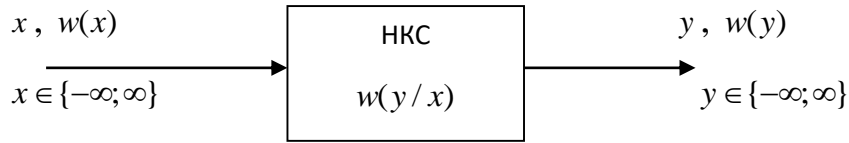


5.2. Непрерывный канал связи.

5.2.1. Информационные характеристики НКС.



Наиболее важный случай - канал с аддитивным белым гауссовским шумом (АБГШ), для которого

$$y = x + \mu, \quad (5.8)$$

где μ - стационарный гауссовский процесс с нулевым математическим ожиданием и дисперсией σ_μ^2 .

Среднее значение взаимной информации определяется по формуле

$$I(x, y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} w(x, y) \log_2 \left(\frac{w(x, y)}{w(x)w(y)} \right) dx dy \quad (5.9)$$

Скорость передачи взаимной информации R_{KC} определяется по (5.2).

Пропускная способность НКС (см. ф-лу (5.3)) :

$$C = \max_{\{w(\bullet)\}} R_{KC} \text{ (бит/отсчет с)}$$

Пропускная способность гауссовского канала связи (ГКС).

Пусть ширина полосы рабочих частот канала $F_\epsilon: 0 \leq f \leq F_\epsilon$. Пропускная способность ищется следующим образом:

$$C = \frac{1}{T_H} (H_d(y) - H(y/x))_{\max},$$

где T_H - длительность реализации случайных процессов $x(t), y(t)$. Вместо одного отсчета рассмотрим выборку $\vec{y}_n = (y_1, \dots, y_n), \vec{x}_n = (x_1, \dots, x_n)$, объем выборки $n = 2F_\epsilon T_H$, т.к. $n = \frac{T_H}{\Delta t}, \Delta t = \frac{1}{2F_\epsilon} \Rightarrow n = 2F_\epsilon T_H$. Тогда

$$H_d(\vec{y}_n) = \sum_{k=1}^n H_d(y_k) = \sum_{k=1}^n \frac{1}{2} \log_2(2\pi e \sigma_y^2) = \frac{n}{2} \log_2(2\pi e \sigma_y^2) = \frac{2F_\epsilon T_H}{2} \log_2(2\pi e \sigma_y^2) = F_\epsilon T_H \log_2(2\pi e \sigma_y^2) = H_{d\max}(\vec{y}_n)$$

Причем, $\sigma_y^2 = \sigma_x^2 + \sigma_\mu^2$. В результате имеем $H_{\max}(\vec{y}_n) = F_\epsilon T_H \log_2(2\pi e(\sigma_x^2 + \sigma_\mu^2))$.

Далее с учетом формулы (5.8) запишем:

$$H(\vec{y}_n / \vec{x}_n) = H_d(\vec{y}_n - \vec{x}_n) = H_d(\vec{\mu}_n) = \sum_{k=1}^n H_d(\mu_k) = \sum_{k=1}^n \frac{1}{2} \log_2(2\pi e \sigma_\mu^2) = \frac{n}{2} \log_2(2\pi e \sigma_\mu^2) = F_\epsilon T_H \log_2(2\pi e \sigma_\mu^2)$$