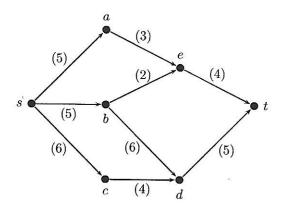
## Optimierung für Studierende der Informatik Thomas Andreae

Wintersemester 2017/18 Blatt 8

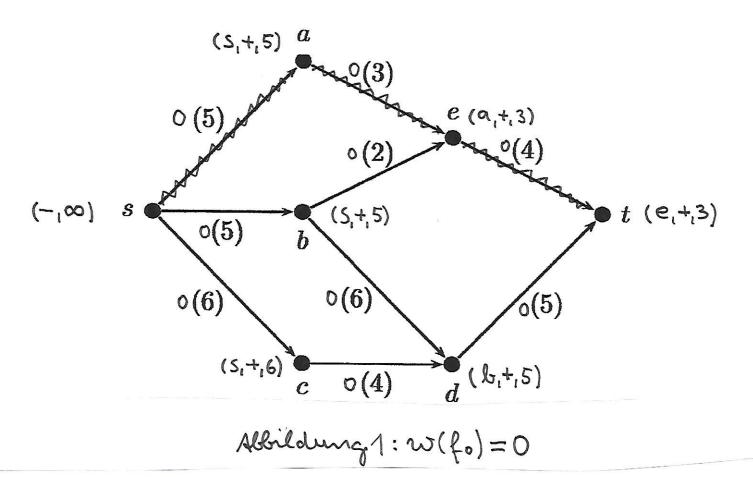
## B: Hausaufgaben zum 18./19. Dezember 2017

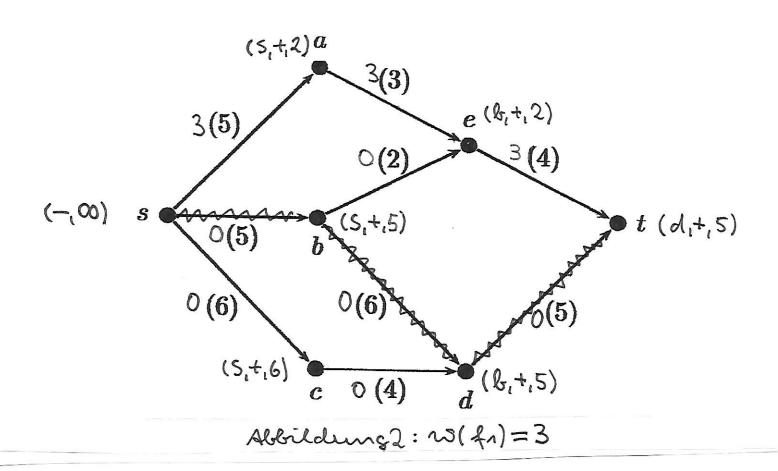
1. Wie Präsenzaufgabe 2 für das folgende Netzwerk:

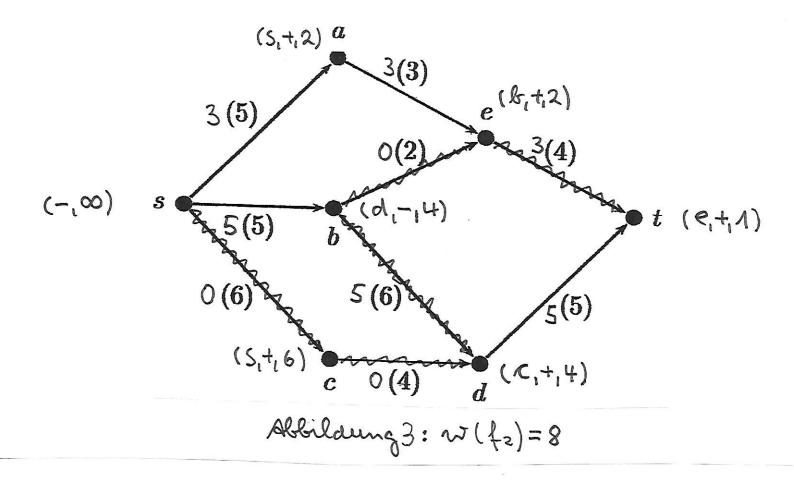


Hinweis: Beachten Sie immer (5') (Skript, Seite 122)! Für die Zeilen (6)–(9) bzw. (10)–(13) gilt die übliche Regel: Gibt es mehrere Kandidaten für den nächsten zu markierenden Knoten, so ist die alphabetische Reihenfolge entscheidend.

Im Skript wurde auf Seite 123 von Abbildung 9.1 ausgegangen. Es ergaben sich auschließend die Abbildungen 9.2 – 9.11. Zanz entsprechend zehen wir hier von dem obigen Netzwerk aus; es ergaben sich die folgenden Figuren:







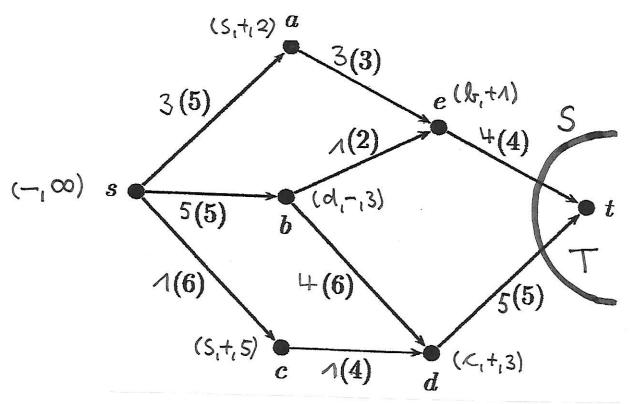
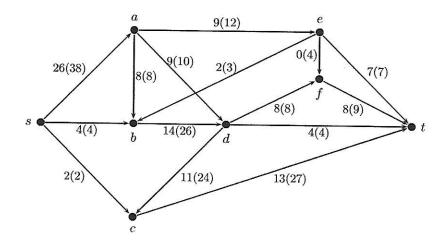


Abbildung 4:  $w(f_3) = 9 = c(S,T)$  mit  $S = \{S, a, b, c, d, e\}, T = \{t\}.$ 

- 2. Bearbeiten Sie die folgende Klausuraufgabe aus dem WS 2015/16:
  - a) Wir betrachten das folgende Netzwerk N, in dem die Kapazitäten in Klammern angegeben sind; die Zahlen ohne Klammern bezeichnen den aktuellen Fluss, den wir  $f_1$  nennen. Wie üblich seien s und t die Quelle bzw. die Senke des Netzwerks.



Es soll der Algorithmus von Edmonds und Karp angewendet werden, wobei nur die nächste Flussvergrößerung betrachtet wird. Um  $f_1$  zu verbessern, werden auf die übliche Art Knotenmarkierungen vorgenommen, beispielsweise erhält s die Markierung  $(-,\infty)$  und a erhält die Markierung (s,+,12).

- (i) In welcher Reihenfolge werden die Knoten markiert? (Regel: Ist diese Reihenfolge durch den Algorithmus von Edmonds und Karp nicht festgelegt, so ist die alphabetische Reihenfolge entscheidend.) Geben Sie für jeden Knoten die zugehörige Markierung an! Gibt es Knoten, die unmarkiert bleiben?
- (ii) Geben Sie den zunehmenden Pfad P an, der zur Flussvergrößerung führt und geben Sie auch den verbesserten Fluss  $f_2$  an. (Es genügt,  $f_2(e)$  für diejenigen Kanten anzugeben, für die  $f_2(e) \neq f_1(e)$  gilt.)

a) (i) Den Knoten wird in der folgenden Reihenfolge die angegebene Markierung zugeordnet:

$$(-100)$$
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $(-100)$ 
 $($ 

Knosendie unmarkiert bleiben, gibtes wicht. (ii) P: Sad ct

Never Fluss:  $f_2(s, a) = 27$ ,  $f_2(a, d) = 10$ ,  $f_2(d, c) = 12$ ,  $f_2(c, t) = 14$ .

b) Führt man den Ford-Fulkerson-Algorithmus zur Bestimmung eines Maximalflusses in einem Netzwerk aus, so erhält man im letzten Schritt einen minimalen Schnitt (S,T). Woran erkennt man, welche Knoten zu S und welche zu T gehören? (Geben Sie eine kurze und präzise Antwort.)

S ist die Unge der Knoten, die am Soluss markeiert sind; Tist die Unge der restlichen Knoten.