Esercizio 1: Depositi e hubs

In una rete logistica si vogliono definire le localizzazioni di alcuni hubs per collegare diversi depositi distribuiti su un vasto territorio. L'idea alla base di questa scelta è quella di non collegare ogni deposito ad ogni altro, ma di collegare ogni deposito ad un hub ed ogni hub ad ogni altro. Sono note le posizioni dei depositi e a causa della grande distanza tra di essi si considera una buona approssimazione la distanza Euclidea calcolata sul piano in due dimensioni.

E' noto il numero di hubs che si vuole localizzare e non ci sono vincoli sulla loro localizzazione. Esistono però due criteri conflittuali: da un lato si vorrebbe localizzare gli hubs in posizione tale da minimizzare la somma delle distanze tra ogni deposito e l'hub ad esso più vicino; dall'altra però si vorrebbe minimizzare le somma delle distanze tra gli hubs, calcolata su tutte le coppie di hub. In base al primo criterio gli hubs dovrebbero essere sparpagliati sul territorio, mentre in base al secondo dovrebbero essere concentrati uno vicino all'altro (al limite, coincidenti). Nessuna delle due soluzioni estreme viene ritenuta soddisfacente e si decide di attribuire opportuni coefficienti alle due funzioni obiettivo conflittuali per "pesarle" e quindi combinarle in un'unica funzione obiettivo.

Formulare il problema, classificarlo e risolverlo con i dati del file HUBS.TXT.

Ci sono 12 depositi e 4 hubs.

Tabella 1: Posizione dei depositi

```
5
Deposito
                   2
                          3
                                4
                                              6
                                                           8
                                                                 9
                                                                       10
                                                                             11
                                                                                    12
          120
                 250
                       325
                               80
                                    200
                                           135
                                                  720
                                                          40
                                                               110
                                                                     240
                                                                            350
                                                                                   670
Х
           80
                 130
                       400
                              750
                                    155
                                            75
                                                  840
                                                        910
                                                                30
                                                                     400
                                                                            410
                                                                                  760
У
```

Peso da attribuire alle distanze tra depositi e hubs: 70% Peso da attribuire alle distanze tra hubs: 30%