# Лекция 9. Стабилизация частоты

Мгновенная частота

$$f(t) = \frac{1}{2\pi} \frac{d\varphi}{dt},$$

Средняя частота (за время измерения от t до  $t + \tau$ )

$$f_{\rm cp} = \frac{1}{\tau} \int_t^{t+\tau} f(t) \, dt$$

Абсолютная нестабильность

$$\Delta f = f_{\rm cp2} - f_{\rm cp1},$$

Относительная нестабильность

$$\varepsilon = \Delta f/f_{\rm A\Gamma} = (f_{\rm cp2} - f_{\rm cp1})/f_{\rm cp1}$$

**Кратковременная нестабильность** измеряется за очень короткое время (обычно менее 1 с)

Она определяется быстрыми флуктуационными изменениями частоты автогенератора, вызываемыми тепловыми, дробовыми и фликкер шумами. Определяются высокочастотной частью спектра  $S\omega(\omega)$ .

**Долговременная нестабильность** средней частоты  $\Delta f$ ср АГ, проявляющаяся за временные интервалы наблюдения более одной секунды (часа, сутки, месяца, года и более).

Связана с воздействием на параметры автогенератора медленных и сверхмедленных, дестабилизирующих факторов (изменениями температуры, атмосферного давления и влажности окружающей среды, вибрациями, нестабильностью напряжения источника питания, старением ЭП и реактивных элементов контура и других элементов схемы АГ, нестабильностью его нагрузки, создаваемой последующими каскадами.

Две основные **причины нестабильности частоты** АГ, обусловленные непосредственным <u>изменением резонансной частоты</u> его контура  $\omega 0 = 1/\sqrt{LC}$  и изменениями параметров схемы в петле положительной обратной связи -  $\phi$ ос .

## 1. Влияние изменения параметров L и C контура АГ.

$$\Delta\omega = \frac{1}{\sqrt{(L + \Delta L)(C + \Delta C)}} - \frac{1}{\sqrt{LC}} \approx -\frac{\omega_0}{2} \left( \frac{\Delta L}{L} + \frac{\Delta C}{C} \right) \qquad \varepsilon = \frac{\Delta\omega}{\omega_0} = -\frac{1}{2} \left( \frac{\Delta L}{L} + \frac{\Delta C}{C} \right)$$

Температурные коэффициенты индуктивности (ТКИ) и емкости (ТКЕ)

$$\alpha_L \approx \frac{\Delta L}{L} \Delta t^{\circ}; \quad \alpha_C \approx \frac{\Delta C}{C} \Delta t^{\circ}$$

Обычно ТКИ на уровне  $10-3...5 \cdot 10-4$ . ТКЕ того же порядка или меньше

Некоторые конденсаторы, обладающие отрицательным ТКЕ позволяют скомпенсировать положительные значения ТКИ индуктивностей — **термокомпенсация**. Полная термокомпенсация возможна только при определенной температуре и на одной рабочей частоте

Более эффективным является непосредственное **термостатирование** АГ, при котором обеспечивается постоянство температуры АГ при значительных изменениях температуры окружающей среды. **Недостаток** - значительно (в разы) увеличение массогабаритных размеров устройства в целом, а также резкое (в разы) увеличение потребляемой АГ вместе с термостатом мощности.

# 2. Действие дестабилизирующих факторов $\Delta \alpha$ на цепь обратной связи

чтобы **баланс фаз**  $\varphi(\omega_{{\rm A}\Gamma},\alpha_0)=2\pi m$  сохранился при действии  $\Delta\alpha$  , частота  $\omega_{{\rm A}\Gamma}$  должна также измениться на малую величину  $\Delta\omega$ 

$$\varphi(\omega_{A\Gamma} + \Delta\omega, \alpha_0 + \Delta\alpha) = 2\pi m$$

Разлагая левую часть уравнения в ряд Тейлора по степеням  $\Delta \omega$  и  $\Delta \alpha$  в окрестности  $\varphi(\omega_{A\Gamma}, \alpha_0) = 2\pi m$ 

$$\varphi(\omega_{A\Gamma}, \alpha_0) + \left[ \frac{\partial \varphi}{\partial \omega} \Big|_{\substack{\omega = \omega_{A\Gamma} \\ \alpha = \alpha_0}} \right] \Delta \omega + \left[ \frac{\partial \varphi}{\partial \alpha} \Big|_{\substack{\omega = \omega_{A\Gamma} \\ \alpha = \alpha_0}} \right] \Delta \alpha + \dots = 2\pi m$$

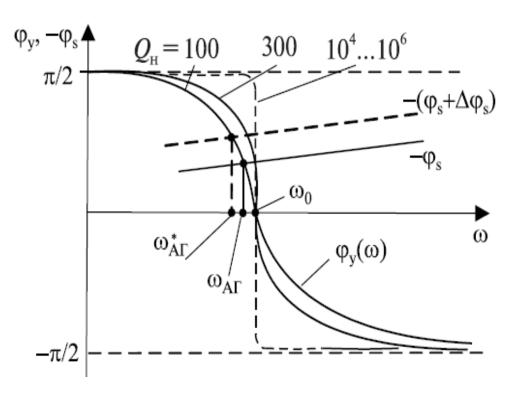
Изменение суммарного набега фазы, вызванное изменением параметра lpha

$$\Delta \varphi = -\left[\frac{\partial \varphi}{\partial \alpha}\Big|_{\substack{\omega = \omega_{\text{A}\Gamma} \\ \alpha = \alpha_0}}\right] \Delta \alpha \quad = \quad \left[\frac{\partial \varphi}{\partial \omega}\Big|_{\substack{\omega = \omega_{\text{A}\Gamma} \\ \alpha = \alpha_0}}\right] \Delta \omega$$

Отсюда, поделив на  $\omega$ аг найдём  $\epsilon$ 

$$\frac{\Delta\omega}{\omega_{A\Gamma}} = -\Delta\varphi / \omega_{A\Gamma} \left[ \frac{\partial\varphi}{\partial\omega} \Big|_{\substack{\omega=\omega_{A\Gamma}\\ \alpha=\alpha_0}} \right]$$

Стабильность частоты АГ при заданном значении  $\Delta \phi$  тем выше, чем резче суммарный фазовый сдвиг зависит от частоты автоколебаний



Стабильность частоты АГ при заданном значении Δφ тем выше, чем резче суммарный фазовый сдвиг зависит от частоты автоколебаний.

#### Повышать добротность!

Наиболее резкая зависимость у ФЧХ контура. Чем ближе частота автогенератора  $\omega$ AГ к резонансной частоте контура  $\omega$ 0, тем выше значения  $\partial \phi/\partial \omega$  и выше стабильность частоты.

Необходимо уменьшать  $\phi$  s, т.е. использовать высокочастотные транзисторы с максимальной граничной частотой  $\omega$ s. Тогда  $\omega$ AГ  $\approx \omega$ 0

$$\varphi_s + \varphi_y(\omega) = 0$$

$$\varphi_y(\omega) = -\arctan \frac{2(\omega - \omega_0)Q_H}{\omega_0}$$

После дифференцирования получим

$$\left. \frac{\partial \varphi_z}{\partial \omega} \right|_{\omega = \omega_{\text{A}\Gamma}} \approx -\frac{2Q_{\text{H}}}{\omega_0}, \qquad \varepsilon = \left. \frac{\Delta \omega}{\omega_{\text{A}\Gamma}} = -\Delta \varphi \right/ 2Q_{\text{H}}$$

С соблюдением всех мер в LC АГ удаётся снизить  $\varepsilon$  до  $\approx 10^{-4}$ 

## Автогенераторы с кварцевыми резонаторами

Позволяют на несколько порядков (практически до  $10^{-6}\dots 10^{-9}$  и более) снизить  $\epsilon$ 

Добротность эквивалентного колебательного контура достигает  $10^5 \dots 10^7$ и более, с одновременно мало изменяющимися параметрами от воздействия внешних дестабилизирующих факторов.

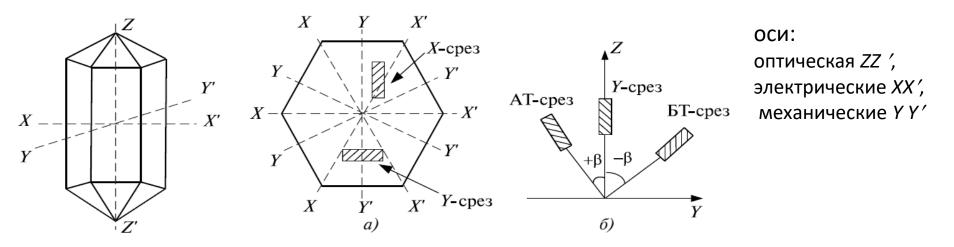
## Устройство и принцип действия кварцевого резонатора

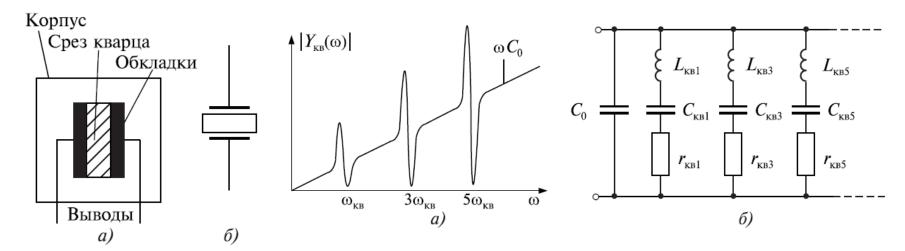
Кварцевая пластина преобразует подводимое к ней электрическое колебание в механическое и наоборот (пьезоэлектрический эффект)

Природный кварцевый минерал (пьезокварц) представляет собой кристаллическую двуокись кремния SiO2. Искусственно полученные кристаллы по параметрам даже превосходят природные.

**Частоты АГ на кварцевых резонаторах** от нескольких сотен Герц до УВЧ (500. . . 1000 МГц) Зависят от размеров резонатора (от 50 мм до 50 мкм и менее) и видов механических колебаний.

колебания как на основной частоте, так и на частотах **нечетных гармоник** от n=3; 5; 7;... и до n=21; 23; 25 на частотах от  $\approx 5$  МГц до  $\approx 1000$  МГц. Кристаллы кварца имеют **форму**:





Конструкция (*a*) и обозначение в схеме кварцевого резонатора (*б*)

Эквивалентная схема кварцевого резонатора на гармониках:

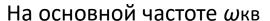
# Основная частота механических колебаний

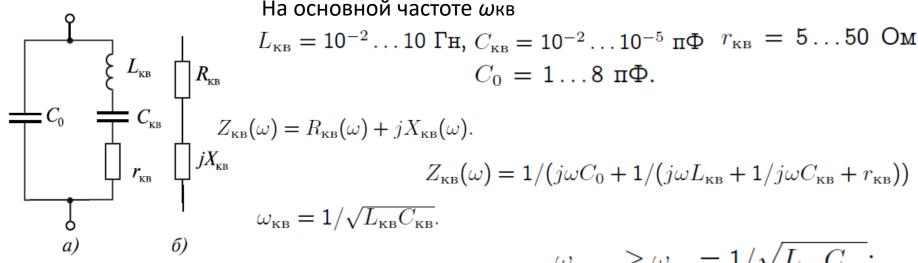
fкв = M/d, где M = 1,6. . .3 МГц·мм (зависит от типа среза), d — толщина пластины среза, мм (d > 0,1 мм — хрупкость!) fкв не выше  $\approx 17$  МГц для среза АТ и  $\approx 25$  МГц для среза БТ

# При работе на механических гармониках

АГ сразу (без умножителей) работает до 250. . . 300 МГц. Добротность на частотах 3 и 5 гармоник даже выше в 1,5. . . 2,0 раза, чем на основной.

**Lкв***n* отражает массу кварцевой пластины **Скв***n* — величину, обратную упругости пластины, сопротивление **Гкв***n* учитывает потери **Со** —емкость кварцедержателя или металлизации





$$L_{\text{\tiny KB}} = 10^{-2}\dots 10~\Gamma$$
н,  $C_{\text{\tiny KB}} = 10^{-2}\dots 10^{-5}~\Pi$ Ф  $r_{\text{\tiny KB}} = 5\dots 50~$ Ом  $C_0 = 1\dots 8~\Pi$ Ф.

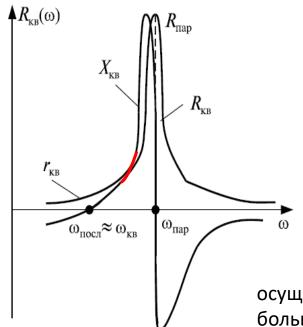
$$Z_{\scriptscriptstyle \mathrm{KB}}(\omega) = R_{\scriptscriptstyle \mathrm{KB}}(\omega) + jX_{\scriptscriptstyle \mathrm{KB}}(\omega).$$

$$Z_{\text{kb}}(\omega) = 1/(j\omega C_0 + 1/(j\omega L_{\text{kb}} + 1/j\omega C_{\text{kb}} + r_{\text{kb}}))$$

$$\omega_{\mathrm{kb}} = 1/\sqrt{L_{\mathrm{kb}}C_{\mathrm{kb}}}$$

$$\omega_{\text{посл}} \geqslant \omega_{\text{kb}} = 1/\sqrt{L_{\text{kb}}C_{\text{kb}}};$$

#### Упрощённая эквивалентная схема



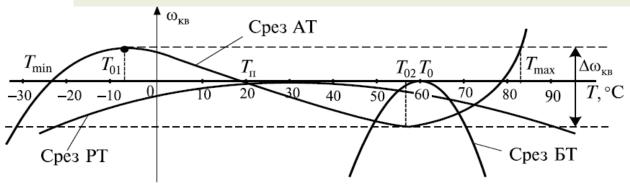
$$\omega_{\mathrm{пар}}\leqslant 1/\sqrt{rac{L_{\mathrm{\tiny KB}}C_{0}C_{\mathrm{\tiny KB}}}{C_{0}+C_{\mathrm{\tiny KB}}}}=\omega_{\mathrm{\tiny KB}}\sqrt{1+rac{C_{\mathrm{\tiny KB}}}{C_{0}}}pprox \left(1+0.5rac{C_{\mathrm{\tiny KB}}}{C_{0}}
ight)\omega_{\mathrm{\tiny KB}}$$
 знаки равенства при  $r_{\mathrm{\tiny KB}} o 0.$ 

$$\Delta\omega=\omega_{\rm пар}-\omega_{\rm посл}\approx\omega_{\rm кв}$$
0,5 $C_{\rm кв}/C_0$   $\Delta\omega/\omega_{\rm кв}=$  10 $^{-3}\dots$ 10 $^{-5}$  индуктивное сопротивление

$$ho_{\mathrm{kb}} = \omega_{\mathrm{kb}} L_{\mathrm{kb}} = 1/\omega_{\mathrm{kb}} C_{\mathrm{kb}} = \sqrt{L_{\mathrm{kb}}/C_{\mathrm{kb}}}$$
  $Q_{\mathrm{kb}} = \rho_{\mathrm{kb}}/r_{\mathrm{kb}}$  от сотен тысяч до  $1\dots 10$  миллионов  $R_{\mathrm{hap}}(\omega_{\mathrm{hap}}) = 1/(\omega_{\mathrm{kb}} C_0)^2 r_{\mathrm{kb}}$ 

осуществляется трансформация малого сопротивления  $r \kappa B \to 0$  в большое сопротивление Rпар  $ightarrow \infty$  (Г-цепочка в виде двухзвенного ФНЧ)

# Температурная зависимость частоты кварцевого резонатора.



ТКЧ кварца со срезом АТ не более  $\approx n10^{-6}$ 

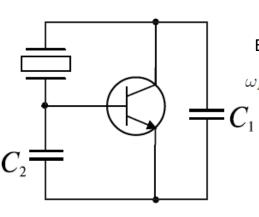
срезы БТ и РТ для термостатированных АГ

годовое изменение частоты, обусловленное **старением**  $\approx 1*10^{-6}$ 

предельный уровень мощности АГ ≈ 1... 2 мВт (для прецизионных резонаторов не более 10 мкВт)

## Схемы кварцевых автогенераторов

### осцилляторные и фильтровые схемы



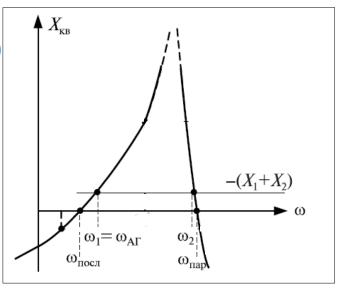
$$X_{\text{\tiny KB}}(\omega) + X_1(\omega) + X_2(\omega) = 0$$

Без учёта емкости СО

$$\omega_{\rm A\Gamma} L_{\scriptscriptstyle \rm KB} - \frac{1}{\omega_{\rm A\Gamma} C_{\scriptscriptstyle \rm KB}} - \frac{1}{\omega_{\rm A\Gamma} C_1} - \frac{1}{\omega_{\rm A\Gamma} C_2} = 0.$$

$$\omega_{\mathrm{A}\Gamma} pprox \omega_{\mathrm{kb}} \left( 1 + \frac{1}{2} C_{\mathrm{kb}} \frac{C_1 + C_2}{C_1 C_2} \right)$$

Автоколебания возможны только на частоте  $\omega$ AГ =  $\omega$ 1  $\approx \omega$ кв.



По схеме емкостной трехточки

На частоте  $\omega 2 = \omega$ пар генерация невозможна. Очень большая резистивная составляющая (нет баланса амплитуд)

#### Фильтровые схемы АГ с кварцевым резонатором

кварцевый резонатор включается в цепь обратной связи трехточечного АГ в виде очень узкополосного полосового фильтра, который приближает частоту АГ к частоте  $\omega$ кв  $\approx \omega$ посл

через кварцевый резонатор протекает гораздо меньший ток по сравнению с контурным током эквивалентного резонансного контура осцилляторной схемы (в Qн раз)

реальная опасность **паразитной** «бескварцевой» **автогенерации** с использованием емкости *C*0, а не самого резонатора. Её исключают **компенсацией** или **нейтрализацией** действия статической емкости *C*0.

Для **компенсации** к резонатору подключают параллельно или последовательно индуктивность *L*комп, чтобы контур, образованный ей и *CO*, резонировал на частоте используемой гармоники

В схемах с **нейтрализацией** емкостная проводимость кварца компенсируется проводимостью емкости специального нейтродинного конденсатора  $C_{\text{нейт}} = C_0$ 

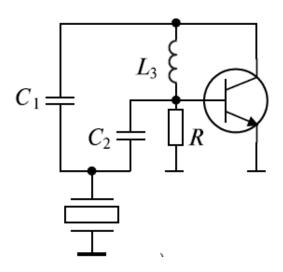
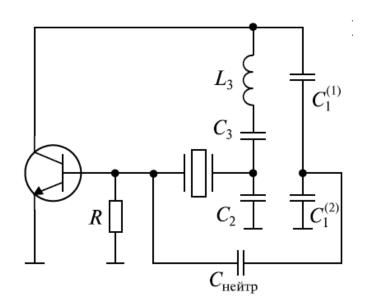


Схема с кварцевым резонатором в цепи ОС

Схемы АГ с кварцевым резонатором в цепи ОС в реализуют на предельно высоких частотах (до 250. . . 300 МГц) с использованием его на гармониках до  $n \approx 9$  и выше.



Нейтрализация емкости  $C_0$  в схеме Клаппа