

Если апостериорная плотность вероятности симметричная, то координата максимума апостериорной плотности, совпадает с координатой центра тяжести, значит, оценку можно искать по максимуму $w(\theta/\vec{y}_n)$. Максимум найти проще, чем центр тяжести. Если максимум не совпадает с центром тяжести, то получим ошибку $\Delta\theta$.

$$\hat{\theta}_n = \arg \max_{\theta} (w(\theta/\vec{y}_n)) \quad (2.56)$$

3) Критерий max-го правдоподобия (МП)

По формуле Байеса апостериорная плотность вычисляется следующим

образом: $w(\theta|\vec{y}_n) = \frac{w(\theta) \cdot w(\vec{y}_n|\theta)}{\int_{-\infty}^{\infty} w(\theta) \cdot w(\vec{y}_n|\theta) d\theta}$. Пусть $w(\theta)$ - несобственная, т.е.

$w(\theta/\vec{y}_n) = \text{const} \rightarrow 0$ при $\theta \in (-\infty; \infty)$, тогда $w(\theta)$ сокращается, а $\int_{-\infty}^{\infty} w(\vec{y}_n|\theta) d\theta = 1$

=> получим $w(\theta|\vec{y}_n) = w(\vec{y}_n|\theta)$. Тогда можно взять функцию правдоподобия и

найти её максимум: $\frac{\partial w(\vec{y}_n|\theta)}{\partial \theta} = 0$. Решая это уравнение, получим:

$$\hat{\theta}_n = \arg \max_{\theta} w(\vec{y}_n/\theta) \quad (2.57)$$

Оценка (2.57) совпадает с оценкой (2.56) и является оптимальной байесовской оценкой (2.55) при симметричных апостериорных плотностях.

4) Критерий максимального отношения правдоподобия.

Вместо функций правдоподобия можно взять отношение правдоподобия:

$\Lambda(\vec{y}_n, \theta) = \frac{w(\vec{y}_n/\theta)}{w(\vec{y}_n/\theta=0)}$, тогда

$$\hat{\theta}_n = \arg \max_{\theta} \Lambda(\vec{y}_n, \theta) \quad (2.58)$$

Такое отношение правдоподобия для гауссовского случая реализуется в виде СФ. Оценка (2.58) является оптимальной как оценка (2.57) при указанных выше условиях.

2.3.3. Характеристики качества МП оценивателей.

Дисперсия оценки определяется выражением: