

$$\sigma_{\theta_n}^2 = E(\theta_n^\wedge - M(\theta_n^\wedge))^2.$$

В общем,  $\sigma_{\theta_n}^2$  вычислить трудно. Однако хорошо известным результатом в теории оценивания параметров является нижняя граница Рао-Крамера для среднеквадратической ошибки:

$$E(\theta_n^\wedge - \theta)^2 \geq \frac{\left[ \frac{\partial}{\partial \theta} E(\theta_n^\wedge) \right]^2}{E \left\{ \left[ \frac{\partial}{\partial \theta} \ln(w(\vec{y}_n / \theta)) \right]^2 \right\}} \quad (2.59)$$

Если оценка  $\theta_n^\wedge$  несмещенная ( $E(\theta_n^\wedge) = \theta$ ), то числитель = 1 и (2.59) приводит к нижней границе для дисперсии оценки  $\theta_n^\wedge$ :

$$\sigma_{\theta_n}^2 \geq \frac{1}{E \left\{ \left[ \frac{\partial}{\partial \theta} \ln(w(\vec{y}_n / \theta)) \right]^2 \right\}} \quad (2.60)$$

Т.к.  $\ln(w(\vec{y}_n / \theta))$  отличается от  $\ln(\Lambda(\vec{y}_n, \theta))$  постоянным множителем, не зависящим от  $\theta$ , то получим:

$$\sigma_{\theta_n}^2 \geq \frac{1}{E \left\{ \left[ \frac{\partial}{\partial \theta} \ln(\Lambda(\vec{y}_n, \theta)) \right]^2 \right\}} \quad (2.61)$$

(2.60) и (2.61) определяют потенциальную помехоустойчивость оценивания. У эффективной оценки дисперсия достигает нижней границы Рао-Крамера.