

Случайный процесс называется **стационарным в широком смысле**, если его среднее значение и дисперсия не зависят от времени $m_x(t) = m_x$, $\sigma_x^2(t) = \sigma_x^2$, а его корреляционная и ковариационная функция зависят только от разности τ между двумя моментами времени $R_x(t_i, t_j) = R_x(\tau)$, $B_x(t_i, t_j) = B_x(\tau)$.

Необходимые условия стационарности в узком смысле являются достаточными условиями стационарности в широком смысле.

Эргодические случайные процессы.

Стационарный СП называется **эргодическим**, если при нахождении любых вероятностных характеристик, усреднение по множеству реализаций может быть заменено усреднением по времени:

$$\begin{aligned} m_x &= \lim_{T_H \rightarrow \infty} \frac{1}{T_H} \int_0^{T_H} x^{(k)}(t) dt, \\ \sigma_x^2 &= \lim_{T_H} \frac{1}{T_H} \int_0^{T_H} (x^{(k)}(t) - m_x)^2 dt, \\ m_{2x} &= \lim_{T_H} \frac{1}{T_H} \int_0^{T_H} (x^{(k)}(t))^2 dt, \\ R_x(\tau) &= \lim_{T_H \rightarrow \infty} \frac{1}{T_H} \int_0^{T_H} x^{(k)}(t) x^{(k)}(t + \tau) dt, \end{aligned} \quad (5.14)$$

где $x^{(k)}(t)$ - k -ая реализация случайного процесса $\zeta(t)$, T_H - ее длительность. Здесь m_x можно рассматривать как постоянную составляющую реализации $x^{(k)}(t)$, а m_{2x} как среднюю мощность сигнала.