{id} i_1^{B1}$

/ı

Identifiant

· Composé d'un ou plusieurs tuples suivants



Exemples

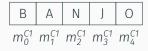
$$d_0^{F5} <_{id} m_0^{C1} <_{id} m_0^{C1} f_0^{E1}$$

$$i_0^{B1} <_{id} i_0^{B1} f_0^{A1} <_{id} i_1^{B1}$$

/ı

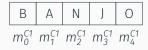
Bloc LogootSplit

· Coûteux de stocker les identifiants de chaque élément



Bloc LogootSplit

· Coûteux de stocker les identifiants de chaque élément



· Aggrège en un bloc éléments ayant identifiants contigus

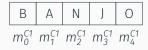
Identifiants contigus

Deux identifiants sont contigus si et seulement si les deux identifiants sont identiques à l'exception de leur dernier offset et que leur derniers offsets sont consécutifs.

5

Bloc LogootSplit

· Coûteux de stocker les identifiants de chaque élément



· Aggrège en un bloc éléments ayant identifiants contigus

Identifiants contigus

Deux identifiants sont contigus si et seulement si les deux identifiants sont identiques à l'exception de leur dernier offset et que leur derniers offsets sont consécutifs.

 Note l'intervalle d'identifiants d'un bloc : pos^{nodeld nodeSeq} begin..end



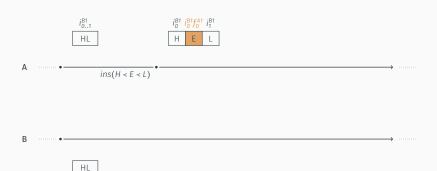
5

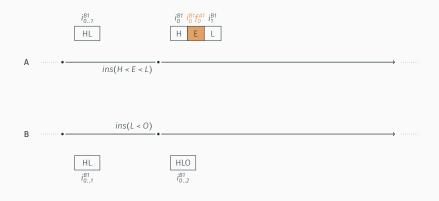


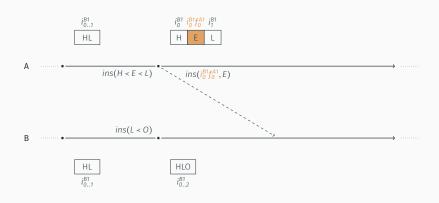
A ------

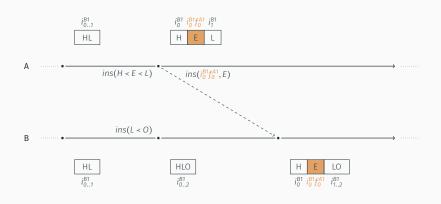
B ------

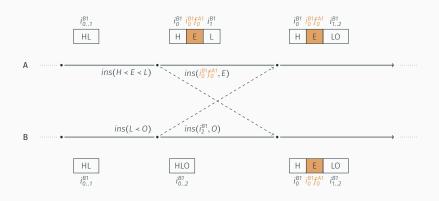
i^{B1}_{0..1}











Limites de LogootSplit

Sources croissance métadonnées

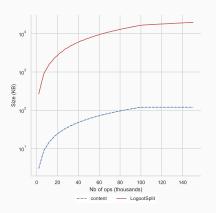
- · Croissance non-bornée de la taille des identifiants
- Fragmentation en blocs courts

Limites de LogootSplit

Sources croissance métadonnées

- · Croissance non-bornée de la taille des identifiants
- Fragmentation en blocs courts

Taille du contenu comparé à la taille de la séquence LogootSplit



Mitigation du surcoût des CRDTs pour le type Séquence

L'approche core-nebula [4]

- Ré-assigne des identifiants courts aux éléments, c.-à-d. les renomme
- · Transforme les opérations insert et remove concurrentes...

^{[4].} ZAWIRSKI et al., « Asynchronous rebalancing of a replicated tree ».

Mitigation du surcoût des CRDTs pour le type Séquence

L'approche core-nebula [4]

- Ré-assigne des identifiants courts aux éléments, c.-à-d. les renomme
- · Transforme les opérations insert et remove concurrentes...
- · ...mais ne supportent pas opérations rename concurrentes

^{[4].} ZAWIRSKI et al., « Asynchronous rebalancing of a replicated tree ».

Mitigation du surcoût des CRDTs pour le type Séquence

L'approche core-nebula [4]

- Ré-assigne des identifiants courts aux éléments, c.-à-d. les renomme
- · Transforme les opérations insert et remove concurrentes...
- · ...mais ne supportent pas opérations rename concurrentes

Inadaptée aux applications pair-à-pair

^{[4].} ZAWIRSKI et al., « Asynchronous rebalancing of a replicated tree ».

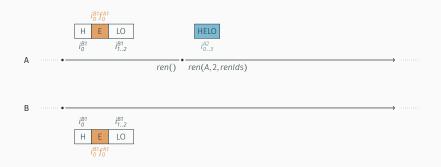
• . •

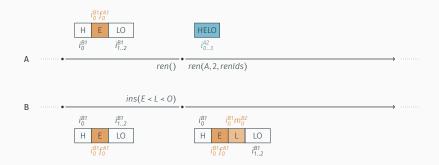
Proposition

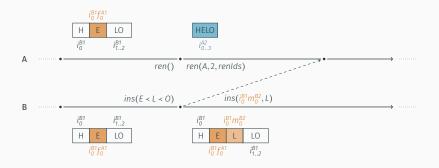
Mécanisme de renommage supportant les

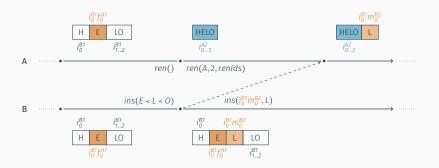
renommages concurrents

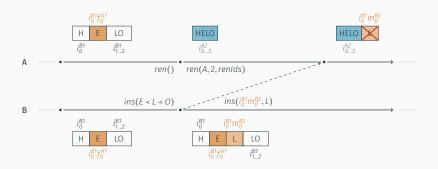
RenamableLogootSplit



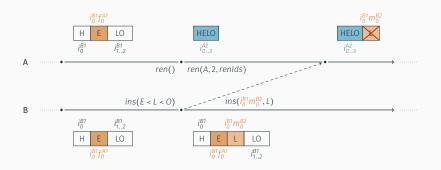








- Peuvent générer opérations concurrentes aux opérations rename
- · Produisent anomalies si intégrées naïvement



- Peuvent générer opérations concurrentes aux opérations rename
- · Produisent anomalies si intégrées naïvement

Nécessité d'un mécanisme dédié

Mécanisme de résolution de conflits

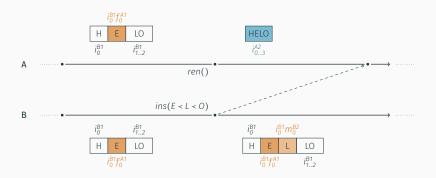
Besoins

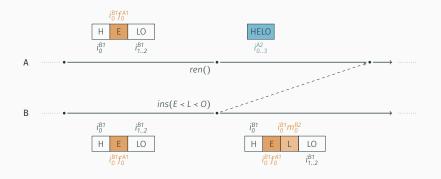
- 1. Détecter les opérations concurrentes aux opérations rename
- 2. Prendre en compte effet des opérations *rename* lors de l'intégration des opérations concurrentes

Mécanisme de résolution de conflits

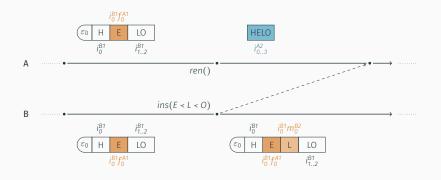
Besoins

- 1. Détecter les opérations concurrentes aux opérations rename
- 2. Prendre en compte effet des opérations *rename* lors de l'intégration des opérations concurrentes



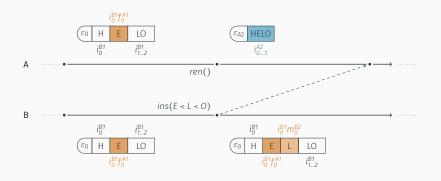


Ajout mécanisme d'époques



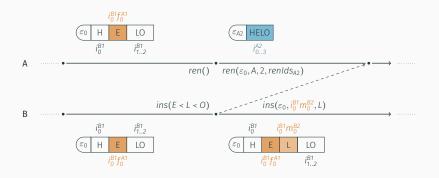
Ajout mécanisme d'époques

- Séquence commence à époque d'origine, notée $arepsilon_0$



Ajout mécanisme d'époques

- · Séquence commence à époque d'origine, notée ε_0
- \cdot rename font progresser à nouvelle époque, $arepsilon_{nodeld\ nodeSeq}$



Ajout mécanisme d'époques

- · Séquence commence à époque d'origine, notée ε_0
- \cdot rename font progresser à nouvelle époque, $arepsilon_{nodeld\ nodeSeq}$
- · Opérations labellisées avec époque de génération

Mécanisme de résolution de conflits

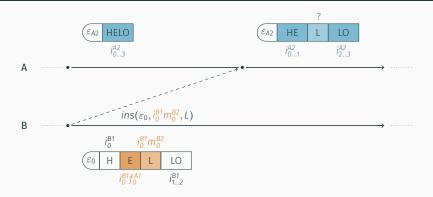
Besoins

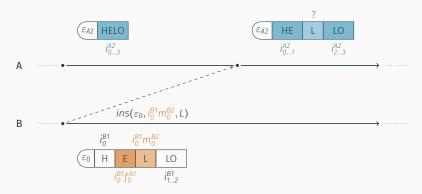
- 1. Détecter les opérations concurrentes aux opérations rename
- 2. Prendre en compte effet des opérations *rename* lors de l'intégration des opérations concurrentes

Mécanisme de résolution de conflits

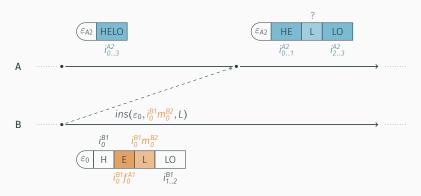
Besoins

- 1. Détecter les opérations concurrentes aux opérations rename
- 2. Prendre en compte effet des opérations *rename* lors de l'intégration des opérations concurrentes



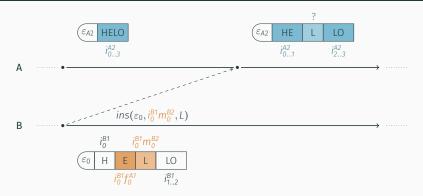


Ajout d'un mécanisme de transformation des opérations *insert* et *remove* concurrentes



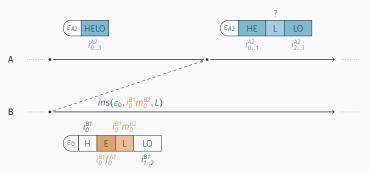
Ajout d'un mécanisme de transformation des opérations *insert* et *remove* concurrentes

· Prend la forme de l'algorithme renameId



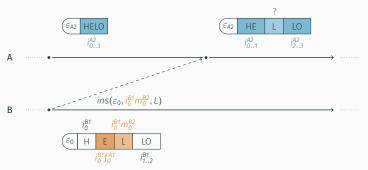
Ajout d'un mécanisme de transformation des opérations *insert* et *remove* concurrentes

- · Prend la forme de l'algorithme renameId
- Inclure l'effet de l'opération rename dans l'opération transformée



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

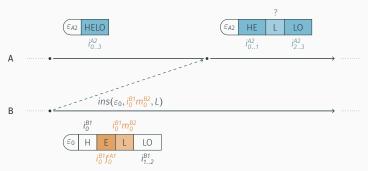


Rappel:

$$renIds_{A2} = [i_0^{B1}, i_0^{B1}f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}]$$

Exemple avec $i_0^{B1}m_0^{B2}$

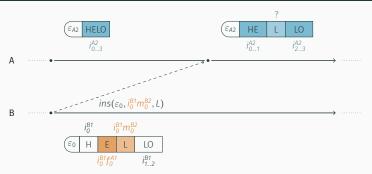
• Trouver son prédecesseur dans $renlds_{A2}: i_0^{B1}f_0^{A1}$



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

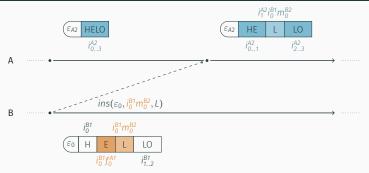
- Trouver son prédecesseur dans $renlds_{A2}$: $i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver son équivalent à l'époque cible $\varepsilon_{\rm A2}$: $i_1^{\rm A2}$



Rappel:

$$renIds_{A2} = [i_0^{B1}, i_0^{B1}f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}]$$

- Trouver son prédecesseur dans $renIds_{A2}: i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver son équivalent à l'époque cible ε_{A2} : i_1^{A2}
- Préfixer $i_0^{B1}m_0^{B2}$ par ce dernier : $i_1^{A2}i_0^{B1}m_0^{B2}$

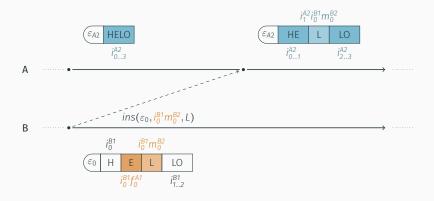


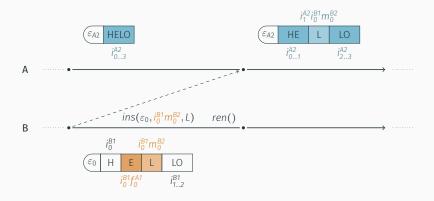
Rappel:

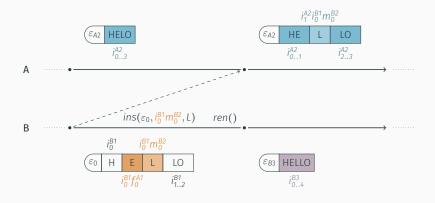
$$renIds_{A2} = [i_0^{B1}, i_0^{B1}f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}]$$

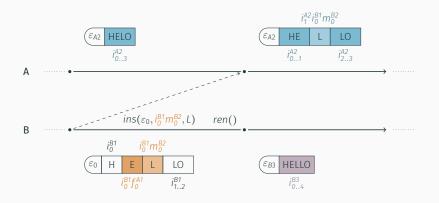
- Trouver son prédecesseur dans $renlds_{A2}: i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver son équivalent à l'époque cible ε_{A2} : i_1^{A2}
- Préfixer $i_0^{B1}m_0^{B2}$ par ce dernier : $i_1^{A2}i_0^{B1}m_0^{B2}$

Et en cas d'opérations *rename* concurrentes?

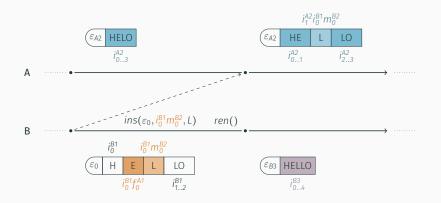








Comment faire converger les noeuds?



Comment faire converger les noeuds?

Besoin d'un mécanisme additionnel de résolution de conflits

Résolution de conflits entre opérations rename concurrentes

Observation

- · Opérations rename sont des opérations systèmes...
- · ...pas des opérations utilisateur-rices

Résolution de conflits entre opérations rename concurrentes

Observation

- · Opérations rename sont des opérations systèmes...
- · ...pas des opérations utilisateur-rices

Proposition

- · Considérer une opération rename comme prioritaire...
- · …et ignorer les opérations rename en conflit avec elle

Intuition		

Intuition

1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible

- Ajouter l'époque créée par l'opération rename à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque <u>l'époque</u> cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC.
 - 3.3 Appliquer l'effet des opérations rename du PPAC à l'époque cible

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque <u>l'époque</u> cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC.
 - 3.3 Appliquer l'effet des opérations rename du PPAC à l'époque cible

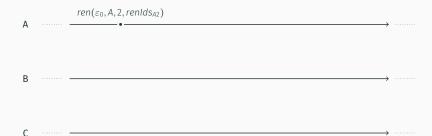
Algorithme d'intégration d'une opération rename

Intuition

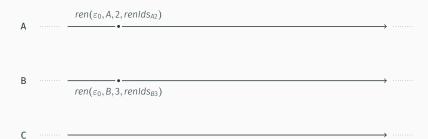
- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC
 - 3.3 Appliquer l'effet des opérations rename du PPAC à l'époque cible

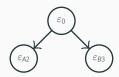
Α	→	
В		

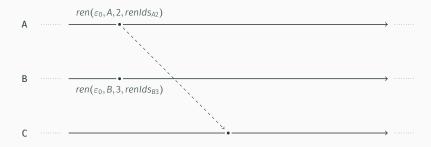


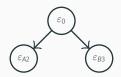


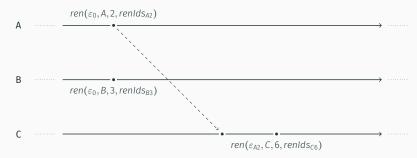


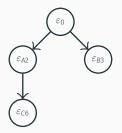


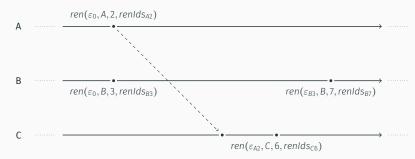


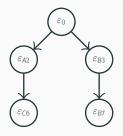


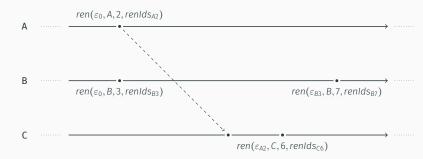






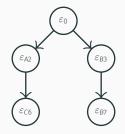


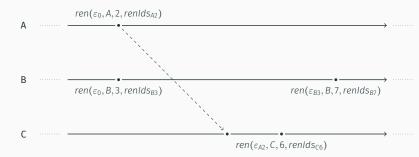




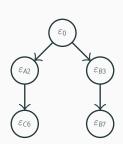
Arbre des époques

Comment choisir?



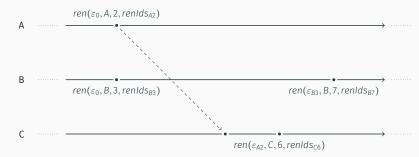


Arbre des époques

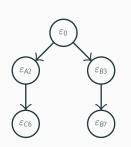


Comment choisir?

• Définit relation priority, notée $<_{\varepsilon}$, ordre strict total sur les époques

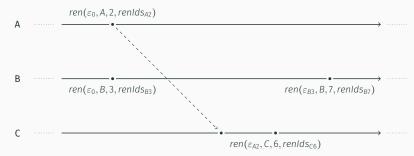


Arbre des époques

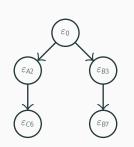


Comment choisir?

- Définit relation *priority*, notée $<_{\varepsilon}$, ordre strict total sur les époques
- Utilise ordre lexicographique sur chemins des époques dans l'arbre



Arbre des époques

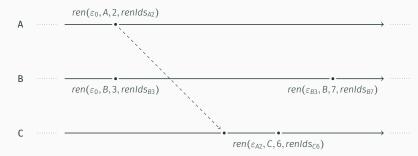


Comment choisir?

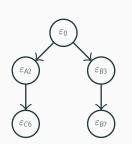
- Définit relation *priority*, notée $<_{\varepsilon}$, ordre strict total sur les époques
- Utilise ordre lexicographique sur chemins des époques dans l'arbre

Exemple

$$\varepsilon_0 < \varepsilon_0 \varepsilon_{A2}$$



Arbre des époques

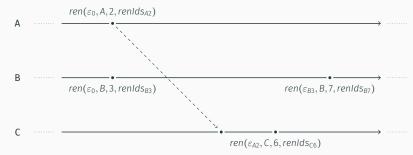


Comment choisir?

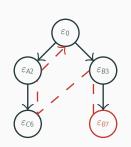
- Définit relation priority, notée $<_{\varepsilon}$, ordre strict total sur les époques
- Utilise ordre lexicographique sur chemins des époques dans l'arbre

Exemple

$$\varepsilon_0 < \varepsilon_0 \varepsilon_{A2} < \varepsilon_0 \varepsilon_{A2} \varepsilon_{C6}$$



Arbre des époques

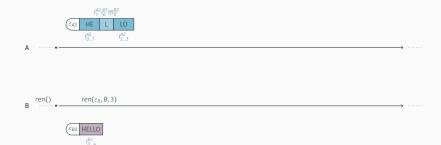


Comment choisir?

- Définit relation priority, notée $<_{\varepsilon}$, ordre strict total sur les époques
- Utilise ordre lexicographique sur chemins des époques dans l'arbre

Exemple

$$\varepsilon_0 < \varepsilon_0 \varepsilon_{A2} < \varepsilon_0 \varepsilon_{A2} \varepsilon_{C6} < \varepsilon_0 \varepsilon_{B3} \varepsilon_{B7}$$

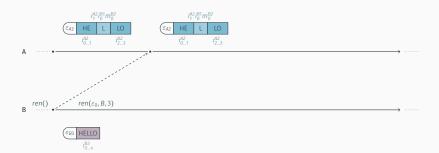


Arbre des époques de A



Étapes

• Époque courante : $\varepsilon_{\mathrm{A2}}$

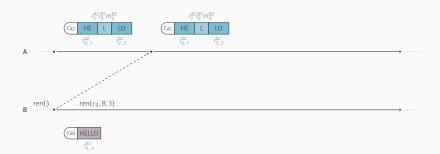


Arbre des époques de A



Étapes

• Époque courante : $arepsilon_{A2}$

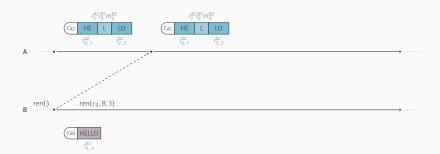


Arbre des époques de A



Étapes

- Époque courante : ε_{A2}
- Époque cible : ε_{B3}

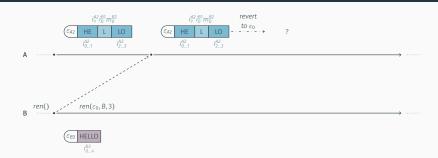


Arbre des époques de A

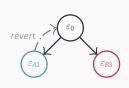


Étapes

- Époque courante : $arepsilon_{A2}$
- Époque cible : ε_{B3}
- Plus Proche Ancêtre Commun : ε_0



Arbre des époques de A



Étapes

- Époque courante : ε_{A2}
- Époque cible : ε_{B3}
- Plus Proche Ancêtre Commun : $arepsilon_0$

Doit annuler ε_{A2}



Arbre des époques de A



Étapes

- Époque courante : ε_{A2}
- Époque cible : ε_{B3}
- · Plus Proche Ancêtre Commun : $arepsilon_0$

Doit annuler ε_{A2} puis appliquer ε_{B3}

Algorithme d'intégration d'une opération rename

Intuition

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC.
 - 3.3 Appliquer l'effet des opérations rename du PPAC à l'époque cible

Algorithme d'intégration d'une opération rename

Intuition

- 1. Ajouter l'époque créée par l'opération *rename* à l'ensemble des époques connues
- 2. Choisir entre époque courante et nouvelle époque l'époque cible
- 3. Si changement d'époque cible
 - 3.1 Calculer chemin entre époque courante et époque cible, et notamment leur Plus Proche Ancêtre Commun (PPAC)
 - 3.2 Annuler l'effet des opérations rename de l'époque courante au PPAC
 - 3.3 Appliquer l'effet des opérations rename du PPAC à l'époque cible

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

· Prend la forme de l'algorithme revertRenameId

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- · Exclure l'effet de l'opération rename

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- · Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- · Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

1. *id* fait partie des identifiants renommés : doit retourner son ancienne valeur

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

- 1. *id* fait partie des identifiants renommés : doit retourner son ancienne valeur
- 2. *id* a (potentiellement) été inséré en concurrence : doit restaurer sa (potentielle) ancienne valeur

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

- 1. *id* fait partie des identifiants renommés : doit retourner son ancienne valeur
- 2. *id* a (potentiellement) été inséré en concurrence : doit restaurer sa (potentielle) ancienne valeur
- 3. *id* a été inséré après le renommage : doit retourner une valeur qui préserve l'ordre

Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- · Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

- 1. *id* fait partie des identifiants renommés : doit retourner son ancienne valeur
- 2. *id* a (potentiellement) été inséré en concurrence : doit restaurer sa (potentielle) ancienne valeur
- 3. *id* a été inséré après le renommage : doit retourner une valeur qui préserve l'ordre

Distingue cas par filtrage par motif

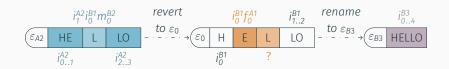
Ajout d'un nouveau mécanisme de transformation

- · Prend la forme de l'algorithme revertRenameId
- · Exclure l'effet de l'opération rename

Intuition

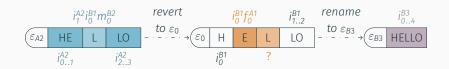
- 1. *id* fait partie des identifiants renommés : doit retourner son ancienne valeur
- 2. *id* a (potentiellement) été inséré en concurrence : doit restaurer sa (potentielle) ancienne valeur
- 3. *id* a été inséré après le renommage : doit retourner une valeur qui préserve l'ordre

Distingue cas par filtrage par motif



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$



Rappel:

$$renIds_{A2} = [i_0^{B1}, i_0^{B1}f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}]$$

Exemple avec $i_1^{A2}i_0^{B1}m_0^{B2}$

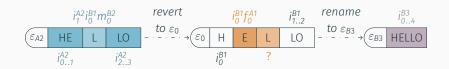
• Est de la forme $i_1^{A2} \oplus i_0^{B1} m_0^{B2}$: cas 2 ou 3



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

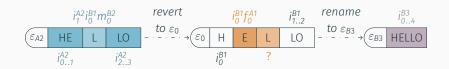
- Est de la forme $i_1^{A2} \oplus i_0^{B1} m_0^{B2}$: cas 2 ou 3
- Trouver l'équivalent de i_1^{A2} dans $renIds_{A2}$: $i_0^{B1}f_0^{A1}$



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

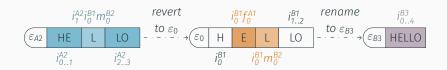
- Est de la forme $i_1^{A2} \oplus i_0^{B1} m_0^{B2}$: cas 2 ou 3
- Trouver l'équivalent de i_1^{A2} dans $renIds_{A2}$: $i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver l'équivalent de i_2^{A2} dans $renIds_{A2}$: i_1^{B1}



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1}f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

- Est de la forme $i_1^{A2} \oplus i_0^{B1} m_0^{B2}$: cas 2 ou 3
- Trouver l'équivalent de i_1^{A2} dans $renIds_{A2}$: $i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver l'équivalent de i_2^{A2} dans $renIds_{A2}$: i_1^{B1}
- Comparer $i_0^{B1}m_0^{B2}$ avec ces derniers : $i_0^{B1}f_0^{A1}<_{id}i_0^{B1}m_0^{B2}<_{id}i_1^{B1}$



Rappel:

$$renIds_{A2} = \left[i_0^{B1}, i_0^{B1} f_0^{A1}, i_1^{B1}, i_2^{B1}\right]$$

- Est de la forme $i_1^{A2} \oplus i_0^{B1} m_0^{B2}$: cas 2 ou 3
- Trouver l'équivalent de i_1^{A2} dans $renIds_{A2}$: $i_0^{B1}f_0^{A1}$
- Trouver l'équivalent de i_2^{A2} dans $renIds_{A2}$: i_1^{B1}
- Comparer $i_0^{B1}m_0^{B2}$ avec ces derniers : $i_0^{B1}f_0^{A1} <_{id} i_0^{B1}m_0^{B2} <_{id} i_1^{B1}$
- Retourner $i_0^{B1} m_0^{B2}$