Верхняя граница для R(D). Функция скорость – искажение Н.И. без памяти с нулевым средним и конечной дисперсией σ_x^2 при использовании средней квадратичной меры искажений (4.38) ограничена сверху:

$$R(D) \le R_{_{\mathcal{G}}}(D) \tag{4.42}$$

Доказательство этой теоремы дано Бергером в 1971 году. Таким образом, гауссовский источник требует максимальной скорости кодирования среди всех других источников при заданном уровне среднеквадратической ошибки.

Нижняя граница для R(D):

$$R^*(D) = H_d(x) - \frac{1}{2}\log_2(2\pi eD)$$
 (4.43)

Таким образом функция скорость – искажения лежит в пределах

$$R^*(D) \le R(D) \le R_g(D)$$
.

Эпсилон- избыточность НИ находится по формуле

$$r_{\varepsilon} = 1 - \frac{R^*(D)}{R_{\varrho}(D)}$$